वामिरिकात्नव शर्शाभगप्रिण COMP

(Methods of Applied Statistics)

ডঃ ব্রজেন্দ্র কুমার গুরুঠাকুরভা, ক্ষাত অর্থনীতি ৪ পরিসংখ্যান ঝ্রুরো, পশ্চিমবদ,

শ্ৰীভাগবত দাশগুপ্ত,

রাশিবিভান বিভাগ, প্রেসিডেণ্সী করেছ

4

ডঃ বাসুদেব অধিকারী, নাশবিভান বিভাগ, করিকাতা বিশ্ববিদ্যালয় ।

MEST BENGAL LEGISLATURE LIBRARY
Acc. No. 63.95.

Dated R.R. 99.

Can No. 310/56-0.

Price / Page Re. 17.

विश्वास्था सामा व्यवस्था व्यवस्था । (विश्वास्थासम्बद्धाः वर्धाः वर्धाः । West Bengal State Book Board.

310 GUH

MARCH. 1976

Published by Shri Abani Mitra, Chief Executive Officer, West Bengal State Book Board, Arya Mansion (Righth floor), 6/A, Raja Subodh Mullick Square, Cal-700013, under the Centrally Sponsored Scheme of production of books and literature in regional languages at the University level of the Government of India at the Ministry of Education and Social Welfare (Department of Culture). New Delhi and printed by Doorga Prosed Mitra, at the Elm Press, 68, Beadon Street, Cal-700006.

ভূমিকা

"রাশিবিজ্ঞানের প্রয়োগ পদ্ধতি"তে কয়েকটি বিশেষ বিশেষ ক্ষেত্রে রাশিবিজ্ঞানের ব্যবহারিক প্রয়োগের আলোচনা করা হ'য়েছে। বিশ্ববিদ্যালয় মঞ্জুরী কমিশনের (University Grants Commission) নির্দেশে এবং পশ্চিমবন্ধ রাজ্য পুস্তক পর্মদের (West Bengal State Book Board) উদ্যোগে এ বই লেখা হ'য়েছে—স্যাতক পর্যায়ের (পাসকোর্স) শিক্ষার্থীদের প্রয়োজন অনুযায়ী।

বইটি মোট দু'টি খণ্ডে ও ন'টি পরিচ্ছেদে বিভক্ত। প্রথম খণ্ডের প্রথম পরিচ্ছেদে "নমুনা সমীক্ষা পদ্ধতি" (Sample Survey Methods)-এর মল বিষয়বস্তগুলি বণিত হ'য়েছে। দিতীয় পরিচ্ছেদে "দ্বীবন সংক্রান্ত রাশিবিজ্ঞান" (Vital Statistics)-এর প্রধান বিষয়বস্তগুলির আলোচনা "মনোবিজ্ঞান ও শিক্ষায় রাশিবিজ্ঞানের প্রয়োগপদ্ধতি" (Statistical Methods in Psychology and Education)-এর বর্ণনা দেয়া হ'য়েছে তৃতীয় পরিচ্ছেদে। শিল্পক্তে (বিশেষতঃ বৃহৎ শিল্পে) 'ন্রাশিবিজ্ঞান সমত গুণ নিয়ন্ত্রণ'' (Statistical Quality Control)-এর মূল বিষয়গুলি বণিত হ'রেছে চতুর্থ পরিচ্ছেদে। ''অর্থনীতি সংক্রান্ত পরিসংখ্যান'' (Economic Statistics)-এর অন্তর্গত ''সূচক সংখ্যা'' (Index Numbers)-এর এবং "কালীন সারি বিশ্লেষণ" (Time Series Analysis)-এর বর্ণনা দিওয়া হ'য়েছে যথাক্রমে পঞ্জম এবং ঘষ্ট পরিচ্ছেদে। সপ্তম পরিচ্ছেদে ''সরকারী পরিসংখ্যান সর্বভারতীয় এবং পশ্চিমবন্দ সংক্রান্ত (Official Statistics)-এর বর্ণনা দেওয়া হ'রেছে। ছিতীয় খণ্ডের প্রথম ও ষিতীয় পরিচ্ছেদে যথাক্রমে "প্রভেদ বিশ্লেষণ" (Analysis of Variance) ও "পরীক্ষণ পরিকল্পনা" (Design of Experiments)-এর মূল বিষয়বস্তথিলি প্রয়োজনীয় রাশিবিজ্ঞানজনিত সারণীসমূহ পরিশিটে বালোচিত হরেছে। সন্নিবেশিত হ'রেছে।

ছাত্রদের প্রয়োজনের কথা মনে রেখে প্রতিটি পরিচ্ছেদে বিভিন্ন ধরণের উদাহরণের সাহায্যে বিষয়বস্তুগুলিকে বথাসাধ্য সরল ক'রে বোঝাবার চেটা করা হ'রেছে। উদাহরণগুলিতে এবং অনুশীলনসমূহে বথাসম্ভব বাস্তব-ক্ষেত্রে থেকে নেওয়া আধুনিক দেশজ রাশিতথ্য ব্যবহার করা হ'রেছে।

বাংলাভাষায় রাশিবিজ্ঞানের পাঠ্যপুত্তক এবন পর্যন্ত ধুব কমই লেখা হ'রেছে। ফলে, অতীত অভিজ্ঞতার অ্যোগ গ্রহণ করার অবিধা এক্তেত্রে খুবই সীনিত। এ ধরণের লেখার একটা প্রধান অস্থবিধা হ'লো প্রয়োজনানুগ রচনাশৈনীর অভাব এবং পরিভাষার স্বরতা। স্থাধের কথা, পশ্চিমবন্ধ রাজ্য পুস্তক পর্মদ কিছুদিন আগে "রাশিবিজ্ঞানের পরিভাষা" প্রকাশ ক'রেছেন। এই বইএ ঐ পরিভাষাই প্রধানত: ব্যবহার করা হ'য়েছে। এ ছাড়া অনেক ক্ষেত্রে অধ্যাপক ড: পূর্ণেক্র কুমার বস্থ লিখিত ''রাশিবিজ্ঞানের গোড়ার কথা" (বিশ্বভারতী, 1956) নামক পুস্তিকাট্টিরও শহায়তা নেওয়া হ'য়েছে। বইটি লেখার ব্যাপারে—বিশেষত: বিভিন্ন পরিচ্ছেদ, উদাহরণ, অনুশীলনী ইত্যাদির বিন্যাসে—ইংরাজীতে A.M. Goon, M.K. Gupta & B. Dasgupta প্রণীত Fundamentals of Statistics, Vol. II (World Press, 1976) বইটির সহায়তা নেওয়া হ'য়েছে। বইটিকে দোঘকটো থেকে যথাসাধ্য মুক্ত রাখার চেষ্টা হ'রেছে। তা হ'লেও প্রাথমিক প্রয়াস হিসাবে কিছু ভূল ও মুদ্রণ-জ্ঞটী থেকে যেতে পারে। সহৃদয় পাঠকবুন্দের সহায়তা পেলে ভবিষ্যতে এগুলির সংশোধন করা যেতে পারে। যেসব মুদ্রণ-ক্রটী চোখে পড়েছে সেগুলো "গুদ্ধিপত্র" হিসেবে পরিশিষ্টে দেওয়া হ'রেছে।

এ বই লেখার বিভিন্ন বন্ধু, সহকর্মী এবং শুভানুধ্যারীদের কাছ থেকে যে উপদেশ এবং উৎসাহ পেয়েছি তা আমরা কৃতজ্ঞ-চিত্তে সমরণ করছি। এ ব্যাপারে শ্রদ্ধের অধ্যয়পক ডঃ তারাপদ চৌধুরীর নাম বিশেষভাবে উল্লেখযোগ্য। তিনি বইটির পাণ্ডুলিপি আদ্যোপান্ত পাঠ করেন এবং বছক্ষেত্তে সংশোধন এবং সংযোজনের পরামর্শ দেন।

পরিশেষে এই পুস্তক প্রণয়নের উদ্যোজ্য এবং এর প্রকাশক পশ্চিমবক্ষ রাজ্য পুস্তক পর্যদক্ষে ও এর মুদ্রাকর এলম্ প্রেসকে আমাদের ধন্যবাদ জানাই।

1

ক্ৰাকাতা নাৰ্চ_ 1976 জনেজ কুনার ওহঠাকুরডা ভাগবত দালগুর বাছকের জনিকারী

প্রথম পরিচ্ছেদ: ময়ুনা সমীকা প্রভ

1-40

সূচনা; নমুনা সমীক্ষার মূলনীতিসমূহ; সম্পূর্ণ সমীক্ষার তুলনার নমুনা সমীক্ষার স্থবিধাসমূহ; নমুনা সমীক্ষার বিভিন্ন কার্যক্রম; সমসন্তব নমুনাচরন প্রণালী; বিভিন্নপ্রকারের পূর্ণক ও নমুনা; নমুনা সমীক্ষার বিভিন্ন ধরণের পক্ষপাত ও লান্তি; সরল সমসন্তব নমুনা সংগ্রহ; উদ্দেশ্যমূলক নমুনা সংগ্রহ; অরবিন্যন্ত সমসন্তব নমুনাসংগ্রহ; বছবিভাগী নমুনা সংগ্রহ; বির্মানুগ নমুনাসংগ্রহ; বছপর্যায়ী নমুনা সংগ্রহ; বির্মানুগ নমুনাসংগ্রহ; জাতীর নমুনা সমীক্ষা।

বিভীয় পরিচ্ছেদ: জীবনসংক্রান্ত রাশিবিজ্ঞান পদ্ধতি 41- 75

সূচনা; জীবনসংক্রান্ত ঘটনার হার; বিভিন্ন 'ক্রান্তর মৃত্যুহার : অশোধিত মৃত্যুহার, বিশেষিত মৃত্যুহার, প্রমাণীকৃত মৃত্যুহার; জীবন সারণী; বিভিন্নপ্রকার প্রজনন হার : অশোধিত জন্মহার, সাধারণ প্রজননহার, বয়স বিশেষিত প্রজননহার, সঙ্কলিত প্রজনন হার; ভবিষ্যৎ জনসংখ্যা হাসবৃদ্ধির পরিমাপন : অশোধিত স্বাভাবিক বৃদ্ধিহার, জীবন-সংক্রান্ত সূচক, স্থূল সংজনন হার, নীট্ সংজনন হার; লজিষ্টিক রেখা : পার্ল ও রীভের পদ্ধতি, রোজ্সের পদ্ধতি।

ভূডীর পরিচ্ছেদ: সনোবিভাও শিক্ষার রাশিবিভালের প্রয়োগশহতি 76--101

সূচনা; বিভিন্ন নাআনিরাপণ পদতি: টেই আইটেনের কাঠিন্যের বাপনানাত্রা, বিভিন্ন টেইে নহর্মের বাত্রানিরাপণ, মূল্যারণ ও বানজনের নাত্রান নিরাপণ, বিচার বাপনাবাত্রা; টেই তব বাদকৈরিক ৰভেল, গৰান্তবাল টেট গৰুহ, টেটের নির্ভরবোগ্যতা ও বান্তি ভেদমান, নির্ভ**রবোগ্যনার** বান্তব প্রাক্তনন, টেট সক্ষতি ; বুদ্ধি পরীকা ও ধীসূচক ভাগকন।

চতুর্ব পরিচেহণ: রাশিবিজ্ঞান সম্মত গুণ নিয়ন্ত্রণ 102—136

সূচনা; বিভিন্ন গুণমাপক; বিচার প্রসূত্ত গুলহাংশ; গড়, সমকপার্থকা ও প্রসারের নিয়ন্ত্রণ কমচিত্র; ক্রটীযুক্ত খণ্ডসংখ্যা ও খণ্ড ভপ্নাংশের নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্র; প্রণালী নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্র; প্রণালী নিয়ন্ত্রণ সম্পর্কে আলোচনা; নমুনা বীক্ষণ—গুণ লক্ষণের সাহাযো: একক নমুনাবীক্ষণ প্রণালী, বিপ্রয়ী নমুনাবীক্ষণ প্রণালী, বহুপর্যায়ী নমুনাবীক্ষণ প্রণালী ও ক্রমপর্যায়ী নমুনাবীক্ষণ।

পঞ্চম পরিচ্ছেদ: সূচক সংখ্যা

137-177

সূচনা; সূচকসংখ্যায় ব্যবহৃত কয়েকটি প্রতীক;
সূচকসংখ্যা নির্নিয়র সমস্যাসমূহ; সূচক সংখ্যায়
বিভিন্ন ধরণের লান্ডি; সূচকসংখ্যার সামঞ্জস্য বিচার;
শৃঙ্খলমুক্ত সূচকসংখ্যা ভিত্তিকালের সূচকসংখ্যার সাথে শৃঙ্খলমুক্ত সূচকসংখ্যার তুলনা; জীবিকা
নির্বাহন ব্যয়ের সূচক; কয়েকটি উদাহরণ; সর্বভারতীয় পাইকারী দরের সূচক; জীবিকা নির্বাহন
ব্যয়ের সূচক—পশ্চিমবজের 25টি শহরে 5টি ব্যয়ন্তরের
জন্য; সূচকসংখ্যার অন্যান্য ব্যবহারসমূহ।

वर्ष भतिरकतः कानीन नाति विदन्नयन

178-221

সূচনা; কালীন সারির বিভিন্ন অংশ; কালীন সারিতে ব্যবস্ত প্রতীক; অ্শাসিত গতিধারার পরিমাপ; ঋতুজ ভেদের পরিমাপ; চক্রীল ভেদের পরিমাপ।

পঞ্জ পরিছের: সরকারী পরিসংখ্যান

222-250

সূচনা; সরকারী পরিসংখ্যাদের জমবিকাশ; অর্নিকি। ও অন্যান্ত সংজ্ঞান্ত পরিসংখ্যান; কৃষি পরিসংখ্যান; নির্মান্ত পরিসংখ্যান; ব্যবসাবাদিজ্য ও ক্লামিক বিশ্বনার প্রজ্ঞান্ত পরিসংখ্যান; ব্যবসাবাদিজ্য সংক্রান্ত পরিসংখ্যান ; শ্রমসংক্রান্ত পরিসংখ্যান ; দর সংক্রান্ত পরিসংখ্যান ; অপরাপর বিদয় সংক্রান্ত পরিসংখ্যান।

বিতীয় খণ্ড

প্রথম পরিচ্ছেদ: প্রভেদ বিশ্লেষণ

1- 28

ভূমিকা; একধারা শ্রেণীবিন্যাসী উপাত্তের প্রভেদ বিশ্লেষণ; ঋজুরৈখিক প্রতিরূপ ও প্রভেদ বিশ্লেষণ পরীক্ষার স্বীকরণ; প্রতিটি কক্ষে একটি অবেক্ষণযুক্ত দুইধারা শ্রেণীবিন্যাসী উপাত্তের প্রভেদ বিশ্লেষণ; প্রতিটি কক্ষে $m \ (>1)$ অবেক্ষণ-যুক্ত দুইধারা শ্রেণীবিন্যাসী উপাত্তের প্রভেদ বিশ্লেষণ; সহ ভেদমান বিশ্লেষণ; একধারা শ্রেণীবিন্যাসী উপাত্তের সহভেদমান বিশ্লেষণ।

षिভীয় পরিচ্ছেদ: পরীক্ষণ পরিকল্পনা

29- 77

ভূমিকা; বৈজ্ঞানিক গবেষণার যুক্তি; পরীক্ষণী পরিকল্পনার অন্তর্নিহিত তত্ত্ব: সমসন্তর্নীকরণ, নিয়মানুগ বিন্যাসের পক্ষপাত, বহুকরণ, স্থানীয় নিয়ন্ত্রণ বা প্রান্তি নিয়ন্ত্রণ; পরিশিষ্ট; সম্পূর্ণরূপে সমসন্তর্ব পরিকল্পনা; সনসন্তর্ব প্রকল্পনা; ভূমিকা, উপাদানীয় পরীক্ষা: ভূমিকা, উপাদানীয় পরীক্ষার বিশেষ গুণ, মুখ্যফল ও যৌথ ক্রিয়াফল, দুই উপাদানীয় ফলের সমষ্টিবর্গ এবং তার সংশয় বিচার, তিন উপাদানীয় পরীক্ষা, উপাদানীয় পরীক্ষার কল সমষ্টি বের করবার ইয়েট্সের পদ্ধতি, উপাদানগুলি যখন দুই এর অধিক মাত্রায় প্রয়োগ করা হয় তখন দুই উপাদানীয় পরীক্ষা।

পরিনিষ্ট: সারণীসমূহ বর্ণাক্সক্রমিক সূচী শুবিশক্ত

i-- x

ci—xvili

X'X



প্রথম খণ্ড

্রথম পরিছেদ

নযুনা সমীকা পদ্ধতি

(Sample Survey Methods)

1.1 স্থচনা

সমগ্রকের সম্পর্কে অনুমান করবার জন্যে নমুনার ব্যবহার সভ্যতার স্থক্ধ থেকেই চলে আসছে। চাল সিদ্ধ হ'ল কিনা দেখবার সময় গৃহিণী ভাতের হাঁড়ি থেকে একটি কি দুটি চালই টিপে দেখে নেন। খুড়ি থেকে আম কিনবার সময় আমর। একটি আমই কেটে এক টুকরো মুখে পুরে দেখি মিটি কিনা। অবশ্য অনুমান যাতে সঠিক হয় সেজন্য নমুনাটি প্রতিনিধি-মুলক হওরা চাই। অংশক বা নমুনা থেকে সমগ্রক বা পূর্ণক সম্পর্কে এই অনুমিতিকে বলা চলে আরোহী অমুমিতি।

রাশিবিজ্ঞানীর কাছে সচরাচর যে সব প্রশু আসে তার উত্তর দিতে হলে অধিকাংশ ক্ষেত্রে রাশিবিজ্ঞানীকে নমুনার আশ্রয় নিতে হয়। অনেক সময় সময়ের সীমা বা শ্বরচের সীমা নির্ধারিত থাকায় এই নমুনাগ্রহণ অপরিহার্য হয়ে পড়ে। আবার কখনও সমীক্ষার কাজের অবিধার্থেই এই নমুনা গ্রহণ করা হয়। কোন কোন ক্ষেত্রে সম্পূর্ণ সমীক্ষা বা সেন্সাস অবান্তব বা অসম্ভবও হতে পারে।

এই সব নমুনাভিত্তিক প্রশুগুলিকে আবার দুই শ্রেণীতে ভাগ করা যায়।

- (1) কোন কোন ক্ষেত্রে প্রশুটির উত্তর একটি নমুনাভিত্তিক পরীক্ষণের উপর নির্ভরশীল। একটি নুতন ঔষধ পূর্বতন ঔষধ থেকে অধিক কার্যকরী কিনা দেখতে হলে আমাদের কয়েকজন রোগীর উপরে ঔষধাট প্ররোগ করে দেখতে হবে। পাঁচাট বিভিন্ন প্রকার বীজধানের মধ্যে কোনটি অধিকাংশক্ষেত্রে অধিক ফলনশীল জানতে হলে কতগুলি সম আকার ও আয়তনের প্লটে বীজধানগুলি পরীক্ষা করে দেখতে হবে। এই ধরণের পরীক্ষণ পদ্ধতি সম্পর্কে 'পরীক্ষণ পরিকল্পনা' শীর্ষক পরিচ্ছেদে বিস্তারিত আলোচনা করা হয়েছে।
- (2) আবার কোন কোন ক্ষেত্রে প্রশুটির উত্তর পরীক্ষণের উপর
 নির্ভরশীল নর। এক্ষেত্রে সমগ্রকের অন্তর্ভুক্ত প্রতিটি ব্যক্তি বা একক
 প্রকৃতিতে ইতন্তত ছড়ানো রয়েছে। আমরা একটি নমুনা সংগ্রহ করে
 নমুনালন্ধ তথ্য থেকেই প্রশুটির উত্তর দিতে পারি। পশ্চিমবঙ্গে শিক্ষিত
 চাকুরীপ্রার্থী বেকার শতকরা কতজন অথবা কলকাতার মধ্যবিত্ত শ্রেণার

পরিবার তাদের মোট ব্যয়ের কত অংশ খাদ্যবন্ধ কিনতে খরচ করে ইত্যাদি প্রশা এই শ্রেণীর অন্তর্ভুক্ত। এসব ক্ষেত্রেও নমুনাচয়নের জন্য পরিকরনার প্রয়োজন রয়েছে। কি পদ্ধতিতে নমুনাচয়ন করা হবে, নমুনাসংখ্যা কত হবে যাতে করে আমরা নির্দিষ্ট খরচ সাপেক্ষে সবচেয়ে ফ্রাটারীন জনুমান করতে পারব—এইসব সমস্যার আলোচনা ও সমাধান এই নমুনাপরিকরনার অন্তর্ভুক্ত। বর্ত্তমান পরিচ্ছেদে জামাদের আলোচ্য বিষয়-বন্ধ এইটেই।

1.2 নমুনাসমীকার মূল নীভিসমূহ

নমুনা সমীক্ষা পরিকল্পলের জন্য দুটি মূলনীতি অনুস্তত হয়।

- (1) সামঞ্চন্য: নমুনা সমীক্ষা পরিকল্পনাটিকে আমরা তথনই সামঞ্জস্যপূর্ণ বলব যথন তার থেকে লব্ধ তথ্য সম্ভাবনাতত্ত্বের ভিত্তিতে বিশ্লেষণ করা সম্ভব হয়। এই নীতির স্বার্থে প্রয়োজন একটি সম্ভাবনাপ্রয়ী নমুনাচয়ন করা। তাহলেই নমুনালব্ধ তথ্য থেকে আমরা সমঞ্জস প্রাক্তনক ও বিচারান্ধ নির্ণয় করতে পারব। সম্ভাবনাপ্রয়ী নমুনা বলতে বোঝায় এমন একটি নমুনা যাতে পূর্ণকের প্রভিটি ব্যক্তির নমুনায় অন্তর্ভুক্ত হওয়ার একটি পূর্বনির্ধারিত (সমান বা অসমান) সম্ভাবনা থাকবে।
- (2) **উৎকর্যতা**: একটি নমুনার উৎকর্ষতা দুটি গুণের উপর নির্ভর করে: (a) দক্ষতা ও (b) খরচ। দক্ষতা মাপা হয় প্রাক-কলকের বিবর্জ ভেদমান দিয়ে। খরচ মাপা হয় সমীক্ষার কাজের জন্য প্রয়োজনীয় অর্থ (টাকার অংকে বা মানুদ-ঘণ্টায়) দিয়ে। নমুনা সমীক্ষাটি প্রকৃষ্ট হতে হলে সীমিত খরচে তাকে সর্বাধিক দক্ষ হতে হবে অথবা সীমিত দক্ষতা-মাত্রায় তাকে সর্বনিমু খরচে সম্পন্ন হতে হবে।

স্বভাবত: নমুনা সমীক্ষায় আমাদের নিমুলিখিত বিষয়গুলি স্থির করতে হবে :

প্রথমতঃ নমুনার প্রকার দ্বির করা। আমাদের পরবর্তী আলোচনায় দেখা যাবে সম্ভাবনাশ্রয়ী নমুনা নানাপ্রকারের হতে পারে।

হিতীয়ত: নমুনাটির খুটিনাটি এমনভাবে স্থির করতে হবে যাতে নমুনা স্মীকাটি সর্বোৎকৃষ্ট হয়।

নমুনার প্রকার দ্বির করা হয় সাধারণত: দুটি মূলনীতির ভিত্তিতে।
(a) ত্বিধা—প্রতিটি ক্ষেত্রে কোন প্রকার নমুনা সবচেয়ে ত্বিধাজনক তা ভেবে দেখতে হবে। (b) দক্ষতা—প্রতিটি ক্ষেত্রে কোন প্রকার নমুনা স্বাধিক কক্ষ তা দেখতে হবে। নমুনার উৎকর্ষতার জন্য প্রথমতঃ আমরা খরচ (C) ও ভেদনান (V) করেকটি নির্ণয়যোগ্য উপাদান বা চলকের উপর নির্ভরশীল মনে করব । এই চলকগুলিকে যদি F_1 , F_2 ,... F_p বলা হয়, তাহলে C $(F_1, F_2, \cdots F_p)$ ও V $(F_1, F_2, \dots F_p)$ হ'ল যথাক্রমে নমুনাটির খরচ অপেক্ষক ও ভেদমান অপেক্ষক । F_1 , F_2 ,... F_p আমরা এমনভাবে নির্ণয় করব যাতে $C = C_0$ (সীমিত) নিয়ে V সর্বনিমু (অর্থাৎ দক্ষতা সর্বাধিক) হয় অথবা $V = V_0$ (সীমিত) নিয়ে C সর্বনিমু হয় । Lagrange এর অনির্ণীত গুপক পদ্ধতির সাহাযো এইভাবে F_1 , F_2 ,... F_p নির্ণয় করা যেতে পারে ।

1.3 সম্পূর্ণ সমীক্ষার ভুলনার নমুনাসমীক্ষার স্থবিধাসমূহ

নমুনা সমীক্ষায় পূর্ণকের অন্তর্ভুক্ত প্রতিটি ব্যক্তির কাছ থেকে তথ্য আহরণ না করে একটি প্রতিনিধিমূলক অংশক বা নমুনায় অন্তর্ভুক্ত ব্যক্তিদের কাছ থেকে তথ্য আহরণ করা হয়। পূর্ণ সমীক্ষায় বা সেন্সাসে পূর্ণকের প্রতিটি ব্যক্তির কাছ থেকেই তথ্য আহরণ করা হয়। নমুনা সমীক্ষায় নিমুলিখিত সুবিধাগুলি বর্ত্তমান:

- (1) অর্থের সাশ্রয়:—পূর্ণ সমীক্ষা থেকে নমুনা সমীক্ষায় অর্থ ব্যয় অভাবত:ই কম হবে, যদিও নমুনা সমীক্ষায় জনপ্রতি আনুপাতিক খরচ বেশী হতে পারে ।
- (2) সময়ের সাশ্রয়:—বছক্ষেত্রে আমাদের সমীক্ষালক তথ্যগুলি অতি সম্বর প্রয়োজন হয়। সেসব ক্ষেত্রে নমুনা সমীক্ষাই শ্রেয়, কারণ নমুনা সমীক্ষায় অনেক সময়ের সাশ্রয় হয়।
- (3) অধিকতর পরিধি:—নমুনা সমীক্ষার ব্যবহারিক পরিধি অনেক বেশী। কোন কোন ক্ষেত্রে তথ্য আহরণের জন্য ট্রেনিং প্রাপ্ত কর্মী বা ব্যয়-বছল যন্ত্রপাতির প্রয়োজন হতে পারে। এইসব ক্ষেত্রে পূর্ণ সমীক্ষা সম্ভব নয়। তাছাড়া নমুনা সমীক্ষায় অনেক কম সংখ্যক ব্যক্তির কাছ থেকে তথ্য আহরণ করতে হয় বলে সহজেই অনেক বেশী তথ্য আহরণ করা যায় ও পূর্ণকের আয়তনও অনেক বড় নেওয়া যায়।
- (4) অধিকতর নির্ভুল:—নমুনা সমীক্ষালক তথ্যসমূহ পূর্ণ সমীক্ষালক তথ্য সমূহের তুলনার নির্ভুল হয় কারণ নমুনা সমীক্ষায় আমর। কর্মীদের অধিকতর ট্রেনিংএর ব্যবস্থা করতে পারি ও স্থপারভাইজারদের সাহায্যে তদারকির ব্যবস্থা করতে পারি। যদিও পূর্ণ সমীক্ষায় কোন নমুনাজ লাভি নেই, কিছ অনমুনাজ লাভি এত বেশী হয় বে নমুনালক প্রাক্ত

কলক সমূহ পূর্ণ সমীক্ষালন প্রাক-কলক সমূহ থেকে অনেক বেশী নির্ভুল হয়।

অবশ্য সমগ্রকটি যদি খুব বড় আকারের না হয় ও যদি সময় ও অর্থ সীমিত না হয় তাহলে পূর্ণ সমীক্ষাই কোন কোন কেত্রে অধিকতর যুক্তিবহ মনে হতে পারে।

1.4 নমুনা সমীকার বিভিন্ন কার্যক্রম

নমুনা সমীক্ষার কাজে তিনাঁট প্রধান কার্যক্রম রয়েছে। পারম্পর্য বিচারে সেগুলি হ'ল—(a) পরিকল্পন কাজ, (b) সমীক্ষা কাজ ও (c) বিশ্বেষণ ও বিবরণী তৈরীর কাজ। প্রতিটি প্রধান কার্যক্রমের আবার বিভিন্ন ধাপ রয়েছে।

পরিকরন৷ কাজের বিভিন্ন ধাপ হ'ল:

- (1) নমুনা সমীক্ষার উদ্দেশ্যগুলি স্থির করা:—উদ্দেশ্যগুলি সঠিক ভাবে নিরূপন করতে হবে, কারণ তার উপরে পরবর্ত্তী কার্যপ্রণালী নির্ভর করবে। উদ্দেশ্যগুলিকে জরুরী ও স্থ্দুরপ্রসারী এই দুইভাগে ভাগ করা বায়। এরই সঙ্গে এই সমীক্ষা কাজের জন্য কত অর্থ পাওয়া বাবে, কতজন কর্মী পাওয়া বাবে, সময় সীমা কী হবে ও বিভিন্ন পূর্ণাক্ষগুলির প্রাক-কলকের শ্রান্তিমাত্রা কি হবে এসবও ঠিক করতে হবে।
- (2) সমগ্রক বা পূর্ণকের সংজ্ঞা নিরূপন:—সমগ্রক বা পূর্ণক হ'ল সেই ব্যক্তি-সমষ্টি যাদের মধ্যে আমাদের সমীক্ষা কাজ সীমিত। সমীক্ষালক তথ্যগুলি নমুনা থেকে আহরিত হলেও সেগুলি সমগ্রকের উপরেই বর্তাবে। স্থতরাং সমগ্রকাটর সংজ্ঞা হার্থহীনভাবে স্থির করতে হবে। সমগ্রকাটর ভৌগোলিক, লিক ও বয়সগত বা অন্যান্য সীমানা স্থির করতে হবে। উদাহরণস্বরূপ, আমরা কোন সমীক্ষায় পশ্চিমবক্ষে পুরুষ, যাদের বয়স ১৮ থেকে ৬৫ বৎসর, তাদের সম্বন্ধে কৌতুহলী হতে পারি। এক্ষেত্রে সমগ্রক হ'ল পশ্চিমবক্ষের সমস্ত পুরুষের সমষ্টি যাদের বয়স ১৮ থেকে ৬৫।
- (3) কি কি রাশিতণ্য আহরণ করতে হবে তা দ্বির করা:—কি কি রাশিতণ্য আহরণ করতে হবে তা অবশ্য সমীক্ষার উদ্দেশ্যসমূহের উপর নির্ভর করে। ঐসব রাশিতণ্য যাতে নমুনার অন্তর্ভু ভ ব্যক্তিদের থেকে আহরণ করা যায় তার জন্য একটি বিবরণনিপি বা তপশীল রচনা করতে হবে। সাধারণতঃ একটি খসড়া বিবরণনিপি রচনা করে তা কিছুসংখ্যক ব্যক্তির উপরে পরীকামুলক ভাবে প্রয়োগ করা হয়। বদি কোখাও

কোন অসংগতি দেখা যায় তা পরিশুদ্ধ করতে হবে। বিবরণনিপি সহজ্ববোধ্য ও অসংগতিবিহীন হওয়া বাঞ্চনীয়। প্রশু সমূহ যথাসম্ভব ব্যক্তিনিরপেক্ষ হওয়া উচিত। প্রশোর উত্তর দিতে উত্তরদাতাকে যেন বেশী চিন্তা বা কল্পনার আশ্রয় নিতে না হয়।

(4) রাশিতথ্য আহরণের উপায় নির্ধারণ:—নানা উপায়ে রাশিতথ্য আহরণ করা যায়। সামাজিক অর্থনৈতিক সমীক্ষায় সাধারণতঃ আমরা ইণ্টারভিউ পদ্ধতি ব্যবহার করি। পারিবারিক সমীক্ষায় তথ্যানুসন্ধানী বাড়ী বাড়ী গিয়ে পরিবারের কর্ত্তা বা তার অনুপদ্বিতিতে অন্য কোন দায়িত্বশীল ব্যক্তির কাছ থেকে প্রশা করে প্রয়োজনীয় রাশিতব্য বিবরণ-লিপিতে লিপিবদ্ধ করেন। কখনও কখনও বিবিরণিলিপি ডাকযোগে পাঠিয়েও রাশিতথ্য আহরণ করা সম্ভব। কিন্তু এ পদ্ধতি কেবলমাত্র শিক্ষিত ব্যক্তিদের সম্পর্কেই খাটে। তাছাড়া এ পদ্ধতি অনুসরণ করলে যদিও খরচ কম হবে, কিন্তু নিরুত্তর সংখ্যা খুব বেশী হবে। যারা সমীক্ষাটির বিষয়ে বিশেষভাবে কৌতুহলী নন তারা নিশ্চয়ই কষ্ট করে বিবরণলিপিটি পূর্ণ করে তা ডাকযোগে ফেরৎ পাঠাবেন না (ফেরৎ পাঠাবার ডাক ষ্ট্যাম্প পাঠান সন্বেও)। ফলতঃ আমরা যাদের কাছ থেকে রাশিতথ্য পাব তারা সমগ্রকের ঠিক প্রতিনিধিমূলক নমুনা নয়।

কৃষি সমীক্ষায় আমাদের বছক্ষেত্রে চোখে দেখে রাশিতথ্য আহরণ করতে হয়। সেখানে কি পদ্ধতিতে প্রয়োজনীয় চলকগুলি মাপা হবে তা দ্বির করতে হবে। উদাহরণস্বরূপ, কৃষিকলন সংক্রান্ত সমীক্ষায় আমাদের দ্বির করতে হবে চোখে দেখে আলাজে একর প্রতি বা হেক্টর প্রতি ফলন ঠিক করা হবে অথবা শস্য কেটে নিয়ে সঠিক ফলন বার করা হবে। কি ধরণের যদ্ধের সাহায্যে প্রয়োজনীয় চলকগুলি মাপা হবে তাও অনেকক্ষেত্রে ঠিক করতে হয়।

(5) নমুনা একক স্থির করা :—নমুনা একক বলতে বোঝার সমীকার প্ররোজনে সমগ্রকের যে ক্ষুত্রতম অংশটির নমুনা নেওয়া হয়। নমুনা একক স্বভাবত:ই সমীক্ষার উদ্দেশ্যের উপর নির্ভরশীল। একটি কৃষিসমীক্ষার আমাদের স্থির করতে হবে একটি গ্রামের সমস্ত চাঘযোগ্য জমির প্লাট বা করেকটি প্লটের একটি গুচ্ছ বা একটি প্লটের মধ্যন্থিত একটি বৃত্তাকার বা আয়তাকার অংশকে আমরা নমুনা একক হিসাবে নেব। একটি সামাজিক অর্থনৈতিক সমীক্ষার দ্বির করতে হবে একটি পরিবার বা পরিবারভুক্ত একজন ব্যক্তিকে আমরা নমুনা একক নেব। পারিবারিক আয়-ব্যক্ত একজন ব্যক্তিকে আমরা নমুনা একক নেব। পারিবারিক আয়-ব্যক্ত একজন ব্যক্তিকে আমরা নমুনা একক

হিবাবে নেওরা হয়। নমুনা একক দ্বির করার পরে দেখতে হবে নমুনা এককের পূর্ণ তালিকা অর্থাৎ সমগ্রকের অন্তর্ভু জ সমন্ত নমুনা এককের একটি অ্বসংবদ্ধ তালিকা পাওয়া বাবে কিনা। এই তালিকা ছাড়া নমুনা চয়ন করা সম্ভব নয়। যদি তালিকা পাওয়া যায় তাহলে দেখতে হবে তালিকাটি অ্বসম্পূর্ণ কিনা, পূর্ণক বহির্ভু ত কোন ব্যক্তি তালিকায় রয়েছে কিনা, একই ব্যক্তি তালিকায় একাধিকবার আছে কিনা। তালিকাটিতে এবে জাটি থাকলে তার শুদ্ধি প্ররোজন। যদি তালিকা না পাওয়া যায় তাহলে নমুনাচয়ণের পূর্বে এই তালিকা প্রশ্বত করে নিতেই হবে।

- (6) নমুনা সমীক্ষার পরিকল্পন :—নমুনা সমীক্ষা পরিকল্পনে কি কি কাজ তা 1.2 পরিচেছ্দাংশে বণিত হয়েছে। নমুনার প্রকার ও আকার ছির করতে হবে। নমুনা পরিকল্পনে নির্ণয়যোগ্য উপাদানগুলি প্রকৃষ্ট-ভাবে নির্ণয় করতে হবে সমীক্ষার খরচ ও নির্ণারিত প্রাক-কলকের ভেদমান খেকে। প্রয়োজন হলে একটি প্রাথমিক অনুসন্ধানী সমীক্ষা বা পথনির্দেশী সমীক্ষার আয়োজন করতে হবে।
 - (9) নমুনাচয়ন:—সমীক্ষার পরিকল্পন কান্ধ শেষ হলে সমগ্রক থেকে নমুনাচয়ন করতে হবে। সমসম্ভব নমুনাচয়ন প্রণালী বা অন্যপ্রকার সম্ভাবনাশ্রয়ী নমুনাচয়ন প্রণালী 1.5 পরিচ্ছেদাংশে আলোচিত হবে। এস্ব ক্ষেত্রে সমসম্ভব সংখ্যাসারি সাধারণতঃ ব্যবহার করা হয়।
 - (৪) সমীক্ষা কর্মীদের ট্রেনিং :—নমুনা কাজে নিযুক্ত প্রতিটি প্রাথমিক কর্মী ও স্থপারভাইজারদের তাদের কাজ, বিবরণনিপিতে ব্যবহৃত শব্দগুনির সঠিক সংজ্ঞা প্রভৃতি বিষয়ে পুঁথিগত ও হাতেনাতে ট্রেনিং এর ব্যবস্থা করতে হবে।

ষিতীয় প্রধান কার্যক্রম হ'ল সমীক্ষা কাজ। সমীক্ষা কাজে সমীক্ষাকর্মীকে নমুনায় অন্তর্ভু প্রতিটি ব্যক্তিকে খুঁজে বার করতে হবে ও তার
কাছ থেকে প্রয়োজনীয় তথ্যাবলী আহরণ করে বিবরণলিপিতে লিপিবদ্ধ
করতে হবে।

তৃতীয় প্রধান কার্যক্রম হ'ল বিশ্লেষণ ও বিবরণী তৈরীর কাজ। এই কাজের বিভিন্ন ধাপগুলি হ'ল :

(1) উপাত্ত সংশোধনী বিচার :—এই বিচারের সাহায্যে আমরা দেশব বিবরণনিপিতে নিপিবদ্ধ উপাত্তসমূহে কোন আপাত: অসংগতি বা পরস্পর বিরোধিতা রয়েছে কিনা। সন্দেহজনক বিবরণনিপিটি পুন: সমীক্ষার জন্য কেরৎ পাঠাতে হবে।

- (2) উপাত্তের সারণী বিন্যাস:—হাতে হাতে অথবা নেশিনের সহায়তার এরপর উপাত্তসমূহকে সারণীতে বিন্যন্ত করতে হবে। করেক হাজার সংখ্যার সারণী বিন্যাস করতে হলে নেশিনের ব্যবহার অপরিহার্য। গুণগত উপাত্তের সারণী বিন্যাস কালে সাধারণতঃ সংকেত সংখ্যা ব্যবহার করা হয়। নেশিনের সাহাব্যে বা হাতে হাতে আমরা প্রথম যে সারণীগুলি ওতির করি তাদের বলা হয় প্রাথমিক সারণী।
- (3) রাশিবিজ্ঞান সন্মত বিশ্লেষণ :—এই বিশ্লেষণকালে আমর। বিভিন্ন
 পূর্ণকাংকের প্রাক-কলক নির্ণয় করি ও তাদের ভেদমান নির্ণয় করি।
 আবার পূর্ণকাংক সম্পর্কে কোন প্রকল্প বিচারও এই বিশ্লেষণের অন্তর্ভুক্ত।
 এই বিশ্লেষণের জন্য প্রাথমিক সারণী থেকে যে সব সারণীর উত্তব হয়
 তাদের আহত সারণী বলা হয়।
- (4) বিবরণী প্রকাশ :—বিশ্বেষণের পরে সমীক্ষালক সমস্ত তথ্যের আলোচনা ও সিদ্ধান্ত সমূহ সম্বলিত একটি বিবরণী অবশ্যই প্রকাশ করতে হবে। বিবরণীতে পরিকল্পন কাজ ও সমীক্ষা কাজের বিভিন্ন থাপের সম্যক আলোচনাও থাকবে। পরিশেষে থাকবে সমস্ত প্রাথমিক ও আহতে সারণী সমূহ। রাশিবিজ্ঞানসন্মত বিশ্বেষণে ব্যবহৃত প্রাক-কলক ও প্রকল্প বিচারের সূত্রগুলিও বিবরণীতে থাকবে।
- (5) ভবিষ্যৎ সমীক্ষার জন্য উপাত্ত সমুহের রক্ষণ:—সমীক্ষার শেষে যাতে সমীক্ষালব্ধ সমস্ত তথ্য ভবিষ্যতে কোন সমীক্ষার পরিকল্পন কাজে ব্যবহার করা যায় সেজন্য সেগুলি ভালভাবে রক্ষা করতে হবে।

1.5 সমসম্ভব নমুনাচয়ন প্রণালী

সমসন্তব নমুনাচয়ন রাশিবিজ্ঞানে একটি গুরুত্বপূর্ণ বিষয়, কারণ নমুনাতত্ব সম্পূর্ণ এই সমসন্তব নমুনার উপর নির্ভরশীল। সমসন্তব নমুনাচয়ন বলতে বোঝায় এমন একটি নমুনা যাতে সমগ্রকের প্রতিটি ব্যক্তির নমুনায় অন্তর্ভ জ্ঞ হওয়ার সমান সন্তাবনা রয়েছে।

প্রাথমিক প্রচেষ্টার নটারীর সাহায্যে এই সমসম্ভব নমুনা চয়ন করা হ'ত। এই পদ্ধতিতে প্রথমে সমগ্রকের একটি প্রতিরূপ বা মডেল প্রস্তুত করতে হয় যাতে এক একটি ব্যক্তিকে সম্আকার ও সম্পায়তনের একটুকরো কাগজ, কার্ড বা ধাত্তব সিনিগুরের সাহায্যে প্রকাশ করা হয়। ঐ কাগজে, কার্ডে বা সিনিগুরের মধ্যে এক একটি সংখ্যা (জনিক

নংখ্যা) বসিয়ে এক একটি ব্যক্তিকে চিক্কিত করতে হয়। তারপর প্রতিরূপের ব্যক্তিদের (কাগজ, কার্ড, সিলিগুর ইত্যাদি) ভালভাবে বিশিয়ে নিয়ে একটি তুলতে হবে এবং তাতে চিহ্নিত ব্যক্তিটিকে নমুনায় শক্তর্পুজ করা হবে। এইভাবে প্রতিবার নমুনাচয়নের পূর্বে ঐ মিশ্রণ কাজটি করতে হবে। তারফলেই সমসম্ভাবীকরণ কাজটি হয়। যদি গৃহীত ব্যক্তিদের পুনর্বার নমুনাচয়নের পূর্বে সমগ্রকে পুন:স্থাপিত হয় তাহলে পুন:স্থাপনাসহ সমসম্ভব নমুনাচয়ন ; তা না হলে হবে পুন:স্থাপনাবিহীন নমুনাচয়ন। এইভাবে নমুনাচয়ন করে যেতে হবে যতক্ষণ না নমুনাটি নিদিই আকারের হয়।

এই পদ্ধতির অস্থবিধ। হ'ল এতে ঠিক ঠিক সমসম্ভব নমুনাচয়ন নাওঃ হতে পারে, কারণ প্রতিরূপের প্রতিটি ব্যক্তিকে ঠিক ঠিক সম আকারের ও আরতনের প্রস্তুত করা বাস্তবক্ষেত্রে সম্ভব হয় না—কিছু কিছু তফাৎ থেকেই যায়। তাছাড়া সমগ্রকটি অতিবৃহৎ হলে প্রতিরূপ প্রস্তুত করাই বাস্তবক্ষেত্রে অসম্ভব হয়ে দাঁড়ায়।

1.5.1 সমসম্ভব সংখ্যাসারির সংজ্ঞা

সমসম্ভব সংখ্যাসারিতে 0,1,2,...,9 সংখ্যাগুলি ঋজুরৈখিক বা আরতাকারে এমনভাবে সঞ্জিত বে উহার প্রতিটি অবস্থানে ঐ দশটি সংখ্যার প্রতিটির বসবার সমান সম্ভাবনা ও যে কোন দুটি অবস্থানের সংখ্যার পরস্পর অনপেক্ষ।

1.5.2 সমসম্ভব সংখ্যাসারির ছবিধা সমূহ

প্রথমত: সমসম্ভব সংখ্যালারি ব্যবহার করলে প্রতিটি ক্ষেত্রে সমগ্রকের একটি প্রতিরূপ প্রস্তুতির কোন প্ররোজন হয় না। থিতীয়ত: সংখ্যাগুলি সমসম্ভবীকৃত হওয়ার ফলে সমগ্রকের প্রতিরূপের ব্যক্তিদের প্রতিবার নমুনাচয়নের পূর্বে মিশ্রিত করবার প্রয়োজন হয় না। সারির যে কোন জায়গা থেকে পর পর সংখ্যাগুলি নিলেই সংখ্যাগুলি সমসম্ভাবনাযুক্ত হবে। আমাদের শুধু সংখ্যাগুলির সমচিচ্ছিত ব্যক্তিদের নমুনায় অন্তর্ভুক্ত করতে হবে।

তৃতীয়ত: সমগ্রকটি যত বড়ই হোক না কেন বান্তবক্ষেত্রে এই সমসম্ভব সংখ্যাসারির সাহায্যে সমসম্ভব নমুনাচয়ন করা সম্ভব।

1.5.3 বিভিন্ন সমসম্ভব সংখ্যাসারির বর্ণনা

চারটি বিভিন্ন সমসম্ভব সংখ্যাসারির নাম উল্লেখ করা যেতে পারে।

- (1) **Tippett, L.H.C. এর সংখ্যাসারি** (Tracts for Computers XV): এতে নোট 41600টি সংখ্যা অথবা চারঅঙ্কের 10400টি সংখ্যা আছে। এই সংখ্যাগুলি কোন আদমস্থ্যারী লব্ধ উপাত্ত থেকে গুহীত।
- (2) Kendall, M.G. ও Smith, B. এর সংখ্যসারি (Tracts for Computers XXIV): এতে মোট একলক একান্ধ সংখ্যা দুইঅন্ধ ও চারঅন্ধবিশিষ্ট সংখ্যার সাজানো আছে। আবার এগুলি 100টি 1000 সংখ্যা-গুচ্ছেও সাজানো। 100টি গুচ্ছের মধ্যে আবার ১টি বে সব নমুনাচরনে 1000 এর কম একান্ধ সংখ্যার প্রয়োজন সে সব ক্ষেত্রে অনুপ্রযুক্ত বলে চিক্তিত। প্রস্তুতকারকরা একটি বিশেষ ভাবে প্রস্তুত জুরাখেলার ব্যবস্তুত চক্রের সাহায্যে সংখ্যাগুলি পেরেছেন।
- (3) Fisher, R.A. ও Yates, F. এর সংখ্যাসারি (Statistical Tables in Biological, Agricultural & Medical Research by Fisher, R.A. and Yates, F.): এতে 2টি করে গুচ্ছে সাদানো মোট 15000টি একান্ধ সংখ্যা রয়েছে। লেখকহয় A.J. Thompson এর 20 অন্ধের লগসারণীর 15তম থেকে 19তম কলম ব্যবহার করে সংখ্যাগুলি পান। লগসারণী থেকে প্রথমে একটি অর্দ্ধপৃষ্ঠা চয়ন করে, তারপর 15তম থেকে 19তম কলমের একটি কলম চয়ন করে ঐ কলমের 50টি সংখ্যা পরপর লিখে নেন। 2টি তাসের প্যাকেটের সাহায্যে এইসবা চয়ন করে হয়।
- (4) র্য়াপ্ত কর্পোরেশন (Free Press, Illinois) প্রকাশিত এক মিলিয়ন (মুখ লক) সংখ্যালারি: এরাও Kendall ও Smith এর অনুরূপ একটি চক্রের সাহাযো সংখ্যাগুলি পেরেছেন, তরে এলের চরন প্রণালীতে অনেক উচ্চ কারিগরি কৌশল ব্যবস্ত হরেছে ।

1.5.4 সমসম্ভব সংখ্যাসারিতে ব্যবহুত বিচার সমূহ

সমসম্ভব সংখ্যাসারি সম্পূর্ণত: বা অংশত: সমসম্ভব কিনা বিচার করে পেথবার জন্য কতকগুলি সমসম্ভাবনার বিচার ব্যবহার করা হয়। সবগুলি বিচারই পূর্ণকান্ধ নিরপেক্ষ ও x^2 বিচারান্ধ ব্যবহার করে।

(1) পরিসংখ্যা বিচার: সমগ্র সংখ্যাসারিতে বা উহার কোন অংশে 0,1,2...,9 এই দশটি অঙ্কের পরিসংখ্যা বার করতে হবে। যদি সংখ্যা- সারিটি সমসম্ভব হয় তাহলে প্রতিটি অঙ্কের সম্ভাবনা $\frac{1}{10}$ । যদি মোট পরিসংখ্যা n হয় তাহলে প্রতিটি অঙ্কের প্রত্যাশিত পরিসংখ্যা $n \times \frac{1}{10}$ । এথানে x^2 বিচারান্ধ হ'ল

$$x^2 = \sum_{i} (foi - fei)^2 / fei, \qquad (1.1)$$

foi=i এর অবেক্ষিত পরিসংখ্যা, fei=i এর আশংসিত পরিসংখ্যা, i=0,1,2,···,9 ও স্বাতস্ক্য মাত্রা=10−1=9।

- (2) পারম্পর্য বিচার: সংখ্যাসারির সংখ্যাগুলিকে পর পর দুটি দুটি করে একত্র করে দুইঅংকবিশিষ্ট সংখ্যা মনে করতে হবে। তারপর ৩০,০1,...,99 এই 100টি সম্ভাব্য সংখ্যার পরিসংখ্যা বার করতে হবে। এখানে প্রতিটি সংখ্যার সম্ভাবনা (যদি সংখ্যাসারিটি সত্যিই সমসম্ভব হয়) $\frac{1}{10} \times \frac{1}{10} = \frac{1}{100}$ । স্কুতরাং পরিসংখ্যা বিচারের অনুরূপ x^2 বিচারাদ্ধ (সাতক্ষ্যমাত্রা = 99) দিয়ে এখানেও বিচার করা যেতে পারে।
- (3) দুর্ঘ বিচার : এখানে 0 থেকে 9 এর মধ্যে যে কোন একটি অংক নিতে হবে। ধরা যাক 0 নেওয়া হল। সংখ্যা সারিতে 0 গুলির অবস্থান বার করতে হবে। পরপর দুটি 0র মধ্যে যতগুলি সংখ্যা উত্তাই ওদের মধ্যে দুর্ঘ। এই দুর্ঘ 0,1,2,...হতে পারে এবং যদি সংখ্যাসারিটি সমসম্ভব হয় তাহ্নলে এই দুর্ঘগুলির সম্ভাবনা যথাক্রমে $\frac{1}{10}$, $\frac{1}{10} \times \frac{1}{10}$, $(\frac{9}{10})^2 \times \frac{1}{10}$,...হবে। এই দুর্ঘগুলির অবেক্ষিত পরিসংখ্যা ও আশংসিত পরিসংখ্যা নির্ণয় করে এখানেও আমরা x^2 বিচারাংক ব্যবহার করতে পারি।
- (4) পোকার (Poker) বিচার: এখানে সাধারণতঃ সংখ্যাথারির সংখ্যাগুলিকে চারঅংকবিশিষ্ট সংখ্যা করে নেওয়া হয়। এই সংখ্যাগুলির ধনিমুলিখিত রূপ হতে পারে।

র্যদি সংব্যাসারিটি সমসম্ভব হয় তাহলে ঐ রূপগুলির সম্ভাবনা সাথে স্মাধে দেওয়া হ'ল।

'(a) সবগুলি অংক সমান—যথা 8888, সম্ভাবনা—
$$\frac{^{10}C_1}{10^4} = \frac{1}{1000}$$
।

:(b) তিনটি অংক সমান একটি আলাদা—যথা ৪৪৪3, সম্ভাবনা—
$$\frac{4!}{3!} \times {}^{10}C_1 \times \frac{{}^9C_1}{10^4} = \frac{36}{1000}$$
।

$$(c)$$
 দুটি অংক সমান দুটি আলাদা—যথা 8832, সম্ভাবনা—
$$\frac{4!}{2!} \times {}^{10}C_1 \times . \frac{{}^9C_2}{10^4} = \frac{432}{1000}$$
।

$$\frac{4!}{2!2!} \times \frac{10C}{10^4} = \frac{27}{1000}$$
।

(c) সবগুলি অংক আলাদা—যথা 8321, সম্ভাবনা—

$$4! \times \frac{{}^{10}C_4}{10^4} = \frac{504}{1000}$$

প্রতিটি ক্লপের অবেক্ষিত পরিসংখ্যা ও আশংসিত পরিসংখ্যা বার করে এখানেও আমর। x^2 বিচারাংক ব্যবহার করতে পারি।

সাধারণতঃ ব্যবহৃত ও পূর্বোল্লেখিত সংখ্যাসারি সমূহ এইসব বিচারের পরিপ্রেক্ষিতে সম্ভোদজনক বলে প্রমাণিত হয়েছে।

1.1 উদাহরণ: কোন স্কুলে মোট 223 জন ছাত্র রয়েছে। তাদের ক্রমিকসংখ্যা যথাক্রমে 1 থেকে 223। এই ছাত্রদের থেকে 5 জন ছাত্রের একটি পুনঃস্থাপনাবিহীন সরল সমসম্ভব নমুনা সংগ্রহ কর।

এখানে আমরা পরিশিষ্টে প্রদন্ত Tippett এর সমসম্ভব সংখ্যাসারির আংশটি (পৃষ্ঠা 12—13) ব্যবহার করব। এখানে তিনঅন্ধ বিশিষ্ট সংখ্যা নিতে হবে 001 থেকে 892 (তিন অন্ধের 223 এর সর্কোচ্চ গুণিতক) পর্যান্ত। প্রাপ্ত সংখ্যাগুলিকে 223 দিয়ে ভাগ করে ভাগশেষ নিতে হবে। ভাগশেষ 001 থেকে 222 পর্যন্ত হলে ঐ ক্রমিকসংখ্যার ছাত্রটি নমুনায় গৃহীত হবে। ভাগশেষ 000 হলে গৃহীত হবে 223 ক্রমিক সংখ্যার ছাত্রটি। একই ভাগশেষ একাধিকবার এলে পরেরগুলি বর্জন করা হবে।

वर्ष्ठ नाहेन (धटक गःवाछिन भागाभाग जात त्नछत्र। ह'न।

সারণী 1.1 সমসম্ভব নমুনাচয়ন

় প্ৰাপ্ত সংখ্যা	প্রাপ্ত সংখ্যাকে 223 দিয়ে ভাগ করে ভাগশেষ	গৃহীত জমিক সংখ্যা	বঞ্জিত
731	062	62	×
348	125	125	×
387	164	1'64'	×
753	084	84	×
835	166	166	×

স্তরাং 62, 125, 164, 84 ও 166 ক্রমিকসংখ্যা যুক্ত ছাত্র নমুনায় গৃহীত হ'ল।

1.6 বিভিন্ন প্রকারের পূর্বক ও নমুমা

পূর্ণক দুই প্রকারের হতে পারে—যথা, বান্তব পূর্ণক ও কল্পিত পূর্ণক। যে পূর্ণকের একটা বান্তব অন্তিম রয়েছে তাকে বান্তব পূর্ণক বলা হয়। বেমন, পশ্চিম বাংলার মধ্যবিদ্ধ পরিবার সমূহ, কলকাতার প্রাইমারী বিদ্যালয় সমূহ ইত্যাদি। আবার যেসব পূর্ণকের কোন বান্তব অন্তিম নেই, যাদের আমরা কল্পনা করে নেই সেগুলি কল্পিত পূর্ণক। যেমন, একটি নর্ম্যাল পূর্ণক যার গাণিতিক গড় 50 ও সমক পার্থক) 10, অসীম সংখ্যক বার একটি পয়স। ছুড়লে হেড ও টেল (head and tail) এর সমষ্টর পূর্ণক প্রভৃতি।

আবার পূর্ণক সনীম ও অসীম এই দুই প্রকারের হতে পারে। একটি কলেজে 500 জন ছাত্রের উচ্চতার পূর্ণকটি সসীম কিছ আবহাওয়া মণ্ডলের বিভিন্ন বিন্দুতে বায়ুর চাপের পূর্ণকটি অসীম। আবার পূর্ণকটি কার্যিতঃ অসীম হতে পারে—মণা, ভারতবর্ষের জনসমষ্ট্রর পূর্ণক অথবা দৃশ্যমান নক্ষত্রসমূহের পূর্ণকটি এত বৃহৎ বে উহাদের কার্য্যতঃ অসীম বলা যায়।

नमूना श्रेषानणः पूरेश्रकात्तत्र—राष्ट्रि-निर्धत ७ राष्ट्रि-निर्दाशकः। यि नमूना ठमन श्रेषानी अमन हम त्य त्य नमूनाि नमूनाठमत्कत्र त्थमानभूनी वा वा रेष्ट्रा व्यनिष्ट्रात्र छेशव निर्धत करत তारक वाष्ट्रि निर्धत नमूना वता। त्य त्यानभूनी माक्षिक नमूना ठमनरे वाष्ट्रि-निर्धत। व्यावात्र यिन नमूना ठमनरे वाष्ट्रि-निर्धत। व्यावात्र यिन नमूना ठमन श्रेषानी अकाँठ वित्यं निर्मम माक्षिक हम, नमूना- कमत्कत्र रेष्ट्रा व्यनिष्ट्रात्र छेशत निर्धत ना करत তारक वाष्ट्रि-निर्दाशक नमूनाठमन वरता।

ব্যক্তি-নিরপেক্ষ নমুনাচয়ন আবার তিনপ্রকারের হয়—সন্তাবনাভিত্তিক, সন্তাবনাবিহীন ও মিশ্র। যে পদ্ধতিতে পূর্ণকের প্রতিটি ব্যক্তির নমুনায় অন্তর্ভুক্ত হওয়ার একটি পূর্বনির্দ্ধারিত সন্তাবনা থাকে তাকে সন্তাবনাভিত্তিক নমুনাচয়ন বলে। সন্তাবনাবিহীন নমুনাচয়নে এইরকম কোন সন্তাবনা নির্দিষ্ট থাকেনা—যথা, একটি তালিকা থেকে প্রতি দশম ব্যক্তিকে নিবাচন বা আলুর ক্ষেত্ত থেকে প্রতি পঞ্চম লাইনটির নির্বাচন । আবার নমুনাচয়ন মিশ্রও হতে পারে—যেমন, তালিকার প্রথম দশক্তনের একজনকে সমসন্তব উপায়ে নির্বাচন করে তারপর থেকে প্রতি দশমজনকে নির্বাচন।

সম্ভাবনাভিত্তিক নমুনাচয়ন আবার দুইপ্রকারের—সমসম্ভাবনাযুক্ত ও বিষমসম্ভাবনাযুক্ত। সমসম্ভারনাযুক্ত নমুনাচয়নকে কখনও কখনও সরল সমসম্ভব নমুনাচয়ন বা বাধাহীন সমসম্ভব নমনাচয়নও বলা হয়। সরল সমসম্ভব নমুনাচয়ন আবার দুইপ্রকারের—পুন:ম্বাপনাসহ ও পুব:ম্বাপনাবিহীন।

1.7 নমুনা সমীক্ষার বিভিন্ন ধরণের পক্ষপাত ও জান্তি

নমুনাসমীক্ষার সাহায্যে পুর্ণাকাংকগুলির যেসব প্রাক-কলক পাওয়া যায় স্বভাবত: সেগুলি সম্পূর্ণ সঠিক নয়। সেগুলিতে নমুনাজ প্রান্তি থাকবেই। নমুনাজ প্রান্তির মাপক হিসাবে সংশ্লিষ্ট প্রাক-কলকের নমুনাজ নিবেশনের সমকবিচ্যুতি অর্থাৎ সমক প্রান্তি নেওয়া যায়। স্বভাবত:ই নমুনার আয়তন n বাড়ার সাথে সমকপ্রান্তি কমে যায়। আমরা দেখেছি এই সমক প্রান্তির মাত্রা $O(n^{-1/2})$ ।

এই সমক শ্রন্তির সূত্র নির্ণয় কালে ধরে নেওরা হয় যে নমুনাটি
সম্ভাবনাভিত্তিক। কিন্তু নমুনাটি যদি সম্ভাবনাভিত্তিক না হয় বা
ব্যক্তি-নির্ভর হয় তাহলে প্রাক-কলকগুলিতে নমুনাজ শ্রান্তি ছাড়াও
একপ্রকার পক্ষপাতদুট হতে পারে অর্থাৎ নমুনাংকগুলির গাণিতিক প্রত্যাশা
পূর্ণকাংকের থেকে বেশী বা কম হতে পারে। যেসব পক্ষপাত নমুনা
গ্রহণ প্রণানীর জন্য তাদের নমুনাজ পক্ষপাত বনা বার।

আবার বছকেত্রে আমরা সমীক্ষার সাহায্যে যে সব চলকের মাদ পাই সেগুলি নানাকারণে সঠিক হয়না। অবেক্ষণ জনিত ল্লান্তি থাকবেই। যদি এই ল্লান্তিসমূহ এমন হয় যে উহা কখনও ধনাত্মক, কখনও ধাণাত্মক এবং উহার গাণিতিক প্রত্যাশা O, তাহলে নমুনাংকগুলির গাণিতিক প্রত্যাশাও পূর্ণকাংকের সমান হতে পারে। কিন্তু বহুক্তেরে এই ল্লান্তিসমূহ সর্বদা ধনাত্মক বা সর্বদা ধাণাত্মক হতে পারে ও উহার গাণিতিক প্রত্যাশাও ধনাত্মক বা ধাণাত্মক হবে। এসব ক্ষেত্রে অবেক্ষণ-জনিত ল্লান্তি কখনও ধনাত্মক পক্ষপাত ও কখনও ধাণাত্মক পক্ষপাতের রূপ নেবে। স্বভাবত:ই নমুনাংকগুলিও পক্ষপাতদুট হবে। এই ধরণের পক্ষপাতকে পদ্ধতিনিহিত পক্ষপাত বলা যায় এবং এই পক্ষপাত নমুনা সমীক্ষা ও সম্পূর্ণ সমীক্ষা উভয়ক্ষেত্রেই বর্ত্ত্মান।

নিম্মে বিভিন্ন প্রকারের সম্ভাব্য পক্ষপাতের বর্ণনা দেওয়া হল ।

- (A) পদ্ধতিনিহিত পক্ষপাত: ইহা বিভিন্ন প্রকারের হতে পারে। যথা—
- (1) উত্তর-নিহিত পক্ষপাত: সামাজিক-অর্থনৈতিক সমীক্ষায় আমরা সাধারণত: ইণ্টারভিউর সাহায্যে তথ্য সংগ্রহ করে থাকি। উত্তরদাতার প্রদত্ত তথ্যাবলী আমরা বিবরণলিপিতে নথিভুক্ত করি। এই উত্তরের মধ্যে বছক্ষেত্রে পক্ষপাত থাকে। যেমন, আরের অঙ্ক লোকে কমিয়ে বলে বা ব্যয়ের অঙ্ক বাড়িয়ে বলে। নিজের স্বার্থরক্ষা (কর কাঁকি দেওয়া) এই প্রবণতার কারণ। একই কারণে কোন কারখানার মালিক তার উৎপাদন কমিয়ে বলতে পারে। কখনও কখনও আদ্বাভিমান জনিত পক্ষপাত দেখা যায়। এর ফলে লোকে তার শিক্ষামান বা জীবিকার উদ্ধায়ন বা বয়সের নিমায়ন করে। বয়সের বেলা যুগমসংখ্যা বা 5 এর গুণিতকের উপরে আবার বেশী ঝোঁক দেখা যায়।
- (2) অবৈক্রণ পক্ষপাত: বছকেত্রে তথ্যানুসন্ধানী নিজে চোখে দেখে বা মেপে তথ্য আহরণ করেন। এক্টেত্রেও অনুসন্ধানীর মানসিক্ষ প্রবন্ধতার কলে পক্ষপাত দেখা যায়। যেমন কসলের কলন বা গুণগত অবস্থা চোখে দেখে বলতে গেলে অনুসন্ধানী কম করে বলে আবার জমির আয়তন মাপতে গেলে বাড়িরে বলে।
- (3) নিরুত্তর পক্ষপাত: অনেক সময় উত্তরদাতা বাড়ীতে না থাকার বা উত্তর দিতে অস্বীকার করার নমুনার অন্তর্ভুক্ত কোন কোন ব্যক্তির কাছু থেকে উত্তর পাওরা বারনা। ডাকবোগে প্রেরিত বিবরণদিশি

পদ্ধতিতে এই নিরুত্তর সংখ্যা আরও বেশী। বছক্ষেত্রে এই নিরুত্তর ব্যক্তিরা সমগ্রকের একটি বিশেষ অংশের প্রতিনিধি। স্মৃতরাং এদের বাদ পড়ার জন্য প্রাক-কলকগুলি পক্ষাপাত দোষদুট হয়ে পড়বে।

- (4) ইণ্টারভিউ গ্রহীতার পক্ষপাত: তথ্যানুসদ্ধানী ইণ্টারভিউ পদ্ধতির সাহায্যে তথ্য আহরণ করলেও অনেক সময় উত্তরদাতাকে সাহায্য-ছলে তাঁর নিজের মত ও বিশ্বাস উত্তরদাতার উপর খাটাতে চেটা করেন। এর ফলেও প্রাক-করকগুলি পক্ষপাতদুট হবে।
- (B) নমুনাজ পক্ষপাত সমূহ: নমুনাজ পক্ষপাতও বিভিন্ন প্রকারের হতে পারে। যথা—
- (1) দোষপূর্ণ নমুনা সংগ্রহ প্রণালী জনিত পক্ষপাত: দেখা গেছে ব্যক্তি-নির্তর, উদ্দেশ্যমূলক, এলোমেলো, খেয়ালখুশী-মাফিক নমুনাচয়ন অধিকাংশ ক্ষেত্রে পক্ষপাত দোষদুই হয়। পদ্ধতি যদি ব্যক্তি-নিরপেক্ষ না হয়, তাহলে নমুনাচয়কের ইচ্ছা-অনিচ্ছা বা প্রবণতা পদ্ধতিকে প্রভাবিত করবেই। উদাহরণস্বরূপ কোন নমুনাচয়ক যদি গমের গাছের নমুনাচয়ন করতে গিয়ে গমের জনির মধ্যে একটা ঝুড়ি ছুড়ে দিয়ে যেসব গাছের উপরে ঝুড়িটি পড়বে তাদের গ্রহণ করেন, তাহলে তাঁর ঝোঁক হবে গমের ফলন জনির যে জায়গায় ভালো সেখানে ঝুড়িটিকে ছোড়ায়। তাছাড়া প্রীকৃতিক কারণেও ঝুড়িটি গমের বড় গাছগুলির দিকেই আকৃষ্ট হবে। ফলে গমের ফলন সম্বন্ধে যে প্রাক-কলকটি পাওয়া যাবে তা হবে ধনাত্বক পক্ষপাতদ্বই।
- (2) প্রতিষ্থাপন পক্ষপাত: সমীক্ষাকর্মী অনেক সময় নমুনায় অন্তর্ভু ক্রেন ব্যক্তির কাছ থেকে তথ্য আহরণ করতে বিফলকাম হলে তার বদলে তার প্রতিবেশীকে নমুনায় অন্তর্ভু করে তার কাছ থেকে তথ্য আহরণ করেন। কর্মীর ধারণা এই প্রতিষ্থাপনায় কোন দোম হবেনা, কারণ নমুনা সংগ্রহ কালে প্রতিবেশীটিও নমুনায় অন্তর্ভু হতে পারত। কিছু এ ধারণা ঠিক নয়। কারণ, এইভাবে প্রতিষ্থাপনার ফলে যাদের নমুনা থেকে বাদ দেওয়া হ'ল তারা সমগ্রকের একটি বিশিষ্ট অংশ হতে পারে। ফলতঃ, এই প্রতিষ্থাপনার জন্য আমাদের প্রাক-কলকগুলি পক্ষপাতদুষ্ট হওয়ার খুবই সম্ভাবনা।
- (3) নমুনা-এককের সীমানার দোষপূর্ণ নির্ধারণজনিত পক্ষপাত: কসলের ফলন সম্পব্দিত সমীক্ষার অনেক সময় নমুনায় একক হিসাবে নেওয়া হয় গৃহীত অধির মধ্যে একটি নিদিট আকারের বৃত্ত বা

ভারতক্ষেত্র। এই নমুনা-এককের সীমানা জমিতে ভাসরভাবে নির্দিষ্ট হয়। কিছ সীমানার উপরে বা সরিকটে অবস্থিত গাছগুলির বেলা সমীক্ষাকর্মীর প্রবণতা দেখা যায় সেগুলিকে নমুনা-এককের অন্তর্ভূ জকরে নেওয়া। কার্যতঃ, এর ফলে নমুনা-এককটির আকার নির্দিষ্ট ভাকারের থেকে একটু বেশী হয়ে যায়। তার ফলে ফসলের ফলন সম্পর্কে বে প্রাক্ত-কলকটি পাওয়া যাবে তা ধনাদ্দক পক্ষপাতদুষ্ট হবে। অবশ্য এই সীমানার দৈর্ঘ্য নমুনার আয়তনের অনুপাতে যত কম হবে, এই পক্ষপাতের পরিমাণ তত কম হবে। তাই নমুনা-এককের বৃত্তটি বা আয়ত ক্ষেত্রটি যত বড় আকারের হবে, পক্ষপাতের পরিমাণ তত কম হবে।

(4) পক্ষপাতদুট নমুনাংক ব্যবহারজ্বনিত পক্ষপাত: অনেক সময় আমর। পূর্ণকাংকের প্রাক-কলক হিসাবে যে নমুনাংক ব্যবহার করি সোঁট পক্ষপাতদুট। অর্থাৎ নমুনাংকের গাণিতিক প্রত্যাশা পূর্ণকাংকের সমান নয়। যেমন, আমরা জানি পূর্ণকের ভেদমান σ^2 এর প্রাক-কলক হিসাবে নমুনার ভেদমান, $s^2=\frac{1}{n} \Sigma(x;-\bar{\omega})^2$, নেওয়া হলে তা পক্ষপাতদুট

হবে।

1.8 সরল সমসম্ভব মমুনা সংগ্রহ

আমরা আগেই জানি, সরল সমসম্ভব নমুনা সংগ্রহে সমগ্রকের অন্তর্ভূজ প্রতিটি ব্যক্তিরই নমুনায় অন্তর্ভূজ হওয়ার সম্ভাবনা সমান । ইহা পুন:স্থাপনা সহ বা পুন:স্থাপনাবিহীন এই দুই প্রকারের হতে পারে । যদি ধরা হয় কোন সমগ্রকে N সংখ্যক ব্যক্তিরয়েছে ও নমুনার আয়তন n, তাহলে পুন:স্থাপনাসহ সরল সমসম্ভব নমুনা সংগ্রহে মোট N^m টি নমুনা সম্ভব ও পুন:স্থাপনাবিহীন সরল সমসম্ভব নমুনা সংগ্রহে মোট $\binom{N}{n}$ টি নমুনা সম্ভব ।

সরল সমসম্ভব নমুনা সংগ্রহে এই প্রতিটি নমুনারই নির্বাচিত হওয়ার সমান সম্ভাবনা অর্থাৎ বথাক্রমে $\frac{1}{N^n}$ বা $\frac{1}{\binom{N}{n}}$ । অবশ্য উভর ক্ষেত্রেই একটি

বিশেষ ব্যক্তি, ধরা যাক k-তম ব্যক্তির i-তম নমুনা উত্তোলনে নির্বাচিত হওয়ার সম্ভাবনা $\frac{1}{N}$ । পুন:ছাপনাসহ পদ্ধতিতে ইহার প্রমান সহজ্ঞ। পুন:ছাপনাবিহীন পদ্ধতিতে এই সম্ভাবনা হ'ল:

k-তম ব্যক্তির i-তম উজোলনে নির্বাচিত হওয়ার সম্ভাবনা

- = k-তম ব্যক্তির প্রথম উত্তোলনে নির্বাচিত না হওয়ার সম্ভাবনা
- × k-তম ব্যক্তির দিতীয় উত্তোলনে নির্বাচিত না হওয়ার সম্ভাবনা

/ k-তম ব্যক্তি প্রথম উত্তোলনে নির্বাচিত না হয়ে থাকলে 🗙

×k-তম ব্যক্তির (i-1)-তম উত্তোলনে নির্বাচিত না হওয়ার স্থাবন।

/ k-তম ব্যক্তি প্রথম থেকে (i-2)-তম উত্তোলনে
নির্বাচিত না হয়ে থাকরে

 $\times k$ -তম ব্যক্তির i-তম উত্তোলনে নির্বাচিত হওয়ার সম্ভাবনা / ঐ ব্যক্তি প্রথম থেকে (i-1)তম উত্তোলনে নির্বাচিত না হয়ে থাকলে

$$= \frac{N-1}{N} \times \frac{N-2}{N-1} \times \dots \times \frac{N-i+1}{N-i+2} \times \frac{1}{N-i+1}$$
$$= \frac{1}{N} \cdot 1$$

পুন:স্থাপনাসহ পদ্ধতিতে একটি বিশেষ n আয়তনের নমুনার নির্বাচিত হওরার সম্ভাবনা $= \frac{1}{N} imes \frac{1}{N} imes \cdots imes \frac{1}{N} = \frac{1}{N^n}$ । পুন:স্থাপনাবিহীন পদ্ধতিতে এই সম্ভাবনা

$$= \frac{n}{N} \times \frac{n-1}{N-1} \times \dots \times \frac{1}{N-n+1} = \frac{1}{\binom{N}{n}}$$

ধরা যাক সমগ্রকের চলকমানগুলি হ'ল X_1, X_2, \ldots, X_N ও নমুনার চলকমানগুলি হ'ল x_1, x_2, \ldots, x_n । এক্ষেত্রে

সমগ্রকের গাণিতিক গড়, $\mu=rac{1}{N}\sum_{i=1}^{N}X_i$

ও ভেদমান,
$$\sigma^2 = \frac{1}{N} \Sigma (X_i - \mu)^2$$
 ।

আমরা জানি পুন:স্থাপনাসহ ও পুন:স্থাপনাবিহীন উভয় কেতেই

$$E(x_i) = \mu, i = 1, 2, ..., n,$$

 $\forall Var(x_i) = \sigma^2, i = 1, 2, ..., n$

$$\operatorname{Cov}\left(x_i,x_j
ight) egin{cases} =0 & \operatorname{পুন: ছাপনাসহ ক্ষেত্র} \ =-rac{\sigma^2}{N-1} & \operatorname{পুন: ছাপনাবিহীন ক্ষেত্রে } \end{cases}$$

ধরা যাক $T = \sum_{i=1}^{n} \lambda_i x_i$, সর্বোৎকৃষ্ট পক্ষপাতহীন ঋজুরৈখিক প্রাক-কলক \mathbf{k}

এখন
$$E(T) = \sum_{i} \lambda_{i} E(x_{i})$$

 $=\mu\Sigma\lambda_i$

পক্পাতহীনতার জন্য $E(T){=}\mu$ হ'তে হবে। সেক্তের, $\Sigma \lambda_i {=}1$ ।

সর্বোৎকর্ষতার জন্য Var(T)কে সবনিমু হ'তে হবে। পুন:স্বাপনাসহ ক্ষেত্রে,

$$Var(T) = \Sigma \lambda_i^2 Var(x_i)$$
$$= \sigma^2 \Sigma \lambda_i^2 |$$

 Var (T)কে সর্বনিমু হ'তে হ'লে $\Sigma \lambda_i$ ংকে সর্বনিমু হ'তে হবে।

এখানে $\Sigma \lambda_i = 1$ ।

মুতরাং $\lambda_1 = \lambda_2 = \ldots = \lambda_n = \frac{1}{n}$ হ'েল Var (T) সর্বনিমু হবে $\mathbb R$

অর্থাৎ $T = rac{1}{n} \Sigma x_i = ar{x}$, হ'ল সর্বোৎকৃষ্ট পক্ষপাতহীন ঋজুরৈখিক

প্রাক-কলক।

এবং
$$\operatorname{Var}(\bar{x}) = \frac{1}{n^2} \Sigma \sigma^2 = \frac{\sigma^2}{n}$$
 (1.2)

পুন:স্থাপনাবিহীন ক্ষেত্রে

$$\operatorname{Var} (T) = \sum_{i} \lambda_{i}^{2} \operatorname{Var} (x_{i}) + \sum_{i \neq j} \lambda_{i} \lambda_{j} \operatorname{Cov} (x_{i}, x_{j})$$

$$=\sigma^2 \Sigma \lambda_i^2 - \frac{\sigma^2}{N-1} \sum_{i=1}^{N} \lambda_i \lambda_j$$

$$=\sigma^{2}\left(1+\frac{1}{N-1}\right)\Sigma\lambda_{i}^{2}-\frac{\sigma^{2}}{N-1}\left(\Sigma\lambda_{i}\right)^{2}$$

এখানে Var(T)কে সর্বনিমু হ'তে হ'লে $\Sigma\lambda$ কৈ সর্বনিমু হ'তে হবে, বেক্ষেত্রে $\Sigma\lambda_i=1$ ।

স্তরাং এখানেও $T=rac{1}{n}$ $\Sigma x_i=ar{w}$ ই সর্বোৎকৃষ্ট পক্ষপাতহীন ঋতু-রৈখিক প্রাক-কলক।

এখানে
$$\operatorname{Var}(\bar{x}) = \frac{\sigma^2}{n} \times \frac{N-n}{N-1}$$

$$= \frac{S^2}{n} \times \frac{N-n}{N}, \qquad (1.3)$$

বেখানে
$$S^2 = \frac{1}{N-1} \Sigma (X_i - \mu)^2$$
।

উভয়ক্ষেত্রেই $\sqrt{\mathrm{Var}\left(\bar{x}\right)}$ হ'ল প্রাক-কলক \bar{x} এর সমক ব্রাস্তি (standard error)। যদি σ^2 জানা না থাকে, নমুনা থেকে এর প্রাক-কলন করা, সম্ভব । আমরা জানি σ^2 এর পক্ষপাত্রীন প্রাক-কলক হ'ল :

$$s^{\prime 2} = \frac{1}{n-1} \Sigma (x_i - \overline{x})^2$$
, পুন:স্থাপনাসহ কেতে।

পুনঃস্থাপনাবিহীন ক্ষেত্রে s'^2 হ'ল S^2 এর পক্ষপাতহীন প্রাক্তনক । স্থতরাং Var (\bar{w}) –এর পক্ষপাতহীন প্রাক্তনকক হ'ল:

n , পুন:স্থাপনাসহ ক্ষেত্রে

ও
$$\frac{s^{\prime 2}}{n} \times \frac{N-n}{N}$$
 , পুন:স্থাপনাবিহীন ক্ষেত্রে ।

যদি সমগ্রকের কোন বৈশিষ্ট্যের অনুপাত P (সমগ্রকের P অনুপাত ব্যক্তির ঐ বৈশিষ্ট্য আছে)এর প্রাক-কলক চাওয়া যায় তাহলে নমুনায় ঐ বৈশিষ্ট্যের অনুপাত P ই P এর সর্বোৎকৃষ্ট পক্ষপাতহীন প্রাক-কলক এবং

$$\operatorname{Var}\left(p
ight) = rac{PQ}{n}$$
 , পুন:স্থাপনাসহ ক্ষেত্রে, $=rac{PQ}{n} imesrac{N-n}{N-1}$, পুন:স্থাপনাবিহীন ক্ষেত্রে । $\qquad \qquad (1.4)$

এখানে Q=1-P। Var(p) এর প্রাক-কলক পেতে হ'লে P এর স্থানে p বসাতে হবে ।

 $\frac{N-n}{N-1}$ বা $\frac{N-n}{N}$ গুণকটির পুনংস্থাপনাবিহীন ক্ষেত্রে আবির্ভাব হটে। গুণকটিকে বলা হয় সসীম পুর্ণক জনিত শুদ্ধি। N অসীম হ'লে স্মভাবতঃই এই গুণকটি 1 এর খুব সন্নিকট হবে ও বাদ দেওয়া চলবে 1

ভাষাহরণ 1.2 উদাহরণ 1.1 এর 223 জন ছাত্র থেকে যে 5 জন নমুনায় গৃহীত হয়েছিল তাদের উচ্চতা (ইঞ্চিতে) দেওয়া হ'ল—

61", 59", 63", 62", 63" |

223 **ছ**ন ছাত্রের গড় উচ্চতার প্রাক-কলক ও তার সমক স্রান্তির প্রাক-কলক নির্ণয় কর।

223 ছন ছাত্রের গড় উচ্চতার (μ) প্রাক-কলক হ'বে \bar{w} , নমুনাছ যৌগিক গড়। \bar{w} ই এক্ষেত্রে সর্ব্বোৎকৃষ্ট পক্ষপাতহীন ঋজুরৈখিক প্রাক-কলক।

একেনে
$$\bar{x} = \frac{61+59+63+62+63}{5}$$

$$= \frac{308}{5}$$

$$= 61.6 ইঞ্জি |$$

পুনস্থাপনাবিহীন ক্ষেত্রে,

 $ar{x}$ এর সমক স্রান্তি $=\sqrt{Var\left(ar{x}
ight)}$

$$=\sqrt{\frac{S^2}{n}} \frac{N-n}{N}.$$

 S^2 এর পক্ষপাতথীন প্রাক-কলক হ'ল $s'^2=rac{1}{n-1}\varSigma(x_i-ar{x})^2$ । S^2

এর স্থানে ১'2 বসিয়ে

ট এর সমক প্রান্তির প্রাক-কলক

$$=\sqrt{\frac{s'^2}{n}\cdot\frac{N-n}{N}}$$

बरकर्ज
$$s'^2 = \frac{1}{n-1} \{\Sigma x_i^2 - n\bar{c}^2\}$$

$$= \frac{1}{4} \{18984 - 5 \times 3794 \cdot 56\}$$

$$= \frac{1}{4} \{18984 - 18972 \cdot 80\}$$

$$= \frac{11 \cdot 20}{4}$$

$$= 2 \cdot 80$$

স্ব্তরাং 🛭 এর সমক দ্রান্তির প্রাক-কলক

$$-\sqrt{\frac{2\cdot80}{5} \cdot \frac{223-5}{223}}$$

$$-\sqrt{0.56 \times \frac{218}{223}}$$

$$-\sqrt{0.5474}$$

$$-0.74 \ \text{Res}$$

1.9 উদ্দেশ্যমূলক নমুমা সংগ্ৰহ

উদ্দেশ্যমূলক নমুনা সংগ্রহ বিভিন্ন অর্থে ব্যবহাত হয়েছে। সবচেয়ে ব্যাপক শর্মের, উদ্দেশ্যমূলক নমুনা সংগ্রহ বলতে বোঝায় এমন ভাবে নমুনা সংগ্রহ করা যাতে কোন বিশেষ উদ্দেশ্য সিদ্ধ হয়। যেমন, কোন ঝুড়ি থেকে আমের নমুনা নেওয়ার বেলা আমরা যদি আকৃতিতে, প্রকৃতিতে বা অন্য কোন বিশেষ গুণ অনুযায়ী মাঝারি ধরণের আম নির্বাচন করি তাহলে তা উদ্দেশ্যমূলক নমুনা চয়ন হবে, কারণ এখানে আমাদের উদ্দেশ্যই হ'ল মাঝারি ধরণের আম নির্বাচন করা। এই পদ্ধতির সবচেয়ে বড় দোঘ হ'ল এতে করে যে প্রাক-কলকগুলি পাওয়া যাবে বা যেসব সিদ্ধান্তে আসা যাবে সেগুলি পক্ষপাতদুই হ'তে পারে। পক্ষপাতের পরিমাণ নির্ণয় করাও এক্ষেত্রে অসম্ভব। দ্বিতীয়তঃ এই পদ্ধতিতে যদিও গড় সম্বন্ধে ভাল প্রাক-কলক পাওয়া যায়, বিভৃতি সম্পর্কে ভুল ধারণা পাওয়া যাবে, কারণ নমুনায় অন্তর্ভু জ্বা প্রিটি ব্যক্তিরই চলক্ষান গড়ের কাছাকাছি।

বিশেষ অর্থে, উদ্দেশ্য নূলক নমুনা সংগ্রহ বলতে বোঝায় একটি বিশেষ পদ্ধতি বেটি Jini, Galvani প্রমুখ রাশিবিজ্ঞানী ইটালীর আদমস্থমারী লব্ধ উপাত্ত ব্যবহার করে প্রয়োগ করেছিলেন। এই পদ্ধতিতে যদি আমরা কোন সমগ্রকের y-চলক সম্বন্ধে কৌতুহলী হই ও y'র গাণিতিক গড় μ_y এর প্রাক-কলক পেতে চাই, তাহলে yর সাথে সম্পর্কযুক্ত একটি

x-চলক নির্বাচন করব যার সম্বন্ধে আদমস্থমারী লব্ধ উপাত্ত থেকে সমগ্রকের প্রতিটি ব্যক্তির চলক্ষান জানা আছে। y সম্বন্ধে আমাদের নমুনা চয়ন এমন হবে নমুনায় অন্তর্ভুক্ত ব্যক্তিদের xএর নমুনালব্ধ গড় xএর সমগ্রকের গড়ের প্রায় সমান হয়। যদি N সমগ্রকের আয়তন হয় ও n নমুনার আয়তন হয় তাহলে নমুনাটি এমন হবে যাতে—

$$ar{w}_n = \mu_x \pm \epsilon$$
, (1.5) $ar{w}_n = x$ এর n সংখ্যক নমুনালন গড়, $\mu_x = x$ এর সমগ্রকলন গড় ও $\epsilon = \gamma$ র্ব নির্ধারিত একটি ক্ষুদ্র ধনাত্মক সংখ্যা।

নমুনাটি সম্ভাবনাপ্রয়ী নয়—শুধু যে কোন উপায়ে লব্ধ নমুনাটি উপরোজ সম্পর্কটি মেনে চললেই হ'ল। আমাদের আশা, যেহেতু x ও y সম্পর্কযুক্ত, \vec{y}_n ও μ_y র কাছাকাছি হবে ও \vec{y}_n , μ_y র একটি ভাল প্রাক্তনকলক হবে। ইচেছ করলে এই সম্পর্কযুক্ত চলক একাধিক নেওয়া চলতে পারে।

এককালে এই পদ্ধতিটি সমসন্তব নমুনা সংগ্রহ থেকে ভাল কি না সে সম্বদ্ধ তীথ্র মতভেদ ছিল। কিন্তু Neyman, J. 1934 সালে দেখিয়েছেন যে এই পদ্ধতিটি যদি সম্ভাবনাশ্রয়ী হ'ত, অর্থাৎ যতগুলি নমুনা উপরোক্ত সম্পর্ক মেনে চলে তাদের যে কোনটি নির্বাচনের যদি সমান সম্ভাবনা হয়, তাহলেও অধিকাংশ ক্ষেত্রেই সরল সমসন্তব নমুনা সংগ্রহ পদ্ধতিতে এই পদ্ধতি থেকে উৎকৃষ্টতর প্রাক-কলক পাওয়া যাবে। যে সব ক্ষেত্রে এই পদ্ধতিটি সরল সমসন্তব নমুনা সংগ্রহ থেকে শ্রেয়, তাদের অধিকাংশ ক্ষেত্রে আবার স্তর্বিন্যন্ত সমসন্তব নমুনা সংগ্রহ পদ্ধতি এই পদ্ধতি থেকে শ্রেয়। খুবই সামান্য দু'একটি ক্ষেত্রে এই পদ্ধতি স্তর্বিন্যন্ত সমসন্তব নমুনা পদ্ধতি থেকে শ্রেয়, কিন্তু বান্তবে এইসব ক্ষেত্র খুবই অ্দুর্ল্ভ।

1.10 স্তৱবিশ্বস্ত সমসম্ভব নমুলা সংগ্ৰহ

ন্তরবিন্যন্ত সমসন্তব নমুনা সংগ্রহে প্রথমে সমগ্রকটিকে কতকগুলি ন্তরে বিভক্ত করতে হবে। ন্তরগুলি চলকের মানের ভিত্তিতে যথাসন্তব অন্তঃসম হবে। কিন্তু বিভিন্ন ন্তরের বৈষম্য যথাসন্তব বেশী হবে। সরল বা বন্ধনমুক্ত সমসন্তব নমুনা সংগ্রহে সমগ্রকের প্রতিটি ব্যক্তির নমুনায় অন্তর্ভুক্ত হওয়ার সম্ভাবনা সমান। কিন্তু স্তরবিন্যন্ত সমসম্ভব নমুনা সংগ্রহে তা নয়। প্রতিটি স্তর থেকে আলাদ। ভাবে পরস্পর অনির্ভর নমুনা গ্রহণ করা হয়। যদি প্রতিটি স্তর থেকে এক একটি সরন সমসম্ভব নমুনা নেওয়া হয় তাহ'লে একটি স্তরের অন্তর্ভুক্ত প্রতিটি ব্যক্তির নমুনায় অন্তর্ভুক্ত হওয়ার সম্ভাবনা সমান হ'লেও, একটি ন্তর . (थरक चनास्रदा এই महावना चानामा रदा। मतन मममहान नमूना সংগ্রহের সমক ভ্রান্তি সমস্ত সমগ্রকের ভেদশীলতার উপর নির্ভরশীল, কিন্ত স্তরবিন্যস্ত নমুনা সংগ্রহে তা নির্ভর করে অস্ত:স্তর ভেদশীলতার উপর। যেহেতু সমগ্রকের ভেদশীনতা থেকে একটি অংশ আন্ত:ন্তর ভেদশীলতা হিসাবে বাদ চলে গেছে স্তরবিন্যস্ত নমুনা সংগ্রহ পদ্ধতিতে সমক ল্রান্তি অপেক্ষাকৃত কম। ন্তরগুলি যত বেশী অন্ত:সম হবে ও বিভিন্ন স্তর যতবেশী বিঘম হবে সমক ভ্রান্তির কমার পরিমাণ তত বেশী। যদি কোন সামাজিক অর্থনৈতিক পারিবারিক সমীক্ষায় সমীক্ষার বিষয়গুলি পারিবারিক আয়ের উপর নির্ভরশীল হয়, তাহ'লে সমগ্রককে পারিবারিক আয়ের ভিত্তিতে কতগুলি স্তরে বিভক্ত করা সম্ভব। যেমন, যাদের পারিবারিক মাগিক আয় 1 টাকা থেকে 100 টাকা তারা প্রথম স্তর, 101 টাকা থেকে 350 টাকা দিতীয় স্তর, 351 টাকা থেকে 700 টাক। তৃতীয় ন্তর ও 701 টাকা ও তদুর্দ্ধ আয়ের পরিবারগুলি চতুর্থন্তর নেওয়া যেতে পারে। আবার শস্য উৎপাদন নির্ণয়ের জন্য নমুনা স্মীক্ষায় জ্বনিখণ্ড (Plot) গুলিকে কতগুলি স্তরে বিন্যস্ত করে নেওয়া যায়। যথা, 5 একর পর্যন্ত জনিখণ্ডগুলি প্রথম স্তর, 5 একর থেকে 7 একর পর্যন্ত দিতীয় স্তর ও 7 একরের অধিক তৃতীয় স্তর হিসাবে নেওয়া যায়।

ধরা যাক কোন সমগ্রকে মোট N সংখ্যক ব্যক্তি রয়েছে। সমগ্রটিকে kটি স্তরে বিভক্ত করা হ'ল যাতে করে প্রথম স্তরে N_1 সংখ্যক, ছিতীর স্তরে N_2 সংখ্যক,...,k-তম স্তরে N_k সংখ্যক ব্যক্তি হ'ল। স্তরবিন্যস্ত নমুনা সমীক্ষায় আমরা প্রথম স্তর থেকে n_1 জন, ছিতীয় স্তর থেকে n_2 জন,....,k-তম স্তর থেকে n_k জন পুন:স্থাপনাবিহীন সরল সমস্তব উপায়ে নমুনায় নির্বাচিত করব। বিভিন্ন স্তর থেকে নমুনাচয়ন প্রক্রম স্থনির্ভর হবে। এক্ষেত্রে.

$$N_1 + N_2 + \ldots + N_k = N$$

$$n_1 + n_2 + \ldots + n_k = n$$

ৰদি সমগ্ৰকের যৌগিক গড় μ সম্বন্ধে নমুনা থেকে প্রাক-কলক চাওয়া হয়, তাহলে

$$\mu = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{k} \sum_{j=1}^{N_i} \Sigma X_{ij}$$

$$= \frac{1}{N} \sum_{i} N_i \mu_i, \quad \text{CFGG}$$

$$\mu_i = \frac{1}{N_i} \sum_{i=1}^{N_i} X_{ij} \ \Im$$

Xij হ'ল সমগ্রকের i-তম ন্তরের j-তম ব্যক্তির চলকমান। যদি xij দমুনায় অন্তর্ভু i-তম ন্তরের j-তম ব্যক্তির মান হয়, তাহলে ধরা যাক

$$T = \sum_{i=1}^{k} \sum_{j=1}^{ni} \lambda_{ij} x_{ij} ,$$

এর সর্বোৎকৃষ্ট পক্ষপাতহীন ঋজুরৈধিক প্রাক-কলক। স্থতরাং

$$E(T)=\mu$$

ও Var (T) সর্বনিমু হ'তে হবে।

বদি
$$oldsymbol{\sigma}^2 = rac{1}{N} rac{\Sigma}{i} rac{\Sigma}{i} (X_{ij} - \mu)^2$$

ও
$$\sigma_i^2 = \frac{1}{N_i} \sum_j (X_{ij} - \mu_i)^2$$
 হয়,

আমরা জানি
$$E(x_{ij}) = \mu_i$$

$$V(x_{ij}) = \sigma_i^2$$
 $j=1, 2..n_i$ হ'বে,

$$Cov.(x_{ij}, x_{i'j'})=0$$
 $i\neq i'$ হ'লে

$$(x_{ij}, x_{ij'}) = -\frac{\sigma_i^2}{N_i - 1}$$

धन करन

$$E(T) = \sum_{i} \sum_{j} \lambda_{ij} E(x_{ij})$$

$$= \sum_{i} \sum_{j} \lambda_{ij} \mu_{i}$$

$$= \sum_{i} \mu_{i} \sum_{j} \lambda_{ij} \mid$$

$$E(T)$$
 যদি $\mu = rac{1}{N} \Sigma N_i \; \mu_i$ এর সমান হয় তাহলে $\sum_j \lambda_{ij} = rac{N_i}{N} \; ($ নিদিষ্ট $)$

এবং

$$Var(T) = \sum_{i} Var(\sum_{j} \lambda_{ij} x_{ij})$$

$$= \sum_{i} \{ \sum_{j} \lambda_{ij}^{2} Var(x_{ij}) + 2 \sum_{j < j'} \lambda_{ij} \lambda_{ij'} \text{ Cov } (x_{ij}, x_{ij'}) \}$$

$$= \sum_{i} \{ \sum_{j} \lambda_{ij}^{2} \sigma_{i}^{3} - 2 \sum_{j < j'} \lambda_{ij} \lambda_{ij'} \frac{\sigma_{i}^{2}}{N_{i} - 1} \}$$

$$= \sum_{i} \{ \sum_{j} \lambda_{ij}^{2} \sigma_{i}^{3} - 2 \sum_{j < j'} \lambda_{ij} \lambda_{ij'} \frac{\sigma_{i}^{2}}{N_{i} - 1} \}$$

$$= \sum_{i} \{ \sum_{j} \lambda_{ij}^{2} - \frac{2 \sigma_{i}^{2}}{N_{i} - 1} \sum_{j < j'} \lambda_{ij} \lambda_{ij'} - \frac{\sigma_{i}^{3}}{N - 1} \sum_{j < j'} \lambda_{ij'} \}$$

$$= \sum_{i} \{ \sum_{i} \sum_{j} \lambda_{ij}^{2} - \frac{\sigma_{i}^{2}}{N_{i} - 1} (\sum_{j} \lambda_{ij})^{2} \},$$

যেখানে,

$$S_i^2 = \frac{1}{N_i - 1} \sum_{j=1}^{N_i} (X_{ij} - \mu_i)^2$$

Var(T) সর্বনিমু হ'তে হ'লে $\sum\limits_{j}\lambda_{ij}^{2}$ কে সর্বনিমু হ'তে হবে,

যেখানে

$$\sum_{j} \lambda_{ij} = n_i \lambda_{io} = \frac{N_i}{N} (निष्षि) |$$

মতরাং
$$\lambda_{ij} = \lambda_{io} = \frac{N_i}{Nn_i}$$
এবং $T = \frac{1}{N} \sum N_i \frac{1}{n_i} \sum_j x_{ij}$

$$= \frac{1}{N} \sum N_i x_{io} + (1.6)$$

স্থাতরাং $T = \frac{1}{N} \ \Sigma N_i \ x_{io}$ ই হ'ল সর্বোৎকৃষ্ট ঋজুরৈখিক পক্ষপাতহীন প্রাক-কলক। এই প্রাক-কলকের ভেদমান হ'ল

$$Var(T) = \frac{1}{N^2} \sum N_i^2 V(x_{io})$$

$$= \frac{1}{N^2} \sum N_i^2 \cdot \frac{S_i^2}{n_i} \cdot \frac{N_i - n_i}{N_i}$$

$$= \frac{1}{N^2} \sum N_i \cdot \frac{S_i^2}{n_i} \cdot (N_i - n_i)$$
(1.7)

ন্তরবিন্যন্ত সমসম্ভব নমুনা সংগ্রহে একটি জরুরী সমস্যা হ'ল কি ভাবে বিভিন্ন ন্তরান্তর্গত নমুনার আয়তন (n_i) নির্ণয় করা হবে। সহজ্বতম উপায় হ'ল n_i কে ন্তরান্তর্গত পূর্ণকের আয়তনের (N_i) সমানুপাতে নির্ণয় করা। অর্থাৎ

$$n_i \propto N_i$$
অথবা $\frac{n_1}{N_1} = \frac{n_8}{N_2} = \dots = \frac{n_k}{N_k} = \frac{n}{N}$
অথবা $n_i = N_i \cdot \frac{n}{N}$ (1.8)

লক্ষ্য করা যেতে পারে এক্ষেত্রে নমুনা ভগাংশ অর্থাৎ নমুনার আয়তন
ও পূর্ণকের আয়তনের ভাগফল প্রতিটি স্তরের জন্য ও সমগ্র পূর্ণকের
জন্য একই। এই পদ্ধতিকে সমানুপাতিক নমুনা বণ্টন বা সম নমুনা
ভগাংশ প্রণালী বলা হয়। একে Bowley'র নমুনা বণ্টন পদ্ধতিও
বলা হয়।

অপর বণ্টন পদ্ধতি হ'ল প্রকৃষ্ট নমুনা বণ্টন। এক্কেত্রে ভেদমান ও ধরচকে নির্ণয় যোগ্য চলক সমূহ n_1, n_2, \ldots, n_k এর অপেক্ষক হিসাবে প্রকাশ করতে হবে। ভেদমান অপেক্ষক (1.7)তে দেখান হরেছে। বরচকে n_1, n_2, \ldots, n_k র একটি ঋজুরৈখিক অপেক্ষক হিসেবে প্রকাশ করা হয়। যদি a_o উপরি খরচ ধরা যায় ও c_i *i-*তম স্তরে জনপ্রতি খরচ ধরা যায় তাহলে খরচ (C), n_1, n_2, \ldots, n_k এর নিমুলিখিত অপেক্ষক হবে:

$$C = a_0 + c_1 n_1 + c_2 n_2 + \dots + c_k n_k$$
 (1.9)

যদি সমীক্ষার খরচ C_o নির্দিষ্ট হয় তাহলে প্রকৃষ্ট নমুনা বণ্টনে n_1, n_2, \ldots, n_k এমন তাবে নির্নীত হবে যাতে $C=C_o$ সম্পর্ক স্থির রেখে V সর্বনিমু হয়। Lagrange এর অনির্নীত গুণনীয়ক পদ্ধতি অনুসারে আমাদের $C=C_o$ স্থির রেখে

 $V+\lambda C$ কে সর্বনিমু করতে হবে। এখানে λ হ'ল অনির্নীত গুণনীয়ক।

সমীকরণ সমূহ হ'ল

$$\frac{\delta_{V}}{\delta n_{i}} + \lambda \frac{\delta C}{\delta n_{i}} = 0 \quad i = 1, 2, \dots, k$$

$$C = C_{o} \mid$$
(1.10)

আমাদের ক্ষেত্রে সমীকরণ সমূহ হ'ল

$$-\frac{1}{N^{2}} \cdot \frac{N_{i}^{2} \cdot S_{i}^{2}}{n_{i}^{2}} + \lambda c_{i} = 0$$

$$C = C_{o} \mid$$
(1.11)

यपि
$$n_i = \lambda' \frac{N_i S_i}{\sqrt{\bar{c}_i}}$$
 थत्र। हस्

তাহ'লে
$$C=C_o$$
 থেকে আমর। পাই $a_o+\lambda'$ Σ N_i S_i $\sqrt{C_i}=C_o$

ष्यंदा
$$\lambda' = \frac{C_o - a_o}{\sum N_i S_i \sqrt{c_i}}$$
 (1.13)

ৰদি $c_1=c_2=\ldots=c_h$ ধর। হয়, তাহলে $C=C_o$ নিদিষ্ট করার অর্থই হ'ল $n_1+n_2+\ldots+n_h$ নিদিষ্ট করা। এক্ষেত্রে যদি $n_1+n_2+\ldots+n_h=n$ ধরা হয়,

$$\lambda'' = \frac{n}{\sum N_i S_i}$$
 (1.15)

(1.14) ও (1.15) এ যে নমুনাবণ্টন দেখান হ'ল একে J. Neyman এর নামানুসারে Neyman এর প্রকৃষ্ট নমুনা বণ্টন বলা হয়।

এই বিষয়ে আমাদের কয়েকটি বিষয় মনে রাখতে হবে।

- (1) অধিকাংশ সমীক্ষায় আমরা একই সঙ্গে একাধিক চলক সম্পর্কে কৌতুহলী হই। যদি এই চলকগুলির মধ্যে একটি সবচেয়ে গুরুত্বপূর্ণ চলক থাকে তবেই সেই চলকের মাধ্যমে প্রকৃষ্ট নমুনা বণ্টন নির্ণয় করা সম্ভব। তা না হ'লে আমাদের সমানুপাতিক নমুনা বণ্টন করতে হবে।
- (2) প্রকৃষ্ট নমুনা বণ্টন করতে হ'লে আমাদের যে তথ্যগুলি প্রয়োজন তা হ'ল বিভিন্ন শুরের চলকের প্রমাণ বিচ্যুতি S_1 , S_2 ,... S_k ও বিভিন্ন শুরের জনপ্রতি ধরচ c_1 , c_2 c_k । এই তথ্যগুলি আগে থেকে জানা না থাকাই সম্ভব। তাহ'লে আসল সমীক্ষার আগে একটি পথ-নির্দেশী সমীক্ষার আয়োজন করতে হবে। এই সমীক্ষাটি অবশ্যই আসল সমীক্ষার তুলনায় অনেক ছোট হবে। কিন্তু সমানুপাতিক নমুনা বণ্টনে এই পথনির্দেশী সমীক্ষার প্রয়োজন হয়না। প্রকৃষ্ট নমুনা বণ্টনে প্রাক্তনিকলকের ভেদমান বা প্রমাণ ভ্রান্তি অপেক্ষাকৃত কম হলেও, প্রয়োজনীয় পথনির্দেশী সমীক্ষা গ্রহণ সন্তেও প্রকৃষ্ট নমুনা বণ্টন শ্রেয় কিনা ভাবতে হবে। কারণ পথনির্দেশী সমীক্ষায় যে বাড়তি খরচ হবে তা সমানুপাতিক নমুনা বণ্টনে বৃহত্তর নমুনা গ্রহণ করে প্রাক্তনকলটি অধিকতর শ্রম্পুন্য করা থেতে পারে।

উদাহরণ 1. 3 নিমে উদ্বৃত সারণীটিতে গাজিয়াবাদ সাব্ডিভিসনের 340টি গ্রামের পূর্ণসমীক্ষার সংক্ষিপ্ত বিবরণ রয়েছে। গ্রামগুলিকে তাদের আয়তন অনুযায়ী 4টি স্তরে বিন্যন্ত হয়েছে। বিভিন্ন স্তরের গ্রামসংখ্যা (N_i), গমের জমির আয়তনের গড় (\bar{y}_i), গমের জমির আয়তনের সমক পার্থক্য (S_i) দেওয়া আছে। 34টি গ্রামের নমুনার সাহায়্যেগমের মোট জমির আয়তনের প্রাক-কলকের ভেদমান নির্ণয় কর যদি নমুনাটি (1) স্তরবিহীন সমসম্ভব হয়, (2) স্তরবিন্যন্ত সমসম্ভব, সমানুপাতিক নমুনা বণ্টন পদ্ধতিতে গৃহীত হয় ও (3) স্তরবিন্যন্ত সমসম্ভব, প্রকৃষ্ট নমুনা বণ্টন পদ্ধতিতে গৃহীত হয় ।

खन्न गःश्रा	গ্রামের আয়তন (বিষা)	N_i	$ar{y_i}$	S_i
1	0—500	63	112·1	56∙3
2 ,	501—1500	199	276 ·7	116·4
3	1501—2500	53	558·1	186-0
4	2501 ও তদুৰ্দ্ধ	25	960•1	361:3

থাকেনে,
$$\bar{y} = \frac{\sum N_i \ \bar{y}_i}{N} = 340.3$$

$$S^2 = \frac{\sum (N_i - 1) \ S_i^2 + \sum N_i \ (\bar{y}_i - \bar{y})^2}{N - 1}$$

$$= \frac{23,527,043.02}{339} : = 69,401.31 \text{ P}$$

সরল সমসম্ভব নমুনা পদ্ধতিতে মোট আয়তনের ভেদমান,

$$V_1 = N^2 \times \frac{S^2}{n} \times \frac{N-n}{N}$$

$$=340 \times \frac{69,401 \cdot 31}{34} \times (340 - 34)$$
$$=212,368,008 \cdot 6$$

সমানুপাতিক নমুনা বণ্টন পদ্ধতিতে গৃহীত গুরবিন্যস্ত সমসম্ভব নমুনায় ভেদমান,

$$V_{2} = \sum_{i=1}^{k} N_{i}^{2} \cdot \frac{S_{i}^{2}}{n_{i}} \cdot \frac{N_{i} - n_{i}}{N_{i}}$$

$$=\sum_{i=1}^{h} N_{i}$$
, f. S_{i}^{A} . $\left(1-\frac{1}{f}\right)$ এখানে $\frac{n_{i}}{N_{i}}=\frac{1}{f}$

i=1,2..k এর জনে

$$=(f-1)\sum_{i=1}^{k}N_{i}S_{i}^{2}$$

धरकट्य
$$f = \frac{340}{34} = 10$$
 ।

স্তরাং,

$$V_2 = 9 \times \Sigma N_i S_i^2$$

= $9 \times 7,992,963.76$
= $71,936,673.84$

প্রকৃষ্ট নমুনা বণ্টন পদ্ধতিতে নমুনাসংখ্যাগুলি হবে—

$$n_{1} = n_{2} = n_{3} = n_{4} = \frac{1}{N_{1} S_{1}} = n_{4} = \frac{1}{\Sigma N_{i} S_{i}}$$

$$n_{1} = \frac{34 \times N_{1} S_{1}}{\Sigma N_{i} S_{i}} = \frac{3,546.9 \times 34}{45.601.1} = 2.64 \approx 3,$$

অনুরূপভাবে,
$$n_2=17\cdot27\simeq 17$$
, $n_8=7\cdot35\simeq 7$
ও $n_4=6\cdot73\simeq 7$ |

তাহ'লে,
$$V_8=\sum\limits_{i=1}^h N_i^2\cdot \frac{S_i^2}{n_i}\cdot \frac{N_i-n_i}{N_i}$$

$$=\sum_{i=1}^{N_i}\frac{S_i^n}{n_i}\cdot N_i\ (N_i-n_i)$$

53,300,553.82 |

1.11 বছবিভাগী লমুলা সংগ্ৰহ

বহুবিভাগী নমুনাসংগ্রহ পদ্ধতিতে সর্বশেষ নমুনা এককটি কতগুলি বিভাগের মধ্য দিয়ে পাওয়া যায়। প্রথমতঃ নমুনা-গ্রহণযোগ্য বস্তুটিকে কতগুলি প্রথম বিভাগীয় নমুনা এককে ভাগ কয়া হয়। ছিতীয়ভঃ প্রতিটি প্রথম বিভাগীয় নমুনা একককে আবার কতগুলি ছিতীয় বিভাগীয় নমুনা এককে ভাগ করতে হবে। এইভাবে ভাগ করে যেতে হবে যতক্ষণ, সর্বশেষ নমুনা এককটি না পাওয়া যায়। সর্বশেষ নমুনা একক থেকে আমাদের তথ্য আহরণ করতে হবে।

নমুনাসংগ্রহ পদ্ধতিও অনুরূপ বিভিন্ন বিভাগে বিন্যপ্ত হবে। প্রথমতঃ প্রথম বিভাগীয় নমুনা এককের সমগ্রক থেকে উপযুক্ত পদ্ধতিতে নমুনা সংগ্রহ করতে হবে। হিতীয়তঃ প্রতিটি নির্বাচিত প্রথম বিভাগীয় নমুনা একক থেকে কতগুলি হিতীয় বিভাগীয় নমুনা এককের নমুনাসংগ্রহ করতে হবে কোন উপযুক্ত পদ্ধতিতে। এইভাবে নমুনা সংগ্রহ করে যেতে হবে যতক্ষণ না আমরা সর্বশেষ নমুনা এককের একটি নমুনা পাই।

উদাহরণ স্বরূপ, কোন সামাজিক অর্থনৈতিক সমীক্ষায় যদি সমগ্র গ্রামীণ পশ্চিমবঙ্গ থেকে কতগুলি পরিবারের নমুনাসংগ্রহ করতে হয়, তাহ'লে প্রথমত: সমগ্র পশ্চিমবঙ্গকে কতগুলি গ্রামে (প্রথম বিভাগীয় নমুনা একক) ভাগ করতে হবে। প্রথম বিভাগীয় নমুনা চয়নে আমরা কতগুলি গ্রাম নির্বাচিত করব কোন উপযুক্ত পদ্ধতিতে। তারপর প্রতিটি নির্বাচিত গ্রাম থেকে কতগুলি পরিবারের নমুনা সংগ্রহ করব কোন উপযুক্ত পদ্ধতিতে। কোন শস্য উৎপাদন সমীকায়, গ্রামের পরে একটি শস্যক্ষেত্র ও একটি বৃত্তাকার বা আয়তাকার ক্ষেত্রাংশ হিতীয় ও তৃতীয় বিভাগীয় নমুনা একক হবে।

এক বিভাগী নমুনাসংগ্রহ থেকে এই পদ্ধতিটির কতগুলি ব্যবহারিক স্থিব। রয়েছে। পদ্ধতিটির প্রয়োগসীমা খুবই বিস্তৃত। নমুনাসংগ্রহ কালে বিতীয় বিভাগীয় নমুনা এককগুলির জন্য। উপরোক্ত উদাহরণে পরিবার তালিক। প্রয়োজন শুধু নির্বাচিত গ্রামগুলির জন্য। সমগ্র পশ্চিমবঙ্গের জন্যে পরিবার তালিক। প্রয়োজন শুধু নির্বাচিত গ্রামগুলির জন্যে। সমগ্র পশ্চিমবঙ্গের জন্যে পরিবার তালিক। প্রথমন প্রায় দুংসাধ্য কাজ, ব্যয়বছলও বটে—কিন্তু নির্বাচিত গ্রামগুলির জন্য পরিবার তালিক। প্রণয়ন মোটেই সময়সাপেক্ষ বা ব্যয়বছল কাজ নয়। যে সব সমগ্রকে দুর্ধিগম্য স্থান রয়েছে, সেখানে বছ-বিভাগী নমুনাসংগ্রহ বিশেষ স্থবিধাজনক।

কিন্তু সাধারণভাবে বল। যায় যে একবিভাগী নমুনাসংগ্রহ পদ্ধতি থেকে বছবিভাগী পদ্ধতি অমশুন্যতার দিক দিয়ে নিকৃষ্ট।

1.12 নিয়মাসুগ নমুনাসংগ্ৰহ

নমুনা এককের ক্রমিক সংখ্যানুসারে সাঞ্চানো তালিক। থেকে নমুনা-সংগ্রহের একটি সহন্ধ উপার হচ্ছে নিয়মানুগ নমুনাসংগ্রহ পদ্ধতি। ধরা যাক সমগ্রকের নমুনা একক সংখ্যা N ও নমুনার সংখ্যা n ও $\frac{n}{N} = \frac{1}{k}$, k একটি অথও সংখ্যা। নিয়মানুগ নমুনাসংগ্রহ পদ্ধতিতে তালিকার প্রথম k-টি নমুনা একক থেকে যে কোন একটি সমসন্তব পদ্ধতিতে নির্বাচন করতে হবে। তারপর থেকে পরপর k-তম নমুনা একক সংগ্রহ করে যেতে হবে যতক্ষণ না তালিকাটি শেঘ হয়। এই পদ্ধতিটি মিশ্র নমুনাসংগ্রহ বলা যার, কারণ ইহা অংশতঃ সম্ভাবনাশ্রয়ী (প্রথম নমুনা এককটি নির্বাচনের ক্ষেত্রে) ও অংশতঃ সম্ভাবনা-নিরপেক্ষ। অপরপক্ষে আমরা 1 থেকে N ক্রমিক সংখ্যার যে কোন একটি নমুনা একক সমসন্তব পদ্ধতিতে নির্বাচন করে তারপর থেকে প্রতি k-তম ক্রমিক সংখ্যার নমুনা একক নির্বাচন করে যাব বৃদ্ধাকারে, যতক্ষন না পুরে। তালিকাটি শেঘ হয়। পদ্ধতিটি বলা যার বৃদ্ধীয় নিরমানুগ নমুনাসংগ্রহ।

পদ্ধতিটি সম্ভাবনাশ্ররী পদ্ধতিগুলির চেরে সহন্ধতর ও শুততর—বে কোন সাধারণ কেরানীই এই পদ্ধতিতে নমুনা চরন করতে পারবে। ব্দিনিকসংখ্যার সাথে চলকমানের যদি কোন সম্পর্ক বা সহগতি না থাকে, তাহলে এই পদ্ধতি সমসন্তব নমুনাসংগ্রহের সমান প্রমশুন্যতা দাবী করতে পারে। পদ্ধতিতে আমরা কার্যতঃ সমগ্রককে গাঁট স্তরে ভাগ করি। প্রতিটি স্তরে পর পর গৈট ক্রমিক সংখ্যার নমুনা একক রয়েছে। নমুনা নির্বাচন কালে আমরা প্রতিটি স্তর থেকে একটি করে নমুনা একক নির্বাচন করছি নিরমানুগ পদ্ধতিতে। ফলে পদ্ধতিটির প্রমশুন্যতা স্তর্বিন্যস্ত সমসন্তব নমুনাসংগ্রহ পদ্ধতির (প্রতি স্তর থেকে 1টি নমুনা একক) প্রায় কাছাকাছি। যদি আন্তঃস্তর ভেদশীলতা প্রায় ০ হয়, তাহলে পদ্ধতিটির প্রমশুন্যতা সরক্ষ সমসন্তব পদ্ধতির অনুক্রপ হবে।

পদ্ধতিটির নমুনাবান্তি নমুনা থেকে প্রাক-কলন করা সম্ভব নর। কিছ যদি সমগ্রকটি জানা থাকে তাহলে পদ্ধতিটির নমুনাবান্তির সূত্র লেখা ধার। এই পদ্ধতিতে মোট kটি নমুনা সম্ভব, যেহেতু প্রাথমিক নমুনা একক $1, 2, \ldots$ বা k হতে পারে। যদি সমগ্রকের গড়ের প্রাক-কলক থেতে চাই ও $x_{10}, x_{20}, \ldots, x_{ko}, k$ টি সম্ভাব্য নমুনার গড় হর ও x_{00} এই গড়গুলির গড় হয় তাহলে নমুনাজ বান্তি হবে $\frac{1}{k} \sum_i (x_{io} - x_{0o})^2$ ।

পূর্ণ তালিকায় ক্রমিক সংখ্যার সাথে চলকমান বসিয়ে যে লেখচিত্র হবে তাতে যদি ঋজুরৈখিক গতিধারা থাকে, তাহলে শ্রমশুন্যতার দিক দিয়ে পদ্ধতিটি সরল সমসম্ভব পদ্ধতির চাইতে ভাল হবে। আবার লেখচিত্রে যদি পর্য্যাবৃত্তি থাকে ও আবর্ত্তকাল যদি k বা kর গুণিতক হয়, তাহলে গড়ের প্রাক-কলক পক্ষপাতদুষ্ট হতে পারে। পক্ষপাত ধনাম্বক বা ঋণাম্বক দুইই সম্ভব।

অনুরূপভাবে যদি নমুনা একক সময় বা স্থান অনুসারে অবিচ্ছির ভাবে সাজান থাকে তাহলে সময় বা স্থান অনুযায়ী সমান অন্তরে নমুনা একক নির্বাচন করে নিয়মানুগ নমুনা সংগ্রহ করা যেতে পারে। বন সমীক্ষাকালে অনেক সময় কতকগুলি লম্বালম্বি ঋজুরৈখিক খণ্ডে (strip) ভাগ করে, খণ্ডগুলির নিয়মানুগ নমুনা নিয়ে সমীক্ষা চালানো হয়। একে অনেক সময় ঋজুরৈখিক নমুনা সংগ্রহ (Line sampling) বলা হয়।

1.13 वह शर्वा ही समूमा भरताह

অনেকক্ষেত্রে দেখা যায় নমুনা থেকে বে সব তথ্য আহরণ করতে হবে তার সবগুলি সমান গুরুষপূর্ণ নয় অথবা তথ্য আহরণ ব্যয় অসমান। এসব ক্ষেত্রে বছপর্যায়ী নমুনা সংগ্রহ পদ্ধতি ব্যবহার করা যায়। প্রথম পর্যায়ে আমরা একটি নমুনা নির্বাচন করে কতগুলি তথ্য আহরণ করলাম বেগুলি কম ব্যরসাধ্য, সহজ্ঞতর অথবা বেশী গুরুত্বপূর্ণ। বিতীয় পর্যায়ে প্রথম পর্যায়ে নির্বাচিত নমুনার একটি অংশ নির্বাচিত করে অন্য কতগুলি তথ্য আহরণ করা হ'ল। একে বিপর্যায়ী নমুনাসংগ্রহ বলে। পর্যায়সংখ্যা প্রয়োজনমত বাড়ান যেতে পারে। কোন কোন ক্ষেত্রে প্রথম পর্যায়ে সংগৃহীত তথ্য বিতীয় পর্যায়ে নমুনাসংগ্রহের কাজে লাগান যেতে পারে। যথা, ঐ তথ্য স্করবিন্যাসের কাজে লাগতে পারে।

ধরা যাক, আমরা কলকাতার মধ্যবিত্ত পরিবারগুলিতে একটি পারিবারিক আয়-ব্যারক সমীক্ষার কাজ চালাতে চাই। এক্ষেত্রে প্রথম পর্য্যায়ে একটি অপেক্ষাকৃত বড় নমুনায় আমরা পরিবারগুলিকে মধ্যবিত্ত-অমধ্যবিত্ত ভাগে ভাগ করব। বিতীয় পর্য্যায়ে মধ্যবিত্ত পরিবারগুলি থেকে একটি নমুনানিয়ে আয়-ব্যায়ক সমীক্ষা কাজ চালাব। আবার যদি কোন কারখানা এলাকায় টি.বি. রোগাক্রাগুদের সংখ্যা নির্ধারণ করতে হয়, প্রথম পর্য্যায়ে একটি বড় নমুনা নিয়ে সাধারণ ভাজারী পরীক্ষার সাহায্যে তাদের দুটি স্তরে ভাগ করতে হবে—টি. বি. সন্দেহযুক্ত ও টি.বি. সন্দেহমুক্ত। বিতীয় পর্যায়ে এই দুটি স্তর থেকেই দুটি নমুনা নিয়ে এক্স-রে পরীক্ষা করে টি. বি. রোগাক্রান্ত কিনা স্থির করতে হবে। প্রথম পর্যায়ে দুটি শুরে যদি m_1 ও m_2 সংখ্যক লোক থাকে ও বিতীয় পর্যায়া প্রথম শুর থেকে n_3 জনের নমুনায় x_1 জন টি. বি. রোগাক্রান্ত হয় ও বিতীয় শুর থেকে n_3 জনের নমুনায় x_2 জন টি. বি. রোগাক্রান্ত হয়, তাহলে টি. বি. রোগাক্রান্তদের অনুপাতের (P) প্রাক-কলক হবে

$$p = \frac{m_1 x_1}{n_1} + \frac{m_2 x_2}{n_2} m_1 + m_2$$

বছ বিভাগী ও বছপর্য্যায়ী নমুনাসংগ্রহের পার্থক্য হ'ল এই যে, প্রথম ক্ষেত্রে বিভিন্ন বিভাগে নমুনা একক আলাদা ও ক্রমশ: ছোট থেকে আরও ছোট হয়ে যাচেছ ও বিতীয় ক্ষেত্রে বিভিন্ন পর্যায়ে নমুনা একক একই।

1.14 विभूषी मभूमा नংগ্ৰহ

অনেক ক্ষেত্রে দেখা বার সমগ্রকের যে চলক সম্পর্কে আমর। আগ্রহী
(y) সে সম্পর্কে তথ্য আহরণ ব্যরবহুল, কষ্টসাধ্য বা সময় সাপেক।
সেক্ষেত্রে অন্য একটি সহগতি-সম্পন্ন চলক (x) পাওয়া যেতে পারে

বেটি কম ব্যয়-সাপেক, কম কষ্টসাধ্য বা কম সময়-সাপেক। বেমন, শুক্ত পাটের আঁশের উৎপাদন (y) সম্পর্কে সমীক্ষায়, আমর। সাহায্যকারী চলক হিসাবে সবুক্ত পাটগাছের উৎপাদন (x) নিতে পারি। এক্ষেত্রে নমুনাসংগ্রহ হবে বিমুখী।

প্রথম নমুনাটি হবে অপেক্ষাকৃত ছোট, যাতে প্রতিটি নির্বাচিত নমুনা এককগুলি সম্পর্কে x ও y উভয় চলকের তথ্য আহরণ করতে হবে। বিতীয় নমুনাটি হবে অপেক্ষাকৃত বড়, যাতে নির্বাচিত নমুনা এককগুলি সম্পর্কে শুধু x এর তথ্য আহরণ করতে হবে।

প্রথম নমুনাটি ব্যবহৃত হবে x ও yর ভিতরে একটি সম্বন্ধ নির্ণরের জন্য। সম্পর্কটি আনুপাতিক (ratio) বা সরল নির্ভরণ (linar regression) হতে পারে।

ছিতীয় নমুনাটি ব্যবহৃত হবে x এর সমগ্রক-গড় (μ_x) প্রাক-কলনের জন্য ।

ষিতীয় নমুনালন μ_x এর প্রাক-কলিত মান প্রথম নমুনালন সম্পর্কের মধ্যে বসিয়ে y এর সমগ্রক-গড় প্রাক-কলন করা হয়। আনুপাতিক সম্পর্ক ধরা হলে প্রাক-কলককে বলা হয় অনপাতলন প্রাক-কলক (ratio estimate)। সরল নির্ভরণ সম্পর্ক ধরা হ'লে প্রাক-কলককে বলা হয় নির্ভরণলন প্রাক-কলক (regression estimate)।

যদি কোন পূর্ব পূর্ণসমীকা থেকে μ_x এর মান, আগে থেকে জানা থাকে তাহ'লে হিতীয় নমুনাটি গ্রহণ করা অপ্রয়োজনীয় কিন্তু সেখানেও আমরা অনুপাতলর বা নির্ভরণলর প্রাক-কলক ব্যবহার করতে পারি। যদি x ও এর মধ্যে যথেষ্ট সহগতি থাকে এই প্রাক-কলকগুলি সমসম্ভব নমুনালর প্রাককলকের তুলনায় লমশুন্যতার দিক দিয়ে শ্রেয়।

1.15 जाडीय नमूना नमीका (National Sample Survey)

এই আলোচনা অসম্পূর্ণ থেকে যাবে যদি আমরা আমাদের ছাতীয় নমুনা সমীক্ষা সম্পর্কে কিছু না বলি। 1950 সালে স্বর্গত অধ্যাপক প্রশান্তচক্র মহলানবীশের পরামর্শে ভারত সরকার ছাতীয় নমুনা সমীক্ষা পর্যৎ স্থাপন করেন। এর উদ্দেশ্য প্রতিবছর বা বছরে একাধিকবার সমীক্ষাকার্য চালিয়ে সামাজিক, অর্থনৈতিক বা কৃষি সংক্রোম্ভ তথ্য আহরণ করা, যাতে সে তথ্য পরিকল্পনা কমিশনের পরিকল্পনার কাজে বা গবেষণার কাজে লাগান যায়।

জাতীয় নমুনা সমীক্ষার নমুনা পরিকয়ন অবশ্য মাঝে মাঝে পরিবর্ডিত

হরেছে। তবে সাধারণ ভাবে বলা বার বে পরিকরনটি হ'ল স্তর-বিন্যস্ত ছি-বিভাগী। ভৌগোলিক ভিত্তিতে সমগ্রককে স্তরবিন্যস্ত করা হর। তারপরে প্রতিটি স্তরে একটি ছি-বিভাগী নমুনা নেওয়া হয়। প্রথম বিভাগটি হ'ল গ্রাম। হিতীয় বিভাগটি হ'ল সামাজিক অর্থনৈতিক সমীক্ষাক্ষেত্রে পরিবার ও কৃষি জমি পরিমাপ (area) সংক্রোন্ত সমীক্ষায় শস্য ক্ষেত্রগ্রেছে (cluster of plots)। কৃষি উৎপাদন সংক্রোন্ত সমীক্ষায় (Yield surveys) শস্যক্ষেত্র ও শস্যক্ষেত্রান্তর্গত বৃত্তাকার জমি তৃতীয় ও চতুর্থ বিভাগীয় নমুনা একক।

জাতীয় নমুনা সমীক্ষায় পরম্পরভেদী খণ্ড নমুনার (interpenetrating subsample) ব্যবহার করা হয়। দুই বা ততোধিক নমুনা থেকে অনপেক্ষ প্রাক-কলক নির্ণয় করে, তার থেকে প্রাক-কলকের অমশুন্যতার পরিমাপ করা হয়।

असुनी न मी

- 1.1 নমুনা সমীক্ষার মূলনীতিগুলি বর্ণনা কর।
- 1.2 পূর্ণ সমীক্ষার তুলনার নমুনা সমীক্ষার স্থবিধাসমূহ উদাহরণের সাহাব্যে বর্ণনা কর।
- 1.3 একটি নমুনা সমীক্ষা সংগঠন করতে হলে যে সব কার্যক্রম প্রয়োজন উদাহরণসহ আবোচনা কর।
- 1.4 নমুনাসম্পর্কে ব্যবহৃত নিমুলিখিত বিষয়গুলির সংজ্ঞা নিরূপণ কর:
- (क) পূর্ণক, (ব) নমুনা একক, (গ) বিবরণলিপি, (ব) পূর্ণ তালিকা, (ঙ) নমুনা পরিকল্পনা।
- 1.5 নিমুলিখিত ক্ষেত্রে কী ধরণের নমুনা পরিকল্পনা যুক্তিযুক্ত কারণসহ বর্ণনা কর:
 - (क) কোন শিল্পনগরীতে পারিবারিক আয়-ব্যয়ক সমীক্ষা।
- (খ) কলিকাতা শহরে শিক্ষিত যুবকদের মধ্যে বেকারছ সম্পর্কে সমীক্ষা।
- (গ) পশ্চিমবঙ্গে উচ্চ মাধ্যমিক বিদ্যালয় সমূহে পঠন পাঠন সম্পর্কে সমীক্ষা।
 - (व) পশ্চিমবঙ্গে চালের মোট উৎপাদন সম্পর্কিত সমীকা।
- (৬) কোন ফ্যাক্টরী এলাকার কন্মারোগের প্রকোপ সম্পর্কে স্বীকা I

- 1.6 নিমুলিখিত ক্ষেত্রে কী ধরণের পক্ষপাত থাক। সম্ভব আলোচনা কর:
- (ক) কোন সামাজিক অর্থনৈতিক সমীক্ষায় সাক্ষাৎকারের সাহাব্যে সংগৃহীত বয়স ও আয়-ব্যয় সম্পর্কিত তথ্য।
 - (খ) ফ্যাক্টরী সমূহ প্রদন্ত উৎপাদন সম্পর্কিত তথ্য।
- (গ) নির্বাচিত বৃত্তাকার ক্ষেত্রসমূহ থেকে সমীক্ষার সাহাব্যে কোন শস্যের হেক্টর প্রতি ফলন নির্ণয় ।
- 1.7 একটি সরল সমসম্ভব নমুনা (পুনস্থাপনসহ ও পুন:স্থাপনা-বিহীন) থেকে পূর্ণক-গড়ের সর্বোৎকৃষ্ট পক্ষপাতহীন ঋজুরৈখিক প্রাক-কলক নির্ণয় কর। এই প্রাক-কলকগুলির ভেদমান নির্ণয় কর।
- 1.8 একটি গুরবিন্যস্ত সমসম্ভব নমুনায় পূর্ণক-গড়ের সর্বোৎকৃষ্ট পক্ষপাতহীন ঋজুরৈখিক প্রাক-কলক ও তার ভেদমান নির্ণয় কর। Neyman এর প্রকৃষ্ট নমুনা বল্টনসূত্রে নির্ণয় কর। বিভিন্ন স্তরে যদি এককপ্রতি খরচ বিভিন্ন হয় তাহলে ঐ সূত্রটি কিভাবে পরিবর্ত্তিত হবে ?
- 1.9 নিমে উদ্বৃত ছাত্রদের উচ্চতার বিভাজন থেকে 5 জন ছাত্রের একটি পুন:স্থাপনাবিহীন সরল সমসম্ভব নমুনা চয়ন কর:

উচ্চতা	পরিসংখ্যা		
5′ 2″	13		
5′ 3″	12		
5′ 4″	18		
5′ 5″	14		
5′ 6″	20		
5' 7"	13		
5′ 8″	10		
মোট	100		

নমুনা থেকে গড় উচ্চতার প্রাক-কলক ও তার সমক ব্রান্তি নির্ণয় কর ।

1.10 নিমের সারণীতে একটি তহণীলের 30টি গ্রামের জনসংখ্যা (শতকে) দেওরা আছে। 5টি গ্রামের পুন:ছাপনাবিহীন সরল সমসম্ভব নমুলা চরন করে তহণীলের মোট জনসংখ্যা ও তার সমক রাভি নির্মির কর।

श्रात्मन्न क्रिकिनः	ছনসংখ্যা 16		
1			
2	26		
` 3	38		
3 4	51		
5 6	76		
6	31		
7	85		
8	97		
9	68		
10	100		
11	75		
12	82		
13	12		
14	20		
15	52		
16	15		
17	21		
18	63		
19	. 58		
20	47		
21	39		
22	53		
23	9		
24	18		
25	54		
26	39		
27	62		
28	70		
29	59		
30	32		

1.11 নিমোদ্বত সারণীতে রয়েছে একটি জেলার কৃষিধামারসমূহের আয়তনের গুরুসমূহের তথ্য। 1000 আকারের একটি গুরবিন্যন্ত
সমসন্তব নমুনায় বিভিন্ন গুরের নমুনা আকার নির্ণয় কর: (ক) সমানুপাতিক
নমুনা বণ্টন প্রণালীতে ও (খ) প্রকৃষ্ট নমুনা বণ্টন প্রণালীতে।
ভয়ত্কেত্রে জেলার কৃষি ধামারে গম উৎপাদনী জমির মোট আয়তনের

প্রাক-কলকের দক্ষতা সরল সমসম্ভব নমুনার দক্ষতার স**দ্দে তুলনা** কর।

খামার আকার (একরে) (1)	ধামার সংখ্যা (2)		
0-40	3946		
41—80	4612		
81—120	3915		
121—160	3348		
161—200	1698		
201—240	1139		
241 ও তদুৰ্ধ	1482		

গম উৎপাদনী জ্বমির গড় আয়তন (একর) , (3)	গম উৎপাদনী জমির আয়তনের সমক পার্থক্য (একর) (4)
5.6	8.5
15-2	13.6
23.6	14.9
34.7	18.6
44.5	24.5
50•2	26.3
62.7	35.2

আংশিক উত্তর :

সমানুপাতিক নমুনা বণ্টনে নমুনা সংখ্যা 196,229,194,166,84,57,74 প্রকৃষ্ট নমুনা বণ্টনে নমুনাসংখ্যা 99,184,171,183,122,88,153

1.12 যদি 500টি ফ্যাক্টরীর মোট উৎপাদন উভরদিকে অনধিক 10% লান্তিমাত্রা (আন্থা আন্ধ 95%) নিয়ে নির্নয় করতে হয়, তাহলে নমুনা গড়ের নিবেশন নর্মার ও উৎপাদনের নিবেশনের ভেদান্ধ 60% ধরে নিয়ে সরল সমসম্ভব নমুনার আকার নির্নয় কর: (ক) পুন: ত্বাপনা—বিহীন ক্ষেত্রে, (খ) পুন: ত্বাপনাসহ ক্ষেত্রে।

উত্তর-31, 33.

নহপাঠ্য পুস্তকাবলী

- [1] Cochran, W.G. Sampling techniques (Chs. 1-3, 5-8, 10-13). Asia, 1962.
- [2] Goon, A.M., Gupta, M.K. & Das Gupta, B. Fundamentals of statistics, Vol—II (Ch. 21). World Press, 1971.
- [3] Murthy, M.N. Sampling Theory and Methods (Chs. 1-3, 5, 7, 9-11, 13-15). Statistical Publishing Society, 1967.
- [4] Yates, F. Sampling Methods in censuses and Surveys (Chs. 1-3, 6-8). Charles Griffin, 1960.
- [5] Yule, G.U. & Kendall, M.G. Introduction to the Theory of Statistics (Chs 16, 23). Charles Griffin, 1953.

দ্বিতীয় পরিছেদ জীবনসংক্রান্ত রাশিবিজ্ঞান

(Vital Statistics)

2.1 স্থচনা

জীবন সংক্রাম্ভ বিভিন্ন ঘটনাসমূহ সম্পর্কে যেসব রাণিতথ্য সংগৃহীত ও প্রকাশিত হয় তাদের জীবনসংক্রাম্ভ পরিসংখ্যান বলে। জীবনসংক্রাম্ভ পরিসংখ্যান বিশ্লেঘণের জন্য যে সব রাশিবিজ্ঞানসন্মত পদ্ধতি ব্যবৃহ্ত হয় তাদের জীবনসংক্রাম্ভ রাশিবিজ্ঞান বলে। জন্ম, মৃত্যু, বিবাহ, বিবাহবিচ্ছেদ, রোগ প্রভৃতি মানবজীবনের বিভিন্ন ঘটনাকে জীবনসংক্রাম্ভ ঘটনা বলা হয়।

জীবনসংক্রান্ত পরিসংখ্যানের বিভিন্ন উৎস হ'ল :

- (1) আদমস্থমারী বা জনগণনালন্ধ পরিসংখ্যান: সাধারণত: প্রতি:
 দশ বছর অন্তর বিভিন্ন দেশে আদমস্থমারী বা জনগণনা করা হয়।
 জনগণনা কাব্দে দেশের প্রতিটি নাগরিকের বয়স, নিক্ষ ও বিভিন্ন সামাজিক,
 অর্ধনৈগতিক ও পরিবারগত বৈশিষ্ট্য সম্পর্কে তথ্য আহরণ করা হয়।
- (2) জীবনসংক্রান্ত রাশিবিজ্ঞানের রেজিন্টার বা নশ্বি: বিভিন্ন দেশে জ্বন্ম, মৃত্যু, বিবাহ, বিচ্ছেদ প্রভৃতি প্রতিটি জীবনসংক্রান্ত ঘটনা আইনানুসারে নশিভুক্ত করার ব্যবস্থা রয়েছে।

বিভিন্ন হাসপাতালের খাতাপত্র থেকেও আমরা রোগ, জন্ম, মৃত্যু সম্পর্কে তথ্য পেতে পারি। আবার মাঝে মাঝে সরকারী বা বেসরকারী পরিচালনায় যেসব সমীক্ষা কাজ সংঘটিত হয় তা থেকেও জীবনসংক্রান্ত পরিসংখ্যান পাওয়া যেতে পারে।

বর্ত্তমান পরিচ্ছেদে আমরা জনম ও মৃত্যু এই দুটি সবচেরে গুরুষপূর্ণ জীবনসংক্রান্ত ঘটনা নিয়ে আলোচনা ক্রতে চাই। ধরে নেওয়া বেতে পারে, আদমস্থমারী থেকে আমরা বিভিন্ন সমরে একটি ।নিদিট এলাকার জনসংখ্যা ও তার বয়সগত বা নিজগত বিভাজন পাব ও রেজিটার থেকে বিভিন্ন সময়নীমায় জনম ও মৃত্যুর সংখ্যা পাওয়া যাবে।

বদি পুটি আদৰত্মৰারীর ৰাঝে কোন সময়ের (ধরা যাক, t) জনসংখ্যা (P_i) জানতে হয় তাহলে নিমুলিখিত সূত্র ব্যবহার করা যেতে পারে:

$$P_t = P_o + (B-D) + (I-E),$$
 (2.1)

-এক্ষেত্রে $P_o =$ বিগত আদম স্থারীতে জনসংখ্যা,

D = অন্তর্বর্তী সময়ে মৃত্যুর সংখ্যা,

I = অন্তৰ্বৰ্তী সময়ে বহিরাগত সংখ্যা ও

E= অন্তর্বর্জী সমরে বহিনির্গত সংখ্যা ।

জন্ম-মৃত্যু ও বহিরাগমন-নির্গমন সম্পক্তিত তথ্য নির্ভু ল হলেই এই
সূত্রেলক জনসংখ্যা নির্ভু ল হবে। জন্যথা জনসংখ্যা বৃদ্ধি কোন গাণিতিক
সূত্রে ধরে (লজিষ্টিক, এক্সপোনেন্সিয়াল প্রভৃতি) চলছে ধরে নিমে
জ্বনসংখ্যা নির্ণয় করা যায়।

2.2 जीवनमः कांच घर्षमात्र हात्र (Rates of vital events)

জীবনসংক্রান্ত ঘটনাসমূহের সম্যক তাৎপর্য জানতে হলে ঘটনাগুলির হার নির্ণয় কর। প্রয়োজন। দুইটি শহরে কোন বছর যথাক্রমে মোট 3000 ও 5000 লোকের মৃত্যু হয়েছে বললে কিছুই বোঝা যায়ন।। শহর দুটির লোকসংখ্যাও জান। প্রয়োজন। যদি বলা হয় শহরদুটিতে যথাক্রমে প্রতি হাজারে 30 জন ও 25 জন লোকের মৃত্যু হয়েছে তাহলে সংখ্যাদুটি অনেক তাৎপর্যপূর্ণ হয়। সংখ্যাদুটি আসলে শহর দুটির কোন বছরের মৃত্যুহার।

कान कीवनगःकाच यहेनात शास्त्रत गांधात्र गरखा शंन निम्न तर्भ :

জীবনসংক্রান্ত ঘটনার হার = জীবনসংক্রান্ত ঘটনার সংখ্যা

ঘটনাটি যে সব ব্যক্তির জীবনে ঘটতে পারে
তাদের সংখ্যা
(2.2)

হারটি (1) জন্ম, মৃত্যু, রোগ প্রভৃতি জীবনসংক্রান্ত বৈটন। সম্পর্কে, (2) একটি নির্দিষ্ট ভৌগোলিক এলাকা সম্পর্কে (যথা, ভারতবর্ষ, পশ্চিমবন্ধ, কলিকাতা প্রভৃতি) ও (3) একটি নির্দিষ্ট সময়সীমা (যথা, 1970 সন) সম্পর্কে প্রযোজ্য ।

উপরোক্ত সংজ্ঞায় হার একটি ভগাংশ। আলোচনার বা বোঝানর স্থাবিধার জন্য হারকে 1000 বা 100 এইরূপ একটি সংখ্যা দিয়ে ওপ করা হয়। তাহলে হারটি হবে প্রতি হাজারে বা প্রতি শ'রে। জীবনসংক্রান্ত ঘটনার হারসমূহকে প্রতি হাজারে প্রকাশ করাই রেওরাজ।

यहेनाहि *एवं गव* । जीवतन यहेटल शास्त्र जारमत गःथा। थे

নিশিষ্ট এলাকার লোকসংখ্যা বা লোকসংখ্যার একটি নিশিষ্ট অংশ। লোকসংখ্যা নিশিষ্ট সময়ের প্রারম্ভে বা শেষে নেওয়া যায়। তবে নিশিষ্ট সময়ে গড় লোকসংখ্যা নেওয়াই অধিকতর যুক্তিযুক্ত। যদি P_i , i সময়ে লোকসংখ্যা হয়, তাহলে গড় লোকসংখ্যার সূত্র হ'ল:

$$t_1$$
 থেকে t_2 সময়ে গড় লোকসংখ্যা $=\frac{1}{t_2-t_1}\int_{t_1}^{t_2} P_t \ dt$ । (2.3)

 $P_{t_1+t_2/2}$ বা মধ্য সময়ের লোকসংখ্যা, এই গড় লোকসংখ্যার একটি আসন্ন মান দেবে |

2.3 বিভিন্নপ্রকার মৃত্যুহার

2.3.1 অলোধিত মৃত্যুহার (Crude Death Rat বা CDR):

অশোধিত মৃত্যুহার নির্ণয় করতে হলে কোন নির্দিষ্ট এলাকায় নির্দিষ্ট সময়সীমায় মোট মৃত্যুর সংখ্যাকে ঐ এলাকায় ঐ সময়সীমায় মোট গড় লোকসংখ্যা দিয়ে ভাগ করতে হবে। যদি m অশোধিত মৃত্যুহার হয়.

$$m = \frac{D}{P} \times 1000,$$
 (2.4)

D = নিবিষ্ট এলাকায় নিবিষ্ট সময়সীমায় মোট (যে কোন কারণে)
মৃত্যুর সংখ্যা ও

P = ঐ এলাকায় ঐ সময়সীমায় মোট গড় জনসংখ্যা ।

জীবনসংক্রান্ত রাশিবিজ্ঞানে অশোধিত মৃত্যুহারের ব্যবহারই সর্বাধিক।
ইহা সহজেই নির্ণয় করা যায় ও সহজেই বোধগম্য হয়। কিছ
অশোধিত মৃত্যুহারের কতগুলি অন্ধবিধাও আছে। দুটি পৃথক ভৌগোলিক
এলাকার মৃত্যুহার তুলনা করতে হলে অশোধিত মৃত্যুহার ব্যবহার কর।
ঠিক নয়। দুটি এলাকায় প্রতিটি বয়স-গোটি বা লিঞ্চ অনুযায়ী মৃত্যুহার
এক হলেও, যদি এলাকাদুটির বয়সগত ও লিঞ্চগত জনসংখ্যা বিভাজন
আলাদা হয়, তাহলে অশোধিত মৃত্যুহার আলাদা হবে। অর্ধাৎ
যদি একটি এলাকায় বৃদ্ধদের আনুপাতিক সংখ্যা বেশী হয়, তাহলে ঐ
এলাকার অশোধিত মৃত্যুহার বেশী হও্রার সম্ভাবনা।

বদি এলাকা দুটির বয়স ও লিফগত বিভাদন অনুরূপ হয় তবেই আশোধিত মৃত্যুহারের সাহায্যে মৃত্যুহার তুলনা করা চলে। আবার একই

এলাকার বিভিন্ন বছরে মৃত্যুহার তুলনা করতে হলে অশোধিত মৃত্যুহার ব্যবহার করা যার, যদি ঐ সময়ের মধ্যে বয়স ও নিজগত জনসংখ্যা। বিভাজন পরিবৃত্তিত না হ'য়ে যায়।

2.3.2 বিশেষিত মৃত্যুহার (Specific Death Rate ৰা SDR):

বিশেষিত মৃত্যুহারের সাধারণ সংজ্ঞা নিম্মোক্তভাবে দেওয়া যায় ৷ বিদি SDR বিশেষিত মৃত্যুহার হয়,

জনসমষ্টির একটি বিশেষ অংশে একটি বিশেষ

SDR =
এলাকার ও বিশেষ সময়ের মধ্যে মৃত্যুর সংখ্যা

ঐ এলাকার ঐ সময়ের মধ্যে জনসমষ্টির

ঐ বিশেষ অংশে গড় জনসংখ্যা

সাধাররণত: বয়স-বিশেষিত ও লিজ-বিশেষিত মৃত্যুহার নির্ণয় করা হয়। যদি একটি বিশেষ এলাকায় ও সময়ে গত জন্মদিন (last brith day) হিসাবে x ও x+n-1 বয়সের লোকদের মধ্যে মৃত্যুর সংখ্যা $_nD_x$ হয় ও ঐ এলাকায় ও সময়ে ঐ বয়সের লোকের গড় সংখ্যা $_nP_x$ হয় তাহলে বয়স বিশেষিত মৃত্যুহার (nm_x) হ'ল:

$$_{n}m_{x}=\frac{^{n}D_{x}}{_{n}P_{x}}\times 1000$$
 (2.6)

্বদি সময় সীমা 1 বৎসর হয়, অর্থাৎ n=1 হয়, তাহলে বয়স-বিশেষিত মৃত্যুহার (m_x) লেখা হয়,

$$m_x = \frac{D_x}{P_x} \times 1000 \quad (2.7)$$

বয়স বিশেষিত মৃত্যুহার আবার পুরুষ ও স্ত্রীলোকদের জন্য আলাদ। ভাবে নির্দিয় করা বায়। যদি " D_x ও " P_x , গত জন্মদিন হিসাবে x থেকে x+n-1 বয়সের পুরুষের মৃত্যুর সংখ্যা ও গড় লোকসংখ্যা হয়, তাহলে বয়স-নিক্ষ-বিশেষিত মৃত্যুহার

পুরুষদের জনো,
$${}_{n}^{m}m_{x}=\frac{{}_{n}^{m}D_{x}}{{}_{n}^{m}P_{x}}$$
 (2.8)

ও জীলোকদের জন্যে
$$m_x = \frac{f_D_x}{f_n P_x} \times 1000$$
। (2.9)

পুটি এলাকার মৃত্যুর তুলনা করতে হলে এই বয়স-নিজ-বিশেষিত মৃত্যুহার তুলনা করা চলে। প্রয়োজনবোধে জাতি, ধর্ম, জীবিকা, বাসন্থান প্রভৃতি বিষয়েও মৃত্যুহার বিশেষিত করা চলে।

2.3.3 প্রমানীকৃত মৃত্যুহার (Standardised Death Rate বা STDR):

বিশেষিত মৃত্যুহার দিয়ে আমরা দুটি এলাকার মৃত্যুহার তুলনা করতে পারি বটে, কিন্তু তাতে অস্থবিধাও রয়েছে। বিশেষিত মৃত্যুহারের সংখ্যা অনেক ও তাদের তুলনা করা সহন্ধ নয়। আবার এমন হতে পারে A-এলাকায় B-এলাকা থেকে কতগুলি বিশেষিত মৃত্যুহার বড়, আবার কতগুলি ছোট। তাহলে সব মিলিয়ে কোন এলাকায় মৃত্যুহার বেশী কি করে বোঝা যাবে? অশোধিত মৃত্যুহারের অস্থবিধার কথা আগেই বলা হয়েছে। এই কারণে প্রমানীকৃত মৃত্যুহার (STDR) নির্দয় করা প্রয়োজন।

সরলীকরণার্থে, ধরলাম, শুধু বয়স বিশেষিত মৃত্যুহার নির্ণয় করা হয়েছে। A ও B স্থানের অশোধিত মৃত্যুহারকে (CDR) লেখা যায়,

$$m^a = \frac{\sum m_x^a P_x^a}{\sum P_x^a} \quad 9 \quad m^b = \frac{\sum m_x^b P_x^b}{\sum P_x^b} \quad 1$$

সব x এর জন্যে $m_x^{\ b}$ ও $m_x^{\ a}$ সমান হলেও m^a ও m^b অসমান হতে পারে যদি লোকসংখ্যার বয়সগত বিভাজন আলাদা হয়, অর্থাৎ যদি

$$rac{P\ a}{\Sigma\ P_x^{\ a}}$$
 ও $rac{P_x^{\ b}}{\Sigma\ P_x^{\ b}}$ বিভিন্ন x এর জন্যে আলাদ। হয়।

এই অসুবিধা দূর করা বায় যদি উভয়ের বদলে কোন প্রমাণ জনসমষ্টির (standard population) বয়সগত বিভাজন দিয়ে m_x^a ও m_x^b কে ভারবুক্ত করা যায়। অর্ধাৎ A এলাকার প্রমাণীকৃত বা বয়সের জন্য শোধিত সূত্যুহার (STDR) হ'ল

$$STDR^a = \frac{\sum m_x^a \cdot P_x^s}{\sum P_x^s} \tag{2.10}$$

 P_{x} হ'ল কোন প্রমাণ জনসমষ্টির গত জনমদিন হিসাবে x বয়সের লোকসংর্য্যা।

অনুরূপভাবে,

$$STDR^b = \frac{\sum m_x^b P_x^s}{\sum P_x^s}$$
 (2.11)

STDR⁴ ও STDR⁵ निःगल्पटर जूननीय । ज्वनगरे थ्रमान जनमाँहै निर्वाघटनत छेनद STDR⁴ ও STDR⁵ मान निर्जंद कत्रद । गाधातने दिः दिन वृश्खत जनाकांद्र जनगरे उपान किन्नमाँहै व। जीवनगावनीन जनगरे येमान जनमाँहै शिगादि दिन्छ । यथा, अन्धिमवक ও विशादित मृजुर्शात जूनना कत्रद र दिन गमश्च जात्रद्वत जनगरे जनगरे वा जात्रद्वत जीवनगावनीत जनगरे थ्रमान जनमाँहै विगादि दन्छ या याय ।

উপরের প্রমাণীকরণ পদ্ধতিটি বলা হয় প্রত্যক্ষ পদ্ধতি। প্রত্যক্ষ পদ্ধতিতে প্রতি x এর জন্য m_x^a এর মান জানা আছে ধরা হয়েছে। কিন্তু যদি অশোধিত মৃত্যুহার m^a ও সব x এর জন্য P_x^a র মান জানা থাকে ও প্রমাণ জনসমষ্টির সব x এর জন্য m_x^s ও অশোধিত মৃত্যুহার m^s জানা থাকে তাহলে পরোক্ষ পদ্ধতিতে প্রমানীকৃত বা শোধিত মৃত্যুহার বার করা যায়। ধরা যাক্,

$$(1) = \frac{\sum m_x^a \cdot P_x^a}{\sum P_x^a},$$

$$(2) = \frac{\sum m_x^a P_x^s}{\sum P_x^s} .$$

$$(3) = \frac{\sum m_x^s P_x^a}{\sum P_x^a}$$

$$(4) = \frac{\sum m_x^s P_x^s}{\sum P_x^s} |$$

ধরা যেতে পারে, স্থূলত:

$$\frac{(2)}{(1)} = \frac{(4)}{(3)}$$

ত্মতরাং প্রমানীকৃত মৃত্যুহার $STDR^a = (2) = (1) \times \frac{(4)}{(3)}$ ।

$$= m^{a} \times \left(\frac{m^{s}}{\sum m_{x}^{s} P_{x}^{a} / \sum P_{x}^{a}}\right) +$$

$$(2.12)$$

 $\frac{m^s}{\sum m_x^s P_x{}^a / \sum P_x{}^a}$ কে অনেক সময় শোধন গুণনীয়ক (adjustment

factor) वना হয়।

অনুরূপভাবে,

$$m_s^b = m^b \times \left(\frac{m^s}{\sum_{x} m_x^s P_x^b \left(\sum_{x} P_x^b\right)}\right) \tag{2.13}$$

প্রয়োজন হলে, অনুরূপভাবে, বয়স ও নিঙ্গ উভয় উপাদানে শোধিত বা প্রমানীকৃত মৃত্যুহার নির্ণয় করা যায়।

५५७ जात्न बांशात्नव बनगःशा ७ मृजूगःशा

সম্পব্দিত নিমুলিখিত তথ্য থেকে অশোধিত মৃত্যুহার (CDR) ও বরস ও নিক বিশেষিত মৃত্যুহার (SDR) নির্ণয় কর:

্ বয়স	षनगः था (शंषाद)		ৰৃত্যুসংখ্যা	
	পুরুষ	ন্ত্ৰীলোক	পুরুষ	দ্রীলোক
0	948	896	16628	.12300
1-4	3278	3141	4257	3201
5–9	3991	3845	2453	1452
10-19	9837	9553	7223	3621
20-29	8786	8891	12984	7332
30–39	8146	8109	1770/	10735
40-49	5462	6316	22735	16841
50-59	4180	4789	45463	30581
60-69	2968	3228	86181	54207
70-79	1341	1715	99475	86732
৪০ ও তদুৰ্ব	282	547	50946	81917

वदक्रवं,

বয়স ও নিজ বিশেষিত মৃত্যুহার (প্রতি হাজারে) নিমু **সারণীতে** দেখান হ'ল:

সারণী 2.1 বয়স ও লিঙ্গ বিশেষিত মৃত্যুহার

	মৃত্যুহার (হাজার প্রতি)		
বয়স	পুরুষ	স্ত্রীলোক	
0	17:54	13.73	
1- 4	1.29	1.02	
5- 9	0.61	0.38	
10-19	0.73	0.38	
20–29	1.47	0.82	
30–39	2·17	1•32	
40-49	4·16	2.67	
50-59	10.88	6.39	
60-69	29.04	16.79	
70-79	74.18	50.57	
৪০ ও তদুৰ্ধ	180-66	149.76	

কু উদাহরণ 2.2 নিমুলিখিত রাশিতখ্য থেকে কলিকাতার প্রমানীকৃত বৃত্যুহার নির্ণয় কর:

বয়স		সার। ভারতের মটি (দশ লক্ষ)	1951 সালে কলিকাতার বিশেষি মৃত্যুহার (প্রতি হান্ধারে)	
	পুরুষ	ন্ত্ৰীলোক	পুরুষ	স্ত্ৰীলোক
0	13265	14029	278•3	217-9
1-4	45563	46313	45.5	46-0
5-9	51738	51403	10.6	11:4
10-14	48320	47902	4.5	5.0
15–19	45728	45781	4.4	10.4
20-29	84230	85576	5.8	12:5
30–39	73108	72878	6.6	12:5
40–49	59648	57282	11.0	14-2
50-59	43130	41657	24·3	27.0
0ও তদুৰ্ব	34273	38206	65.2	72.5

প্রমানীকৃত মৃত্যুহার (প্রতি হাজারে)

$$= STDR = \frac{\sum {}^{m}P_{x}{}^{s} \cdot {}^{m}m_{x}{}^{a} + \sum {}^{f}P_{z}{}^{s}}{\sum {}^{m}P_{x}{}^{s} + \sum {}^{f}P_{x}{}^{s}} \cdot {}^{f}m_{x}{}^{a}}$$
$$= \frac{24,818,922 \cdot 3}{1,000,000} = 24.82$$

2.4 जीवन माज़भी (Life Table)

ধকোন এলাকার জনসমষ্টির কোন সময়ের মৃত্যুহারের উপর ভিত্তি করে এই জীবন সারণী প্রস্তুত করা হয়। এই সারণীর বিভিন্ন কলমে বিভিন্ন তথ্য সন্নিবিষ্ট হয়। এই কলমগুলি থেকে আমর। বলতে পারব যদি 100,000 জন শিশু এখন জনমগ্রহণ ক'রে বর্ত্তমানের মৃত্যুহার সারাজীবন ধরে ভোগ করে তাহ'লে এর ভেতরে কতজন 10,20,30,40···বছর পর্বস্ত বাঁচবে, এদের গড় আমুর পরিমাণ কত, ইত্যাদি।

আমরা এখানে পূর্ণ জীবন সারণী আলোচনা করব। প্রতি অখণ্ড বয়স (x) এর জন্য যদি বিভিন্ন কলমে বিভিন্ন xএর অপেক্ষক সন্নিবেশিত হয় তাকে পূর্ণ জীবন সারণী বলে। যদি সব x এর জন্য অপেক্ষকগুলি না নির্ণয় করে 5 বা 10 বছর অন্তর বার করা হয় বা প্রতি অখণ্ড বয়সের জন্য না নির্ণয় করে বয়সের 5 বা 10 বছরের শ্রেণী অন্তরের জন্য নির্ণয় করা হয়, তাকে সংক্ষেপিত জীবনসারণী বলে।

2.4.1 जीवन जात्रशीय वर्षमा

পূর্ণ জীবন সারণীর বিভিন্ন কলমে সন্নিবিষ্ট বিভিন্ন অপেক্ষক নীচে বণিভ হ'ব ।

- (1) l_x : यनि ধরা যায় l_o জন শিশু জন্ম নিয়েছে, তার মধ্যে যতজন সঠিক x বছর বয়স লাভ করবে তাকে l_x বলে। l_o কে বলা হয় প্রারম্ভিক সংখ্যা (cohort)।
- (2) $^{1}d_{x}$: সঠিক বরস x থেকে x+1 এর মধ্যে যতজ্ঞন মার। যায় তাকে বলা হয় d_{x} । স্বাভাবিকভাবে,

$$d_x = l_x - l_{x+1} \tag{2.14}$$

(3) q_x : বার। সঠিক বয়স x লাভ করেছে, তাদের সঠিক বয়স x+1 লাভ করার পূর্বে মার। বাওয়ার সম্ভাবনা হ'ল q_x । অর্থাৎ,

$$q_x = \frac{d_x}{l_x} \tag{2.15}$$

কোন কোন সারণীতে q_x এর পাশাপাশি $p_x=1-q_x$ দেওয়া হয়। p_x হ'ল পূর্বোক্তদের বাঁচার সম্ভাবনা।

(4) L_x : প্রারম্ভিক l_o জন লোক সঠিক বরস x থেকে x+1 এর মধ্যে নোট ষত বছর বেঁচেছে তাকে L_x বলে। স্বতরাং,

$$L_{s} = \int_{0}^{1} l_{s+l} dt \mid$$

যদি x থেকে x+1 বয়সের অন্তরে l_{x+t} , t এর ঋজুরৈথিক অপেক্ষক হয়, তাহলে

$$L_x = \frac{l_x + l_{x+1}}{2} = l_x - \frac{1}{2} dx$$
 (2.16)

উপরোক্ত স্বীকরণকে অন্যভাবে বনা যায়। x থেকে x+1 এর মধ্যে d_x যদি সমভাবে নিবেশিত হয় তাহনেই x থেকে x+1 এর মধ্যে l_{x+i} , t এর ঋতুরৈধিক অপেক্ষক হবে।

 L_x কে l_o প্রারম্ভিক শিশুসংখ্যার x থেকে x+1 বয়সের মধ্যে গড় জনসংখ্যা হিসাবেও দেখা যায়। আবার যদি ধরা যায়, প্রতিবছর l_o সংখ্যক শিশু জনমগ্রহণ করে ও বিভিন্ন বয়স-বিশেষিত মৃত্যুহার অপরিবর্তিত থাকে, আর যদি কোন বহিঃ আগমন-নির্গমন না হয়, তাহলে প্রতিবছর বয়সগত জনসংখ্যা নিবেশন অপরিবর্তিত থাকবে ও x থেকে x+1 বয়সের জনসংখ্যা হবে L_x । এই জনসমষ্টিকে রাশিবিজ্ঞানের ভাষায় বলা হয় জীবনসারশীর স্থিরবিন্যস্ত (stable) জনসমষ্টি।

(6) T_x : x বয়স লাভ করার পর l_o প্রারম্ভিক সংখ্যা মোট যত বছর বাঁচে তাকে T_x বলা হয়। অর্থাৎ

$$T_x = \sum_{x}^{w} L_x = L_x + L_{x+1} + \cdots L_w,$$
 (2.17)

इ'न कननमहित्र गदर्खीक वयुग्नीमां ।

(6) e_x^o : x বয়স লাভ করার পর প্রারম্ভিক জনসংখ্যা গড়ে যত বছর বাচে তাকে বলা হয় e_x^o । e_x^o এর অন্যনাম x বয়স্ক লোকের প্রত্যাশিত আয়ুকাল (expectation of life)। জন্মকালের প্রত্যাশিত আয়ুকাল হ'ল e_0^o । স্বভাবত:ই,

$$e_x^0 = \frac{T_x}{l_x} \quad (2.18)$$

2.4.2 জীবন সার্গী প্রস্তকরণ

জীবনসারণীর সর্বাপেক্ষা গুরুত্বপূর্ণ কলম হ'ল q_x । যদি m_x ', x থেকে x+1 বয়সসীমার মধ্যে একটি লোকের মৃত্যুর সম্ভাবনা হয়, তাহলে নির্দিষ্ট এলাকার বয়স-বিশেষিত মৃত্যুহার m_x দিয়ে তাকে পরিমাপ করা বায়। তাহলে.

$$m_{x'} = \frac{d_x}{L_x} \simeq \frac{d_x}{l_x - \frac{1}{2}d_x} = \frac{2q_x}{2 - q_x}$$

जर्थना,
$$q_x \sim \frac{2m_x'}{2+m_x'}$$

 m_{x}' কে m_{x} দিয়ে পরিমাপ করলে,

 q_x কলম পাওয়া গেলে অন্যান্য কলম সহজেই পাওয়া যাবে। l_o প্রারম্ভিক সংখ্যা দিয়ে স্থ্রু করতে হবে। l_o কে q_o দিয়ে গুণ করলে d_o পাওয়া যাবে। আবার l_o থেকে d_o বাদ দিলে l_1 পাওয়া যাবে। এইভাবে l_x ও d_x কলম পূর্ণ করা যাবে। তারপর (2.16), (2.17) ও (2:18) সূত্রগুলি থেকে L_x , T_x ও e_x^o কলমগুলি সহজেই নির্ণয় করা যাবে।

2.4.3 জীবন সারণী ব্যবহার

কোন এলাকার জনসমটির মৃত্যুহারের একটা পরিকার ধারণা পাওয়া বায় জীবদ সারণী থেকে। বিভিন্ন এলাকার জনসমটির মৃত্যুহারের তুলনা করার জন্যে জীবন সারণীর বিভিন্ন কলম তুলনা করা যেতে পারে। তাছাড়া জনসমটির ভবিষ্যৎ হ্রাসবৃদ্ধি নির্ণয়ের জন্যেও জীবন সারণী ধুব কাজে লাগে। আমরা পরে দেখব যে নীট্ সংজননহার দিয়ে জনসংখ্যার ভবিষ্যৎ হ্রাসবৃদ্ধি অনুমান করা যায়। এই নীট্ সংজননহার নির্ণয় করতে জীবন সারণী কাজে লাগে।

জীবনবীমা কোম্পানীগুলি বিভিন্ন বয়সে করা পলিসি সমূহে প্রিমিয়ামের হার নির্ণয় করতে ও সরকার বা অন্যান্য নিয়োগকারী কর্মচারীদের অবসর-কালীন স্থবিধাসমূহ নির্ধারণে জীবন সারণী ব্যবহার করতে পারে।

উদাহরণ 2.3 দেওয়া আছে যে $l_{21}=871$ ও d_{2} এর মানগুলি দেওয়া আছে। জীবন সারণীটি পূর্ণ কর।

$$l_x - d_x = l_{x+1},$$

 $1000q_x = \frac{d_x}{l_x} \times 1000,$
 $L_x = \frac{l_x + l_{x+1}}{l_x + l_{x+1}}$

$$T_x = \sum_{x} L_x \ \Theta$$

$$e_x^{\circ} = \frac{1}{l_x} \ ,$$

এই সূত্রগুলি ব্যবহার করে সহজেই সারণীটি পূর্ণ করা যাবে। নিমে পূর্ণ জীবন সারণীটি দেওয়া হ'ল:

সারণী 2.2 পূর্ণ জীবনসারণী নির্ণয়

বয়স	l_x	dx	1000 q _x	L_x	T_{x}	e _z °
91	871	296	339·84	723.0	1868-5	2·1452
92	575	209	363·48	470-5	1145-5	1.9922
93	366	144	393·44	294·5	675.5	1.8443
94	222	93	418:92	175·5	381.0	1.7162
95	129	58	449·61	100•0	205•5	1•5930
96	71	34	478-87	54.0	105.5	1.4859
97	37	18	486-49	28.0	51.5	1:3919
98	19	10	526-32	14.0	23.5	1.2368
99	9	5	555-56	6.5	9.5	1.0556
100	4	3	750.00	2.5	3.0	0.7500
101	1	1	1000-00	0.5	0.5	0.5000
				1.		

2.5 বিভিন্ন প্রকার প্রক্ষনমহার (Fertility Rate) 2.5.1 অশোধিত জন্মহার (Crude Birth Rate of CBR)

কোন এলাকার অশোধিত জন্মহার (CBR) মাপার সমর কোন নির্দিষ্ট এলাকার মোট জাত শিশুসংখ্যাকে ঐ এলাকার ঐ সমরের গড় জনসংখ্যা দিয়ে ভাগ করতে হবে। জাত শিশু সংখ্যা থেকে মৃতজাতক (still birth) সংখ্যা বাদ দিতে হবে, কারণ মৃতজাতক জনসংখ্যা বৃদ্ধিতে সহায়ত। করেনা। যদি i অশোধিত জন্মহার হর, B মোট জাত শিশুসংখ্যা হয় ও P মোট জনসংখ্যা হয়, তাহলে

$$i = \frac{B}{P} \times 1000 \quad | \tag{2.20}$$

অশোধিত মৃত্যুহারের মত, অশোধিত জনমহারও দুটি এলাকার জনমহার তুলনার কাজে লাগানো যায়না কারণ উহা জনসমষ্টির বয়স বা লিজগত বিভাজনের উপর নির্ভরশীল। তাছাড়া এই হার কোন সম্ভাবনাসূচক নয়, কারণ মোট জনসংখ্যার একটি অংশ, অর্থাৎ নির্দিষ্ট বয়সসীমার মধ্যে দ্রীলোকেরাই জনমদান করতে পারে।

2.5.2 সাধারণ প্রাক্তন হার (General Fertility Rate বা GFR)

কোন এলাকার সাধারণ প্রজনন হার (GFR) বার করতে হ'লে ঐ এলাকার নির্দিষ্ট সময়ে মোট জীবস্তজাতক শিশুসংখ্যাকে ঐ এলাকার ঐ সময়ের উর্ব্বেরা স্ত্রীলোকসংখ্যা দিয়ে ভাগ করতে হবে। যদি ω_1 ও ω_2 সর্বনিমু ও সর্ব্বেচিচ বয়সসীমা হয় যখন স্ত্রীলোকেরা উর্ব্বেরা থাকে ও fP_x ঐ এলাকায় গত জনমদিন হিসাবে x বয়সের স্ত্রীলোক সংখ্যা হয়, তাহলে সাধারণ প্রজনন হার (GFR) হবে,

$$GFR = \begin{array}{c} B \\ \times 1000 \\ \Sigma^{-f}P_{x} \\ \omega_{1} \end{array}$$
 (2.21)

এই সাধারণ প্রজননহার একটি সম্ভাবনাদ্বক হার। একটি উর্ব্ধরা শ্রীলোকের কোন নিদিষ্ট সময়ে একটি শিশু জন্ম দেবার সম্ভাবনা কত, এই হার থেকে তা পাওয়া বাবে। কিন্তু বিভিন্ন বরসের শ্রীলোকদের প্রজনন ক্ষমতা আলাদা। তাই এই সাধারণ প্রজনন হার উর্ব্ধরা শ্রীলোকদের বরসগত বিভাজনের উপর নির্ভরশীন। স্কুতরাং এই হারও বিভিন্ন এলাকার প্রজননহার তুলনার জন্যে অনুপ্রযুক্ত। ω_1 , ω_2 কত হবে সে নিয়ে বিভিন্ন দেশে বিভিন্ন মান ব্যবস্ত হলেও, সাধারণতঃ $\omega_1=15$ ও $\omega_2=49$ নেওয়া হয়।

2.5.3 .বয়স-বিশেষিত প্রক্ষনন হার (Age-Specific Fertility Rates)

কোন এলাকার প্রজনন হারের সঠিক ধারণা পেতে হলে বয়স বিশেষিত প্রজনহার নির্ণয় করা প্রয়োজন। যদি $_nB_x$, কোন এলাকার কোন নির্দিষ্ট সময়ে গত জনমদিন হিসাবে x থেকে x+n-1 বয়সের জীলোকদের জীবস্ত জাতক সংখ্যা হয় ও $_nP_x$ ঐ বয়সী জীলোক সংখ্যা হয়, তাহলে বয়স বিশেষিত প্রজননহার n^ix হবে :

$$_{n}i_{x} = \frac{_{n}B_{x}}{_{n}P_{x}} \times 1000 +$$
 (2.22)

যদি 1 বৎসর অন্তর বয়স-বিশেষিত প্রজননহার নির্ণয় করা হয়, তাহলে n=1 হবে, তথন প্রজনন হার i_x হ'ল,

$$i_x = \frac{B_x}{f_{P_x}} \times 1000$$
 (2.23)

বয়স-বিশেষিত প্রজনন হার প্রথমের দিকে খুবই কম থাকে, 20 থেকে 30র মধ্যে কোথাও সক্রেলিচ হয়, তারপর কমে যায়।

2.5.4 সঙ্গলিত প্রাঞ্জনন হার (Total Fertility Rate বা TFR)

বয়স বিশেষিত প্রজনন হার দুটি এলাকার প্রজননহার তুলনার জন্য পুবই উপযুক্ত। কিন্ত বয়স বিশেষিত প্রজননহারের সংখ্যা অনেক। স্থতরাং তুলনাকরলে একটি এলাকায় অন্য এলাকার থেকে কোন কোন হার বড়, আবার অন্যগুলি ছোট হতে পারে। তাই অনেক সময় সবগুলি বয়স বিশেষিত প্রজননহার একত্র করে একটি সন্ধলিত প্রজননহার নির্ণয় করা প্রয়োজন। সন্ধলিত প্রজননহার হ'ল বৎসরান্তিক বয়স বিশেষিত প্রজননহারওলির যোগফল। যদি সন্ধলিত প্রজননহার ফানের সময় বিশেষিত প্রজননহারগুলির যোগফল। যদি সন্ধলিত প্রজননহার সময়

$$TFR = \sum_{\omega_1}^{\omega_2} i_x \mid \qquad (2.24)$$

যদি n বৎসরান্তিক বয়স-বিশেষিত প্রজননহার ব্যবহার করা হয়, তাহলে স্থূলতঃ

$$TFR = n\Sigma_n i_x + \tag{2.25}$$

TFR এর অর্থ হ'ল এই রূপ—যদি 1000 জন উর্ব্বরা জ্রীলোক (৩1 থেকে ৩2 বরসের), উর্ব্বরাকালের মধ্যে কেউ মারা না যায় ও বর্জমানের বরস-বিশেষিত প্রজননহার শেষপর্যস্ত অব্যাহত থাকে তাহ'লে তাদের যতজন জীবস্ত শিশু জন্মাবে তাই হ'ল সন্ধলিত প্রজনন হার।

2.6 ভবিশ্বৎ জনসংখ্যা হ্রাসর্ত্বির পরিমাপন

বর্ত্তমান মৃত্যুহার ও জন্মহার থেকে আমর। ভবিষ্যৎ জনসংখ্যার হ্রাসবৃদ্ধি সম্বন্ধে কিছু আভাস পেতে পারি। এজন্য নানাপ্রকার মাপকের অবতারণা করা হয়েছে। নীচে কতগুলি মাপকের আলোর্চনা করা হচ্ছে।

2.6.1 আশোধিত স্বাভাবিক বৃদ্ধিহার (Crude Rate of Natural Increase)

অশোধিত স্বাভাবিক বৃদ্ধিহার পাওয়া যাবে অশোধিত জন্মহার থেকে অশোধিত মৃত্যুহার বিয়োগ করে। অশোধিত মৃত্যুহার ও জন্মহারে: যে সব অস্ক্রবিধা রয়েছে, অশোধিত স্বাভাবিক বৃদ্ধিহারেও তা রয়েছে।

2.6.2 জীবনসংক্রান্ত সূচক

জীবনসংক্রান্ত সুচক হ'ল কোন এলাকার মোট জীবন্তজাতক সংখ্যা ও মৃত্যুসংখ্যার ভাগফল।

একই কারণে এটিও জনসংখ্যা হ্রাসবৃদ্ধির উপযুক্ত সূচক নয়।

2.6.3 সুল সংজ্ঞানহার (Gross Reproduction Rate বা GRR)

স্থূন সংজ্ঞননহার জনসংখ্যা হ্রাসবৃদ্ধির মাপক হিসাবে ব্যবহার করা হয়। যেহেতু বর্ত্তমানের মেয়ে শিশুই ভবিষ্যতের মাতা, জনসংখ্যা হ্রাসবৃদ্ধির মাপক হিসাবে মেয়ে শিশুর জন্মহার ব্যবহৃত হয়। বর্ত্তমানের 1000 মেয়ে শিশু যদি তাদের উর্ব্বরতাকাল পর্যন্ত স্বাই বেঁচে থাকে ও বর্ত্তমানের জন্মহার অব্যাহত থাকে তাহলে তারা মোট যত মেয়ে শিশুর জন্ম দেবে তাই স্থূল সংজ্ঞনন হার। গত জন্মদিন হিসাবে x বয়সী স্ত্রীলোকসংখ্যা যদি fP_x হয় ও fB_x তাদের জাত মেয়ে শিশুর সংখ্যা হয়, তা'হলে x বয়সী মেয়েদের মেয়ে শিশু প্রজননহার (fi_x) হ'ল,

$$f_{l_x} = \frac{f_{B_x}}{f_{P_x}} \times 1000 \quad (2.26)$$

ভাহ'লে ছুল সংজ্ঞান হার (GRR) হ'বে,

$$GRR = \sum_{\omega_1}^{\omega_2} i_{z_1}$$
 (2.27)

যদি প্রজননহার n বৎসরান্তিক হয়, তাহ'লে

$${}_{n}^{f}i_{x} = \frac{{}_{n}^{f}B_{x}}{{}_{n}^{f}P_{x}} \times 1000 \tag{2.28}$$

ও স্থূল সংজননহার হ'বে, স্থূলতঃ

$$GRR \simeq n \sum_{n=1}^{f} i_{n-1} \tag{2.29}$$

অনেক সময় প্রতি x বয়সী স্ত্রীলোকদের জন্য মেয়ে শিশুর প্রজননহার নাও জানা থাকতে পারে। সেক্ষেত্রে আমরা ধরে নেব, প্রতি x বয়সী স্ত্রীলোকদের জন্যে মেয়ে শিশু ও মোট শিশুর অনুপাত সমান হয়, অর্থাৎ

$$f_{B_x}$$
 $=$ খৃত্বক সংখ্যা, k ।

তাহ'লে, $k = \frac{\sum f_{B_x}}{\sum B_x}$
 $= \frac{f_B}{B}$ ।

স্থাত্যাং $f_{B_x} = B_x \times \frac{f_B}{B}$ ও

 $f_{I_x} = \frac{B_x}{f_{P_x}} \times \frac{f_B}{B}$ $= i_x \times \frac{f_B}{B}$ ।

'স্তরা: স্বৃত:,

$$GRR = \sum_{\omega_1}^{\omega_2} f_{i_x}$$

$$= \frac{f_B}{B} \sum_{i_x} i_x$$

$$=\frac{f_B}{R}$$
 × সন্ধনিত প্রজনন হার। (2.30)

কোন এলাকার লিক্স-অনুপাত বলতে বোঝায় মোট জাত পুরুষ সংখ্য। ও নারী সংখ্যার অনুপাত। এই লিক্স-অনুপাত থেকে $\frac{f_B}{B}$ অনুপাত সহজেই নির্দিয় করা যাবে।

2.6.4 নীট সংখ্যন হার (Net Reproduction Rate বা NRR)

খুল সংজননহার নির্ণয়কালে আমরা ধরেছিলাম যে 1000 নবজাত মেয়ে শিশু উর্ন্বরাকাল পর্যান্ত কেউ মারা যাবে না। অর্থাৎ দ্রীলোকদের মৃত্যুহার ধরা হয়নি। এই মৃত্যুহার আমরা ঐ এলাকার স্ত্রীলোকদের জীবন সারণী থেকে পোতে পারি। যদি 1000 প্রারম্ভিক সংখ্যা fl_o হয়, তাহ'লে তাদের মধ্যে fl_x সংখ্যা সঠিক বয়স x এ পৌছবে। 1000 জন নবজাত মেয়েশিশু তাদের বর্ত্তমান মৃত্যুহার ও প্রজননহার বজায় থাকলে যতজন মেয়েশিশুর জন্ম দেবে তাই নীট্ সংজননহার (NRR)। স্বতরাং

$$NRR = \frac{1}{f_{l_0}} \sum_{i}^{\omega_{i}} f_{l_x} \times f_{i_x}$$

$$= \sum_{\omega_1}^{\omega_2} f_{i_x} f_{p_0}$$
 (2.31)

 f_{xP_0} হ'ল একটি নবজাত মেয়েশিশু সঠিক বয়স x লাভ করার সম্ভাবনা।

যদি n বৎসরান্তিক প্রজননহার দেওয়া থাকে তাহলে নীট্ সংজননহার, স্থূলতঃ,

$$NRR = \frac{1}{f_{l_n}} \sum_{n} f_{l_n} \times f_{l_n} \times f_{l_n} , \qquad (2.32)$$

$$_{n}^{f}L_{x}={}^{f}L_{x}+{}^{f}L_{x+1}+\ldots+{}^{f}L_{x+n-1}$$
 |

ষভাবত:ই নীট্ সংজ্বনহার স্থুল সংজ্বনহারের চাইতে কম হবে। সাধারণত: এদের মান 1000 এর কাছাকাছি। অনেক সময় সংজ্বনহার নির্পয়কালে প্রজ্বনহারে 1000 গুণনীয়কটি বাদ দেওয়া হয়। তখন অবশ্য এদের মান 1 এর কাছাকাছি। নীট্ সংজ্বনহার 1 এর চাইতে বেশী হ'লে বর্ত্তমান মৃত্যুহার ও প্রজ্বন হার বজায় থাকলে শেষপর্যন্ত লোকসংখ্যা বাড়বে, 1 এর চাইতে কম হ'লে শেষপর্যন্ত লোকসংখ্যা কমবে, ও 1 হলে লোকসংখ্যা হবে স্থিতিশীল।

উদাহরণ 2.4 কোন দেশের 1969 সালের জনসংখ্যা মায়ের বয়স অনুসারে সাজান রয়েছে। তার সাথে দেওয়া রয়েছে মায়েদের জনসংখ্যা ও জীলোকদের 1969 সালের জীবনসারণীলক্ষ জনসংখ্যা (প্রারম্ভিক সংখ্যা 1000)। ঐ দেশে যদি 1969 সালের মোট জনসংখ্যা 2317496 হয় ও জনমকালীন লিক্ষ অনুপাত প্রতি 100 জীলোকে 104.9 জন পুরুষ হয়, তাহ'লে (i) CBR, (ii) GFR, (iii) TFR (iv) GRR ও (v) NRR নির্দয় কর:

শায়ের ব্যুস	ন্ত্ৰীলোক ¹ সংখ্যা	ঐ বয়সের মায়েদের শিশু জন্মসংখ্যা	স্ত্রীলোকদের জীবন- সারণীর জনসংখ্যা
15–19	84791	1331	4683•4
20–24	70012	7120	4666.1
. 25–29	72663	10245	4643·3
30–34	75924	8404	4614.7
35–39	75105	5422	4574•3
40-44	71626	2099	4521·2
45-49	66667	181	4456·3

कन्मरात्रश्चनि निर्वायत कना निमुनिधिङ महननश्चनि थरामकन :

সারণী 2.3 সংজ্ঞান হার নির্ণয়

শায়ের বয়স	বয়স বিশেষিত জণ্মহার জন্মসংখ্যা / স্ত্রীলোকসংখ্যা	জীবনসারণীর জনসংখ্যা × বয়স-বিশেষিত জন্মহার
15–19	0.0157	73.5
20-24	0·1017	474· 5
25-29	0.1410	654.7
30–34	0-1107	510-8
35-39	0.0722	330-3
40-44	0.0293	132.5
45–49 }	0.0027	1 2·0
যোট	0.4733	2,188·3

ज्याक्त

$$TFR = 5 \times 1000 \sum_{\frac{1}{20}}^{\omega_2} \frac{\frac{100}{30}}{\frac{1}{30}}$$
 (তাত হাজারে)।

$$= 5 \times 473.3.$$

$$= 2366.5 \text{ (প্রতি হাজারে)}$$

$$= \frac{TFR}{1000} \times \frac{\frac{100}{204.9}}{\frac{1000}{204.9}}$$

$$= 1.155$$

$$8 NRR = \frac{2188.3}{1000} \times \frac{100}{204.9}$$

$$= 1.068$$

2.7 স্জিষ্টিক রেখা (Logistic Curve)

লজিষ্টিক রেখা সাধারণত: জনসংখ্যা পরিসংখ্যানের ক্রমগতি সাধনের জন্য ব্যবহৃত হয়। কোন নির্দিষ্ট এলাকায় যদি বসতি স্কুরু হয় প্রথম স্তরে জনসংখ্যা বৃদ্ধিহার খুব কম থাকে, হিতীয় স্তরে বৃদ্ধিহার ক্রমশঃ বাড়তে থাকে, তৃতীয় স্তরে বৃদ্ধিহার কমে যায় ও চতুর্ধ স্তরে বৃদ্ধিহার ক্রমে গিয়ে ক্রমশঃ জনসংখ্যা একটা স্থিতিশীল অবস্থায় এসে যায়।

এই জিনিষটা আমরা আরও পরিকার ভাবে বুঝতে পারব যদি আপেন্দিক বৃদ্ধিহারের কথা ভাবি। যদি P_t , t সময়ের জনসংখ্যা হয়, তাহলে আপেন্দিক বৃদ্ধিহার $\frac{1}{P}\frac{dP}{dt}$ । লজিষ্টিক রেখায় ধরে নেওয়া হয় এই আপেন্দিক বৃদ্ধিহার ক্রমশঃ কমতে থাকবে। সহজতম স্বীকরণ হিসাবে আমরা ধরতে পারি

$$\frac{1}{P} \cdot \frac{dP}{dt} = K(L-P)$$
 (2.33)

এখানে L হ'ল জনসংখ্যার সর্কোচ্চ সীমা ও K একটি ধনাম্বক প্রুবক সংখ্যা।

তাহ'লে,

$$\frac{dP}{P(L-P)} = Kdt$$

$$\exists 1, \quad \frac{dP}{L} \left(\frac{1}{P} + \frac{1}{L-P} \right) : = Kdt$$

$$\exists 1, \quad \frac{dP}{P} + \frac{dP}{L-P} = KLdt \quad |$$

স্বাকলন করে, আমরা পাব

$$log P - log(L-P) = KLi + C$$
(C একটি সমাকলন-লৰ্জ ঞুৰক)

ধরা বাৰু, বর্থন t=eta, $P=rac{L}{2}$ হবে।

মুডরা:
$$log = \frac{L}{2}$$

$$L - \frac{L}{2}$$

$$\overline{A}$$
1. $C=-KL\beta$ 1

মুতরাং
$$log \frac{P}{L-P} = KL(t-\beta)$$

ৰা,
$$\log \frac{L-P}{P} = KL(\beta-t)$$

$$\overline{q}, \qquad \frac{L-P}{P} =_{e} KL(\beta - t)$$

$$= 1 + {}_{\theta}KL(\beta - t)$$

$$(\alpha = \frac{1}{KL} \, बिगरिय) \qquad (2.34)$$

'আবার

$$\frac{dP}{dt} = KP(L-P)$$

$$\therefore \frac{d^2P}{dt^2} = K(L-P)\frac{dP}{dt} - KP\frac{dP}{dt}$$

$$= K(L-2P)\frac{dP}{dt}$$

স্থা যখন $P=\frac{L}{2}$, অর্থাৎ t=eta লজিষ্টিক রেখার ইন্ফ্রেক্সন্ (inflexion) বিশু । ঐ বিশুতে লজিষ্টিক রেখা উপরের দিকে অবতল থেকে উত্তলে উন্নীত হয়েছে ।

আবার
$$\frac{dP}{dt} = 0$$

যথন

$$P=0$$
 এবং $P=L$ ।

স্থুতরাং $P\!=\!0$ এবং $P\!=\!L$ এই দুইটি রেখার সাথে লজিটিক রেখা ক্রমাসম্নতাবে মিলেছে।

প্রদন্ত জনসংখ্যা রাশিতথ্যের সাথে লজিষ্টিক রেখার সাযুজ্যতা নির্ণয়ের জন্য, প্রদন্ত রাশিতথ্য থেকে লজিষ্টিক রেখাসূত্রের পূর্ণকাঙ্কগুলি (L,β ও α) প্রাক-কলন করা প্রয়োজন। প্রাক-কলনের বিভিন্ন পদ্ধতি রয়েছে। তার থেকে দু'টি পদ্ধতি নীচে আলোচিত হ'ল।

:2.7.1 পাল' (Pearl) ও (Reed) এর পছতি

প্রদত্ত রাশিতখ্যকে আমর। নিম্নোক্তভাবে লিখতে পারি

t	P_t
0 1 2 : : :	P ₀ P ₁ P ₂

এই পদ্ধতিতে তিনটি প্রুবক L, $\alpha ও \beta$ প্রমনভাবে নির্ণন্ন করন্তে হবে বাতে লজিষ্টিক রেখাটি তিনটি সমনের দিক দিয়ে সমদূরবর্তী বিশুর (অর্থাৎ প্রথম ও হিতীয় বিশুর সমনের তকাৎ হিতীয় ও তৃতীয় বিশুর সমনের তকাৎ হিতীয় ও তৃতীয় বিশুর সমনের তকাৎ এর সমান) মধ্য দিয়ে বায় । বরা বাক বিশু তিনটি হ'ল (O, P_o) , (h, P_h) ও $(2h, P_{2h})$ । তাহ'লে, লজিষ্টক রেখালুয়ে বসিয়ে আমরা পাব,

$$\frac{\beta}{\alpha} = \log_{e} \left[\frac{L - P_{o}}{P_{o}} \right],$$

$$\frac{\beta - h}{\alpha} = \log_{e} \left[\frac{L - P_{h}}{|P_{h}|} \right]$$

$$\frac{\beta - 2h}{\alpha} = \log_{e} \left[\frac{L - P_{ah}}{P_{ah}} \right]$$
(2.35)

(2.35) থেকে আমরা পাব,

$$\frac{h}{\alpha} = \log_{e} \frac{P_{h}(L - P_{o})}{P_{o}(L - P_{h})} \otimes$$

$$\frac{2h}{\alpha} = \log_{e} \frac{P_{2h}(L - P_{o})}{P_{o}(L - P_{2h})}$$
(2.36)

(2.36) থেকে আমরা পাব

$$\frac{P_{2h}(L-P_o)}{P_o(L-P_{2h})} = \left[\frac{P_h(L-P_o)}{P_o(L-P_h)}\right]^2$$

गद्रनीकद्र(नंद्र शद्र,

$$L = \frac{2P_o P_h P_{2h} - P_h^2 (P_o + P_{2h})}{P_o P_{2h} - P_h^2}$$
 (2.37)

जाबाज,
$$\frac{1}{P_o} = \frac{1+e^{\beta/\alpha}}{L}$$
,

$$\frac{1}{P_h} = \frac{1 + e^{\beta - h/\alpha}}{L}$$

$$\frac{1}{P_{ab}} = \frac{1 + e^{\beta - 2k/\alpha}}{L}$$

তাহলে
$$d_1 = \frac{1}{P_o} - \frac{1}{P_k} = \frac{e^{\beta/\alpha} (1 - e^{-h/\alpha})}{L}$$

$$e d_{a} = \frac{1}{P_{h}} - \frac{1}{P_{ah}} = \frac{e^{\beta - h/\alpha} (1 - e^{-h/\alpha})}{L}$$

$$\therefore \frac{d_1}{d_2} = e^{h/\alpha}$$

$$= \log_s d_1 - \log_s d_2$$

$$\alpha = \frac{h}{\log_2 d_1 - \log_2 d_2}$$
 (2.38)

আবার
$$\frac{\beta}{\alpha} = log_s \left[\frac{L}{P_o} - 1 \right]$$

$$\exists \quad \beta = \alpha \log_{\theta} \left[\frac{L}{P_{\theta}} - 1 \right] \quad (2.39)$$

(2.37)—(2.39) সূত্রগুলি থেকে আমরা লম্বিষ্টিক রেখার গ্রুবক তিনটি মির্দির করচত পারব।

উপরোক্ত পদ্ধতিতে নির্নীত L, α, βর এইগুলি প্রাথমিক প্রাক-কলক L_o , α_o , β_o ধরে δ , δ ও δ ও δ ডিছি নানগুলি আনরা লখিষ্ঠ ষ্ঠ্যনাষ্ট্ৰ পদ্ধতিতে নিৰ্ণয় করতে পারি।

$$\frac{L}{1+e^{\beta-\frac{1}{2}\alpha}} \quad \text{ve},$$

তাহ'লে,
$$f(L, \alpha, \beta) \simeq f(L_o, \alpha_o, \beta_o) + \delta_{Lo} \left(\frac{\delta f}{\delta L}\right)$$
, $+ \delta \alpha_o \left(\frac{\delta f}{\delta \alpha}\right)_o + \delta \beta_o \left(\frac{\delta f}{\delta \beta}\right)_c$, $= f_o + \delta_{Lo} x + \delta_{\alpha o} y + \delta \beta_o z$ ।

 $\overset{n-1}{\Sigma}(P_i-foi)^2$ -র সর্ব্বনিমুমান পেতে হ'লে নর্মাল সূত্রগুলি হবে— $_{i=o}$

$$\Sigma x_{i}(P_{i} - f_{oi}) = \delta_{Lo} \Sigma x_{i}^{2} + \delta_{\alpha_{o}} \Sigma x_{i}y_{i} + \delta_{\beta_{o}} \Sigma x_{i}z_{i}$$

$$\Sigma y_{i}(P_{i} - foi) = \delta_{Lo} \Sigma x_{i}y_{i} + \delta_{\alpha_{o}} \Sigma y_{i}^{2} + \delta_{\beta_{o}} \Sigma y_{i}z_{i}$$

$$\Sigma z_{i}(P_{i} - foi) = \delta_{Lo} \Sigma x_{i}z_{i} + \delta_{\alpha_{o}} \Sigma y_{i}z_{i} + \delta_{\beta_{o}} \Sigma z_{i}^{2}$$

वस्य

$$x_{i} = \frac{1}{1 + e^{\beta_{o} - i/\alpha_{o}}},$$

$$y_{i} = \frac{L_{o}}{1 + e^{\beta_{o} - i/\alpha_{o}}} e^{\beta_{o} - i/\alpha_{o}} \times \frac{\beta_{o} - i}{+\alpha_{o}^{2}}$$

$$z_{i} = -\frac{L_{o}}{1 + e^{\beta_{o} - i/\alpha_{o}}} e^{\beta_{o} - i/\alpha_{o}} \cdot \frac{1}{\alpha_{o}}$$
(2.40)

এই শুদ্ধি প্রক্রিয়া বার বার করা যেতে পারে যতক্ষণ না মাত্রাগুলি যথেষ্ট শুদ্ধ হয়।

2.7.2 রোড্লের (Rhodes) পদ্দি

নজিস্টিক রেখাসুত্র হ'ল

$$P_i = \frac{L_c}{1 + e^{\beta - t/\alpha}}$$

where,
$$\frac{1}{P_i} = \frac{1}{L} + \frac{\beta - 1/\alpha}{L}$$

$$9 \frac{1}{P_{i-1}} = \frac{1}{L} + \frac{e^{\beta - i + 1/\alpha}}{L}$$

$$\frac{1}{P_{i}} = \frac{1 - e^{-1/\alpha} - 1/\alpha}{L} + e^{-1/\alpha} \frac{1}{P_{i-1}}$$
 (2.41)

বদি
$$\frac{1}{P_i} = y_i$$
 and $\frac{1}{P_{i-1}} = x_i$ হয়, ভাহ'লে

 $Y_i = A + B : x_i$

$$A = \frac{1 - e^{-1/\alpha}}{L} \quad \Im \quad B = e \quad | \quad (2.42)$$

যদি জনসংখ্যা রাশিতথ্য লজিস্টিক নিয়মে ঠিক ঠিক বাড়ে তাছলে y ও x এর মধ্যে সম্পর্ক সঠিকভাবে ঋজুরৈখিক। সঠিক ঋজুরৈখিক সম্পর্ক থেকে বিচ্যুতি x ও y এর মান্তিজনিত।

ভুতরাং A ও B এর প্রাক-কলক হবে,

$$\beta = b = \sqrt{\sum_{i=1}^{n-1} (y_i - \bar{y})^2 / \sum_{i=1}^{n-1} (x_i - \bar{x})^2}$$
 (2.43)

$$\hat{A} = a = \bar{y} - b\bar{x}, \tag{2.44}$$

$$\vec{x} = \sum_{i=1}^{n-1} x_i / {n-1}, \quad \Im$$

$$\bar{y} = \sum_{i=1}^{n-1} y_i /_{n-1} = \bar{x} + \frac{1}{n-1} \left(\frac{1}{P_{n-1}} - \frac{1}{P_o} \right) i$$

তাহ'ৰে
$$e^{-1/\alpha}=b$$

$$\sqrt{\alpha} = \log_a b$$

ৰা
$$\alpha = -\frac{1}{\log_{\theta} b}$$
 (2.45)
$$8 \frac{1 - e^{-1/\alpha}}{r} = a$$

$$1 \frac{1 - b}{L} = a$$

পরিশেষে আমরা দেখছি,

$$\beta = \alpha \log_{\theta} \left(\frac{L}{P} - 1 \right) + t$$

t=0, 1, 2...n-1 বসিয়ে ও যোগ করে আমরা পাব,

$$n\beta = \alpha \sum_{t=0}^{n-1} \log_s \left(\frac{L}{P_t} - 1 \right) + \frac{n-1}{2}$$

$$\mathfrak{A} = \frac{\alpha}{n} \frac{m-1}{E} \log_{\theta} \left(\frac{L}{P_{\theta}} - 1 \right) + \frac{n-1}{2}$$
 (2.47)

উদাহরণ 2.5 কোন দেশের আদমন্মারী লব্ধ নিমুলিখিও জনসংখ্যা তথ্যে Rhodes-এর প্রণালী ব্যবহার করে লন্ধিস্টিক রেখার সাযুক্ত নির্দির করে।

ৰৎসর		जनगः श्रा	(44 4	*)
(t)		(P_t)	18. 1	
1845		15.2		
1855	_	18-2		
1865	.3	24.4	A. "	
1875		32.8		
1885		44.8		
1895	Tree in	629		<u>-</u> ∰

बहुनस्त्र
$$t=\frac{\pi \sqrt{\pi}-1845}{10}$$
 दिनादा,

$$\sum_{i=1}^{8} y_i = \sum_{i=1}^{8} \frac{1}{P_i} = 0.1646362,$$

$$\sum_{t=1}^{5} x_t = \sum_{t=0}^{4} \frac{1}{P_t} = 0.2145274,$$

$$Ey_i^2 = 0.0063791$$
 8 $Ex_i^2 = 0.0104547$

$$S \qquad \sum_{t=1}^{5} (x_t - \bar{\alpha})^2 = \sum x_t^2 - (\sum x_t)^2 / 5$$

डांदरम,
$$b = \frac{\Sigma (y_i - \bar{y})^2}{\Sigma (x_i - \bar{a})^2} = 0.7650723$$

$$a = \bar{y} - b\bar{x} = 0001014$$

धरे बानस्ति
$$e^{-r}=b$$
 $(r=1/\alpha)$

$$6 \quad L = \frac{1 - e^{-r}}{a} \quad \text{Tea} \quad \text{Tea},$$

with
$$\beta = \frac{1}{6 \times r} \sum_{k=0}^{\infty} \log_{r} \left(\frac{L}{P_{s}} - 1 \right) + \frac{6-1}{2}$$

-18-77545

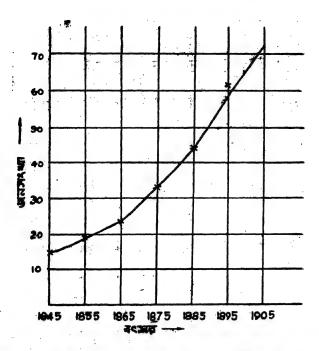
'হ্মতরাং লজিস্টিক সাবুজ্য রেখা হ'ল

সাযুদ্য রেখা থেকে প্রাপ্ত জনসংখ্যাগুলি নিমু সারশীতে দেখান হ'ল।

সারণী 2.4 লজিন্টিক সাযুক্ষ্য রেখা থেকে প্রত্যাশিত জনসংখ্যা নির্ণন্ন।

4	$r(\beta-i)$	$r(\beta-t) \times \log_{10}e$	$_{\sigma}r(\beta-t)$	<u>L</u> 1+ε ^r (β-t) =প্রত্যাশিত জনসংখ্যা	जानय स्याती नक्ष जनगःश्री
0	5-02778	2·183537	152-590	15.08	15.2
1	4.76000	2.067242	116:750	19-68	18•2
2	4·49221	1.950942	89·319	25.65	24-4
3	4-22443	1-834647	68-336	33.41	32.8
4	3.95664	1.718347	52-281	43-48	44.8
5	3.68886	1.602052	39.999	56.51	62-9
6	3.42107	1-485752	30-602	73-31	

विषयु पाकिन्छ नाविष्ठिक नावुका तथा ७ जाननञ्जासी नव कमगर्वाम तथान प्र'न ।



চিত্ৰ 2.1 লজিকিক সাযুজ্যরেখা ও আদমত্মান্নী লব্ধ জনসংখ্যা

चनुनिमी

- 2.1 দুটি ভারগার মৃত্যুহার অশোধিত মৃত্যুহারের সাহায্যে সঠিক-ভাবে তুলনা করা সভাব নয় কেন তা আলোচনা কর। এই প্রসঙ্গে প্রধানীকৃত মৃত্যুহার কিভাবে নির্ণয় করা যায় ?
- 2.2 পূর্ণ জীবন-সারনীতে কি কি বিময়ে তথ্য থাকে ? ব্রুস বিশেষিত মৃত্যুহার বেকে কিভাবে পূর্ণ জীবন-সারণী প্রস্তুত করা যায় ?
 - 2.3 উপযুক্ত খীকাৰ সাঙ্গেদে নিমুনিখিত যুৱগুলি মিন্ম কর :

(2)
$$L_{s} = \frac{q_{s} + l_{s+1}}{2} = l_{s} - id_{s}$$

2.4 স্থূল সংখনন হার ও নীট্ সংখনন হারের সংস্তা নির্দেশ কর।
সংখ্যান হারকে কভদুর খনসংখ্যা বৃদ্ধির সূচক বলা বার।

পেৰাও যে নীট্ সংজনন হার খুল সংজনন হারের চেয়ে বড় হ'তে। পারে না।

- 2.5 কতগুলি উপযুক্ত স্বীকরণের সাহাব্যে লম্বিষ্টিক রেখা নির্ণন্ধ কর। লম্বিষ্টিক সাযুষ্য রেখা কি কি পদ্ধতিতে নির্ণন্ন কর। যায়। একটি পদ্ধতি আলোচনা কর।
- 2.6 নিমুনিখিত সারনীতে সমগ্র ভারতের ও একটি শিল্পাঞ্জের । 1931 সালের জনসংখ্যা ও বয়স বিশেষিত মৃত্যুহার দেওয়া হ'ল। প্রত্যক্ষ ও পরোক্ষ পদ্ধতিতে প্রমানীকৃত মৃত্যুহার নির্ণয় কর :

	ভা	রত্ত	P	प्रायःन
বয়স	धनगःया (000)	নৃত্যুহার (প্রতি হা ভারে)	जनगः श्री	মৃত্যুহার প্রতি হাজারে)
0-1	5349	219.4	5027	202·3
1-5	21086	57.2	21402	5.3
5-10	23796	12.7	50	20.0
10-15	21573	8.5	41	_
15-20	16040	11.0	64	_
20-30	31781	15.2	75403	5.4
30-40	25765	23.8	81101	9.2
40-50	17485	34.7	72011	13.7
50-60	10181	48.3	5117	30-1
60-70	4905	73·1	-	
70 ও তদ্ধ	2245	156.4	1 -	_

180205

260216

ভ: প্ৰভাক পদ্ধতিতে 14·56 (প্ৰতি হাছাৰে) প্ৰোক্ত পদ্ধতিতে 13·81 (প্ৰতি হাছাৰে)

2:7 ভারতীর পুরুষদের জন্য (1951—69) নিয়ুনিখিত বালিকোর কালে ভাল-10 কোল দ=20ৰ জন্য পূর্ব জীবন-সারবী প্রকৃত নর । 1,0=75206 ও ৫°=45:21 ধরা বেতে পারে।

		x	1000 qs		1	
Printer or the second designation of the sec	27	10	3.00		. 22.	
	:	11	3-01	.,	•	į
		12	3·30			
		13	3.91			
		14	4.83		,	
		15	4.97			
•		16	5.05			
		17	5.12			
		18	5.20			
		19	5.27			
		20	5.33			
-						

2.8 নিমুনিখিত সারণীতে গ্রামীণ ভারতের মাতাদের প্রজনন হার (1957-58) ও ভারতীয় নারীদের জীবন-সারণী লব্ধ জনসংখ্যা দেওয়া হ'ল। নারী ও পুরুষ জাতকের অনুপাত 49·5: 50·5 ধরে নিয়ে স্থূল সংজনন হার (GRR) ও নীট্ সংজনন হার (NRR) নির্দয় কম্ব:

বয়স	বন্ধস বিশেষিত প্রজনন হার (হাজার প্রতি)	बीयन-गांत्रशी नक बनगःगा
15-19	143-9	3508
20-24	263.6	3508
25-29	244-3	3392
30-34	188-3	3197
35-39	127-9	2914
40-44	49-6	2602
45-49	17-6	2291

5: GRR=2.562, NRR=1.691

2.9 কোন দেশের আদৰত্বনাৰী লক অনসংবাদ নিয়ে দেওৱা হ'ল।
(ক) Pearl ও Roed এব পছাভিতে ও (ব) Rhodes এব পছাভিতে
অভিতিক সাকুল্যারেবা নিশ্ব কর ও নার্কিটক রেবা থেকে প্রভ্যাশিও অনসংবা্য নিশ্ব কর । লক্ষিটক সাকুল্য রেবা ও আদৰভ্যারী লক অনসংব্যা
কোইচিয়ের সাহায্যে দেবাও।

जनगःचा (निनियतन)
18:00
24.10
31.15
40-00
52·10
65-01
78-15
93.00
105.75
125-21
135.70
152.80

সহপাত্য পুত্তকাৰলী

- [1] Anderson, J. L & Dow, J. B. Construction of Mortality and other Tables (Ch. 9, 18, 20). Cambridge Univ. Press, 1952.
- [2] Benjamin, B. Elements of Vital Statistics (Chs. 4-6).
 G. Allen & Unwin, 1959.
- [3] Goon, A. M., Gupta, M. K. & DasGupta, B. Fundamentals of Statistics, Vol-2 (Ch. 22). World Press, 1972.
- [4] Pearl, R. Introduction to Medical Biometry and Statistics (Chs. 7-9, 18). Saunders, 1940.
- [5] Rhodes, E. C. "Population Mathematics—III",
 Journal of Royal Stat. Soc., 103, pp 362-87,
 1940.
- [6] Spiegelman, M. Introduction to Demography (Ch. 2-5, 9, 12). Society of Actuaries, 1955.
- [7] Spurgeon, E. F. Life Contingencies. Cambridge Univ. Press, 1932.

তৃতায় পরিচ্ছেদ

মনোবিজ্ঞা ও শিক্ষায় রাশিবিজ্ঞানের প্রয়োগপদ্ধতি (Statistical Methods in Psychology and Education)

3.1 मूहमा

নলোবিজ্ঞানের বে অংশে মনের বিভিন্ন ধর্ম বা সামর্থ্য—বর্থা ব্যক্তিত্ব (personality), প্রভিদ্যাস (attitude), মতামত (opinion), প্রবর্ণতা (aptitude)—প্রভৃতি মাপার পদ্ধতি আলোচিত হয় তাকে মনোবিজ্ঞান সম্পর্কিত রাশিবিজ্ঞান (psychological statistics) বা মনোমিতি (psychometry) বলা হয়। মনোবিজ্ঞান সম্পর্কিত রাশিবিজ্ঞানের যে অংশে শিক্ষাগত ব্যুৎপত্তি মাপার পদ্ধতি আলোচিত হয় তাকে শিক্ষাসম্পর্কিত রাশিবিজ্ঞান বলা হয়। বর্ত্তমান অধ্যায়ে শিক্ষাসম্পর্কিত রাশিবিজ্ঞান বিশেষভাবে আলোচিত হবে।

শিক্ষাগত ব্যুৎপত্তি নির্ণয়ের জন্য সাধারণত: আমরা বিভিন্ন বিদয়ের উপরে পরীকা বা টেষ্ট (test) গ্রহণ করি। পরীকাগুলি ব্যক্তি-নিরপেক ৰা ব্যক্তি-সাপেক দুইই হতে পারে। পরীকার নম্বর যদি পরীক্ষকের উপর নির্ভরশীন হয় তাকেই ব্যক্তি-সাপেক পরীক্ষা বলে, আর পরীক্ষকের क्रिनंब निर्जदनीन ना र'रन राजि-निर्दालक । भरीकानक नवर पिरव किछ পরীকার্থীদের পরস্পর তুলনা করা যায় না, অথবা একই পরীকার্থীর विजित्र विषदा नवत्र जुननीय नय। এकটি পরীকার 50 थেকে 70 नवत (शटक राज यक दानी गामर्था (ability) श्रादाचन, 70 त्थादक 90 পেতে তার চেয়ে বেশী সামর্থ্য প্রয়োজন হ'তে পারে। আবার বাংলায় 50 तक्त १९ पार 50 नवत गयान गामर्सात शतिकायक ना दार्छ স্তরাং শিক্ষাগত বাংশতির তুলনামূলক বিচার বা বিভিন্ন বিশলে ব্ৰুপত্তিৰ একটি সংৰুক্ত নান পেতে হ'লে ঐ নম্বৰ্ডনিকে কুনটি সাম্প্রগত নাপনানাত্রার (scale) পরিবন্ধিত করতে হবে। এই পদ্ধতিকে बार्मिकार्य नक्षि (soziing procedure) बटन । नायांवर कृतेकन वा পদাৰ্থবিদ্যাগত জেল থেকে মনোৰিজ্ঞানগত জেনেৰ তকাৎ এই বে এতে त्कान नत्रव मुनाविन् (absolute zero point) त्नरे । अरे वाजा निरव আৰম্ম বিভিন্ন পরীকার্থীর গাম্মাগত আপেকিক (relative) নান নাত্ৰ পেতে পারি ৷

.3.2 বিভিন্ন বালানিরপণ পছডি

অধিকাংশ নাত্রা নিরূপণ পদ্ধতিতে আনাদের স্বীকরণ হ'ল নিদিষ্ট মানসিক ধর্ম ও সামর্ধ্যের নিবেশন নর্ম্যাল। মাত্রার শুন্যবিশু ও একক স্থবিধানত গৃহীত হয়, কিছ মাত্রার একক মাত্রাটিয় সর্বত্র অপরিবৃত্তিত থাকবে। আমরা নীচে কয়েকটি প্রয়োজনীয় ক্ষেত্রে মাত্রা নিরূপণ পদ্ধতি আলোচনা করব।

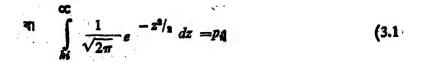
3.2.1 টেপ্ট আইটেবের কাঠিছের বাপনাবাজা (Scaling of difficulty of test-items)

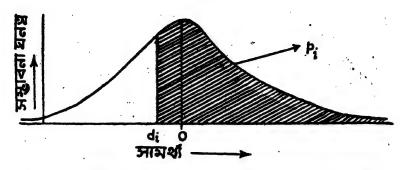
কোন টেট হয়ত অনেকগুলি আইটেম (item) নিয়ে গঠিত। বছ পরীক্ষার্থী টেটটি গ্রহণ করেছে। আইটেমগুলি ব্যক্তি-নিরপেক্ষ—প্রশাব্তর-গুলি হয় পুরোপুরি ঠিক না হয় পুরোপুরি তুল। প্রতিটি আইটেম কতজন পরীক্ষার্থী সঠিকভাবে উত্তর দিয়েছে তার আনুপাতিক মান জানা আছে। আমাদের স্বীকরণ হ'ল যে মানসিক সামর্থ্য (x) আমরা টেট আইটেমগুলির সাহায্যে মাপতে চাই সেটির নিবেশন নর্য্যাল—গড় μ ও সমক পার্থক্য σ । আমরা ইচ্ছাকৃতভাবে শুন্যবিন্দু μ কে ধরলাম। অর্থাৎ μ =0।

 p_i থিদি *l*-তম আইটেমের সাফল্যতার অনুপাত হয়, অর্ধাৎ *l*-তম আইটেম p_i আনুপাতিক পরীক্ষার্থী সঠিক উত্তর জানে, তাহলে p_i কে আইটেমের কাঠিন্যতার সূচক হিসাবে ধরা যায়। p_i র মান যত বেশী, আইটেমটি তত সহজ। কিন্তু p_i কোন মাত্রা নয়। যদি চারটে আইটেম যথাক্রমে 90%, 85%, 80% ও 75% পরীক্ষার্থী সঠিক উত্তর জানে, তাহলে প্রথম আইটেম বিতীয় আইটেম থেকে যত সহজ, তৃতীয় আইটেম চতুর্থ আইটেম থেকে তত সহজ নাও হ'তে পারে।

নর্মাল নিবেশন স্বীকরণের সাহায্যে আমরা p_i র মাত্রাগত মান নির্দিয় করতে পারি। গড় 0 ও সমক পার্থক্য σ যুক্ত নর্মাল নিবেশনে আমরা এমন একটি বিন্দু বার করব যার ডার্নাদিকের ক্ষেত্র হ'ল p_i । ধরা যাক এটা হ'ল k_i σ । তাহলে সামর্থ্যগত মাত্রায় অন্ততঃ k_i σ সামর্থ্য থাকলে তবেই আইটেমটি সঠিকভাবে উত্তর করা যাবে। তাহ'লে মাপনামাত্রায় k_i σ হ'ল আইটেমটির কাঠিন্যভার মান (d_i) , যেকেত্রে

$$\int_{k_i}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma}} e^{-x^2/2\sigma^2} dx = p_i$$





চিত্র 3.1 সাক্ষ্যতার অনুপাত থেকে কাঠিন্যতার মাত্রা মান নির্ণয়

উহাহরণ 3.1 কোন টেস্টে 4টি আইটেম A, B, C ও D যথাক্রমে 20%, 40%, 70% ও 90% পরীক্ষার্থী সঠিকভাবে উত্তর করেছিল 1 আইটেম্ A ও B এর কাঠিন্যের পার্ধক্যের সঙ্গে আইটেম্ C ও D এর কাঠিন্যের পার্থক্য তুলনা কর 1

সামর্থ্যের নিবেশন নর্ম্যাল ধরলে, চারটি আইটেমের কাঠিন্যের (d) মাপক হ'ল—

$$d_A = 0.84\sigma,$$

$$d_B = 0.25\sigma,$$

$$d_C = -.52\sigma$$

$$d_D = -1.28\sigma$$

ভাইটেষ্ A ও B এর কাঠিন্যের পার্থক্য=0.59 ভ ও ভাইটেষ্ C ও D এর কাঠিন্যের পার্থক্য=0.76 ত

স্তরাং, আইটেম্ A ও B এর কাঠিন্যের পার্থক্য -- '78

3.2.2 विक्ति टिटन्डे अवस्तित पांचा निज्ञान (Scaling of test

क्रिक्ट्रिक्ट्रिक शंदीकार्थीहरू गुर्शिख विताशास विविध क्रिएकें गावश्रासन

কৰা বলা হয়েছে। তাছাড়া আৰৱা দেখেছি অপোৰিত নহয়গুলি একট টেস্টে বিভিন্ন পৰীকাৰীদের তুলনার কাজে বা সব টেস্ট বিলিয়ে একটি সংবুক্ত মান নির্ণয় করে পরীকার্থীদের মানানুক্তমে সাজানর কাজে লাগান চলেলা। তার আগে অপোৰিত নহয়গুলি একটি বিশেষ মাপনা-মাত্রা অনুবারী পরিশোধিত করে নিতে হবে। বিভিন্ন স্বীকরণের সাহাবো আমরা মাত্রা নিক্সপনের বিভিন্ন পছতি পেতে পারি।

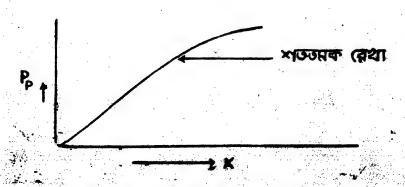
শততমক মাত্ৰা নিরূপণ পদ্ধতি

এই পদ্ধতিতে আমাদের শীকরণ হ'ল—সামর্থ্যের নিবেশন আয়ত। তাহ'লে অশোধিত নম্বরকে শততমক নম্বরে পরিবর্তিত করলে, শততমক নম্বরই মাত্রার মান হবে। কোন পরীক্ষার্থীর কোন টেস্টে নম্বর \varkappa হ'লে ঐ টেস্টে ঐ পরীক্ষার্থীর শততমক অবস্থান (P_p) বা শততমক নম্বর হ'ল

$$P_p$$
 $=$ ঐ টেস্টে সকল পরীকার্থীদের মধ্যে শতকর। কতমনের তাশোধিত নম্বর অনধিক x । (3.2)

নম্বরের বিভাজন থেকে যে কোন নম্বর x এর P_y যান নির্ণয় করা যেতে পারে। নির্ণয় কালে অবশ্যই x কে অবিচ্ছিয় চলক হিসাবে ধরতে হবে। x যদি একটি অখণ্ড সংখ্যা হয়, ইহা $x - \frac{1}{2}$ থেকে $x + \frac{1}{2}$ পর্যন্ত যে কোন নম্বরের প্রতিনিধিস্থানীয়।

শততমৰ অবস্থান (P_p) কে x এর সঙ্গে বসিয়ে যে লেখচিত্র হয় তাকে অনেকসময় শততমক রেখা (Percentile curve) বলে।



চিত্ৰ 3.2 একটি সাধাৰণ শতত্যক ৰেবা।

-

ক্ষা বাজা বিজ্ঞান প্ৰতিৰ প্ৰাণিখিত জীপৰণ জুলাকে সকলে। স্মানিত্ৰ পাৰ্য বিজ্ঞান, কাৰণ সাৰ্থ্য নিৰ্দেশন বছুৰ ক্ষম ক্ষেত্ৰী স্মানক ক্ষা

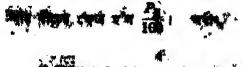
ইন্সাকা বিষপদ পথতি বা ত্নাত্ৰা বিষপ্ত পথতি

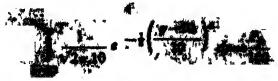
এই পদ্মন্তিত আনাদের বীক্ষণ হাঁন বিজ্ঞা টেন্টের আবোৰিত বহরের বিভালনে বে পাঁইকা তা তবু বালু ও বালক আইনের। ভারতে নির্দ্তিত ভারতে বা বালকা তা তবু বালু ও বালকা আইনের। ভারতে নির্দ্তিত ভারতে বা বালকা বিভালনা আইনির আইনির আইনির বার্লির টেন্টের অনোনির অনুবাল কারতে পুরতি ইনেছে), তাহ'লে অনোনিত দলন থেকে গান্ত্যনান পেনের হ'লে একটি প্রভারতিক রুপানির রাজনা বাবে বার্লির টেন্টের আইনির আইনির আইনির বার্লির বার্লি

$$\frac{x-\mu}{\sigma} = \frac{1}{10} = \frac{1}{10}$$

T-माका विकास सक्छि

वारे नामित्र वार्ताविक नम्मक्रीनेत निकासन मारे ह्या मा हरण नामित्र निरम्पन बना नव नर्गाव। वारे गर्गास निहम्पतिक पाए ६ नवन पार्थका बना, श्रेष पर्यावरत 50 ६ १०। व्यापातिक नवन अवत नाम साम (27) त्यारक श्रोरंग संपर्दात अवत सामक्रीक प्रमाणित (१०) वाप प्रमाणित साम (17) श्रोपं पेष्ठ 50 ६ नवन निर्मेश विकास मिन्नाम विकास स्वार्तिक





এই শাত্রামানকে বলা হয় T-মান বা T-নম্বর (T-score)। Mo Call নামক মনোবিদ এই পদ্ধতির উদ্ভাবক। দুই নামজাদা মনোবিদ্ Terman ও Thorndyke এর আদ্যক্ষর অনুযায়ী এই মাত্রা নিরপণ পদ্ধতির এই নাম।

সমতুল মান পদ্ধতি (Method of equivalent scores)

এই পদ্ধতিতে সামর্থ্য নিবেশন সম্পর্কে কোন স্বীকরণ নেই। এখানে X ও Y দুটি টেস্টের অশোধিত নম্বরকে যদি একই মাত্রার পরিবর্ত্তিত করতে হয়, তাহলে যে কোন একটিকে (ধরা যাক X) প্রমাণ ধরে অন্যটির (Y) নম্বরের জন্য প্রথমটির সমতুল মান নির্ণয় করা হয়। সমতুল নম্বর পাওয়া গেলে তুলনামূলক বিচার ও সমষ্টি নির্ণয় করা সম্ভব হবে।

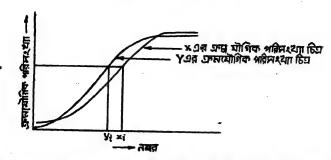
ধর। যাক ক্রমগতি সাধনের সাহায্যে আমরা পেলাম যে xএর সম্ভাবনা যনম্ব অপেক্ষক f(x) yএর f(y)। তাহলে দুটি টেস্টের নম্বর x_i ও y_i সমতুল হবে যদি x_i পর্যন্ত f(x)এর ক্ষেত্রে y_i পর্যন্ত f(y) এর ক্ষেত্রের সমান হয়। অর্থাৎ

$$\int_{-\infty}^{x_i} f(x)dx = \int_{-\infty}^{y_i} f(y)dy$$
 (3.5)

প্রকৃত ক্ষেত্রে (x_i, y_i) এর অনেকগুলি যুগ্মমান নির্ণয় করে তাদের ক্রমগতিসাধনের সাহায্যে x = h(y)এর মত একটি সমতুল সূত্র পেতে পারি । ঐ সূত্র থেকে y এর যে কোন মানের জন্য সমতুল x-মান পাওয়া যাবে ।

x ও y এর অশোধিত নম্বর থেকেও আমরা স্থূলত: সমতুল মান পেতে পারি। একই লেখচিত্রে যদি আমরা x ও y এর ক্রমযৌগিক পরিসংখ্যা চিত্র (ogive) আঁকি, তাহলে দুটি নম্বর x; ও y; সমতুল হবে যদি তাদের জন্য ক্রমযৌগিক পরিসংখ্যা সমান হয়।

দুই এর বেশী টেস্ট থাকলেও একইভাবে যে কোন একটিকে প্রবাপ টেস্ট ধরে অন্যগুলির নম্বরেদ্ধ জন্য প্রমাণ টেস্টের সমতুল নান নির্ণর করতে হবে।



চিত্র 3.3 ক্রমঝৌগিক পরিসংখ্যা চিত্র থেকে সমতুল মান নির্ণয় । উপরের চিত্রে x; ও y; সমতুল।

উদাহরণ 3.2 দুটি বিষয়ে 250 জন ছাত্রের নম্বরের পরিসংখ্যা বিভাজন ও তিনটি ছাত্রের নম্বর নিম্মে দেওয়া হ'ল :

ছাত্ৰ	विषय 1	विषय 2
1	.45	55
2	50	50
3	55	45

দুটি বিষয় মিলিয়ে ছাত্র তিনটির মানক্রম নির্ণয় কর: (1) তাদের শততমক মান বোগ করে, (2) তাদের z-মান যোগ করে ও (3) তাদের Z-মান যোগ করে।

পরের পৃষ্ঠায় দেওয়া পরিশংখ্যা বিভাজনের ক্রমযৌগিক পরিসংখ্যা থেকে আমর। সহজেই শতত্মক মান নির্ণয় করতে পারি। এক্ষেত্রে,

অশোধিত নম্বর	শততম	ক মান
	विषग्न 1	বিষয় 2
45	39.8	67.0
50	55.6	80-0
55	71-2	87-4

মান	পরিসং	ৰ গ্য
	বিষয় 1	বিষয় 2
0—10	0	4
10—20	3	18
20—30	12	40
30—40	45	73
4050	79	65
50 –60	78	37
60-70	26	12
70—80	5	1
80-290	2	О
90—100	0	o
	250	250

স্থতরাং,

ছাত্র তিনটির শততমক মান যোগ করে মানক্রম হ'ল--

ছাত্ৰ		শতত্যক যান	ন শূনক্র			
	বিষয় 1	विषय 2	যোগকল			
1	39·1	87:4	127-2	3		
2	5 5•6	80.0	135-6	2		
3	71•2	67-0	138-2	1		

আবার, বিষরপুটি (বর। বাক 🗴 ও у)র গড় ও সমক পার্থক্য হ'ল—

 $\bar{x} = 48.00$

 $s_x = 11.94$

 $\bar{y} = 38.64$

 $s_{\nu} = 13.44$

স্থুতরাং, ছাত্র তিনটি z মান যোগ করে মানক্রম হ'ল—

sta		z মান		- যানক্ৰম
ছাত্ৰ	বিষয় 1	বিষয় 2	যোগফল	4174
1	47:49	62·17	109-66	3
2	51.67	58.45	110-12	2
3	55.86	54.73	110·59	1

শতত্যক মানগুলিকে T-মানে পরিবত্তিত করলে পাওয়া যাবে :-

অশোধিত	নর্ম্যাল নিবেশনে অশোধিত নম্বর পর্যস্ত ক্ষেত্রফল		T-गान	
নম্বর	বিষয় 1	विषय 2	বিষয় 1	বিষয় 2
45	·398	·670	47-4	54·4
50	•556	∙800	51•4	58.4
55	· 7 12	·874	55.6	61.5

স্তরাং T-মান অনুযায়ী ছাত্রতিনটির মানক্রম হ'ল—

যা নক্ৰম			ছাত্ৰ	
41-100-4	যোগফল	বিষয় 2	বিষয় 1	कील
3	108•9	61.5	47•4	1
2	109-8	58.4	51:4	2
1	110.0	54.4	55.6	
	110•0	54.4		

3.2.3. युन्तास्त्र (rating) ও मानदाय (ranking) এর মাজানিরপ্র

যথন পরীক্ষককে পরীক্ষার্থীদের দক্ষতা, ব্যক্তিষ, প্রয়োগকুশনতা প্রভৃতি বিঘরে মূল্যায়ন করতে বলা হয় তখন তিনি সাধারণতঃ A, B; C, D, E অক্ষর মূল্যায়ণ বা খুব ভাল, ভাল, মাঝামাঝি, খারাপ, খুব খারাপ এইভাবে কথার সাহায্যে মূল্যায়ন করে থাকেন। সাধারণতঃ একাধিক পরীক্ষক থাকেন ও তাদের মূল্যায়নে পার্থক্য থাকা সম্ভব। সব পরীক্ষকের মূল্যায়ন একত্র করে সংযুক্ত মূল্যায়ন কী করে করা যাবে ? এর জন্য ঐ মূল্যায়নের মাত্রা নির্ম্বপণ করা প্রয়োজন। মাত্রা নির্ম্বপণের জন্য লিকার্ট (Likert) এর পদ্ধতি ব্যবহার করা হয়। এই পদ্ধতিতে আমাদের স্বীকরণ হ'ল এই যে সামর্থ্য নিবেশন নর্ম্যাল, গড় 0 ও সমক পার্থক্য 1। মূল্যায়নের পরিসংখ্যা বিভাজন থেকে প্রতিটি মূল্যায়নের আনুপাতিক পরিসংখ্যা পাওয়া যাবে। ঐ অনুপাত থেকে আমরা x_1 ও x_2 সামর্থ্যের দুটি মান বার করতে পারব যার ভেতরে থাকলে একজন পরীক্ষার্থী কোন নির্দিষ্ট মূল্যায়ন পাবে। তাহলে ঐ মূল্যায়নের মাত্রামান হবে x_1 থেকে x_2 পর্যন্ত যাবের সামর্থ্য তাদের গড় সামর্থ্য। অর্থাৎ

অপরপক্ষে যদি পরীক্ষক পরীক্ষার্থীদের সামর্থ্য অনুসারে মানক্রম (rank) দেন তাহলে এই মানক্রমগুলির মাত্রানিরূপণ করতে হবে। প্রথমত: মানক্রমের থেকে শততমক মানক্রম (PR) নির্ণয় করতে হবে । R মানক্রমের শততমক (PR)—শতকরা যতজন R মানক্রম বা তার নীচের মানক্রম প্রেছে ।

$$=100-\frac{100(R-\frac{1}{2})}{n} \tag{3.7}$$

এখানে R মানক্রম $R-rac{1}{2}$ থেকে $R+rac{1}{2}$ পর্যন্ত যে কোন মানের প্রতিনিধিত্ব করছে ধর। হরেছে।

যদি সামর্থ্য নিবেশন আয়ত ধর। হয় তাহলে শততমক মানক্রমই মাত্রান্দান হবে। যদি সামর্থ্য নিবেশন নর্ম্যাল, গড় 0 সমল পার্থক্য 1 ধরা হয়, তাহলে R মানক্রমের মাত্রামান (K) পাওয়া যাবে নিমুলিখিত সূত্র বৈকে:

$$\int_{-\infty}^{K} \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-x^2/2} dx = \frac{PR}{100}$$
 (3.8)

্উপরের আলোচনায় কোন যৌথ মানক্রম (tie) নেই ধরা হয়েছে। যৌথ মানক্রম থাকলে, PR মান পাওয়া যাবে মানক্রমগুলির পরিসংখ্যা বিভাক্তন থেকে।

মতামত, প্রবণতা প্রভৃতি নির্ণায়ক প্রশুপত্রে উত্তরগুলি গাধারণত: গুণগত হয়—যথা হ্যা / না বা সবিশেষ স্বীকার / স্বীকার / মতামত নেই / অস্বীকার / সবিশেষ অস্বীকার প্রভৃতি । এক্ষেত্রেও উত্তরগুলির মাত্রামান নির্ণায় করতে হ'লে Likert এর পদ্ধতি ব্যবহার করা যেতে পারে ।

উদাহরণ 3.3 কোন মতামত সুম্পবিত সমীক্ষায় 100 জন ব্যক্তির মতামত থেকে নিমুলিখিত পরিসংখ্যা বিভাজন পাওয়া গেল। মতামত-গুলির নর্ম্যাল নিবেশনের সাহায্যে মাত্রামান নির্ণয় কর:

বিশেষভাবে স্বপক্ষে	স্বপক্ষে	মতামত নেই	বিপক্ষে	বিশেষভাবে বিপক্ষে
4 .	22	38	28	8

বিপক্ষ মতামতকে মাত্রামান নিবেশনের নীচের দিকে ধরে নিলে ও নিবেশনটি নর্ম্যাল ধরে নিলে আমরা মাত্রামান নিরূপণের জন্য নিম্মোদ্ধৃত সারণীটি তৈরী করতে পারি।

সারণী 3.1 মতামতের মাত্রামান নির্ণয়

	মতামতটিতে	মতামতটির
মতামত	नर्याम निर्दर्भन्त क्विक्च	নীচের ক্ষেত্রফল
(1)	$ \Phi(x_1) - \Phi(x_1) \\ (2) $	$\Phi(x_1)$ (3)
বিশেষভাবে বিপক্ষে	0.08	0
বিপক্ষে	0.28	0.08
মতামত নেই	0-38	0.36
স্বপীকে	0-22	0.64
বিশেঘভাবে স্বপক্ষে	0•04	0.96

<u> শতাশতটির</u>	মতামতটির	নিমু মানসীমার
নিমু মানসীমা	উচ্চ মানগীমা	অক্ষরেখার দৈর্ঘ্য
<i>x</i> ₁ (4)	x ₂ (5)	$ \phi\left(x_{1}\right) \\ (6) $
− ∝	—1•41	0
—1·41	—0·36	·1476
—0·36	0.64	•3739
0.64	1.75	-3251
1.75	œ	·0863

উচ্চ মানগীমার অক্ষরেখার দৈর্ঘ্য , $\phi \left(x_2 \right)$ (7)	মাত্রামান $\frac{\phi(x_1) - \phi(x_2)}{\Phi(x_2) - \Phi(x_1)}$ (৪)
·1476	—1.84
•3739	 ·81
•3251	•13
0863	1.09
0	2.16

3.2-3. বিচার মাপনা মাত্রা

যখন কতিপর পরীক্ষার্থীর কোন হাতের কাজ—যেমন, হাতের লেখা, আঁকা ছবি প্রভৃতি পরীক্ষা করতে হয় সাধারণত: কয়েকজন পরীক্ষক সেগুলি পরীক্ষা করেন। তাদের সকলের বিচার একত্র করে হাতের কাজগুলির মাত্রানিরূপণ করাই আমাদের আলোচ্য ব্রিষয়।

এই মাত্রানিরাপণের বিভিন্ন পদ্ধতি রয়েছে। এখানে আমরা Thurstone এর যুগ্ম তুলনা (Paired comparison) পদ্ধতি আলোচনা করব। ধরা যাক N জন বিচারক Kটি হাতের কাজ পরীক্ষা করবেন। হাতের কাজগুলি যুগ্মভাবে গ্রহণ করলে মোট $\frac{K(K-1)}{2}$ টি জুটি হবে। প্রতিটি জুটি প্রতিজন বিচারক বিচার করে বলবেন কোনটি ভাল। ধরা যাক i-তম কাজকে j-তম কাজ থেকে ভাল বলেছেন আনুপাতিক P_{ij} বিচারক। স্বভাবত:ই $P_{ij}=1-P_{ji}$ । P_{ii} ধরা হবে $\cdot 50$ । শেষ পর্যস্থ আরহা একটি P_{ij} নাটি কুন পাব—

(3.9)

			*	ां ज		
		1	2	3	••• ••	<i>K</i>
-	1	P ₁₁	P ₂₁	P ₈₁		P_{k1}
	2	P ₁₃	P_{22}	P_{32}	••	P_{k2}
a) de	3	P ₁₂	P_{23}	P_{33}	•• ••	P_{h3}
IV.	:	•	•	;		
	K	P_{1k}	P_{2k}	P _{3k}	••••	P _{kk}

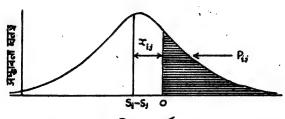
ধরা যাক্ i-তম ও j-তম কাজের বিচার পার্থ্যকের (T) নিবেশন নর্ম্যাল, গড় S_i — S_j (কাজ দুটির মাত্রামানের পার্থক্য) ও সমক পার্থক্য σ_{i-j} । তাহলে

$$P_{ij} = \int_{0}^{\infty} \frac{1}{\sigma_{i-j} \sqrt{2\pi}} e^{-\frac{1}{2} \left[\frac{T - (S_i - S_j)}{\sigma_{i-j}} \right]_{dT}^{2}}$$

$$= \int_{0}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{\tau^2}{2}}$$

$$-(S_i - S_j) / \sigma_{i-j}$$

স্থাতরাং $S_i - S_j = -x_{ij} \sigma_{i-j}$



→ বিচার পার্থকা

চিত্র 3.4. নর্যাল নিবেশন থেকে মাত্রামানের পার্থকা নির্বয়।

্র ২; হ'ল মৌল নর্মাল চলকের (নর্ম্যাল চলক, যার গড় 0 সমক পার্থক্য 1) সেই বিন্দু যার ডান দিকের ক্ষেত্রে P_{ii} ।

প্রতিটি কাজের বিচারের নিবেশনের সমক পার্থক্য অভিন্ন ত ধরলে ও বে কোন দুটি কাজের বিচার যদি সহগতিশুন্য হয়, তাহলে

 $\sigma_{j-j} = \sigma \sqrt{2} =$ ধ্বনক সংখ্যা। এই মাপনামাত্রায় যদি $\sigma \sqrt{2}$ কে 1 ধর। যায়, তাহলে $S_i = -X_{ij}$ ।

শেষ পর্যন্ত আমরা $(S_i - S_j)$ ম্যাট্রিক্স পাব—

			भाक		
	1	2	3	••••	K
1	S_1 - S_1	S ₂ -S ₁	S ₈ -S ₁	••••	S_k - S_1
2	S_1 - S_2	S_2 - S_3	S_3 - S_3	••••	Sh-Sa
3 	S_1 - S_3	S ₂ -S ₃	S ₃ -S ₈	••••	S_k - S_3
.,	:	:	•	:	
K	S_1 - S_k	S_2-S_A	S_3 - S_k	••••	S_k - S_k
কলমের গড়	S ₁ -Š	S_2 - \bar{S}	S ₃ -\$	••••	S_k - \tilde{S}

কলমের গড়গুলি হ'ল \bar{S} থেকে $S_1,~S_2~...~S_k$ এর পার্থকা', $\bar{S} = \frac{1}{K} \Sigma S_i$ ।

যদি আমরা মাত্রার শুন্য বিন্দু \vec{S} এ নেই, তাহলে কলম গড়ই মাত্রামান নির্দেশ করবে। অপন্নপক্ষে যে কাজের জন্য কলম গড় সর্বনিমু, তার মাত্রামান O ধরলে, অন্যান্য মাত্রামানগুলি সহজেই নিরূপণ করা যাবে।

উদাহরণ 3.4. কোন এলাকার বেতার শ্রোতাদের একটি 50 আকারের নমুনা থেকে (1) রাগসংগীত (2) লোকসংগীত (3) রবীস্রসংগীত ও (4) আধুনিক সংগীতের জনপ্রিয়তা যুগ্য তুলনা পদ্ধতিতে নির্ণয় করা হ'ল। বিন্যে P_{ij} (আনপাতিক কতজন শ্রোতা i-তম সংগীতকে j-তম সংগীত

থেকে পছন্দ করে) মাট্রিক্স দেওয়া হ'ল। চার প্রকার সংগীতের মাত্রামান নির্ণয় কর:

 P_{ij} ম্যাট্রিক্স সংগীত প্রকার

_		-11	110 441			_
	<i>j</i>	1	2	3	4	
ka	1	<u> </u>	·67	·83	·92	
2का	2	•33		•76	-87	
সংগীত প্ৰকাৱ	3	•17	•24		·81	
••	4	•08	•13	•19		
						j

প্রতিটি যুগম বিচার পার্ধক্যের নিবেশন নর্ম্যাল (গড় 0 ও সমক পার্থক্য কু) ধরলে আমরা উপরের ম্যাট্রিক্স থেকে মাত্রামানের পার্থক্য নির্ণয় করতে পারি:

মাত্রামানের পার্থক্য $S_i - S_j$ সংগীত প্রকার

	j	1	2	3	4	
	1	0	•44	•95	1.41	
প্রকার	2	— ∙44	0	•71	1.13	
সংগীত প্ৰকাষ	3	 ∙95	 ·71	0	•88	
	4	—1.41	—1·13	 •88	0	
क्लस	গড়	— •70	— ·35	•20	·86	

যদি আমরা মাত্রামানগুলির গড়কে শুন্যবিন্দু ধরি তাহলে কলম গড়গুলিই চারপ্রকার সংগীতের মাত্রামান। যদি 1 নম্বর সংগীতের মাত্রামানকে শুন্যবিন্দু ধরা হয়, তাহলে চারপ্রকার সংগীতের মাত্রামান যথাক্রমে,

0, .35, .90 9 1.56.

3.3 टिके उप

3.3.1 अष्ट्रतिषिक मट्डम (Linear Model)

টেস্ট তত্তে বলা হয়েছে যে আমরা কোন টেস্ট ব্যবহার করে কোন ব্যক্তির কোন সামর্থ্য মাপতে চাই, কিন্তু টেস্টে ঐ ব্যক্তির প্রাপ্তমান ব্যক্তির যথার্থ সামর্থ্যের মান নয়, প্রতিক্ষেত্রে কিছু না কিছু মাপনাম্রান্তি থাকে। স্বীকরণ হিসাবে টেস্ট তত্তে নিমুলিখিত ঋজুরৈখিক মডেল ব্যবহাত হয়—

$$x_i = t_i + e_i \tag{3.10}$$

व्यक्ति,

 $x_i = i$ -তম ব্যক্তির টেস্টমান $t_i = i$ -তম ব্যক্তির যথার্থ সামর্থ্যমান $e_i =$ মাপনা বাস্তি।

টেস্ট তবে আরও ধরা হয় যে যদি টেস্টটি অসীম সংখ্যক (ব্যবহারিক ক্ষেত্রে বহু) ব্যক্তির উপর ব্যবহার করা হয়, তাহলে

$$\mu_e=0$$
 $ho_{te}=0$
 $ho_{e_g}e_h=0$, হদি g ও h দুটি টেস্ট হয়। (3.11)

যদিও (3.11) এর সূত্রগুলি অসীমসংখ্যক ব্যক্তির ক্ষেত্রে প্রযোজ্য, ব্যবহারিক ক্ষেত্রে প্রদত্ত নমুনার জন্যও সূত্রগুলি প্রযোজ্য ধরা হয়।

3.3.2 সমান্তরাল টেস্টলমূহ (Parallel tests)

দুটি টেস্ট g ও h কে সমান্তরাল হতে হ'লে, প্রথমত:,

$$t_{ig} = t_{ih}$$
 $i = 1, 2, ...n$ as well (3.12)

অর্থাৎ প্রতিটি ব্যক্তির যথার্থ সামর্থ্যমান দুটি টেস্টেই সমান। দুটি টেস্ট সমান্তরাল হ'লে তার যে কোনটি ব্যবহার করা চলে।

विजीयज: पृष्टि रिग्डे g ଓ h नमाखतान र'रन,

$$\sigma_{eg} = \sigma_{eh} \tag{3.13}$$

(3.15)

ভূতরাং
$$\mu_{xg} = \mu_{xh}$$

ও $\sigma_{xg} = \sigma_{xh}$ । (3.14)

(3.14) থেকে আমরা পাচ্ছি যে দুটি সমান্তরাল টেস্টের অশোধিত নম্বরের গড় ও সমক পার্থক্য সমান হবে।

যদি দুইএর অধিক সমান্তরাল টেস্ট হয় (বধা g, h ও k) ভাহলে

$$\mu_{xg} = \mu_{xh} = \mu_{xk}$$

$$\sigma_{xg} = \sigma_{xh} = \sigma_{xk}$$

আবার,

$$\begin{split} \rho_{xg} x_h &= \frac{Cov(x_g \setminus x_h)}{\sigma_{xg} , \sigma_{xh}} \\ &\stackrel{?}{=} \frac{Cov(t_g, t_h) + Cov(t_g, e_h) + Cov(t_h, e_g) + Cov(e_g, e_h)}{\sigma_{xg} \sigma_{xh}} \\ &= \frac{Cov(t_g, t_h)}{\sigma_{xg} \sigma_{xh}} \quad \text{(অন্যান্য সহভেদমানগুলি শুন্য হওয়ায়)} \\ &= \frac{Pt_g t_h}{\sigma_{xg} \sigma_{xh}} \quad \sigma_{tg} \sigma_{th} \\ &= \frac{\sigma_{tg}^2}{\sigma_{xg}^2} \quad \text{(বেহেতু } \sigma_{t_g} = \sigma_{t_h}, \sigma_{xg} = \sigma_{x_h}, \otimes \rho_{t_g t_h} = 1 \text{)} \end{split}$$

স্থৃতরাং সমান্তরাল টেস্ট তিনটির জন্য

=ধ্রবক সংখ্যা ।

$$\rho_{\dot{x}_g x_h} = \rho_{x_g x_h} = \rho_{x_h x_h} \quad (3.16)$$

তিনটি বা তদৰিক সমান্তরাল টেস্টের জন্যে অশোধিত নম্বরের গাড়, সমক পার্থক্য ও সহগান্ধ সমূহ সমান হবে। এছাড়াও টেস্টগুলির গঠনশৈনী, আইটেমসমূহের প্রকৃতি প্রভৃতি ব্যাপারেও টেস্টগুলি অভিন্ন হওরা চাই।

3.3.3. টেস্টের নির্ভর্যোগ্যভা (Reliability) ও আন্তি ভেদৰান (পরিষাপনের সমক জান্তি) (Standard Error of Measurement)

একটি টেস্টের নির্ভরযোগ্যতা বলতে বোঝার টেস্টটি কতটা একই জবস্থার বারংবার ব্যবহার করা হ'লে একই ব্যক্তি একই মান পাবে । টেস্টটির নির্ভরযোগ্যতা মাপা হয় ঐ টেস্ট ও ভার স্মান্তরাল কোন টেস্টের অশোধিত নম্বরের সহগান্ক দিয়ে। টেস্ট gর নির্ভরযোগ্যতা মাপা হয় $P_{x_gx_h}$ দিয়ে, যদি h, g এর স্মান্তরাল টেস্ট হয়। টেস্ট gর নির্ভর-যোগ্যতা লেখা হয় P_{x_g} দিয়ে।

(3.15) থেকে আমর। পাই

$$P_{gg} = \frac{\sigma_{ig}^{2}}{\sigma_{xg}^{2}} = 1 - \frac{\sigma_{eg}^{2}}{\sigma_{xg}^{2}}$$
 [যেহেতু $\sigma_{x}^{2} = \sigma_{i}^{2} + \sigma_{e}^{2}$] (3.17)

সম্পূর্ণ ভেদমানের যে অনুপাতিক অংশ যথার্থ সামর্থ্যমানের ভেদমান তাকেই নির্ভরযোগ্যতা বলা যেতে পারে।

শ্রান্তি ভেদমান হ'ল কোন টেস্টের শ্রান্তিমান (e_i) সমূহের ভেদমান বা σ_{e^2} । (3.17) থেকে আমরা পাই

$$\sigma_{eg}^{2} = \sigma_{xg}^{2} (1 - \rho_{gg}), \tag{3.18}$$

একেত্রে, $\sigma_{eg}^2 = g$ টেস্টের বান্তি ভেদমান,

 $\sigma_{xg}^2 = g$ bictiff with altha we with

লাস্তি ভেদমানের বর্গমুল ব। σ_s কে পরিমাপনের সমক লাস্তি (SEM) বলা হয়।

$$SEM = \sigma_{eg} = \sigma_{xg} \sqrt{1 - \rho_{gg}}$$
 (3.19)

3.3.4 নির্ভর্যোগ্যভার বাস্তব প্রাক্তকলন (Estimation of test reliability)

বান্তবন্দেত্রে কোন টেস্টের নির্ভরযোগ্যতা প্রাক্তননের তিনটি পদ্ধতি দরেছে—(1) সমান্তরাল টেস্ট পদ্ধতি, (2) পরীক্ষণ-পুন:পরীক্ষণ পদ্ধতি ও (3) টেস্ট বিধণ্ডন পদ্ধতি।

সমান্তরাল টেষ্ট পদ্ধতি (Parallel test method)

এই পদ্ধতিতে টেস্টাট প্রস্তুতের সময় একটি সমান্তরাল টেস্টও প্রস্তুত করতে হবে। তারপর দুটি টেস্ট একই সঙ্গে বা উপযুক্ত সময়ের ব্যবধানে একই পরীক্ষার্থীদের উপর ব্যবহার করতে হবে। দুটি টেস্টের অশোধিত নম্বরের সহগান্ধ হ'ল টেস্টাটির নির্ভরযোগ্যভার পরিমাপক।

পরীক্ষণ-পূন:পরীক্ষণ পদ্ধতি (Test-retest method)

এই পদ্ধতিতে টেস্টাট একই পরীক্ষার্থীদের উপরে উপযুক্ত সময়ের ব্যবধানে পুন: ব্যবহৃত হয়। সময়ের ব্যবধান সামান্য হ'লে স্মৃতিশক্তির বিশেষ ফল্ল পুন:পরীক্ষালন্ধ মানে পড়বে না। সময়ের ব্যবধান অত্যধিক হ'লে পরীক্ষার্থীদের ইতিমধ্যে অনেকখানি জ্ঞানবৃদ্ধি ঘটতে পারে। এখানেও দুটি পরীক্ষণে লন্ধ নম্বরের সহগান্ধ হ'ল টেস্টাটর নির্ভরযোগ্যতার পরিমাপক।

টেষ্ট দ্বিখন্তন পদ্ধতি (Split-half method)

এই পৃদ্ধতিতে টেন্টটিকে সমান দুইভাপে ডাগ করা হয়। একডাপে বিজোড় সংখ্যাযুক্ত আইটেম, অন্যভাপে জোড় সংখ্যাযুক্ত আইটেম রাখা যেতে পারে। অপরপক্ষে ভাগ হ'তে পারে যৌজিকতার ভিত্তিতে যাতে দুটিভাগ সমান্তরাল হয়। দুটি তাপে লব্ধ নম্বরের সহগান্ধ অর্থটেন্টের নির্ভরযোগ্যভার পরিমাপক। পূর্ণ টেন্টটির নির্ভরযোগ্যভা (r_{11}) অর্থটেন্টের নির্ভরযোগ্যভা $(r_{\frac{1}{2}\frac{1}{2}})$ থেকে Spearman-Brown এর নিমুলিবিত সূত্র থেকে পাওয়া যায়—

$$r_{11} = \frac{2r_{\frac{11}{22}}}{1 + r_{\frac{11}{22}}} \tag{3.20}$$

Kuder ও Richardson আইটেম ভেদমান ও টেস্ট ভেদমানের সাহায্যে নির্ভন্নযোগ্যভার মাপার একটি সূত্র বার করেন—

$$S_{x}^{2} - \sum_{g=1}^{k} S_{g}^{2}$$

$$r_{GG} = \frac{k}{k-1} \times \frac{s_{x}^{2}}{s_{x}^{2}}$$
(3.21)

 $r_{GG}=k$ আইটেমযুক্ত টেস্টটির নির্ভরযোগ্যত। $s_{g}^{\,2}=$ টেস্ট নম্বরের ভেদমান $s_{g}^{\,2}=g$ -তম আইটেম নম্বরের ভেদমান।

ৰদি আইটেন নম্বর 1 বা 0 হয়, তাহলে $s_g^2 = p_g(1-p_g)$, p_g হ'ল gতন আইটেনে যে অনুপাত পরীকার্থী সঠিক উত্তর জানে। সেকেত্রে

$$r_{GG} = \frac{k}{k-1} \left[\frac{s_x^2 - \Sigma p_g (1 - p_g^2)}{s_x^2} \right] +$$
 (3.22)

यिन প্রতিটি আইটেমের p-মান সমান হয়, তাহলে

$$r_{GG} = \frac{k}{k-1} \left[1 - \frac{\bar{x} - \bar{x}/k}{s_x^2} \right],$$
 (3.23)

ळ इ'न টেস্টটির নম্বরের গড।

.3.3.5 টেস্ট সঙ্গতি (Test Validity)

টেস্ট সঙ্গতির অর্থ টেস্টার্ট যে সামর্থ্য মাপার জন্য তৈরী ও ব্যবস্থত হয়েছে, আসলে তা মাপছে কিনা। টেস্ট সঙ্গতি মাপতে হ'লে সামর্থ্য মাপার জন্য উপযুক্ত নিরিখ খুঁজে বার করতে হ'বে। অনেকসময় বিচারকদের দেওয়া কাজের মুল্যায়ন এই নিরিখ হ'তে পারে, আবার কখনও অন্য কোন পরীক্ষায় লব্ধ নম্বর্গও নিরিখ হিসাবে নেওয়া যায়। টেস্ট নম্বর ও নিরিখ নম্বরের সহগাক্ষই টেস্টসঙ্গতির পরিমাপক।

3.4 বুজিপরীকা ও ধীসূচক ভাগকল (Intelligence tests and Intelligence Quotient)

বুদ্ধি বা ধী বলতে বোঝায় সম্পর্কযুক্ত গঠনমূলক চিন্তাশক্তি, যার সাহায্যে আমরা আমাদের অভীষ্ট সিদ্ধি লাভ করতে পারি। Spearman এর হি-উপাদানতর অনুযায়ী আমাদের সবরকম মানসিক সামর্থ্যে একটি সাধারণ উপাদান (৪-উপাদান) ও একটি বিশিষ্ট উপাদান (৪-উপাদান বর্জমান থাকে। ঐ সাধারণ উপাদানকে ধীশক্তি বলা যেতে পারে।

শারীরতন্ত্রের সাহায্যে ধীশন্তির ব্যাখ্যানের সবরকম চেষ্টাই ব্যর্থ হয়েছে।

একথা প্রায় নিঃসংশয়ে বলা বায় যে শারীরিক কোন মাপের সঙ্গে বুদ্ধির
কোন সম্পর্ক নেই।

বুদ্ধি নাপার জন্য ক্রমশ: বুদ্ধি পরীক্ষার উত্তাবন হয়েছে। করাসী বৈজ্ঞানিক Binet ব্যক্তিগত বুদ্ধি পরীক্ষার জন্য টেট তৈরী করেন। বুদ্ধি পরীক্ষার সাধারণতঃ নিম্নোক্ত বিষয়গুলি থাকে—(1) সমার্থক ও বিপরীতার্থক শব্দ, (2) বিভিন্ন শ্রেণী বিভাগ, (3) সম্পর্ক নির্ণর, (4) সংখ্যাসারি ইত্যাদি। Binetএর বুদ্ধি পরীক্ষার বিভিন্ন পরিবন্ধিত বা পরিমাজিত রূপ বিভিন্ন দেশে ব্যবহৃত হচ্ছে। আমেরিকাতে সামরিক বিভাগে ভত্তির জন্য সমষ্টিগতভাবে বুদ্ধিপরীক্ষা গ্রহণের প্রচলন হয়েছে। বুদ্ধিপরীক্ষা আবার ভাষাগত ও ভাষাহীন দুইপ্রকারের হয়। ভাষাগত পরীক্ষার প্রশুসমূহ প্রকাশিত হয়, ভাষাহীন পরীক্ষার প্রশুসমূহ প্রকাশিত হয় বিভিন্ন বস্তুর মাধ্যমে।

বৃদ্ধিপরীক্ষা তৈরী করার পরে তা ব্যবহার করে তার নির্ভরযোগ্যতা ও সংগতি সম্পর্কে নিশ্চিন্ত হতে হবে। কোন পরীক্ষার্থীর বৃদ্ধিপরীক্ষার মান নির্পরের জন্য বিভিন্ন সমগ্রকের নমুনা থেকে গড়, শততমক, সমক পার্থক্য প্রভৃতি নিরূপেণ করতে হবে। Binet এই প্রসক্ষে প্রথমে পরীক্ষার্থীর মানগিক বয়স নির্ণয় করতেন। তার জ্বন্যে প্রতিটি প্রশু কোন বয়সের উপযোগী সেই হিসাবে ভাগ করা হয়। প্রশুটির যারা সঠিক উত্তর দিচ্ছে তাদের গড় বয়স প্রশুটি কোন বয়সের উপযোগী তা নির্ণয়ে সাহায্য করে। কোন পরীক্ষার্থী যদি 5 বছরের উপযোগী সব প্রশু, 6 বছরের উপযোগী ক্ব জম্প প্রশু, 7 বছরের উপযোগী ক্ব ক্বশু, তাহলে তার মানগিক বয়স হ'ল 5 क् কি কি কার বয়স প্রতার ব্যবহাত বয়স (chronological age) যদি হ হয় ও তার মানগিক বয়স হ'র, তাহলে তার মানগিক অনুপাত (mental ratio) হ'ল তুল্প ও তার ধীসুচুক ভাগকল (intelligence quotient) বা 1.Q.

হ'ল $100 \times \frac{y}{x}$ ।

বুদ্ধি পরীক্ষা করে দেখা গেছে যে এই ধীসুচক ভাগফলের নিবেশন লর্মাল ও গড় 100 এর কাছাকাছি। পিতামাতার বুদ্ধির উপর সন্তানের বৃদ্ধি নির্ভরশীল। বৃদ্ধি সাধারণত: 16/17 বছর বয়স পর্যন্ত বাড়ে, তারপর আর বাড়েনা। বৃদ্ধি পুরুষের মেয়েদের তুলনায় বেশী এমন কোন কথা নেই। তবে কোন কোন ধরণের কাজে বৃদ্ধি বেশী প্রয়োজন একখা সতিয়। জীবিকার পথ নির্ণয়, বিষয় নির্বাচন, কর্মী নির্বাচন, শিশুদের বৃদ্ধি বিচার বা মানসিক বৈকল্য নির্ণয় প্রভৃতি কাজে বৃদ্ধি পরীক্ষার প্রচুর ব্যবহার দেখা বায়।

चनुनेननी

্3.1 শিক্ষা ও বনোবিজ্ঞানে ব্যবস্ত নিমুবিধিত বিষয়গুলির সংজ্ঞা ক্ষিয়ান কর:

মাপনামাত্রা, মাত্রামান, টেস্ট, টেস্টের নির্ভরযোগ্যতা ও সঙ্গতি, বুদ্ধিপরীকা ও ধীসূচক ভাগফল।

- 3.2 বিদ্যালয়ে ব্যবহৃত টেস্টসমূহের নম্বরের তুলনামূলক বিচার ও সংযুক্তমান নির্নয়ের পদ্ধতিগুলি আলোচনা কর। পদ্ধতিগুলির পেছনে যে সব স্বীকরণ রয়েছে তা ব্যক্ত কর।
- 3.3 বিভিন্ন বিচারকের দেওয়া মানক্রম বা অক্ষর মূল্যায়নের বাক্রামান নির্দয়ের পদ্ধতি স্বীকরণ সহ বিশ্লেষণ কর।
- 3.4 কোনো মনোবিজ্ঞান ও শিক্ষাবিষয়ক টেস্টের নির্ভরযোগ্যতঃ নির্দিরের পদ্ধতিগুলি আলোচনা কর।
- 3.5 বুদ্ধি পরীক্ষার সাহায্যে কিভাবে বুদ্ধি মাপা হয় তা ব্যাখ্যা করে।
- 3.6 তিনটি আইটেম A, B ও C বথাক্রমে 25%, 60% ও 70% পরীকার্থী সঠিকভাবে তত্তর করেছে। যদি একটি আইটেম C থেকে তত সহজ্ব হয়, যত B, A থেকে সহজ, তাহলে সেই আইটেমটি শতকরা কতত্বন পরীকার্থী সঠিকভাবে উত্তর করবে ?

উত্তর: 92.5%

3.7 নিম্নে তিনটি টেস্ট A, B ও C এর পরিসংখ্যা বিভাজন দেওয়া হ'ল। যদি কোন ছাত্র টেস্ট তিনটিতে যথাক্রযে 25, 35 ও 45 প্রায় তাহলে তার সংযুক্ত (ক) শততমক মান, (খ) z-মান ও (গ) II-মান নির্দিয় কর:

ACC.	পরিসংখ্যা			
	G≠6 A	केन्छ B	केन्हे C	
0-10	7	10	. 2	
10–20	17	11	.4	
20–30	25	12	10	
30-40	8	9	22	
40-50	3	8	12	

উত্তর: সংযুক্ত শততমক মান=236

z गान=173·4

T-414=174.6

3.8 100 জন পরীক্ষার্থীকে দুজন শিক্ষক অকর মূল্যায়ন A, B, C, D ও E দিলেন (A মূল্যায়ন সর্বোৎকুষ্ট ও E মূল্যায়ন সর্বনিকৃষ্ট) । নিম্মে মূল্যায়নের পরিসংখ্যা বিভাজন দেওয়া হ'ল :

শুল্যায়ন	পরিসংখ্যা বিভান্ধন			
1.0741	শিক্ষক 1	শিক্ক 2		
A	28	18		
В	24	31		
C .	35	27		
D	9	15		
E	4	9		

তিনটি ছাত্র S_1 , S_2 ও S_2 র বানক্রম কি হবে যদি তাদের অক্ষর মূল্যায়ন

রাশিবিজ্ঞানের প্রয়োগ পদ্ধতি

जक्त ग्नाग्न

ছাত্ৰ	निक्रद 1	निक्क 2				
S ₁	A	C				
S_2	D	. B				
S ₈	C	C				

উত্তর: মাত্রামানের যোগফল $S_1 = 0.74$, $S_2 = -0.94$, $S_3 = -2.48$ 3.9 10 জন ছাত্রের 10টি আইটেমে নম্বর (0 বা 1) দেওরা
হ'ল। টেস্ট বিশগুন পদ্ধতিতে (এক অর্থে জোড় সংখ্যা বিশিষ্ট আইটেম
ও জন্য অর্থে বিজ্ঞোড় সংখ্যা বিশিষ্ট আইটেম নিরে) টেস্টটির নির্ভর
যোগ্যতা নির্ণর কর:

ছাত্ৰ			আইটেম সংখ্যায় নম্বর							
~	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1	1	0	1	0	0	0	0	1	0	1
2	1	1	1	0	1	0	1	1	0	0
3	0	1	1	1	0	0	0	0	1	1
4	1	1	0	1	1	1	1	0	1	1
5	0	0	1	1	1	0	0	0	1	0
6	1	1	1	1	1	0	1	1	1	0
7	1	1	1	1	0	0	1	1	1	1
8	1	0	1	0	0	1	1	. 0	ó	1
9.	1	1	0	0	1	0	1	0	1	0
10	1	1	1	.1	0	0	0	0	1	1

5.10. যদি অর্ধটেটের নির্ভরবোগ্যতা 0·70 হয় তাহলে পূর্ণ টেস্টের নির্ভরবোগ্যতা কত ? পূর্ণ টেস্টের নির্ভরবোগ্যতা 0·95 হতে হ'লে অর্ধটেস্টের নির্ভরবোগ্যতা কত হওয়া প্রয়োজন ?

উত্তর: 0.82, 0.90.

সহপাঠ্য পুস্তকাৰলী

- [1] Bose, P. K. & Chowdhury, S.B. 'Scaling Procedures in Scholastic and vocational tests', Sankhya, 15. pp 197-206, 1955.
- [2] Garrett, H. E. Statistics in Psychology and Education (Chs 4, 12, 13). Vakils, Feffer and Simons, 1965.
- [3] Goon, A, M., Gupta, M. K. and Das Gupta B. Fundamentals of Statistics, vol—II, (Ch. 23). Wold Press, 1971.
- [4] Guilford, J. P. Psychometric Methods (Chs 7, 8, 11, 13, 14). Mc-Graw-Hill, 1954.
- [5] Gulliksen, H. Theory of Mental tests (Chs 2. 7, 8).

 John Wiley, 1950.
- [6] Knight. R. Intelligence and Intelligence tests (Chs 2, 3, 5, 8). Methuen, 1959.

চতুর্য পরিছেদ রাশিবিজ্ঞানসমত গুণনিয়ন্ত্রণ

(Statistical Quality Control)

4.1 जूडना

কোন কারখানার অবিচ্ছিন্নভাবে প্রস্তুত মালের রাশিবিজ্ঞানসমত উপারে গুণ রক্ষণ করাকে বলে রাশিবিজ্ঞানসমত গুণনিরন্ধণ। প্রস্তুত করা মালের প্রতিটি সমান গুণসম্পন্ন হওয়া সম্ভব নর—পার্থক্য অবশ্যম্ভাবী। এই পার্থক্যের একটা অংশ প্রস্তুতপ্রধালীতে ম্বাভাবিক বলে ধরা হয় এবং সে পার্থক্য কমানো বা সারানো সম্ভব নর। কথনও কখনও ঐ পার্থক্যের মধ্যে একটা অংশ থাকে যা কমানো বা সারানো সম্ভব। গুণনিরম্বণের প্রধান কাম্ব হ'ল নিয়ম্বণযোগ্য পার্থক্যকে অনিরম্ভিত পার্থক্য থাকে আলাদা করে ফেলা। যথনই প্রস্তুতপ্রধালীতে নিয়ম্বণযোগ্য পার্থক্য থাকে সঙ্গে তা জানা ও পার্থক্যের কারণগুলি আবিক্ষার করে তা ধুরীভুত করাও গুণনিয়ম্বণ পদ্ধতির অন্তর্ভুক্ত।

প্রস্তাপ্রধানীতে নিয়য়ণযোগ্য পার্ধক্যের কারণগুলি দুরীভূত করে আমর। তাটাযুক্ত মালের অনুপাত যাতে খুব বেশী না হয় তা দেখতে পারি। একে বলা হয় প্রধালী নিয়য়ণ। অপরপক্ষে আমরা দেখতে পারি যাতে প্রস্তুত মালের বিভিন্ন লটে তাটাযুক্ত মালের অনুপাত বেশী না হয়। একে বলা হয় লট্ (Lot) নিয়য়ণ বা প্রস্তুতকরা মাল নিয়য়ণ। প্রণালী নিয়য়ণ ঠিকমত করা হলেও কোন বিশেষ লটে হয়ত: তাটাযুক্ত মালের অনুপাত বেশী হতে পারে। প্রণালী নিয়য়ণের জন্য নিয়য়ণ ক্রমচিত্র পদ্ধতি ব্যবহার করা হয়। লট্ নিয়য়ণের জন্য ব্যবহার করা হয় নমুনাবীক্ষণ পদ্ধতি।

4.2 বিভিন্ন শুণৰাপ্ক (Different Quality Measurers)

আমর। কাঁচামাল, মধ্যবর্ত্তী (intermediate) মাল বা তৈরী (finished) মাল যে কোন দিনিসের গুণনিয়ম্বণ করতে পারি। গুণ বলতে ঐ বস্তর যে কোন বৈশিষ্ট্য হতে পারে। অনেক গুণবৈশিষ্ট্য সংখ্যাগতভাবে মাপা যায়—যথা, একটা ববিনের ব্যাস, একটা সকুর দৈর্ঘ্য বা ব্যাসার্ধ, স্থতোর টেনসাইল শক্তি (tensile strength), কোন গুনধে কোন রাসায়নিক প্লার্থের অনুপাত প্রভৃতি। এসব ক্ষেত্রে

গুণনাপকগুলি অবচ্ছিক্ত ভাটার সংখ্যা।

অনেক সময় গুণবৈশিষ্ট্য সংখ্যাগতভাবে মাপা সম্ভব হয়না বা মাপা সম্ভব হলেও কটসাধ্য বা বহু চলক মাপা প্রয়োজন হয়। সেক্ষেত্রে গুণবৈশিষ্ট্যকে গুণ লক্ষণের সাহায্যে প্রকাশ করা হয়। যথা, কোন বস্তুকে জ্বাটীযুক্ত (defective) বা জ্বাটীযুক্ত এই দুই শ্রেণীতে ভাগ করা হয়। কোন বস্তুতে এক বা একাধিক জ্বাটী (defect) থাকনেই তা ক্রাটীযুক্ত হয়।

4.3 বিচারপ্রস্ত ওচ্ছাংশ (Rational Subgroup) ও নিয়ন্ত্রণ ক্রুমচিক্র পদ্ধতি (Control Chart Technique)

আনেরিকান বৈজ্ঞানিক W.A. Shewhart প্রণালী নিয়ন্ত্রণের জন্য নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্র পদ্ধতির উদ্ভাবন করেন। এই পদ্ধতির সবচেয়ে গুরুত্বপূর্ণ অংশ হ'ল বিচারপ্রসূত বা স্লচিন্তিত গুচ্ছাংশ নির্ণয়। এই গুচ্ছাংশ নির্বাচনের মূলসূত্র হ'ল এই যে অন্ত:গুচ্ছাংশ পার্থক্য শুধু অনিয়ন্ত্রিত কারণের জন্যে হবে ও নিয়ন্ত্রণযোগ্য কারণ যদি থাকে তা শুধু আন্ত:গুচ্ছাংশ পার্থক্যে। কোন গুচ্ছাংশে প্রস্তুত মাল একই অন্ত:মম সমগ্রকের অন্তর্ভুক্ত । ক্লু বিভিন্ন গুচ্ছাংশে প্রস্তুত মাল বিভিন্ন অন্তর্বিমম সমগ্রকের অন্তর্ভুক্ত হতে পারে ও তাদের পার্থক্যের কারণসমূহ নিয়ন্ত্রণযোগ্য ও গুণ নিয়ন্ত্রণ পদ্ধতির তাই উদ্দেশ্য।

গুচ্ছাংশ নির্বাচনের সবচেয়ে সুবিধাজনক উপায় হ'ল প্রস্তুতপ্রণালীর ক্রম থেকে। বিভিন্ন যন্ত্রে প্রস্তুত মাল, বিভিন্ন অপারেটর হারা প্রস্তুত নাল বিভিন্ন গুচ্ছাংশের অন্তর্ভু হবে। আবার একই বন্ধ, একই অপারেটর হারা প্রস্তুত বিভিন্ন সময়ের (যথা, প্রতি আধ্বণ্টা বা প্রতিষণ্টা অন্তর) নাল বিভিন্ন গুচ্ছাংশের অন্তর্ভু জ হবে।

তাহ'লে প্রণালী নিয়ন্ত্রণ পদ্ধতিতে আমাদের দেখতে হবে কোন নিদিষ্ট গুণবৈশিষ্ট্য বিভিন্ন গুচ্ছাংশে একই কিনা—অর্থাৎ গুণবৈশিষ্ট্যের পার্থক্য নমুনাজ প্রান্তির সাহায্যে ব্যাখ্যা করা যায় কিনা। যদি যায়, তাহ'জে নিয়ন্ত্রণযোগ্য কারণ নেই ধরতে হবে। আর যদি বিভিন্ন গুচ্ছাংশে গুণবৈশিষ্ট্যের পার্থক্য নমুনাজ প্রান্তির সাহায্যে ব্যাখ্যা করা না যায় তাহলে নিয়ন্ত্রণযোগ্য কারণ ঘটেছে ধরতে হবে। নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্র থেকে কোন গুচ্ছাংশে ঐ কারণ ঘটেছে তা ধরা যাবে ও খুঁজে বার করে ঐ কারণ দ্রীত্ত করতে হবে।

Shewhart এর নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্রে পদ্ধতিতে ক্রমচিত্রের সাহায্যে নিয়ন্ত্রপথোগ্য কারণের অন্তিম্ব নির্ণয় করা হয়। ধরা যাক গুণবৈশিষ্টের কোন পূর্ণকাংক হ'ল θ । θ , গড়, সমক পার্থক্য, প্রসার বা ক্রাটীযুক্ত বস্তবণ্ডের অনুপাত হ'তে পারে। ধরা যাক্, T হ'ল θ এর প্রাক-কলক নমুনাংক। প্রতিটি গুচ্ছাংশের জন্য নমুনাংক T নির্ণয় করা হবে। এক গুচ্ছাংশ থেকে অন্য গুচ্ছাংশে Tএর পার্থক্য শুবু নমুনাজ প্রান্তির সাহায্যে ব্যাধ্যা করা যায় কিনা দেখতে হবে। যদি.

$$E(T) = \mu_T$$

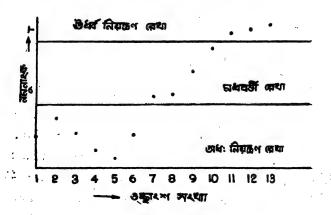
 $\forall Var(T) = \sigma_T \in \mathbb{R}$

তাহ'লে T যদি $\mu_T-3\sigma_T$ থেকে $\mu_T+3\sigma_T$ র মধ্যে থাকে তাহলে নিয়ন্ত্রণযোগ্য কারণ নেই ধরা যেতে পারে। কোন গুচ্ছাংশে Tর মান যদি $\mu_T-3\sigma_T$ র কম বা $\mu_T+3\sigma_T$ র বেশী হয় তাহলে ঐ গুচ্ছাংশে কোন নিয়ন্ত্রণযোগ্য কারণ ঘটেছে অনুমান করা যায়। যদি T এর মিবেশন নর্ম্যাল হয়, তাহলে অনিয়ন্ত্রিত কারণের ফলে,

$$P\{ \mid T - \mu_T \mid \leq 3\sigma_T \} = 0.9973$$
, স্থূলত: ।

নর্ম্যাল নিবেশন না হলেও, Chebyshev এর অসমতা থেকে এই সম্ভাবনা 0.8899 এর কম নয়।

এখানে $T-3\sigma_T$ কে অধ: নিয়ন্ত্রণ সীমা ও $T+3\sigma_T$ কে উর্ছ নিয়ন্ত্রণ সীমা বলা হয় । μ_T কে বলা হয় মধ্যবর্জী রেখা ।



চিত্ৰ 6.1 একটি নিয়ন্ত্ৰণ ক্ৰমচিত্ৰ

উপরের ক্রমচিত্রে 11তম গুচছাংশ থেকে T উর্দ্ধ নিরম্বণ সীমার বাইরে চলে গেছে। স্থতরাং ঐ গুচছাংশ থেকে নিরম্বণযোগ্য কারণ থাকার সম্ভাবনা প্রবন।

নিয়ন্ত্রণ সীমার নধ্যে T থাকলেও নিমুলিখিত ক্ষেত্রেও নিয়ন্ত্রণবোগ্য কারণ থাকার সম্ভাবনা রয়েছে।

- (1) অনেকগুলি পর পর বিন্দু যদি কোন নিয়ন্ত্রণ সীমার খুব কাছে থাকে।
 - (2) অনেকগুলি পর পর বিন্দু যদি মধ্যবর্তী রেখার একধারে থাকে।
- (3) অনেকগুলি পর পর বিন্দু যদি ক্রমশ: নিয়ন্ত্রণসীমার নিকটবর্ত্তী হ'তে থাকে।

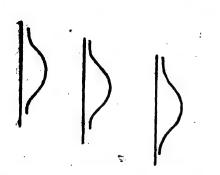
দুইপ্রকার নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্র রয়েছে। প্রথম, গড় (\bar{w}), সমক পার্থক্য (s), প্রসার (R), ক্রাটিযুক্ত থণ্ডের অনুপাত (p) প্রভৃতির প্রমাণ মান দেওয়া রয়েছে। ধরা যাক, এগুলি হ'ল \bar{w} ', σ ', R', p' ইত্যাদি। নিয়্নরণ ক্রমচিত্রের রেখাগুলিতে ঐ প্রমাণ মানগুলি ব্যবহার করা হয়। দেখা হয়, গুচ্ছাংশগুলির গুণবৈশিষ্ট্যসমূহ ঐ প্রমাণ মানসমূহের তুলনায় নিয়ন্ধিত কিনা। বিতীয়, কোন প্রমাণ মান দেওয়া নেই—এখানে প্রদত্ত গুচ্ছাংশাঞ্চুলির \bar{w} , s, R, p ইত্যাদি তাদের নিজেদের ভেতরে নিয়ন্ধিত অবস্থায় আছে কিনা দেখা হয়।

গুচ্ছাংশ সমুহের নমুনাসংখ্যা চলক নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্রের বেলায় 4 থেকে ৪ হলেই যথেষ্ট। অল্প সময় অন্তর ছোট নমুনা বেশী সময় অন্তর বড় নমুনার থেকে ভাল। চলক নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্রে নমুনাসংখ্যা সাধারণতঃ প্রতি গুচ্ছাংশে সমান। গুণলক্ষণযুক্ত নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্রে নমুনাসংখ্যা অনেক বড় হওয়া দরকার, কারণ গুণলক্ষণ নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্রের নিয়ন্ত্রণ-যোগ্য কারণ নির্বর্গ ক্রমতা অনেক কম।

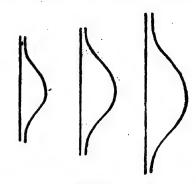
4.4 পড়, সমকপার্থক্য ও প্রসারের মিয়ত্ত্বণ ক্রমচিত্ত

ধর। যাক, গুণমাপক বৈশিষ্ট্য একটি অবিচ্ছিন্ন চলক (x) দিরে প্রকাশ করা যায়। ধরা যাক, x এর নিবেশন দর্ম্যাল। বিভিন্ন গুচ্ছাংশে x এর নিবেশন নর্ম্যাল হ'লেও নিরম্বণযোগ্য কারণ থাকার কলে গড় ব। নমক পার্থক্য বা উভয়েই এক গুচ্ছাংশ থেকে অন্য গুচ্ছাংশে পৃথক হভে পারে। এজন্য গড় বা সমক পার্থক্য নিরম্ভিত অবস্থার আছে কিনা জাদার জন্য গড় নিরম্ভণ ক্রমচিত্র (ক্র-chark) ও সমক পার্থক্য নিরম্ভণ

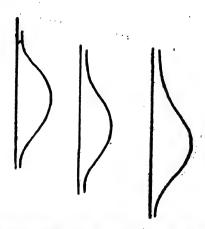
অন্টিত্র (s-chart) প্রস্তুত করা প্রয়োজন। কিছু সমক পার্ক্য নির্ণরকরা কিছুটা কইসাধ্য ও সময়সাপেক। গুণনিয়ন্ত্রণ পদ্ধতিতে কততা



চিত্র 4.2.1 নিয়বশনগুলির সমক পার্থক্য এক, গড় পৃথক



চিত্ৰ 4.2.2 নিবেশনগুলির গড় এক, সমক পার্থক্য পৃথক।



চিত্র 4.2.3 নিবেশনগুলির গড় ও সমক পার্বকা উভৱেই পৃথক।

একটা গুরুত্বপূর্ণ বিষয়। তাই বহুক্তেতে সমক পার্থকোর বদলে প্রসাদ (R) ব্যবহার করা হয় ও প্রসার নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্র (R-chart) প্রস্তুত করা হয়।

পড় নিরন্ত্রণ ক্রমচিত্র-প্রমাণ মার দেওরা আছে

যদি প্রতি গুচ্ছাংশে আইটেম সংখ্যা n হয়, তাহ'লে নিয়**নিড** অবস্থান—

$$E(\bar{x})=\mu$$

$$\forall Var (\bar{x}) = \frac{\sigma^2}{n} \mid$$

यि 🏲 ଓ 🗸 এর প্রমাণ মান 💇 ও 🗸 হয় তাহ'লে গড় ক্রমচিত্রে,

জধ: নিয়ন্ত্রণ সীমা
$$=\bar{w}'-3$$
 $\frac{\sigma'}{\sqrt{n}}=\bar{w}'-A\sigma'$
মধ্যবন্তী রেখা $=\bar{w}'$
তির্দ্ধ নিয়ন্ত্রণ সীমা $=\bar{w}'+3$ $\frac{\sigma'}{\sqrt{n}}=\bar{w}'+A\sigma'$ ।

এক্ষেত্রে, $A=\frac{3}{\sqrt{n}}$, বিভিন্ন n এর জন্য এর নান Appendix এর সারণী নং VIIএ পাওয়া যাবে ।

গড় বিষয়ণ ক্রমচিত্র –প্রমাণ মান দেওয়া বেই

ধরা বাক্, mটি গুচছাংশ থেকে ক্রমচিত্রটি তৈরী হবে। বিদি $\vec{\omega}_1$, $\vec{\omega}_2 \cdots \vec{\omega}_m$ mটি গুচছাংশ গড় হয়, s_1 , $s_2 \cdots s_m$ গুচছাংশ সমকপার্থক্য হয় গু R_1 , $R_2 \cdots R_m$ গুচছাংশ প্রসার হয়, তাহ'লে,

$$z = \sum_{i=1}^{m} |m_i|^m$$

$$\circ \vec{R} = \sum_{i=1}^{m} R_i / m$$

হ'ল যথাক্রমে একত্রিত (pooled) গড়, সমক পার্থক্য ও প্রসার। আমরা জানি,

$$E(\bar{z}) = \mu \tag{4.2}$$

$$E(z) = c_z \sigma$$

GRACIA,
$$c_{1} = \frac{\sqrt{\frac{n}{2}}}{\sqrt{\frac{n-1}{2}}} \quad \sqrt{\frac{2}{n}}$$
 (4.3)

 $\Theta E(\bar{R}) = d_2 \sigma,$

তাহৰে.
$$\hat{\mu} = \bar{x}$$
 (4.5)

$$\hat{\sigma} = \frac{3}{c_0} \,, \tag{4.6}$$

$$9 \quad \hat{\sigma} = \frac{\bar{R}}{d_a} \quad (4.7)$$

ষদি (4.5) ও (4.6) এর প্রাক-কলক দুটি ব্যবহার করা হয়, তাহ'লে

অধ: নিয়ন্ত্রপ সীমা =
$$\bar{x} - \frac{3s}{c_2\sqrt{n}} = \bar{x} - A_1 s$$
 মধ্যবর্তী রেখা = \bar{x} (4.8). উর্দ্ধ নিয়ন্ত্রপ সীমা = $\bar{x} + \frac{3s}{c_2\sqrt{n}} = \bar{x} + A_2 s$ ।

একেতে $A_1 = \frac{3}{c_2 \sqrt{n}}$ । c_2 ও A_1 , বিভিন্ন n এর জন্য Appendix এর সারণী নং VIIএ পাওয়া যাবে।

যদি (4.5) ও (4.7) এর প্রাককলক দুটি ব্যবহার করা হয়, তাহ'লে

चर: निर्मा नीमा =
$$\bar{x} - \frac{3\bar{R}}{d_1\sqrt{n}} = \bar{x} - A_2\bar{R}$$
 | 4.9)

प्रश्न निर्मा नीमा = $\bar{x} + \frac{3\bar{R}}{d_1\sqrt{n}} = \bar{x} + A_2\bar{R}$ |

একেতা $A_2 = \frac{3}{d_2\sqrt{n}}$ । d_2 ও A_2 , বিভিন্ন n এর জন্য Appendix এর সারণী বং VIIএ থাওয়া যাবে।

সমক পার্থক্য নিরব্রণ ক্রমচিত্র—প্রমাণ মান দেওরা আছে

यि अन्याशक दिनिष्टा अ अत निद्यमन नर्मान दस,

$$E(s) = c_1 \sigma$$

এবং
$$Var(s) = \sigma^2 \left(\frac{n-1}{n} - c_2^2 \right)$$
।

বদি ত র প্রমাণ মান ত' হয়, তাহলে ক্রমচিত্রের

জধ: নিয়ন্ত্রণ সীমা =
$$c_2\sigma' - ?\sigma' \sqrt{\frac{n-1}{n} - c_2^2} = B_1\sigma'$$
 মধ্যবর্জী রেখা = $c_2\sigma'$ (4.10) উর্দ্ধ নিয়ন্ত্রণ সীমা = $c_2\sigma' + 3\sigma' \sqrt{\frac{n-1}{n} - c_2^2} = B_2\sigma'$ ।

এক্ষেত্রে,

$$B_1 = c_2 - 3\sqrt{\frac{n-1}{n} - c_2^2}$$

এবং
$$B_2=c_2+3\sqrt{\frac{n-1}{n}-c_2^2}$$

Appendix এর সারণী নং VIIএ বিভিন্ন n এর জন্য B_1 , B_2 ও c_2 র সান দেওয়া আছে।

সমক পার্থক্য নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্র—প্রমাণ মান দেওয়া নেই

এক্ষেত্রে তর প্রাককলক হ'ল 🥇 । স্থতরাং ক্রমচিত্রের

অধঃ নিয়ন্ত্রণ সীমা=
$$5-3\frac{3}{c_2}\sqrt{\frac{n-1}{n}}-c_2^2=B_3^3$$
মধ্যবর্তী রেখা = 5
তিন্ধ নিয়ন্ত্রণ সীমা= $5+3\frac{5}{c_2}\sqrt{\frac{n-1}{n}}-c_2^2=B_3^3$ (4.11)

$$B_0 = 1 - \frac{3}{c_0} \sqrt{\frac{n-1}{n} - c_0^2}$$

$$9 \quad B_4 = 1 + \frac{3}{c_a} \sqrt{\frac{n-1}{n}} - c_1^2 \qquad 1$$

Appendix এর সারণী নং VIIএ বিভিন্ন n এর জন্য B_a ও B_4 এর বান দেওরা আছে।

উভয় ক্ষেত্রেই অধ: নিয়ন্ত্রণ সীমা ঋণাত্মক হ'লে তাকে 0 হিসাকে গণ্য করতে হবে।

প্রসার বিষ্ণব্রণ ক্রমচিত্র—প্রমাণ মাব দেওয়া আছে

यि श्विभाशक दिनिष्टे। 🗴 এর নিবেশন নর্মাল হয়,

$$E(R) = d_2\sigma$$

$$\forall Var (R) = D^2\sigma^2,$$

d_a ও D, n এর উপর নির্ভরশীল দুটি প্রণ্বক। যদি σর প্রমাণ মান σ' হয়,

অধ: নিয়ন্ত্রণ সীমা
$$= d_2\sigma' - 3D\sigma' = D_1\sigma'$$
মধ্যবর্তী রেখা $= d_2\sigma'$
উর্দ্ধ নিয়ন্ত্রণ সীমা $= d_2\sigma' + 3D\sigma' = D_2\sigma'$ । (4.12)

একেতে, $D_1=d_2-3D$ ও $D_2=d_2+3D$ । Appendix এর সারণী নং VIIএ D_1 , D_2 ও d_2 র মান n এর বিভিন্ন মানের জন্য দেওরা আছে।

প্রসার নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্র—প্রমাণ মান দেওরা নেই

যদি তর প্রমাণ মান দেওয়া না থাকে, তর প্রাক-কলক হিসাবে R ব্যবহার করা হয়। একেত্রে,

चर: निराद्य गीया =
$$\bar{R} - \frac{3D}{d_a} \bar{R} = D_b \bar{R}$$

यशावकी (तथा = \bar{R} (4.13)
छर्क निराद्य गीया = $\bar{R} + \frac{3D}{d_a} \bar{R} = D_b \bar{R}$ ।

जनगारे, $D_8=1-\frac{3D}{d_8}$ ও $D_4=1+\frac{3D}{d_8}$ । n এর বিভিন্ন নানের জন্য D_8 ও D_4 , Appendix এর সারণী নং VIIএ দেওয়া আছে। উভয় ক্ষেত্রেই অধঃ নিয়ন্ত্রণ সীমা গ্রাণাশ্বক হ'লে 0 ধরা হয়।

4.5 ক্রচীযুক্ত খণ্ড সংখ্যা (Number defective) ও খণ্ড ভগ্নাংখের (Proportion defective) নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্র (Np-chart ও p-chart)

এক্টের গুণমাপক বৈশিষ্ট্যাট সংখ্যাগত নয়। প্রতিটি আইটেম বা খণ্ডকে ক্রটীযুক্ত ও ক্রটীযুক্ত এই দুইভাগে ভাগ করা হয়। প্রশালী নিয়ন্তিত কিনা জানতে হ'লে আমাদের ক্ষেতে হবে প্রতিটি গুচ্ছাংশ ক্রটিযুক্ত খণ্ড ভগ্নাংশ সমগ্রকে P কিনা। এই বিচার গুচ্ছাংশ ক্রটীযুক্ত খণ্ড সংখ্যা, d, বা ক্রটীযুক্ত খণ্ড ভগ্নাংশ $p=\frac{d}{n}$ দিয়ে করা যায়। যদি নমুনাগ্রহণ পুন:ছাপনাসহ হয় বা সীমাহীন বৃহৎ পূর্ণক খেকে পুন:ছাপনাবিহীন হয়, তাহলে ক্রটীযুক্ত খণ্ড সংখ্যা, $d=m_P$ এর নিবেশন বাইনোমিয়াল (binomial) হবে, যার

$$E(d)=nP$$

$$Var(d)=nP(1-P)$$

কটাৰুক্ত খণ্ড সংখ্যা বিষয়ৰ ক্ৰমচিত্ৰ—প্ৰমাণ মান দেওৱা আছে

ধর। যাক P এর প্রমাণ মান p' দেওয়া আছে। তাহলে d এর নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্রে,

অধ: নিয়ন্ত্রণ সীমা=
$$np'-3\sqrt{np'(1-p')}$$
,
মধ্যবর্তী রেখা= np'
ও উর্দ্ধ নিয়ন্ত্রণ সীমা= $np'+3\sqrt{np'(1-p')}$ ।
 (4.14) ,

ৰুটীৰুক্ত খণ্ড সংখ্যা বিৰম্ভণ ক্ৰমচিত্ৰ—প্ৰমাণ মান দেওয়া নেই

ধর্মবাক, mটি গুচছাংশ থেকে নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্র তৈরী করতে হবে। $p_1, p_2 \cdots, p_m$, mটি গুচছাংশে ক্রটিযুক্ত থও ভগ্গংশ। P এর প্রাক-করক হিসাবে আমর। \bar{p} কে নেব, বেক্ষেত্রে

$$\bar{p} = \sum_{i=1}^{m} p_i / m$$

তাহ'লে,

অধ: নিয়ন্ত্রণ সীমা =
$$n\bar{p}$$
 — $3\sqrt{n\bar{p}(1-\bar{p})}$

মধ্যবর্তী রেখা — $n\bar{p}$

(4.15)

ও উর্জ নিয়ন্ত্রণ সীমা — $n\bar{p}$ + $3\sqrt{n\bar{p}(1-\bar{p})}$ ।

উভয়ক্ষেত্রেই অধ: নিয়ন্ত্রণ সীমা ঋণাত্মক হ'লে 0 ধরা হবে।

ক্রচীযুযুক্ত খণ্ড ভগ্নাংশ নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্র—প্রমাণ মান দেওরা আছে

এক্ষেত্রে নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্র প্রস্তুত করতে নিমুলিখিত সূত্রগুলির ব্যবহার করা হয়—

$$E(p) = P$$

$$Var(p) = \frac{P(1-P)}{n}$$

নদি P এর প্রমাণ মান p' হয়,

অধঃ নিয়ন্ত্রণ সীমা =
$$p'-3\sqrt{\frac{p'(1-p')}{n}} = p'-A\sqrt{p'(1-p')}$$
মধ্যবর্ত্তী রেখা = \bar{p}
ও উর্দ্ধ নিয়ন্ত্রণ সীমা = $p'+3\sqrt{\frac{p'(1-p')}{n}} = p'+A\sqrt{p'(1-p')}$

ক্রচীযুক্ত খণ্ড ভগ্নাংশের ক্রমচিত্র—প্রমাণ মান দেওরা নেই এক্লেক্তে P এর প্রাক্তনক হ'ল p । স্ক্তরাং,

चर: नियञ्च गीन।
$$= \bar{p} - 3\sqrt{\frac{\bar{p}(1-\bar{p})}{n}}$$

$$= \bar{p} - A\sqrt{\bar{p}(1-\bar{p})}$$
नशावर्की त्रथा $= \bar{p}$

$$= \bar{p} + 3\sqrt{\frac{\bar{p}(1-\bar{p})}{n}}$$

$$= \bar{p} + A\sqrt{\bar{p}(1-\bar{p})}$$

উভর কেত্রেই অধ: নিয়ম্বণ সীমা গ্রাণাদ্বক হ'লে 🔾 ধরা হয়।

Ì

যদি গুচছাংশ খণ্ডসংখ্যা সমান হয় তাহলে ফ্রটীযুক্ত খণ্ড জনচিত্র (np-chart) বা ফ্রটীযুক্ত খণ্ড ভগ্নাংশ ক্রমচিত্র (p-chart) বে কোনটি ব্যবহার করা যায়। চলকের নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্র থেকে গুণলক্ষণের নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্রে খরচ কম হয় কারণ একটি গুণলক্ষণ ক্রমচিত্রের বদলে অনেকগুলি চলক নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্র ব্যবহার করতে হয়। কিছ গুণলক্ষণযুক্ত ক্রমচিত্রে নিয়ন্ত্রণযোগ্য কারণ নির্ধারণ ক্রমতা কম থাকার গুচছাংশ খণ্ড সংখ্যা অনেক বেশী হণ্ডয়া প্রয়োজন।

যদি গুচ্ছাংশ খণ্ডসংখ্যা পরিবর্ত্তনশীল হয়, তাহলে খণ্ড ভপাংশ ক্রমচিত্র ব্যবহার করা স্থবিধাজনক, কারণ খণ্ড ভপাংশ ক্রমচিত্রে, মধ্যবর্ত্তী রেখা \bar{p} পরিবিজিত হয়না, শুধু নিয়ন্ত্রণ সীমা দুইটি n এর সংগে পরিবিজিত হয়। গরিষ্ঠ n ও লখিষ্ঠ n এর জন্য পৃথক নিয়ন্ত্রণসীমা এঁকে নিতে হবে। যদি কোন বিন্দু বহি: নিয়ন্ত্রণ সীমার (গরিষ্ঠ n এর জন্য) বাইরে পড়ে তাহলে নিয়ন্ত্রণযোগ্য কারণ খুঁজতে হবে। বদি কোন বিন্দু অন্ত: নিয়ন্ত্রণ সীমার (লখিষ্ঠ n এর জন্য) ভেতরে পড়ে তাহলে প্রণালী নিয়ন্ত্রিত অবস্থায় ধরা যায়। আর যদি কোন বিন্দু দুই নিয়ন্ত্রণ সীমার মাঝে পড়ে তাহলে ঐ গুচ্ছাংশের জন্য সঠিক নিয়ন্ত্রণ সীমা নির্দিষ্ঠ করে আমুদ্রুদের সিদ্ধান্ত নিতে হবে। এখানে \bar{P} অবশ্য p_i মানগুলির ভারযুক্ত গড়, n_i হ'ল p_i র ভার। অর্থাৎ

$$\bar{p} = \sum_{i=1}^{m} n_i p_i / \sum_{i=1}^{m} n_i$$

অপর পক্ষে, যদি প্রমাণ চলক z নির্ণয় করি, যেকেত্রে

$$z_i = \frac{p_i - p'}{\sqrt{p'(1-p') / n_i}} \quad \text{as} \quad \frac{p_i - \bar{p}}{\sqrt{\bar{p}(1-\bar{p}) / n_i}}, \quad (4.18)$$

সেক্ষেত্রে, তিনটি রেখাই অপরিবর্ত্তনীয়, কারণ

जशः नियञ्चन जीमा = -3

মধ্যবর্তী রেখা = 0

উর্দ্ধ নিয়ন্ত্রণ সীমা = 3

4.6 क्विंग ज्ञान (Number of defects) निम्नज्ञ क्यिक्ति (c-chart)

এক্ষেত্রে প্রতিটি গুচ্ছাংশে মোট ক্রটীর সংখ্যা নির্ণন্ন করা হয়। একটি ক্রটীযুক্ত আইটেনে এক বা একাধিক ক্রটী থাকতে পারে, এক বা ক্রমাধিক নির্দেশিত মানসীমা না মানলেই একটি আইটেমে এক বা ক্রমাধিক তেটা থাকতে পারে।

একটি শাইটেনে তত্তের দিক দিয়ে বছ (সীমাহীন বৃহৎ) ক্রটা বাকতে পালে, যদিও একটি বিশেষ স্থানে একটি ক্রটা থাকার সম্ভাবনা বৃহৎ কম। স্থতরাং ক্রটা সংখ্যার (c) নিবেশন Poisson এর নিবেশন বার । এই Poisson এর নিবেশনের পূর্ণকাংক (গুচ্ছাংশ প্রতি গড়া ক্রটা সংখ্যা) ম হ'লে,

$$E(c) = \lambda$$

$$\forall Var (c) = \lambda$$

কটা সংখ্যার ক্রমচিত্র—প্রমাণ মার দেওরা আছে

विष λत्र श्रेमान मान c' सत्ता इत । क्रांगिनः स्थात क्रमिक्टिक

অধ: নিয়ন্ত্রণ সীমা
$$= c' - 3\sqrt{c'}$$

মধ্যকর্তী রেখা $= c'$
উর্দ্ধ নিয়ন্ত্রণ সীমা $= c' + 3\sqrt{c'}$

(4.19)

🐗 সংখ্যার ক্রমচিত্র—প্রমাণ মাব দেওরা বেই

এখানে λর প্রাক-কলক হ'ল ট, যেক্ষেত্র

$$\bar{c} = \sum_{i=1}^{m} c_i / m,$$

c; হ'ল i-তম গুচ্ছাংশে ত্রুটী মংখ্যা ৷ তাহ'লে এক্ষেত্রে,

জধঃ নিয়ন্ত্রণ সীমা
$$=\bar{c}-3\sqrt{\bar{c}}$$
সধ্যবর্তী রেখা $=\bar{c}$
ভর্ম নিয়ন্ত্রণ সীমা $=\bar{c}+3\sqrt{\bar{c}}$ । (4.20)

উভায় ক্ষেত্রে যদি অধ: নিয়ন্ত্রণ ীমাধীণাত্মক হয়, তাকে 0 হিসাবে ধরা হবে।

4.7 क्षणांनी विश्वत्र जन्मदर्क काटनाहमा

নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্র দুইটি পৃথক কাজে ব্যবহার করা যেতে পারে—এক, অতীতে প্রণানী নিয়ন্ত্রিত অবস্থায় ছিল কিমা জানতে ও দুই, ভবিঘ্যতে নিয়ন্ত্রণযোগ্য কারণ ঘটনে তার অনুসন্ধান ও দূর করতে। বতীতে প্রশালী নির্ম্ভিত অবস্থার ছিল কিনা জানতে হ'লে অতীতে গৃহীত গুচ্ছাংশগুলি থেকে প্রস্তুত নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্রে বিলুগুলি সব নিয়ন্ত্রণ সীমার মধ্যে আছে কিনা দেখতে হবে।

ভবিষ্যতে নিয়ন্ত্রণযোগ্য কারণ অনুসদ্ধানের জন্য নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্র তৈরী করতে হ'লে যে সব বিন্দু নিয়ন্ত্রণ সীমার বাইরে সেগুলি বাদ দিয়ে নুত্রন করে নিয়ন্ত্রণ ক্রযচিত্র তৈরী করতে হবে ও অতীতে কোন নিয়ন্ত্রণযোগ্য কারণ থাকলে সেগুলি দূর করতে হবে।

প্রণালী নিয়য়ণকালে অনেক সময় নির্দেশীকৃত মানসীমা দেওয়া থাকে ।
আনেক সময়ে নিয়য়ণ সীমা বা সংশোধিত নিয়য়ণ সীমা নির্দেশিত
মানসীমার বাইরে থাকে। সেক্ষেত্রে সিদ্ধান্ত হ'ল এই যে প্রন্তপ্রপালীর
পরিবর্ত্তন না হ'লে নির্দেশিত মানসীমার মাল প্রস্তুত করা সম্ভব নয়।
আবার যদি নির্দেশিত মানসীমা নিয়য়ণ সীমার বাইয়ে থাকে তাহ'লে
অভিজ্ঞতার ভিত্তিতে নির্দেশিত মানসীমা কমানো যেতে পারে অথবা প্রস্তুত-প্রণালী এমন ভাবে ঢেলে সাজানো যেতে পারে যাতে খরচ কমে, কিন্তু
নিয়য়ণ সীমা কিছুটা বেড়ে যায়।

প্রশালী নিয়ন্ত্রণের সাহায্যে আমরা প্রস্তুত করা মাল সভোষজনক করে তুলতে সাহায্য করতে পারি। এর সাহায্যে প্রস্তুতি ব্যয়ও কমবে, কারণ এতে ক্রটীযুক্ত মাল অনেক কম তৈরী হবে। এছাড়া এতে প্রস্তুতকারীর স্থনামও বাড়বে।

প্রণালী নিয়ন্ত্রণ আমাদের মানসীমা নিদেশীকরণে সাহায্য করবে। তাছাড়া প্রণালী নিয়ন্ত্রণ নট্ নিয়ন্ত্রণেও সাহায্য করবে কারণ প্রণালী নিয়ন্ত্রণ করা হলে লট্বর্জনের সম্ভাবনা কমে যাবে ও অপেক্ষাকৃত ছোট নমুনা থেকেই আমরা গ্রহণ বর্জন সম্পর্কে সিদ্ধান্তে আসতে পারব।

তথাহরণ 4.1 কোন উৎপন্ন বস্তু থেকে প্রতিটি ওচ্ছাংশে 5টি করে নমুনা নেওরা হ'ল ও বস্তুটির ব্যাস (ইঞ্চিতে) মাপা হ'ল। ব্যাসের গড় (ট) ও প্রসার (R) 30টি ওচ্ছাংশের জন্য নিম্নে দেওরা হ'ল। প্রথম 20টি ওচ্ছাংশ থেকে গুণ নিয়ন্ত্রণ চিত্র (টিও R এর জন্য) নির্দির কর ও পরবর্তী 10টি গুচ্ছাংশ নিয়ন্ত্রিত অবস্থার আছে কিনা চিত্র থেকে বিচার কর।

				A	
গুচ্ছাংশ সংখ্যা	ā	R	প্তচ্ছাংশ সংখ্যা	æ ,	R
1	.440	015	16	•436	·015
2	•439	-018	17 .	•438	•019
3	•445	·018	18	•435	•008
4	•443	•006	19	:438	•011
5	•443	•008	20	·438	•009
6	-438	-010	21	•439	•006
7	•436	•011	22	•438	•008
8	•444	•019	23	436	·016
9	•437	•010	24	·435	-009
10	•437	•011	25	•434	€005
11	•436	•011	26	•437	·014
12	· •440	·007	27	•435	•009
13	•433	•008	28	•437	·015
14	•436	·017	29	•434	·024
15	•431	•010	30	-437	•014

এক্ষেত্রে প্রথম 20টি গুচ্ছাংশের মিলিত গড় (\sharp) ও প্রসার R এর গড় (R) হন—

$$\bar{x} = \frac{8.763}{20} = 0.438$$

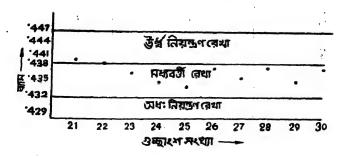
$$R = \frac{C \cdot 241}{20} = 0.012$$

আবার R এর নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্রে-

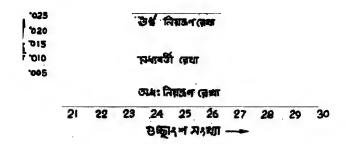
মধ্যবর্জী রেখা = R = 0·012, অধঃ নিয়ন্ত্রণ রেখা = $D_s R$ = 0 × 0·012 = 0

ও উর্ছ নিময়ণ রেখা =
$$D_4 \bar{R}$$
=2·115 × ·012
=0·025

নিম্মে পরবর্জী 10টি গুচছাংশের ক্র ও R নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্রে বসিয়ে পেশা গেল উভয় নিয়ন্ত্রণ চিত্রেই সবগুলি বিন্দু নিয়ন্ত্রণ সীমাহয়ের মধ্যে রয়েছে। স্থতরাং পরবর্জী 10টি গুচছাংশ নিয়ন্ত্রিত অ্বস্থায় রয়েছে।



চিত্র 4.3 গড় নিয়ন্ত্রণ চিত্র (ই-chart) উদাহরণ 4.1 এর রাশিতখ্য খেকে।



চিত্ৰ 4.4 প্ৰসার নিয়ন্ত্ৰণ চিত্ৰ (R-chart) উপাহরণ 4 1 এর রাশিতখ্য খেকে ।

উদাহরণ 4.2 নিম্নে উদ্ধৃত রাশিতথ্য থেকে উপযুক্ত নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্র অঙ্কন কর ও নিয়ন্ত্রণ অবস্থা সম্পর্কে মন্তব্য কর ।

গুচ্ছাংশ সংখ্যা	পরিদৃষ্ট আইটেম সংখ্যা	ক্রটীযুক্ত আইটেম সংখ্যা
1	50	2
2	50	3
3	50	0
4	50	6 .
5	50	4
6	50	7
7	50	3
8	50	9
9	50	3

वशास्त छन्यूछ निराधन क्विकित र'न np (क्कीयूछ जारेट्डेंब गर्था)

এক্ষেত্রে জানীযুক্ত আইটেন ভপ্নাংশের গড় (p) হ'ল--

$$\bar{p} = \frac{37}{50 \times 9} = \frac{37}{450} = 0.082$$

এই নিয়ন্ত্ৰণ ক্ৰমচিত্ৰে, স্বয়**স্ত্ৰী** শ্লেখা =n 🌶

$$=50 \times \frac{37}{450} = 4.111$$

অধঃ নিয়ন্ত্রণ রেখা

$$=n\bar{p}-3\sqrt{n\bar{p}(1-\bar{p})}$$

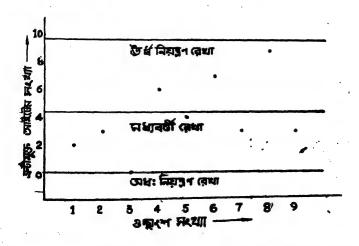
$$=4.111-3\sqrt{50\times.082\times.918}$$

$$=4.111-5.800$$

$$=-1.689$$

এই মানটি ঋণাত্মক হওয়ায় 0 ধরা হবে। উর্দ্ধ নিয়ন্ত্রণ বেধা =4·111+5·800=9·911।

নিয়ন্ত্রণ ক্রমটিত্রে ক্রটীযুক্ত আইটেম সংখ্যার মানগুলি বসিয়ে দেখা গেল সব বিন্দুগুলি নিয়ন্ত্রণ সীমাষয়ের মধ্যে রয়েছে। স্থতরাং গুচ্ছাংশগুলি নিয়ন্ত্রিত অবস্থায় রয়েছে।



চিত্র 4.5 np নিমন্ত্রণ ক্রমচিত্র—উদাহরণ 4.2 এর রাশিতথ্য থেকে।

ভদাহরণ 4.3 নিম্নোদ্ধত সারণীতে প্রতিটি রেডিও এসেম্বনিতে ভগ্ন প্রছিদংখ্যা দেওয়া হ'ল। ত্রুটীসংখ্যার নিয়ন্ত্রণ ক্রুমচিত্র শ্বাশিতখ্যগুলির নিয়ন্ত্রিত অবস্থা বিচার কর । 🔑 📑 💮

রেডিওর ক্রমিক সংখ্যা	ভগু গ্ৰন্থিন	রেডিওর ক্র মি ক সংখ্যা	ভগু গ্রন্থিয়
1	16		6
2	3	12	10
3	9	13	18
4	22	14	12
5	1	15	14
6	, 2	16	1
43 (7) 23/11	16	17	19
10 pt of the second	8	18	20
9	12	19	27
10	- 6	20	9

 $\bar{c} = \frac{231}{20} = 11.55$

ভুতরাং ক্রটীসংখ্যার (c) নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্রে, - মধ্যবর্ত্তী রেখা == c== 11·55

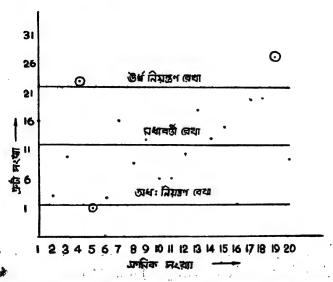
ज्यशः निराष्ट्रण (तथा $= \bar{c} - 3\sqrt{\bar{c}}$

 $= 11.55 - 3 \times 3.40$

=11.55-10.20

উর্দ্ধ নিয়ন্ত্রণ রেখা — 11·55 + 10·20 — 21·75

ক্রটী সংখ্যার মান ক্রমচিত্রে বসিরে দেখা গেল, 4-তম ও 19-তম ক্রমিকসংখ্যার ক্রটীসংখ্যা উর্দ্ধ নিয়ন্ত্রণ রেখার বাইরে ও 5-তম ও 16-তম ক্রমিক সংখ্যান ক্রটীসংখ্যা নিমু নিয়ন্ত্রণরেখার বাইরে রয়েছে। স্বতরাং ক্রমিক সংখ্যান ক্রমিক স্বস্থায় নেই।



চিত্র 4.6 c-নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্র—উদাহরণ 4.3 এর রাশিতথ্য থেকে।

48. মমুলা বীক্ষণ—গুণলক্ষণের সাহায্যে

লট্ নিয়ন্ত্ৰণের কাজে পুরে। লট্ বীক্ষণ অর্থনৈতিক কারণে গভব নয়—নমুনাবীক্ষণ আমাদের করতেই হবে। এখানে আমরা গুণলক্ষণের গাহায্যে নমুনাবীক্ষণ আলোচনা করব। কোন আইটেম ভালভাবে পরীক্ষা করে তাকে ক্রটীযুক্ত ও ক্রটীযুক্ত এই দুই শ্রেণীতে ভাগ করতে হবে এবং লট্টি গ্রহণযোগ্য কিনা তা ঠিক করতে হবে নমুনায় প্রাপ্ত ক্রটীযুক্ত বস্ত ভগ্নাংশের সাহায়ে।

প্রথমেই কয়েকটি সংজ্ঞা আলোচনা করা প্রয়োজন।

विख्का ना श्रहणकातीत वूँ कि (Producer's risk)

বিজেতা বা প্রস্তুতকারী বলতে বোঝায় যে কোন ব্যক্তি, কারখানা বা কোশানী বা কারখানার একটি বিভাগ, যে অপর কোন ব্যক্তি, কারখানা, কোশানী বা কারখানার অপর বিভাগে মাল সরবরাহ করে। নমুবা ৰীক্ষণ প্ৰশানীতে সৰ সময় বিক্ৰেতার ঝুঁকি থাকে—ঘ্রোক্তিক কারণে কাট্ট বর্জন করায়। ধরা যাক, বিক্রেতার মাদ্র প্রমানীকৃত ও ৭ও ভাগুগে \hat{P} ধর বেশী দর বলে দাবী করছে। যদি গও ভাগুগে \hat{P} ই ধরা হয়, তাহলে, নমুনাবীক্ষণ প্রণানীতে লট্ বর্জনের সম্ভাবনাকে বলা হয় বিক্রেয়ার ঝুঁকি (P_p) ।

কেতার বুঁকি (Consumer's risk)

নমুনাবীক্ষণ প্রণালীতে ক্রেতারও একটা ঝুঁকি থাকে—একটা ক্রটাপূর্ণ লট্ প্রহণের মাধ্যমে। যদি ক্রেতার সহনবোগ্য ক্রটা ভগ্নাংশ p_i এর বেশী না হয়, তাহলে ক্রটা ভগ্নাংশ p_i হ'লে নমুনাবীক্ষণের সাহায্যে লট্টি গ্রহণের সন্তাবনাকে বলা হয় ক্রেতার ঝুঁকি (P_i) ।

বহিগামী গুণগড় সীমা (Average Outgoing Quality Limit বা AOQL)

নমুনাবীক্ষণ প্রণালী বছবার ব্যবহার করার পরে বিক্রীত লট্গুলিতে ক্রটা ভগুাংশের প্রভ্যাশাকে বলা হর বহির্গামী গুণগড় (AOQ)। এই বহির্গামী গুণগড় লটের সঠিক ক্রটা ভগুাংশ p এর উপর নির্ভরশীল। বহির্গামী গুণগড়ের p এর পরিবর্ত্তন সাপেক্ষে যে সর্বোচ্চ সীমা আছে ভাকে বহির্গামী গুণগড় সীমা (AOQL) বলা হয়।

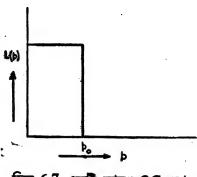
গড় বমুবা সংখ্যা (Average Sample Number বা ASN)

কোন স্থির সিদ্ধান্তে আসতে হ'লে নমুনা সংখ্যার প্রত্যাপিত মানকে গড় নমুনাসংখ্যা (ASN) বলে। গড় নমুনাসংখ্যাও p এর উপর নির্ভরশীল। গড় নমুনা সংখ্যা p এর বিপরীতে বসিয়ে যে লেখচিত্র হয় তাকে গড় নমুনা সংখ্যা রেখা (ASN curve) বলে। অন্যান্য বৈশিষ্ট্য একই খাকলে, গড় নমুনাসংখ্যা রেখা যত নীচে থাকবে, নমুনানীক্ষণ প্রণালীটি তত ভাল।

ব্যবহারিক বৈশিষ্ঠ্য (Operating characteristic বা OC)

বদি খণ্ড ভগাংশ p হয়, তাহলে নমুনাবীক্ষণ প্রণানীতে নট্টি গৃহীত হণ্ডয়ায় সম্ভাবনাকে L(p) দিয়ে বোঝান হয়। L(p) কে মধ্যে শ্যবহারিক বৈশিষ্ট্য। L(p), p এর উপর নির্ভরশীল। L(p) কে p এর বিপরীতে বসিয়ে যে লেখচিত্র হয় তাকে ব্যবহারিক বৈশিষ্ট্য রেখা (OC curve) বলে। এই রেখা যত খাড়াভাবে উঠবে ক্রেভার পক্ষে প্রণানীটি ছত ভাল। একটি

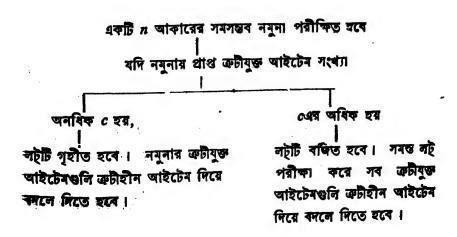
আদর্শ নমুনাবীক্ষণ প্রণালীতে একটি নিদিষ্ট খণ্ড ভগ্নাংশযুক্ত বা উৎকৃষ্টতর সব লট্ গৃহীত হবে, না হলে বর্জন করা হ'বে।



চিত্ৰ 6.7 একটি আদশ OC রেখা

4.8.1 একক नमुनावीकन अनानी

এই প্রণালীতে প্রতিটি N আকারের লট্ থেকে n আকারের একটি নমুনা নেওয়া হয়। নমুনার প্রতিটি আইটেম পরীক্ষা করা হয়। যদি নমুনার প্রাপ্ত জাইটেম সংখ্যা অনধিক c হয়, তাহলে লট্টি গৃহীত হঁবে আর যদি ক্রটীযুক্ত আইটেম সংখ্যা এরে অধিক হয় তাহ'লে লট্টি বর্জন করা হবে। প্রথম ক্ষেত্রে নমুনায় প্রাপ্ত ক্রটীযুক্ত আইটেমগুলি ক্রটীহীন আইটেম দিয়ে বদল করতে হবে। বিতীয় ক্ষেত্রে বঞ্জিত লট্টি সম্পূর্ণভাবে পরীক্ষা করে সমস্ত ক্রটীযুক্ত আইটেম ক্রটীহীন আইটেম দিয়ে বদল করতে হবে। প্রণালীটি নিমুক্তপ—



अधारन n ও c এই पूरोहि সংখ্যা नयूनावीक्ष्म थानानीत्र निर्नायक । n ও c निर्नायत पूर्वि भाष चार्छ ।

লটের শুণ রহ্মণ (Lot Quality Protection)

এখানে লটের আকার N, ক্রেতার সহনবোগ্য ক্রটী ভগ্নাংশ P_t , বিক্রেতার উৎপাদন প্রক্রিয়ার গড় ক্রেটী ভগ্নাংশ \overline{P} ও ক্রেতার বঁকি P_c র সাহাব্যে n ও c নির্ণয় করা হয় ৷ এক্লেক্রে, ক্রেতার বঁকি P_c হ'ল

$$P_{c} = \sum_{t=0}^{c} {N-Np_{t} \choose n-x} {Np_{t} \choose x} / {N \choose n}$$

$$(4.21)$$

ও বিক্তোর ঝুঁকি (Pp) হ'ল-

$$P_{\hat{p}} = 1 - \sum_{x=0}^{\infty} {\binom{N-N\bar{p}}{n-x}} {\binom{N\bar{p}}{x}} / {\binom{N}{n}}$$
(4.22)

পরীক্ষিত আইটেম সংখ্যার প্রত্যাশিত মান হ'ল—

$$I=n+(N-n)P_{p},$$
 (4.23)

বেহেতু n টি আইটেম সর্বদাই পরীক্ষিত হবে ও বাকী (N-n)টি আইটেম পরীক্ষিত হবে যদি লট্টি নমুনাবীক্ষন প্রণালী অনুযায়ী বজিত হয়। N, p_t ও P_c এর প্রদন্ত মান বেকে n ও c র বহুসংখ্যক যুগম মান নির্দয় করা যায়। n ও c এর সেই যুগমমান গৃহীত হবে যার জন্য I সর্বনিমু হয়।

বহিগামী খুণগড় রক্ষণ (Average Outgoing Quality Protection)

এক্ষেত্রে p_i ও P_c এর বদলে বহির্গামী গুণগড় সীমা (AOQL) এর বান নিদিষ্ট হয় । প্রণালী অনুযায়ী বহির্গামী গুণগড় (AOQ) হ'ল

$$AOQ = \sum_{x=0}^{d} \left(\frac{N-x}{N}\right) {N-Np \choose n-x} {Np \choose x} / {N \choose n}$$
 (4.24)

AOQ, p এর উপর নির্ভরশীল। p এর পরিবর্ত্তন সাপেকে AOQ এর সর্বোচ্চ মান হ'ল বহির্গামী গুণগড় সীমা (AOQL)। AOQL এর প্রদক্ত

মান থেকে n ও c এর বছসংখ্যক যুগমমান পাওয়া যাবে। সেই যুগমমান নেওয়া হবে যাতে I সর্বনিমু হয়।

Dodge ও Romig এই নমুনাবীক্ষণ প্রণালীর প্রচুর পরিষাণে সার্গী তৈরী করেছেন।

লক্ষ্য করা যেতে পারে, এই একক নমুনাবীক্ষণ প্রণানীতে ASN $[E_p(n)]$ হ'ল

 $E_p(n)\!=\!n$, যদি সম্পূর্ণ পরীক্ষণ না করে নট্টি শুধু গৃহীত বা বঞ্জিত হয়। (4.25)

OC [L(p)] र'न

$$L(p) = \sum_{x=0}^{c} {\binom{Np-n}{n-x} {\binom{Np}{x}} / {\binom{N}{n}}}$$
(4.26)

উদাহরণ 4.4 নিমুলিখিত নিদিষ্ট মানসীমার জন্য একক নমুনাবীক্ষণ পরিকল্পনা নির্ণয় কর। পরিকল্পনাগুলির বহির্গামী গুণগড় সীমা নির্ণয় কর।

(a) N=3500, $p_{\tilde{t}}=1.00\%$, $\bar{p}=0.15\%$

(b) N=10,000, $p_t=10.00\%$, $\bar{p}=1.00\%$

Dodge ও Roming এর একক ন্যুনাবীক্ষণ পরিকল্পনার সারণী [1] থেকে আমরা পাব—

প্রথমটির জন্য, n = 510, c = 2

ও পরিকল্পনার বহির্গামী গুণগড় সীমা =0.24%।

বিতীয়টির জন্য, n =65, c=3

ও পরিকল্পনার বহির্গামী গুণগড়গীমা == 3.00%।

উলাছরণ 4.5 নিমুলিখিত নির্দিষ্ট মানসীমার জন্য একক নমুনা-বীক্ষণ পরিকল্পনা নির্ণয় কর। পরিকল্পনাটির সহনযোগ্য ক্রটীভগ্নাংশ নির্ণয় কর।

$$N=3600$$
, $\bar{p}=0.20\%$, $AOQL=2.00\%$

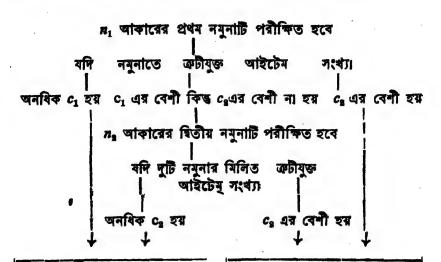
Dodge ও Romig এর একক নমুনাবীক্ষণ পরিকল্পনার সারণী

n=42, c=1

পরিকরনাটির সহনযোগ্য ফটীভগ্নাংশ=9.3%

4.8.2 दिश्वांत्री ममुमारी व्यवांनी

বিপর্যায়ী নমুনাবীক্ষণ প্রণালীতে একটি বা দুইটি নমুনার সাহাব্যে গ্রহণ-বর্জন সম্পর্কে স্থির সিদ্ধান্তে আসা হয়। প্রণালীটি নিমুক্তপ :



লট্টি গৃহীত হবে। নমুনার প্রাপ্ত ক্রটিযুক্ত আইটেমের বদলে ক্রটীযুক্ত আইটেম দেওয়া হবে।

লট্ সম্পূর্ণ পরীক্ষিত হবে। সব জ্ঞানুক্ত আইটেনের বদলে জ্ঞান-মুক্ত আইটেন দেওয়া হবে।

ছিপর্যায়ী নমুনাবীক্ষণে n_1 , n_2 , c_1 ও c_2 এই চারটি মান নির্ণয় করতে হবে। নির্ণয় পছা একক নমুনাবীক্ষণ প্রণালীরই অনুরূপ।

 $P_c, P_p, \ I$ ও AOQ র সূত্রগুলি নীচে দেওয়া হ'ল।

ধরা যাক,
$$P_x$$
, n ; Np , $N = {N - Np \choose n - x} {Np \choose x} / {N \choose n}$

তাহ'লে
$$P_c = \sum_{s=0}^{c_1} P_s$$
, n_1 ; Np_i , $N + \sum_{i=1}^{c_2-c_1} \sum_{s=0}^{c_2-c_1-i} Pc_1 + i$, n_1 ; Np_i , N

$$\times P_n$$
, n_2 ; Np_1-c_1-i , $N-n_1$ (4.27)

$$P_{\bar{p}} = 1 - \begin{bmatrix} c_1 \\ \Sigma \\ z = 0 \end{bmatrix} P_z, n_1; N\bar{p}, N + \sum_{i=1}^{c_1} \sum_{z=0}^{c_2 - i} Pc_1 + i, n_1; N\bar{p}, N$$

$$\times P_{x_1}, n_2; N\bar{p}-c_1-i, N-n_1$$
, (4.28).

$$1 = n_2 + n_2 \left(1 - \sum_{s=0}^{c_1} P_{ss}, n_1 ; N\bar{p}, N \right) + (N - n_1 - n_2) P_p$$
(4.29)

$$\Theta \quad AOQ = \sum_{x=0}^{c_1} \left(\frac{Np-x}{N} \right) P_x, n_1; Np, N$$

$$+\sum_{i=1}^{c_2-c_1}\sum_{x=0}^{c_2-c_1-i}\left(\frac{Np-c_1-i-x}{N}\right)Pc_1+i, n_1; Np, N$$

$$\times P_x$$
, n_1 ; $Np - c_1 - i$, $N - n_1 + (4.30)$

একেত্রে $ASN[E_p(n)]$ ও OC[L(p)] অপেকক দৃটি হ'ল—

$$E_p(n) = n_1 + n_2 \begin{bmatrix} c_2 \\ \Sigma \\ z = c_1 + 1 \end{bmatrix} P_z, n_1; Np, N$$
, যদি সম্পূর্ণ পরীক্ষণ

(4.31)

না করে লট্টি গৃহীত বা বজিত হয়

$$\times P_{\pi}, n_{1}; Np-c_{1}-i, N-n_{1}$$
 (4.32)

উদাহরণ 4.6 উদাহরণ 4.4 এ নির্দিষ্ট মানসীমাগুলির জন্য হিপর্যায়ী নমুনাবীক্ষণ পরিকল্পনা নির্দিয় কর। পরিকল্পনাগুলির বহির্গামী গুণগড় সীমা নির্দিয় কর।

Dodge ও Romig এর বিপর্যায়ী নমুনাবীক্ষণ পরিকল্পনার সারণী [1]

প্রথমটির জন্য, n₁=275, n₂=435, c₁=0 c₂=3 ও পরিকল্পনাটির বহির্গামী গুণগড় সীমা=0·25%।

ছিতীয়টির জন্য, $n_1=28$, $n_2=62$, $c_1=0$, $c_2=4$ ও পরিকল্পনাটির বহিগামী গুণগড় সীমা =3:00%।

উদাহরণ 4.7 উদাহরণ 4.5 এ নিদিট মানসীমাগুলির জন্য হিপর্যায়ী মমুনাবীক্ষণ পরিকল্পনা নির্ণয় কর। পরিকল্পনাটির সহনযোগ্য ক্রটী ভপ্নাংশ কত ?

Dodge ও Romig এর বিপর্য্যায়ী নমুনাবীক্ষণ প্রীন্ধিকয়নার সারণী [1] থেকে আমরা পাব—

n₁=38, n₂=62, c₁=0, c₂=3
ও পরিকল্পনাটির সহনযোগ্য ফ্রটী ভপ্নাংশ=7·3%।

4.8.3 वह भर्याश्री ममूनावीक न धनानी ७ कम भर्याश्री ममूनावीकन

দিপর্যায়ী নমুনাবীক্ষণ প্রণালীতে যদি পর্যায়সংখ্যা দুই এর অধিক হয়, অর্থাৎ গ্রহণ-বর্জনাত্মক স্থির সিদ্ধান্তে আসতে দুইএর অধিক নমুনা গ্রহণ করা হয়, তাকে বহুপর্যায়ী নমুনাবীক্ষণ বলে। যদি m-পর্যায়ী নমুনাবীক্ষণ হয় তাহলে n1, n2,...nm ও c1, c2,...cm এই 2mটি মান নির্ণয় করতে হবে। নির্ণয় প্রণালী একক বা দিপ্রায়ী প্রণালীয়ই অনুরূপ।

বহুপর্যায়ী নমুনাবীক্ষণে যদি প্রতি পর্য্যায়ে নমুনা সংখ্যা 1 হয় ও পর্যায়সংখ্যা সীমাহীন হয় তাকে ক্রমপর্য্যায়ী (Sequential) নমুনাবীক্ষণ প্রধানী বলে।

ধরা যাক, p হ'ল নটের ক্রেটীযুক্ত থণ্ড তগ্নাংশ। আরও ধরা যাক, ক্রেতা ও বিক্রেতা দুটি মান স্থির করন যাতে $p \leqslant p_o$ হ'লে নট্টি বর্জন করা ঠিক হবেনা আবার $p \gg p_1$ হলেও নট্টি গ্রহণ করা ঠিক নয় ও যদি $p_o হয় তাহ'লে গ্রহণ বর্জন সম্পর্কে কোন স্থির সিদ্ধান্তে আসা বাবেনা। এছাড়া <math>\alpha$ ও β দুটি মান স্থির করা হ'ল যাতে

 $L(p)\geqslant 1-\alpha$ $p\leqslant p_0$ হ'লে $p\geqslant p_1$ হলে ।

ভাহ'লে ক্রমপর্য্যারী নমুনা প্রণালী ক্রমপর্য্যারী সম্ভাবনা অনুখাত থেকে পাওরা বাবে। m-তম পর্য্যায়ে সম্ভাবনা অনুপাত হ'ল—

$$x_1, x_2, ... x_m$$
 নমুনা অবৈক্ষকদের সংযুক্ত সম্ভাবনা ভর
 $\frac{p_{1m}}{p_{om}}$ অপেক্ষক $p=p_1$ হ'লে
 $\frac{p_{1m}}{p_{om}}$ ঐ, $p=p_0$ হ'লে

$$\frac{m}{\pi} p_1^{x_i} (1-p_o)^{1-x_i}$$
 $= \frac{1}{m}$, $x_i=1$ यिन i তম আইটেম ক্রেটামুক্ত ক্ষা $\pi p_o^{x_i} (1-p_o)^{1-x_i}$ হয় ও $x_i=0$, यिन ক্রেটামুক্ত হয় ।

$$=rac{p_1}{dm}rac{(1-p_1)}{m-dm}$$
 , d_m হ'ল m টি পরীক্ষিত আইটেনে ক্লেমিবুরু p_0 $(1-p_0)$ বও সংখ্যা। (4.33)

क्म वर्षायी, नमूनां वीकर्ष, m जम वर्षात्य-

$$\frac{p_{1m}}{p_{om}} \leq \frac{\beta}{1-\alpha}$$
 হ'লে লট্টি গৃহীত হ'বে,

$$\frac{p_{1m}}{p_{om}} > \frac{1-\beta}{p_{om}}$$
 হ'লে নট্টি বজিত হ'বে

ও
$$\frac{\beta}{1-\alpha} < \frac{p_{1m}}{p_{om}} < \frac{1-\beta}{\alpha}$$
 হু'লে আরও একটি আইটেন পরীকা করতে হ'বে।

একেত্রে,

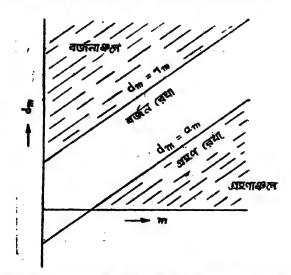
 $d_m\leqslant a_m$ হ'লে নট্টি গৃহীত হ'বে, $a_m\geqslant r_m$ হ'লে নট্টি বঞ্চিত হ'বে

ও $a_m \leq d_m \leq r_m$ হ'লে আরও একটি আইটেন পরীকাকরতে হ'বে— বেশাহন,

$$a_{m} = \frac{\log \frac{\beta}{1 - \alpha}}{\log \frac{p_{1}(1 - p_{0})}{p_{0}(1 - p_{1})}} + m \frac{\log \frac{1 - p_{0}}{1 - p_{1}}}{\log \frac{p_{1}(1 - p_{0})}{p_{0}(1 - p_{1})}}$$
(4.34)

$$e r_{m} = \frac{\log \frac{1-\beta}{\alpha}}{\log \frac{p_{1}(1-p_{0})}{p_{0}(1-p_{1})}} + m \cdot \frac{\log \frac{1-p_{0}}{1-p_{1}}}{\log \frac{p_{1}(1-p_{0})}{p_{0}(1-p_{1})}}$$
(4.35)

ৰক্ষ্য করা বেতে পারে a_m ও r_m দুটিই m এর ঋজুরৈখিক অপেক্ষক। একটা কোটিয়ে a_m ও r_m —গ্রহণরেখা ও বর্জনরেখা আঁকা যায়। বিদ (m, d_m) বিদু গ্রহণরেখার উপরে বা তার নীচে থাকে তাহ'লে লট্টি পৃহীত হ'বে ও বর্জনরেখার উপরে বা তার উপরে থাকে তাহ'লে লট্টি ক্ষ্যিত হ'বে । তা না হ'লে পরবর্জী পর্য্যায়ে যেতে হবে।



विक 4.8 लंबिहित्कन नाशस्या क्रमभ्यामी नमुनातीक न

4.8.4 ভিন্ত প্রণালীর তুলনামূলক আলোচনা

প্রশানীগুলি তুলনামূলক আলোচনার নিরিখ দুটি—গড় নমুনা সংখ্যা (ASN) ও ব্যবহারিক বৈশিষ্ট্য (OC)। ধরা বাক তিনটি প্রণানী— একটি একক, একটি বিপর্যায়ী ও অন্যটি বহুপর্যায়ী বা ক্রমপর্যায়ী— সমতুল, কারণ তাদের OC প্রার সমান। দেখা বাবে বে একক নমুনা প্রণালীতে গড় নমুনাসংখ্যা সর্বাপেক। বেলী, হিপর্য্যায়ী নমুনা প্রণালীতে তার চেয়ে কম ও ক্রমপর্য্যায়ী নমুনা প্রণালীতে সর্বাপেক। কম। হিপর্যায়ী প্রণালীতে শতকর। 25 থেকে 33 ভাগ কম নমুনা প্রয়োজন হবে—ক্রমপর্য্যায়ী প্রণালীতে শতকর। 33 থেকে 50 ভাগ কম নমুনা লাগবে। স্থ্তরাং সময় ও খরচের দিক দিয়ে ক্রমপর্য্যায়ী নমুনাপ্রণালীই শ্রেষ্ঠ।

আইটেন পরীক্ষকদের প্রশিক্ষণ একক প্রণালী অনুসরণ করতে সর্বাপেকা সহজ, ক্রমপর্য্যায়ী প্রণালী অনুসরণ করতে সর্বাপেকা কঠিন।

লট্টি থেকে একাধিকবার নমুনা নেওয়ার মধ্যে যে মানসিক সম্বাষ্টি তা একক প্রণালীতে অনুপশ্বিত, কিছ ক্রমপর্য্যায়ী প্রণালীতে সর্বাপেক। বেশী।

উদাহরণ 4.8 যদি $p_o=0.02$, $p_1=0.05$, $\alpha=0.05$ ও $\beta=0.10$ হয়, তাহলে ক্রমপর্যায়ী নমুনাবীক্ষপ প্রণাদীতে গ্রহণরেখা ও বর্জনরেখা নির্দিয় কর।

चामत् (नत्रिष्ट् $m=1, 2, 3, \ldots$ अत्र खना গ্রহণসংখ্যা (a_m) ও বর্জণসংখ্যার (r_m) সূত্র হ'ল—

$$a_{m} = \frac{\log \frac{\beta}{1 - \alpha}}{\log \frac{p_{1}(1 - p_{0})}{p_{0}(1 - p_{1})}} + m \cdot \frac{\log \frac{1 - p_{0}}{1 - p_{1}}}{\log \frac{p_{1}(1 - p_{0})}{p_{0}(1 - p_{1})}}$$

$$\log \frac{1 - \beta}{\alpha} \qquad \log \frac{1 - p_{0}}{1 - p_{1}}$$

$$e r_{m} = \frac{\log \frac{1-\beta}{\alpha}}{\log \frac{p_{1}(1-p_{o})}{p_{o}(1-p_{1})}} + m \cdot \frac{\log \frac{1-p_{o}}{1-p_{1}}}{\log \frac{p_{1}(1-p_{o})}{p_{o}(1-p_{1})}}$$

₽0, ₽1, α ও β র মান বসিয়ে—

$$a_{m} = \frac{\log \frac{0.10}{0.95}}{\log \frac{.05 \times 0.98}{.02 \times 0.95}} + \frac{\log \frac{0.98}{0.95}}{\log \frac{0.05 \times 0.98}{0.02 \times 0.95}}$$

$$= \frac{\log 0.1052}{\log 2.5789} + m. \frac{\log 1.0316}{\log 2.5789}$$

$$= \frac{0.9779843}{0.4114345} + m. \frac{0.0135534}{0.4114345}$$

$$= -2.377 + 0.033 m$$

অনুরূপভাবে,

 $r_m = 3.051 + 0.033 m$.

जन्मे नमी

- 4.1 নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্রের তাত্ত্বিক ব্যাখ্যা দাও।
- 4.2 বিভিন্ন প্রকার প্রস্তুতপ্রণালীতে ব্যবহাত বিভিন্ন ধরণের গুণনাপকের (সংখ্যাগত বা গুণলক্ষণ) জন্য নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্র ব্যবহার করে
 কিভাবে গ্রপনিয়ন্ত্রণ করা সম্ভব তা আলোচনা কর ।
- 4.3 গুণ নিয়ন্ত্রণ পদ্ধতিতে ব্যবস্থৃত নিমুলিখিত শব্দগুলির সংজ্ঞা নির্দেশ কর—
- (ক) গুচ্ছাংশ, (খ) নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্র, (গ) প্রমাণ মান (খ) নিদিষ্ট মানসীমা।
- . 4.4 একক, হিপর্যায়ী ও বহুপর্যায়ী নমুনাবীক্ষণ প্রণালী ব্যাখ্যা কর। একক ও হিপর্যায়ী নমুনাবীক্ষণ প্রণালী (ফটা-ভগ্নাংশের সাহাব্যে) নির্দরের পদ্ধতি আলোচনা কর।
- 4.5 নমুনাবীক্ষণ পদ্ধতিতে ব্যবহৃত নিমুলিখিত শব্দগুলির সংজ্ঞা নির্দেশ কর—

ক্রেতার ঝুঁকি, বিক্রেতার ঝুঁকি, লটের সহনযোগ্য ক্রটী ভগাংশ, বহির্গামী গুণগড় দীমা, ব্যবহারিক বৈশিষ্ট্য রেখা, নমুনাসংখ্যা রেখা।

- 4.6 ক্রমপর্য্যায়ী নমুনাবীক্ষণ পদ্ধতি (ক্রটা ভগ্নাংশের সাহায্যে)
 বিশ্লেষণ কর।
- 4.7 একটি যা অন্তের চাক্তি প্রস্তুত করছে যার স্থূলন্তের নির্দেশীকৃত বানসীয়া '008" থেকে '015"। প্রতি গুচ্ছাংশে 6টি করে নরুনা নেওরা হ'ল। ট ও R ক্রমন্তিত্র এঁকে দেখ যে—
- (ক) স্থূল্য নির্মিত অবস্থার আছে কিনা (খ) নির্মিত অবস্থার থাক্তন, নির্দেশীকৃত নানগীনা লক্ষন করছে কি না।

नयूना गःशा		ৰৰ চাকতি	ৰ চাকতির স্বৃদ্ধ (∙001 ইঞ্চি একক)				
1	12	14	8	12	10	9	
2	10	11	13	8	9	12	
3	12	11	16	14	15	16	
4	. 17	12	16	17	16	12	
5	8	15	14	10	14	14	
6	8	13	15	12	15	10	
7	14	13	12	10	12	13	
8	11	10	7	16	9	12	
9	9	14	10	12	12	14	
i j	12	10	14	12	14	13	
- 11	10	8	12	10	9	12	
12	10	10	8	8	. 9	11	
13	9	7	10	12		10	
14	13	11	8	14	13	15	
15	8	7	13	14	12	8	

4.8 বিমুলিখিত রাশিতখ্য 20টি রবার বেল্টের বটে (প্রতিটি লটে 2300 আইটেম) প্রাপ্ত ক্রেটিপূর্ণ আইটেম সংখ্যা দেওয়া হ'ল। ক্রেটিমুক্ত আইটেম সংখ্যার নিরম্বণ ক্রমচিত্র এঁকে নিরমিত অবস্থা সম্পর্কে বন্তব্য কর :

430, 435, 221, 346, 230, 327, 285, 311, 342, 308, 456, 394, 285, 331, 198, 474, 131, 269, 221, 407

4.9 নিমু সারণীতে প্রতি 100 গল উলের জিনিমে ক্রটার সংখ্যা দেওয়া হ'ল। ক্রটাসংখ্যার নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্র আঁক ও মন্তব্য কর:

ब्बिनिष गःश्रा	किंग गःथा	क्षिनिष गःश्रा	कंटिनःथा	
1	3 .	11	4	
2	3	12	10	
3	6	13	5	
4	3	14	5	
5	0	15	5	
6	1	16	4	
7	3	17	3	
8	5	18	4	
9	7	19	5	
10	8	20	1	

4.10 কোন বজাংশ প্রস্তুতকারক কারবান। থেকে প্রতিদিন 100টি বজাংশের দর্না নিরে জটাবুজ বজাংশ সংখ্যা গোলা হ'ল। নিম্নে জটাবুজ বজাংশ সংখ্যা থেকে জটাবুজ ভর্নাংশের বজাংশ সংখ্যা থেকে জটাবুজ ভর্নাংশের নিরম্বা জন্দির অবদা কর ও দেখ তারপরেও অবদা নিরম্বিত কিনা।

12	15	5	16	21	12	. 7	16
13	10	18	22	- 33	8	6	26
11	6	19	16	8	14	18	32
7	4	16	23	16	14	22	26
28	16	15	20	11	6	8	24

- 4.11 নীচে দেওয়া নিদিষ্ট মানের ঘন্য উপযুক্ত একক ও ছিপর্যারী নমুনাবীক্ষণ প্রণালী নির্দয় কর (Dodge ও Romig এর সারশী ব্যবহার করে)। প্রথম ক্ষেত্রে প্রণালীগুলির বহির্গামী গুণগড় সীমা ও ছিতীর ক্ষেত্রে সহনযোগ্য ক্রটী ভগ্নাংশ কত লেখ।
 - (\Rightarrow) N=2000, $\bar{p}=1.00\%$, $p_t=2.0\%$
 - (4) N=3000, $\bar{p}=2.00\%$, AOQL=3.0%
- 4.12 $p_0=0.03$, $p_1=0.06$, $\alpha=0.05$ ও $\beta=0.10$ হ'লে জন-পর্য্যায়ী নমুনাবীক্ষণ প্রণালীর গ্রহণ ও বর্জন রেখা নির্ণয় কর।
- 4·13 নিমুলিখিত একক নমুনাবীক্ষণ পরিকল্পনার জন্য ASN ও OC রেখা অন্ধন কর। এক্ষেত্রে বর্জন অর্থ নটের বাকী আইটেনও পরীক্ষা করতে হবে। [Poisson এর নিবেশন ব্যবহার করা যেতে পারে]
 - (7) N=1000, n=50, c=0
 - (4) N=1000, n=80, c=1
 - (η) N=1000, n=100, c=2

সহপাঠ্য পুস্তকাবলী

- [1] Dodge H. F & Romig, H. G. Sampling Inspection Tables. John Wiley, 1959.
- [2] Duncan, A. J. Quality control and Industrial Statistics (Parts II & IV). Richard D. Irwin, 1953.

- [3] Goon, A. M., Gupta, M. K. & Dasgupta, B. Fundamentals of Statistics, Vol-II (Ch. 27). World Press, 1972.
- [4] Grant, E. L. Statistical Quality Control (Parts I—IV), Mo-Graw-Hill, 1964.
 - [5] Shewhart, W. A. Economic Control of Quality of Manufactured Product (Chs. 1, 3, 11, 19, 20). Van Nostrand, 1931.

পঞ্চম পরিচ্ছেদ

सुक्क मश्बा।

(Index Number)

5.1 जूडला

সূচক সংখ্যার ঘারা কতগুলি পরস্পর সম্পর্কযুক্ত চলক (Related Variables)-এর পরিবর্জনের পরিমাপ করা হ'মে থাকে। উদাহরণ স্বর্মপ, সমরের পরিবর্জনের সাথে সাথে বিভিন্ন পণ্যক্রব্যের দরের হেরফেরের পরিমাপ দরের সূচক (Price Index) ঘারা করা হ'য়ে থাকে (এখানে পণ্যক্রব্যের দরকে চলক হিসাবে ধরা হ'য়েছে)। অনুরূপভাবে দুটো বিভিন্ন সময়ে শিল্পজাত দ্রব্যাদির উৎপাদনের পরিবর্জনের পরিমাপ, দুটো বিভিন্ন সময়ে দেশের বেকার লোকের সংখ্যার পরিবর্জনের পরিমাপ কিংবা একই শ্রেণীর লোক এক দেশ থেকে আর এক দেশে বদলী ইওয়ার ফলে তাদের জীবন ধারণের ব্যয়ের যে পরিবর্জন হয় তার পরিমাপ সূচক সংখ্যার সাহায্যে করা যায়।

আগে সূচক সংখ্যার ব্যবহার করা হোতে। প্রধানতঃ পণ্যের দরের পরিবর্ত্তন পরিমাপ করার জন্য। কিন্তু এখন এর ব্যবহার খুবই ব্যাপক্তাবে করা হ'রে থাকে। তথাপি এখন পর্যান্ত বিভিন্ন ধরণের দরের পরিবর্ত্তনের পরিমাপক সূচকগুলির গুরুত্বই সর্ব্বাপেক্ষা অধিক। বিভিন্ন জব্যের দরের পরিবর্ত্তনের সাথে সাথে কর্ম্মচারী বা প্রমিকদের বেতন, মাগ্র্সীভাতা, বাড়ীভাড়ার ভাতা ইত্যাদিরও পরিবর্ত্তন করার প্রয়োজনীয়তা অনুভূত হ'রে থাকে। এজন্য বর্ত্তমানে বিভিন্ন ধরণের দরের সূচকের গতিপ্রকৃতির প্রতি লক্ষ্য রাখা প্রমিক, মালিক, সমাজকর্মী, ট্রেড ইউনিয়ন কর্মী কিংবা রাজ্য বা কেন্দ্রীয় সরকারের পক্ষে প্রয়োজন। এই উদ্দেশ্যে স্বচাইতে বছল প্রচলিত সূচক হ'লো ভোজাদের দরের সূচক (Consumer Price Index বা সংক্ষেপে C P I) যার অপর নাম জীবিকা দির্দ্বাহণ ব্যরের সূচক (Cost of Living Index বা সংক্ষেপে C L I)। এ ছাড়া দেশের (বা রাজ্যের) মূল্যমান নির্দেশক পাইকারী দরের সূচক (Wholesale Price Index)-এর ব্যবহারও খুবই ব্যাপক।

5.2 স্থান ব্যবহাত করেনটি প্রতীক (Symbols used in Index Number)

আগেই বলা হ'রেছে একটি অবস্থাকে ভিডি (Base) ক'রে সেই অবস্থার তুলনার আর একটি অবস্থার পরিমাপ সূচক সংখ্যার হার। করা হ'রে থাকে। একটি সময়ের অবস্থার সাথে যখন আর একটি সময়ের অবস্থার তুলনা করা হয় তখন যে সময়কে ভিডি ক'রে এই তুলনা করা হয়, তাকে বলা হয় ভিডিকাল (Base Period) এবং যে সময়ের তুলনা করা হয় তাকে বলা হয় চল্তিকাল (Current Period)। এরপ ক্ষেত্রে কোনো একটি পণ্যের সূচক সংখ্যার জন্য নিমুলিখিত প্রতীক্ষণ ব্যবহার করা হ'রে থাকে:—

po = পণ্যের ভিত্তিকালের দর (Base Period Price of the Commodity)।

 p_1 =পণ্যের চল্তিকালের দর (Current Period Price of the Commodity)।

 q_o =ভিত্তিকালে পণ্যটির ব্যবহারের পরিবাণ (Quantity used of the Commodity during the Base Period)।

q₁=চল্তিকালে পণ্যটির ব্যবহারের পরিমাণ (Quantity used of the Commodity during the Current Period)।

এখানে (p_1 — p_0) হ'লে। ভিত্তিকাল থেকে চল্ডিকালে দর-এর পরিবর্ত্তনের প্রকৃত পরিমাপ । অপরপক্ষে $rac{p_1}{p_0}$ হ'লে। এরকম পরিবর্ত্তনের

আপেকিক (Relative) পরিমাপ। $\frac{p_1}{p_0}$ কে আপেকিক দর (Price

Relative) ব'লে অভিহিত করা হয়। অনুরূপভাবে $\frac{q_1}{q_0}$ কে আপেন্দিক পরিমাণ (Quantity Relative) ব'লে অভিহিত করা হয়। প্রতিটি ভিন্ন ভিন্ন পণ্যের (বথা, চাল, ডাল, তেল, নুল, কাপড়, লোহা, বাড়ীভাড়া ইত্যাদি) জন্য আলাদা আলাদা আপেন্দিক দর এবং আপেন্দিক পরিমাণ পরিমাণ করা বেতে পারে। ভিন্ন ভিন্ন আপেন্দিক দরগুলির একটি গড় নির্দর ক'রে তাকে দরের শুচক ব'লে অভিহিত করা হ'রে বাকে। এরকম গড় নির্দরে নালা রকম সমস্যা সেখা দের। এসক সমস্যা শুচক সংখ্যা নির্দরের সমস্যার অন্তর্গত।

5.3 স্থাক সংখ্যা নিৰ্দেৱ সমস্যাসমূহ (Problems connected with construction of Index Number)

সূচক সংখ্যা নির্ণয়কালে প্রধানত: নিমুলিখিত সমস্যাগুলির সন্মুখীন হ'তে হয়:—

- (क) मुठक मःथा। वावशास्त्रत छत्क्या श्वित कता ।
- (খ) ভিত্তিকাল (Base Period) নির্ণয়।
- (গ) কোন্ কোন্ পণ্যকে সূচক সংখ্যার অন্তর্ভুক্ত করা হবে তা স্থির করা।
 - (য) প্রব্যাদ্দনীয় রাশিত্ব্য সংগ্রহ।
 - (ঙ) বিভিন্ন শ্রেণীর রাশিতখ্যের একত্রীকরণ।
 - (চ) কিরপ ভার (Weight) ব্যবহার করা হ'বে তা দ্বির করা।
 - (ছ) নিণীত সূচক সংখ্যার ব্যাখ্যা **করা**।

(क) तृष्ठक त्रश्या वावशास्त्रत উल्लिया।

কোনো সূচক সংখ্যা সঠিকভাবে নির্ণয় করার আগে তা কি উদ্দেশ্যে ব্যবহার করা হবে সে সম্বন্ধ স্পষ্ট ধারণা থাকা দরকার। জীবিকা নির্ব্ধাহণ ব্যুব্ধের সূচক সংখ্যার (Cost of Living Index Number) কথা ধরা যাক। এই সূচক সংখ্যা নির্ণয়ের উদ্দেশ্যে যে সব পণ্যের দর সংগ্রহ করা হবে সেগুলি দৈনন্দিন জীবনযাত্রা নির্ব্ধাহের সাথে সম্পর্কযুক্ত হওয়া দরকার। দৈনন্দিন জীবনযাত্রা নির্ব্ধাহের জন্য লোকে প্রধানতঃ খুচরো দরে জিনিস কিনে থাকে। কাপড়ের কথা ধরা যাক্। দৈনন্দিন জীবনযাত্রা নির্ব্ধাহের জন্য কাপড়ের ব্যবহার অত্যাবশ্যক। মতরাং এ উদ্দেশ্যে সূচকসংখ্যা নির্ণয়কালে কাপড়কে একটি পণ্য হিসেবে অবশ্যই অন্তর্ভুক্ত করতে হবে। কিন্তু দৈনন্দিন ব্যবহারের জন্য কাপড় লোকে অধিকাংশ ক্ষেত্রেই খুচরো দরে কিনে থাকে। স্তর্বাং এরক্ষ ক্ষেত্রের খুচরো দরই সংগ্রহ করা দরকার—পাইকারী দর নয়। অন্যদিকে সাধারণভাবে দেশের মূল্যমানের গতিপ্রকৃতি জানার উদ্দেশ্যে নির্ণয়ত পাইকারী দরের সূচক (Wholesale Price Index) নির্ণয়কালে কাপড়ের পাইকারী দর নেওয়াই বাছনীয়।

(খ) ভিত্তিকাল নির্ণর।

আগেই বনা হ'য়েছে ভিত্তিকালের (Base Period) তুলনার চন্তিকালের (Current Period) আপেন্সিক দর (বা $\frac{p_1}{p_0}$ র হার।

প্রকাশিত হয়) নির্ণয়ের হার। সূচুক সংখ্যা নির্ণীত হয় । এই আপেন্দিক দর শতকরা হিসেবে নির্ণীত হয় । অর্থাৎ, ভিত্তিকালে কোনো পণ্যের দর য়দি 100 হয় তবে চন্তিকালে তা কত হবে—আপেন্দিক দর হার। তা হির করা হয় । প্রতীকের হারা দেখাতে হ'লে এটা হবে $100 \frac{p_1}{p_0}$ ।

ভিত্তিকাল নির্ণয়ের সময় বিশেষ সাবধানত। অবলম্বন কর। দরকার। বে সময় বিশেষ কোনো কারণে পণ্যের দর হঠাৎ খুব বেড়ে যায় (বেমন মুদ্ধের সময়) বা কমে যায় (বেমন মন্দার সময়), সে রকম অস্বাভাবিক সময়কে ভিত্তিকাল হিসাবে ধরা ঠিক নয়। মোটামুটিভাবে একটি স্বাভাবিক সময়কেই ভিত্তিকাল ব'লে ধরা উচিত।

ভিত্তিকাল এবং চল্তিকালের মধ্যে সময়ের পার্থক্য অস্বাভাবিক বেশী হওয়া ঠিক নয়। কারণ এরকম হ'লে ভিত্তিকালের বাজারের অবস্থা এবং জনসাধারণের জীবনযাত্রার মানের সাথে চল্তিকালের বাজারের অবস্থা এবং জনসাধারণের জীবনযাত্রার মান তুলনীয় হয় না। ভিত্তিকাল অনেক পুরোনো হ'লে সূচকসংখ্যা নির্ণয়ের জন্য নির্দিষ্ট ভিত্তিকালের অনেক পণ্য চল্তিকালের বাজারে অপ্রাপ্য বা দুমপ্রাপ্য হ'য়ে পড়ে। এ জন্য কোনো প্রচলিত সূচকসংখ্যার ভিত্তিকাল বেশ অনেকটা পুরোনো হ'য়ে পড়লে তাকে পাল্টিয়ে অদুর অতীতে অবস্থিত আর একটি ভিত্তিকাল নত্রন ক'রে স্থির ক'রতে হয়।

ভিত্তিকালের দৈর্ঘ্য খুব বেশী হওয়া উচিত নয় আবার খুব কমও হওয়া উচিত নয়। ভিত্তিকাল খব দীর্ঘ (যেমন দল বৎসর সময়) হ'লে, ঐ দীর্ঘ সময়ের গড় নেওয়ার ফলে বিভিন্ন পণ্যের দরের উথানপতন পরিকারভাবে পরিলক্ষিত হয় না। আবার খুব হুম্ব ভিত্তিকাল—যেমন, একদিন বা এক সপ্তাহ—অনেক সময়ই তেমন নির্ভরযোগ্য হয় না। কারপ, এরকম স্বয় সময়ে অনেক সামান্য কারণেও পণ্যের দরের অস্বাভাবিক হ্রাসবৃদ্ধি হওয়া সম্ভব। যেমন, কোনো একটি দিলে বিয়ের তারিখ থাকলে সে দিন বাজারে মাছের দর স্বাভাবিক দরের চাইতে অনেক বেশী হ'তে পারে।

(গ) কোর কোর পণ্যকে সূচক সংখ্যার অন্তর্ভু জ করা হবে তা ছিন্ন করা।
সববের সমতা এবং অন্যান্য ব্যবহারিক অস্থবিধার জন্য বাধারের

প্রত্যেকটি পণ্যকে সূচকসংখ্যার অন্তর্ভুক্ত করা সম্ভব নয়। সূচক সংখ্যার ব্যবহারিক প্রয়োগের জন্য একটি নিদিষ্ট সময়ের মধ্যে তা সকলন করা দরকার। বাজারের প্রতিটি পণ্যের দর সংগ্রহ ক'রতে হ'লে এরকম বাঁধাধরা সময়ের মধ্যে সূচকসংখ্যা নির্ণয় করা সম্ভব নয়। তা ছাড়া প্রত্যেকটি দ্রব্যের দর সংগ্রহ করা ব্যয়সাপেক্ষ। এজন্য নমুনা হিসেবে কতগুলি প্রতিনিধিমূলক পণ্যের দর সংগ্রহ করা হ'য়ে থাকে। পণ্যগুলি এমনভাবে চয়ন করা হয় যাতে এদের গড় দরের গতিবিধি বাজারের সমস্ত পণ্যের গড় দরের গতিবিধির সমধন্যী হয়। এই কারণে সাধারণতঃ উদ্দেশ্যমূলকভাবে পণ্যগুলির নমুনা সংগ্রহ করা হ'য়ে থাকে। তবে বর্জনানে সমস্ভব নমুনাসংগ্রহ পদ্ধতি (Random Sampling Method)-র বিশেষ বিশেষ ধরণের প্রয়োগও কিছু কিছু ক্ষেত্রে করা হ'য়ে থাকে।

নমুনা সংগ্রহ করার উদ্দেশ্যে পণ্যগুলিকে প্রথমে কয়েকটি প্রধান প্রধান গোঞ্জী (Group)-তে ভাগ করা হ'য়ে থাকে। যেমন জীবিকা নির্বাহক পণ্যগুলিকে সাধারণত: এই পাঁচটি গোঞ্জীতে ভাগ করা হয়—খাদ্য, জালানী ও আলাে, পরিধেয়, বাসম্থান এবং বিবিধ। প্রতিটি গোঞ্জী (Group)-র আবার অনেকগুলি উপগাঞ্জী (Sub-Group) থাকে। যেমন খাঁল্যের উপগাঞ্জী হোলাে তণুলজাতীয় খাদ্য (য়থা—চাল, গম), মাছ, মাংস, তরকারী ইত্যাদি। জালানী ও আলাের উপগাঞ্জী হোলাে কয়লা
, কাঠ, বিদ্যুৎ, কেরােসিন ইত্যাদি। প্রত্যেক উপগাঞ্জীর অন্তর্ভুক্ত হয় কতগুলি পণ্য। যেমন, তণুলজাতীয় খাদ্যের অন্তর্ভুক্ত হয় কতগুলি পণ্য। যাহ উপগাঞ্জীর অন্তর্ভুক্ত হয় কতগুলি গণ্য। মাছ উপগাঞ্জীর অন্তর্ভুক্ত হ'লাে চাল, গম, বাজরা ইত্যাদি পণ্য। মাছ উপগাঞ্জীর অন্তর্ভুক্ত হ'লাে ফই, কাতলা, মুগেন, কৈ ইত্যাদি ।

বিভিন্ন উপগোষ্ঠীর অন্তর্ভুক্ত সবগুলি পণ্যকে না নিয়ে নমুনা হিসেবে করেকটিকে চয়ন করা হয়। আগেই বলা হ'য়েছে এই নমুনা চয়ন এমনভাবে করার চেষ্টা করা হয় যাতে নমুনাভুক্ত পণ্যগুলির দরকে উপগোষ্ঠীভুক্ত সমস্ত পণ্যের দরের প্রতিনিধিস্থানীয় ব'লে ধরা চলে। নমুনা সংখ্যা (Sample Size) কি হবে তা স্থির করার জন্য কোনো বাঁধাধরা নিয়ম অনুসরণ করা সম্ভব নয়। তবে এ সংখ্যা খুব একটা বড় কিংবা ছোটো হওয়া বাঞ্চনীয় নয়। কারণ বড় নমুনা সংগ্রহে নানা বাত্তব অস্থবিধা (বথা, ধরচের অস্থাভাবিক বৃদ্ধি, সক্ষলণের অস্থবিধা, সুচক্বংখ্যা সময়মতো প্রকাশের অস্থবিধা ইত্যাদি) থাকে। আবার খুব ছোটো অমুনা নিলে তা নিদিষ্ট উপগোষ্কীর প্রতিনিধিমূলক না হবার সন্তাবনা থাকে।

(च) প্রয়োজ্নীর রাশিতথ্য সংগ্রহ।

সূচকসংখ্যা নির্ণয়ের উদ্দেশ্যে প্রয়োজনীয় রাশিতথ্য সংগ্রহের সময় বিশেষ সাবধানতা অবলম্বন করা দরকার। একটি নির্দিষ্ট সময়ে কোনো একটি প্রণার দর বিভিন্ন বাজারে (এমন কি অনেক সময় একই বাজারের অন্তর্গত বিভিন্ন দোকানে) বিভিন্ন প্রকার হ'তে পারে। তা ছাড়া গুণগত মান (Quality) অনুযায়ী একই পণ্যের দরের তারতম্য হ'তে পারে। বেমন কোনো একদিন একই বাজারে বিক্রীত রুই মাছের বিভিন্ন প্রকার দর হ'তে পারে। টাট্কা রুই মাছের দর বাসি রুই মাছের দর থেকে বেশী হওয়া ঘাভাবিক। মতরাং সূচকসংখ্যা নির্ণয়ের জন্য পণ্যের দর সংগ্রহের সময় এ সমস্ত সমস্যার কথা মনে রাখা দরকার একং প্রতিটি বিভিন্ন ধরণের দর সংগ্রহের দিকে দৃষ্টি রাখা দরকার। তা ছাড়া সঠিক দর যাতে সংগৃহীত হয় সেজনাও যথেষ্ট সাবধানতা অবলম্বন করা দরকার। জীবিকা নির্কাহণ ব্যয়ের সূচকে (Cost of Living Index)-র জন্য খুচরো দর সংগ্রহ করা হ'রে থাকে। অপরপক্ষে পাইকারী দরের সূচকে (Wholesale Price Index)-র জন্য পাইকারী দরের সূচকে (

(ঙ) বিভিন্ন শ্রেণীর রাশিতথোর একত্রীকরণ।

আগেই বলা হরেছে যে আপেক্ষিক দর (Price Relative)-এর হার।
পণ্যসমূহের দরের পরিবর্ত্তন সূচীত হয়। প্রতিটি পণ্যের জন্য একটি
ক'রে আপেক্ষিক দর থাকে। ভিন্ন ভিন্ন পণ্যের আপেক্ষিক দরগুলি একত্র
ক'রে কি ক'রে একটি সংখ্যায় প্রকাশ করা যায় তা এখানে বিবেচ্য। বলাঃ
বাছুল্য এক একটি পণ্যের আপেক্ষিক দরের ধরণ এক এক রকম হবে।
কিছু দেখা গেছে যে ভিত্তিকালে খুব পুরোণো না হ'লে বিভিন্ন পণ্যের
আপেক্ষিক দরের নিবেশন (Distribution) ঘণ্টাকৃতি (Bell Shaped)
হয় এবং বড় নমুনা (Large Sample) নিলে এই নিবেশন মোটামুটিভাবে নর্মাল নিবেশন (Normal Distribution) হয়। এজন্য নর্মাল
দিবেশনের ক্ষেত্রে প্রযোজ্য নিয়মাবলী আপেক্ষিক দরের নিবেশনের
ক্ষেত্রেও বছলাংশে প্রযোজ্য। স্মৃতরাং নর্মাল নিবেশনের চারিত্রিক
বৈশিষ্ট্য অনুসরণ ক'রে মধ্যগামিতা (Central Tendency)-র কোনো
মাপক্ষের সাহায্যে বিভিন্ন আপেক্ষিক দরের একত্রীকরণ করা যেতে

বধ্যগামিতার বিভিন্ন মাপকের মধ্যে সাধারণত: আপেক্ষিক দরগুলির: গাণিতিক গড় (Arithmetic Mean) এবং গুণোন্তর গড় (Geometric Mean) বেশীর ভাগ ক্ষেত্রে নেওয়া হয়।

थवा यांक्,

 $p_{oi}=i$ -নং পণ্যের ভিত্তিকালের দর ও $p_{1i}=i$ -নং পণ্যের চল্তিকালের দর।

ভা হ'লে n সংখ্যক পণ্যের সূচকসংখ্যা নিমুলিখিতভাবে নির্ণয় করা; বেতে পারে।

যদি গাণিতিক গড নেওয়া হর তাহ'লে,

নির্দের সূচক সংখ্যা
$$=I_{01}=rac{1}{n}\sum_{i=1}^{n}rac{p_{1i}}{p_{0i}}$$
 (5.1)-

বেখাতন **ফ্র চিহ্ন দারা বোগফল বোঝানো হ'**য়েছে।

এরকম সূচক সংখ্যাকে সরল বা ভারহীন সূচক সংখ্যা (Simple or Unweighted Index Number) বলা হ'লে থাকে।

অনুস্কপভাবে সরল বা ভারহীন শুণোত্তর গড়ের (Simple or Unweighted Geometric Mean) ব্যবহারের ঘারা সূচক সংখ্যার নিমু-নিখিত সূত্র পাওয়া যায়:—

$$I_{ei} = \left(\prod_{i=1}^{n} \frac{p_{ii}}{p_{oi}}\right)^{\frac{1}{n}} \tag{5.2}$$

এখানে II-এর দারা গুণফল বোঝান হ'য়েছে।

প্রতিটি পণ্যের আপেক্ষিক দর আলাদ। আলাদ। ভাবে নির্ণয় ক'রে তাক্ষের পড় না নিয়ে সবগুলি পণ্যের ভিত্তিকালের দরের সমষ্টির (Simple Aggregate of Actual Prices of Commodities for the Base Year) হার। সেই সব পণ্যের চল্ডিকালের দরের সমষ্টিকে (Simple Aggregate of Actual Prices of Commodities for the Current Year) ভাগ ক'রে সূচক সংখ্যা নির্ণয় করা যেতে পারে।

এরপ কেত্রে সূচক সংখ্যার সূত্র হবে :--

$$I_{01} = \frac{\sum_{i=1}^{n} p_{1i}}{\sum_{i=1}^{n} p_{0i}}$$

$$(5.3)$$

বেখানে,

 $\sum_{i=1}^{n} p_{0i}$ =পণ্যসমূহের ভিত্তিকালের দরের সমষ্টি ও

 $\overset{n}{\Sigma}p_{1i}$ =পণ্যসমূহের চল্তিকালের দরের সমষ্টি। $\overset{i-1}{}$

উপরোক্ত সূচক সংখ্যাকে সরল যৌগিক সূচক সংখ্যা (Simple Aggregative Index Number) বলা হ'য়ে থাকে।

বান্তব ক্ষেত্রে সূচক সংখ্যাগুলিকে শতকরা হিসেবে প্রকাশ করা হ'রে থাকে। অর্থাৎ (5·2) এবং (5·3) এ উলিখিত সূত্রসমূহকে 100 দারা গুণ ক'রে প্রকাশ করা হ'রে থাকে।

(চ) কিরূপ ভার (Weight) ব্যবহার করা হবে তা হ্রি করা।

যে যব পণ্যকে সুচক সংখ্যার অন্তর্ভুক্ত করা হয় সেগুলি সব সমান গুরুত্বপূর্ণ দয়। জীবনযাত্রার বায় নির্ন্ধাহের জন্য চাল, চিনি, সাবান, কয়লা, আইসক্রীম ইত্যাদির দরকার হয়। কিন্তু তুলনামূলকভাবে চালের গুরুত্ব যতটা কয়লার গুরুত্ব তার চাইতে কম। আশার কয়লার গুরুত্ব যতটা সাবানের গুরুত্ব তার চাইতে কম। কিন্তু সাবানের গুরুত্ব (খুব বিশেষ ক্রেত্র বাদে) আইসক্রীমের গুরুত্বের চাইতে বেলী। সূচক সংখ্যা নির্দরের সময় বিভিন্ন পণ্যের গুরুত্ব অনুযায়ী এদের ভার নির্দর করা দরকার। প্রকৃতপক্ষে পুর্বের উল্লিখিত সয়ল বা ভারহীন সূচক সংখ্যা (Simple or Unweighted Index Number)-কেন্তু সঠিক বিচারে ভারহীন বলা ছবে মা। কারণ একে নিমুলিখিতভাবে প্রকাশ করা ক্রেত্ত পারে:—

$$I_{01} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} \frac{p_{1i}}{p_{0i}} = \frac{\sum_{i=1}^{n} \frac{p_{1i}}{p_{0i}}}{\sum_{i=1}^{n} \frac{p_{0i}}{p_{0i}}}$$

$$=\frac{\sum_{i=1}^{n}\left(\frac{1}{p_{0i}}\right)p_{1i}}{\sum_{i=1}^{n}\left(\frac{1}{p_{0i}}\right)p_{0i}}$$

सता याक्,
$$\frac{1}{p_{0i}} = w_i$$

$$\sum_{i=1}^n w_i p_{1i}$$

তা হ'লে, $I_{01}=rac{\sum\limits_{i=1}^{n}w_{i}\;p_{1i}}{\sum\limits_{i=1}^{n}w_{i}\;p_{0i}}$

শ্পষ্টত:ই উপরোক্ত সূচকসংখ্যাটি একটি ভারযুক্ত যৌগিক সূচক সংখ্যা (Weighted Aggregative Index Number) যেখানে, $w_i = \frac{1}{p_{0i}}$ কে, অর্থাৎ ভিত্তিকালের দরের বিপরীত মান (Reciprocal)-কে, ভার (Weight) হিসেবে ধরা হ'রেছে। কিছ এরকম ভার ব্যবহার করা অধিকাংশ কেত্রেই যুক্তিযুক্ত হবে না। কারণ এগুলি পণ্যের গুরুছের সমানুপাতিক হয় না। নির্ণেয় সূচক সংখ্যাটিকে বান্তবোচিত ক'রতে হ'লে আপেন্দিক দরসমূহের ভারগুলি এমন হওয়া দরকার যাতে ঐ দরসমূহের প্রকৃত গুরুছ সূচক-সংখ্যাটিতে সঠিকভাবে প্রতিকলিত হয়। সাধারণতঃ কোনো পণ্যের আ্বাপেন্দিক দরের ভার হিসেবে ঐ পণ্যের মূল্য (Value)-কে নেওরা

হর। বৌগিক সুচক (Aggregative Index)—এর ক্ষেত্রে কোনো পাণ্যের দরের ভার হিলেবে ঐ পাণ্যের পরিমাণ (Quantity)-কে নেওরা হ'বে থাকে। এই পরিমাণ ঐ পাণ্যের ব্যবহারের মোট পরিমাণ, উৎপাদনের মোট পরিমাণ, বিক্রীর মোট পরিমাণ কিংবা বাজারজাত করার রোট পরিমাণ হ'তে পারে। অনুরূপভাবে মুল্যের (Value) ক্ষেত্রেও বিক্রীত পাণ্যের মোট মূল্য, ব্যবহারের মোট মূল্য, বাজারজাত করার খোট মূল্য কিংবা উৎপাদিত পাণ্যের মোট মূল্য হ'তে পারে। সূচক সংব্যার প্রকৃতি অনুযায়ী পরিমাণ বা মূল্যের ধরণের তকাৎ হ'রে থাকে। কোলো কোনো ক্ষেত্রে ভিত্তিকালের পরিমাণ বা মূল্য ব্যবহৃত হ'রে থাকে। আবার অনেক সময় চল্তিকালের পরিমাণ বা মূল্যও ব্যবহৃত হ'রে থাকে।

ধরা যাক্,

w;=i-নং পণ্যের আপেক্ষিক দরের ভার।

ভাহ'লে ভারযুক্ত যৌগিক গড় (Weighted Arithmetic Mean)—এর সূত্র অনুযায়ী নিণীত সূচকসংখ্যা হবে:—

$$I_{01} = \frac{\sum_{i=1}^{n} \frac{p_{1i}}{p_{0i}} w_{i}}{\sum_{i=1}^{n} w_{i}}$$
(5.4);

অনুরূপভাবে ভারযুক্ত গুণোত্তর গড় (Weighted Geometric Mean)-এর সূত্র অনুধায়ী নির্ণীত সূচক সংখ্যা হবে :—

$$I_{01} = \left\{ \prod_{i=1}^{n} \left(\frac{p_{1i}}{p_{0i}} \right)^{w_i} \right\}^{\sum_{i=1}^{n} w_i}$$

এবং ভারযুক্ত বিবর্ত্ত যৌগিক গড় (Harmonic Mean)-এর সূত্র অনুষাধী নির্ণীত সূচক সংখ্যা হবে :—

$$I_{01} = \frac{\sum_{i=1}^{n} w_i}{\sum_{i=1}^{n} \frac{p_{0i}}{p_{1i}} w_i}$$
(5.6)

বৌগিক সূচক সংখ্যা (Aggregative Index)-র ক্ষেত্রে ভারযুক্ত গড় ব্যবহার ক'রে নিমুলিখিত সূত্রটি পাওয়া যায়:—

$$I_{01} = \frac{\sum_{i=1}^{n} p_{1i} w_{i}}{\sum_{i=1}^{n} p_{0i} w_{i}}$$
(5.7)

$$I_{01} = \frac{\sum_{i=1}^{n} p_{1i} q_{0i}}{\sum_{i=1}^{n} p_{0i} q_{0i}}$$
(5.8)

এটি লাস্ফোরারের সূত্র (Laspeyres' Formula) নামে পরিচিত । এই সূত্র অনুবায়ী নির্ণীত সূচকসংখ্যা ধুব ব্যাপকভাবে ব্যবস্ত হয়।

(5-8)-এ উল্লিখিত স্ত্রটিকে নিমুলিখিতভাবেও লেখা যায়:—

$$I_{o1} = \frac{\sum_{i=1}^{n} p_{1i} q_{0i}}{\sum_{i=1}^{n} p_{oi} q_{oi}}$$

$$= \frac{\sum_{i=1}^{n} \frac{p_{ii}}{p_{0i}} \times p_{0i} q_{oi}}{\sum_{i=1}^{n} \frac{p_{ii}}{p_{0i}} \times p_{0i} q_{oi}}$$

 $\sum_{i=1}^{n} p_{oi} q_{oi}$

भंत्रा योक्, Poi qoi=wi

তা হ'লে,
$$I_{o1} = \frac{\sum\limits_{i=1}^{n} \frac{p_{1i}}{p_{oi}} w_i}{\sum\limits_{i=1}^{n} w_i}$$

ম্পষ্টত:ই এটি (5·4)-এ উল্লিখিত আপেক্ষিক দরের ভারযুক্ত গাণিতিক গড় হারা নির্ণীত সূচক সংখ্যা। এখানে p_0q_0 -কে, অর্ধাৎ পণ্যের ভিত্তিকালের মূল্য (Value)-কে ভার হিসেবে ধরা হ'রেছে।

অপরপতক (5·7)-এ উল্লিখিত সূচকসংখ্যার যদি ধরা হর, $w_i = q_{1i}$ = চল্তি কালে i-নং পণ্যের পরিমাণ, তা হ'লে নির্দের সূচকসংখ্যা

$$I_{01} = \frac{\sum_{i=1}^{n} p_{1i} \ q_{1i}}{\sum_{i=1}^{n} p_{0i} \ q_{1i}}$$
 (5.9)

পাশের সূত্রে (Paasche's Formula) ব'লে পরিচিত। আগ্রেমারের সূত্রের মতো পাশের সূত্র বাত্তবক্ষেত্রে ততটা ব্যাপকভাবে ব্যবহৃত হর না। (5.6)—এ উল্লিখিত বিবর্ত্ত বৌগিক গড় (Harmonic Mean) যারা নির্ণীত সূচকসংখ্যার যদি ধরা হয় $w_i = p_{1i}q_{1i} = i$ —নং থাণ্যের চল্ডিকালের মূল্য (Value), তা হ'লে ঐ সূচকসংখ্যা পাশের সূত্র যারা নির্ণীত সূচকসংখ্যার পরিণত হবে।

(5•7)- अ छेन्नि कि गृष्कगः थात्र यपि थता दसः ---

$$w_i = \frac{q_{1i} + q_{0i}}{2}$$

ভল্তিকাল এবং ভিত্তিকালের পণ্যের পরিমাণের যৌগিক গড়,

তা হ'লে,

$$I_{01} = \frac{\sum_{i=1}^{n} p_{1i} (q_{1i} + q_{0i})}{\sum_{i=1}^{n} p_{0i} (q_{1i} + q_{0i})}$$
(5.10)

Monaho 11

সূচকসংখ্যা নির্ণয়ের এই সূত্রটি মার্শাল-এভ্ওয়ার্থ সূত্র (Marshall Edgeworth Formula) নামে পরিচিত।

আবার লাগ্পেয়ারের এবং পাশের সূত্তের সূচকসংখ্যার গুণোন্তর গড় নিজে সূচকসংখ্যা নির্নয়ের নিমুলিখিত সূত্রটি পাওয়া যায়:—

$$I_{01} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{n} p_{1i} \ q_{0i}}{\sum_{i=1}^{n} p_{0i} \ q_{0i}}} \times \frac{\sum_{i=1}^{n} p_{1i} \ q_{1i}}{\sum_{i=1}^{n} p_{0i} \ q_{0i}}$$

এটি কিশারের আদর্শ সূচক সংখ্যা (Fisher's Ideal Index Number) নামে পরিচিত। আরভিং ফিশার (Irving Fisher) কর্তৃক নির্ণীত এই সূচক সংখ্যাটি সূচক সংখ্যা-বিষয়ক কতগুলি সামগ্রস্যের নিরম অনুসরণ করে ব'লে একে আদর্শ সূচক সংখ্যা বলা হ'রে থাকে। এ সম্পর্কে বিস্তৃত ব্যাখ্যা পরে দেওয়া হ'রেছে।

আগেই বলা হ'য়েছে বে সুচকসংখ্যা নির্ণমে লাস্পেয়ারের সুত্রের ব্যবহারই সবচাইতে দ্যাপক। এর প্রধান কারণ অন্যান্য সূত্রের তুলনার এই সূত্র বাস্তবক্ষেত্রে অনেক সহচ্ছে ব্যবহার করা যায়। এই সূত্রে ভার হিসেবে ভিত্তিকালের পরিমাণ ব্যবহার করা হ'য়ে থাকে। বাস্তবক্ষেত্রে ভিত্তিকালের পরিমাণ সংক্রান্ত রাশিতথ্য সংগ্রহ করা অনেক সহছা। অপরপক্ষে পালের সূত্রে ভার হিসেবে চল্তিকালের পরিমাণ ব্যবহার করা হ'য়ে থাকে। এই পরিমাণ সংক্রান্ত রাশিতথ্য সময়মতো সংগ্রহ করা অধিকাংশ ক্ষেত্রেই দুংসাধ্য হ'য়ে পড়ে। এজন্য পালের সূত্রের ব্যবহার বাস্তবক্ষেত্রে খুব সীমিত। গুণোত্তর গড় (Geometric Mean) এবং বিবর্ত্ত যৌগিক গড় (Harmonic Mean) নির্ণম করা গাণিতিক (বা যৌগিক) গড় (Arithmetic Mean) নির্ণম করার চাইতে তুলনামূলকভাবে অনেক আয়াসসাধ্য। এজন্য সূচক সংখ্যা নির্ণমে গাণিতিক গড়ের ব্যবহার খুবই ব্যাপক।

অনেক সময় লাস্পেয়ারের সূত্র অনুযায়ী ভিত্তিকালের পরিমাণকে কিংবা পাশের সূত্র অনুযায়ী চল্ডিকালের পরিমাণকে ভার হিসেবে ব্যবহার না করে অন্য কোনো নিদিষ্টকালের পরিমাণকে ভার হিসেবে ব্যবহার ক'রে সুচকসংখ্যা নির্দিয় করা হয়। এরূপ সুচকসংখ্যা নিমু-লিখিত সূত্র অনুযায়ী প্রকাশ করা বেতে পারে:—

$$I_{01} = \frac{\sum_{i=1}^{n} p_{1i} \ q_{ii}}{\sum_{i=1}^{n} p_{0i} \ b_{ji}}$$
 (5·12)

त्यंगान,

Qi=i-नः शहनात्र, t-काटनत शतियान ।

লাস্পেয়ারের সূত্তকা, মতে। এই সূত্রাটও বান্তবক্ষেত্রে ব্যাপকভাবে ব্যবহাত হ'রে থাকে।

(ছ) নির্ণীত সূচক সংখ্যার ব্যাখ্যাকর।।

সূচক সংখ্যার প্রকৃতি অনুষায়ী এর ব্যাখ্যার প্রকারভেদ হয়। ভিডি-.कान এবং চন্তিকালে জীবনযাত্রার মান যদি অপরিবত্তিত খাকে তা হ'লে চন্তিকালে 'দীবিকানির্বাহ ক'রতে ভিত্তিকালের তুলনায় ব্যয়ের কভটা হেরফের হয় তা জীবিকা নির্ব্বাহণ ব্যয়ের সূচক (Cost of Living Index) হার। নির্দেশিত হয়। অন্য দিকে ভিত্তিকালের তুলনায় চল্ তিকালের সাধারণ মূল্যমানের হেরফের পাইকারী দরের সূচুক (Wholesale Price Index) ছারা নির্দেশিত হ'মে থাকে। ভিত্তি-কালের শিল্পোৎপাদনের তুলনায় চল্ডিকালের শিল্পোৎপাদনের হাসবৃদ্ধি শিল্পোৎপাদনের সূচক (Index of Industrial Production) বার। নির্দেশিত হ'য়ে থাকে। সূচকদংখ্যাসমূহ সাধারণত: শতকরা হিসেবে প্রকাশিত হ'য়ে পাকে। ভিত্তিকালের সূচককে 100 ধ'রে চল্তিকালের সূচকের হাস-বৃদ্ধির হিসাব করা হ'য়ে থাকে। 1961-62 কে ভিক্সিকাৰ ধরে 1970 সালের মে মাসে সর্ব্বভারতীয় পাইকারী দরের সূচক 178·7—এক্লপ উজির অর্থ হোলো 1961-62 সালের তুলনার 1970 সালের মে মাসে পাইকারী মূল্যমান 1.787 ভাগ বৃদ্ধি পেয়েছে।

5.4 সূচক সংখ্যার বিভিন্ন ধরণের জ্বান্তি (Different types of Errors in Index Numbers)

পূর্ব্বে বণিত সূচকসংখ্যাসমূহে তিন ধরণের ব্রান্তি (Error) দেখা বায়। বধা.

(ক) সূত্ৰসংক্ৰান্ত ৰান্তি (Formula Error), (খ) নমুনা ৰান্তি (Sampling Error), (গ) অন্তৰ্গান্য ৰান্তি (Homogeneity Error)।

(क) সূত্ৰসংক্ৰান্ত ভান্তি (Formula Error)।

আমর। সূচকসংখ্যা নির্ণয়ের করেকাট সূত্রের উল্লেখ ক'রেছি (বেনন, লাস্পেরারের সূত্র, পাশের সূত্র ইত্যাদি)। এই সূত্রগুলির কোনোটির হারাই সম্পূর্ণভাবে লান্তিশুন্য সূচকসংখ্যা নির্ণয় করা সম্ভব নর। প্রকৃতপক্ষে এখন পর্যান্ত এমন কোনো সূত্র নির্ণীত হরনি বাব সাহাব্যে একেবারে রান্তিবিহীন সূচকসংখ্যা নির্ণয় করা সম্ভব। প্রত্যেকটি সূত্রেরই কিছু না কিছু রান্তি আছে। সূত্র থেকে উভূত এ ধরণের রান্তিকে সূত্র—সংক্রান্ত রান্তি ব'লে অভিহিত করা হয়।

(খ) নমুনা আন্তি (Sampling Error)।

প্রায় সব ক্ষেত্রেই সূচক সংখ্যা নির্ণয়ে নমুনা চয়ন পদ্ধতি (Sampling Method) অবলম্বন করা হয়। সব রকম পণ্যকে সূচক সংখ্যার অন্তর্ভুক্ত করা বাষ্ট্রবক্ষেত্রে সম্ভব নয়। সেজন্য সমস্ত পণ্যের ভেতর থেকে নমুনা হিসেবে কিছু দিপাদ পণ্য (Binary Commodity) বেছে নেওয়া হয়। দিপাদ পণ্য ব'লতে সেসব পণ্য বোঝায় যেগুলি ভিজিকান এবং চল্ডিকালে বাজারে পাওয়া যায় এবং উভয়কালে এদের উৎকর্ম সমান থাকে। যেহেতু সবগুলি দিপাদ পণ্য না নিয়ে নমুনা হিসেবে কয়েকটিকে নেওয়া হয় সেজন্য এরপ নমুনার সাহাব্যে নির্ণীত সূচকসংখ্যায় নমুনা লান্তি (Sampling Error) পরিলক্ষিত হয় ৮ তবে নমুনা সংখ্যা (Sample Size) বৃদ্ধি ক'রে এ ধরণের লান্তির মাত্রাছ কমান সম্ভব।

(গ) অন্তৰ্গামা ভ্ৰান্তি (Homogeneity Error) !

আন্তেই বলা হ'রেছে যে কতগুলি ছিপাদ পণ্যের (Binary Commodities) ভিত্তিকাল এবং চল্তিকালের মানের তুলনার ছারা সূচকসংখ্যা নির্ণয় করা হ'য়ে থাকে। অর্থাৎ যে সব পণ্য ভিত্তিকাল এবং চল্তিকাল—এই উভয় কালেই সংগ্রহযোগ্য শুধুমাত্র তাদেরই मूहकरात्था। निर्मात्रत प्रना निष्या द'ता थाक । किंख व्यान ज्ञानक श्री পাওৱা যায় যেগুলি ভিত্তিকালে বাদারে প্রচলিত ছিল কিছ চলুতিকালে আর প্রচলিত নেই। অন্যদিকে ভিত্তিকালে বর্ত্তমান ছিলো না কিছ চ্বান্তিকালে প্রচলিত হ'রেছে—এরকম পণ্যও পাওয়া याय । अत्रक्य প्रमुख्क जनना भ्रेपा (Unique Commodities) वना र'ता पीरक। সূচক সংখ্যা সম্পূর্ণ নির্ভুলভাবে নির্ণয় ক'রতে হ'লে ভিত্তিকাল এবং চন্তিকানের স্কল প্রকার প্রাকে—অর্থাৎ शिशांन (Binary Commodities) এবং অবন্য পণ্য (Unique Commodities)-কে এর অন্তর্ভুক্ত ক'রতে হ'বে। কিন্তু বান্তবক্ষেত্রে এরকর করা সম্ভক হর না বনন্য পণ্যকে শুচুক সংখ্যার আওতা থেকে বাদ দেওয়া द'रब थोरक । अब करन गूठकगःथा। अक धतरथंत बालियुक रब 🕨 এরকম বান্তিকে অন্তর্গান্য বান্তি (Homogeneity Error) ব'লে অভিহিত করা হ'রে থাকে। সূচক সংখ্যাদ্দ ভিত্তিকাল যত পুরোনে। হ'তে থাকে ততই ভিত্তিকালের অধিকতর পণ্য চল্ডিকালে অপ্রাপ্য হয় ; অন্যদিকে চল্ডিকালে অনেক নতুন পণ্যের আবির্ভাব ঘটে যেগুলিভিত্তিকালে বর্ত্তমান ছিলে। না। অতরাং এরকম ক্ষেত্রে অনন্য পণ্যের সংখ্যা বৃদ্ধি পেতে থাকে। এর ফলে অন্তর্গান্য লান্তির মাত্রাওঃ বৃদ্ধি পেতে থাকে।

5.5 সূচক সংখ্যার সামশ্বস্য বিচার (Tests of Consistency of Index Number)

দরের সূচকের সামঞ্জন্য বিচারের কয়েকটি প্রণালী আছে। এদের মধ্যে আরভিং ফিশার (Irving Fisher) কর্তৃক উদ্ভাবিত নিমুলিখিত প্রণালী দুটি বিশেষভাবে উল্লেখযোগ্য:—

- (क) कान विवर्द्धनी विहात (Time Reversal Test)
- (4) উপাতাল निवर्डनो विज्ञात (Factor Reversal Test)

(क) कान विवर्द्धनी विठात (Time Reversal Test)

যে সব সূচক সংখ্যা এই বিচার পদ্ধতি মেনে চলে তাদের সূত্রগুলি (Formulae) সময়ের সাথে সামঞ্জস্যমূলক হয় অর্থাৎ এরপক্ষেত্রে ভিত্তিকাল এবং চল্তিকাল পরম্পর পরিবর্ত্তনযোগ্য হয় এবং সময়ের গতিবিধির সাথে মূল্যমানের হাস বা বৃদ্ধির চিত্রটি অপরিবৃত্তিত থাকে। কোনো একটি বিশেষ পণ্যের আপেন্দিক দরের ক্ষেত্রে এই নিয়মটি সব সময়েই অনুস্তত হয়। উদাহরণস্বরূপ 1961 সালকে ভিত্তিকাল ধরলে 1971 সালে আলুর আপেন্দিক দর যদি হিগুণ হয় তা হ'লে 1971 সালের তুলনায় 1961 সালে আলুর আপেন্দিক দর অর্দ্ধেক হবে। সূত্রে প্রকাশ ক'রলে, ধরা যাক্, $p_0=1961$ সালের আলুর দর এবং $p_1=1971$ সালের আলুর দর $=2p_0$ । তা হ'লে, $p_0=1961$ সালের আলুর দর এবং $p_1=1971$ সালের আলুর দর $=2p_0$ । তা হ'লে, $p_0=1961$ সালের আলুর দর এবং

➡ 🖟 । স্বতরাং r₀₁×r₁₀=1।

একটি বিশেষ পণ্যের ক্ষেত্রে প্রযোজ্য আপেক্ষিক দরের উপরোজ্ঞ নিয়মটি যদি কোনো সূচক সংখ্যার ক্ষেত্রেও খাটে তা হ'লে বলা হবে বে এ সূচকসংখ্যাটি কাল বিবর্ত্তনী বিচার পদ্ধতি অনুসরণ ক'রছে। সক্তে (Symbol)-এ প্রকাশ ক'রলে, এরপ কেত্রে স্চকসংখ্যাটি নিম্-নিখিত সম্পর্কটি অনুসরণ করবে :--

$$I_{01} \times I_{10} = 1$$
 (5·13)

পূর্বে উল্লিখিত সূচকসংখ্যার সূত্রগুলির তেতর (5.2), (5.3), (5·10), এবং (5·11)-त गृज्यश्वनि এই বিচার পদ্ধতি মেনে চলে। यपि w; একটি খুবক (Constant) হয় তা হ'লে (5.5) এবং (5.7)-এ উল্লিখিত সূত্রহয়ও এই পদ্ধতি মেনে চ'লবে। তা ছাড়া আপেন্দিক দর সমূহের মধ্যমা (Median) এবং বংখ্যাগরিষ্ঠ মানু (Mode)-ময় এই বিচার পদ্ধতি অনুসরণ করে।

(अ) छेशायां विवर्धमी विहान (Factor Reversal Test)

কোনো পণ্যের দর (Price) যদি p হয় এবং তার q পরিমাণ (Quantity) ক্রয় করা হ'য়ে থাকে, তা হ'লে ঐ পণ্যটির মোট ক্রয় मूना (Value) रत्व pq। जारारे वना र'तारह त्य এरे p এবং q-এর ভিত্তিকাল এবং চল্তিকালের মান দরের সূচক নির্ণয়ে ব্যবজ্ত হ'য়ে থাকে। p এবং q-কে দরের সূচক নির্ণয়ের উপাদান (Factor) ব'লে অভিহিত করা হয়।

পূৰ্বে ব্যবহৃত সঙ্কেত অনুযায়ী—

 $\sum_{i=1}^{n}p_{1i}$ q_{1i} =চন্তি কালের মোট মূল্য।

 $\sum_{i=1}^{n} p_{oi} q_{oi} =$ ভিত্তিকালের ৰোট মূল্য।

তা হ'লে মুল্যের সূচক (Value Index) I_{v} -কে নিমুলিবিতভাকে -বর্ণনা করা যায়:---

 $\sum_{i=1}^{n} p_{1i} q_{1i}$ I_{v} $\sum_{i=1}^{n} p_{0i} q_{0i}$

দরের সূচক (এরকম সূচককে আমরা সঙ্কেতে I_p , ব'লে উল্লেখ ক'রবো)-এর সূত্রসমূহে উপাদানগুলিকে যদি পাল্টে দেওয়া হয়, অর্থাৎ, p—এর আয়গায় q লেখা হয় এবং q—এর আয়গায় p লেখা হয়, তাহ'লে পরিমাণের সূচক [এরকম সূচককে আমরা সঙ্কেতে I_q (Quantity Index) ব'লে উল্লেখ ক'রবো]—এর উত্তব হবে। উদাহরণস্বরূপ, (5.8)—এ উল্লিখিত দরের সূচকের সূত্র হ'তে উপাদান পরিবর্ত্তনের ফলে আমরা নিমুলিখিত পরিমাণের সূচক পাই:—

$$I_q = \frac{\sum\limits_{i=1}^n q_{1i} p_{0i}}{\sum\limits_{i=1}^n q_{0i} p_{0i}}$$

উপাদান বিবর্ত্তর্নী বিচার দাবী করে যে, কে:নো দরের সূচকের সূত্ত্বর উপাদান পরিবর্ত্তনের হারা যে পরিমাণের সূচক পাওয়া যাবে তাকে ঐ দরের সূচকের সাথে গুণ ক'রলে মূল্যের সূচক (Value Index) পাওয়া যাবে। সঙ্কেতে প্রকাশ ক'রলে, এই বিচার অনুযায়ী,

$$I_v = I_p \times I_q \mid \tag{5.15}$$

পূর্বে উল্লিখিত দরের সূচকের সূত্রগুলির মধ্যে একমাত্র ফিশারের আদর্শ সূচক (Fisher's Ideal Index) উপরোক্ত বিচার মেনে চলে। কারণ, এই সূচকের সূত্র অনুযায়ী

$$I_{p} = \sqrt{\frac{\sum\limits_{i=1}^{n} p_{1i} q_{0i}}{\sum\limits_{i=1}^{n} p_{0i} q_{0i}}} \times \frac{\sum\limits_{i=1}^{n} p_{1i} q_{1i}}{\sum\limits_{i=1}^{n} p_{0i} q_{0i}} \times \frac{\sum\limits_{i=1}^{n} p_{0i} q_{1i}}{\sum\limits_{i=1}^{n} q_{0i} p_{0i}} \times \frac{\sum\limits_{i=1}^{n} q_{1i} p_{1i}}{\sum\limits_{i=1}^{n} q_{0i} p_{0i}} \times \frac{\sum\limits_{i=1}^{n} q_{0i} p_{1i}}{\sum\limits_{i=1}^{n} q_{0i} p_{0i}}$$

वर्षा९,
$$I_p imes I_q = rac{\sum\limits_{i=1}^n p_{1i} \ q_{1i}}{\sum\limits_{i=1}^n p_{0i} \ q_{0i}} = I_v$$

একমাত্র ফিশারের সূত্রই সূচকসংখ্যার সামশ্রস্য বিচারের উপরোক্ত-দুটো পদ্ধতিই মেনে চলে। এইজন্যই এই সূত্রকে আদর্শ সূত্র ব'লে: অভিহিত করা হয়।

5.6 পৃথালযুক্ত সূচক সংখ্যা (Chain Index Number)

একটি নিদিষ্ট সময়কে সূচকসংখ্যার ভিত্তিকাল ধরার কতগুলি অস্থ্রবিধা আছে। সময়গত পার্থক্য বেড়ে যাওয়ার সাথে সাথে ভিত্তিকালে ব্যৰহৃত অনেক পণ্য চন্তিকালে দুশাপ্য বা অপ্রাপ্য হ'য়ে পড়ে। তা ছাড়া সময়ের সাথে সাথে ভিত্তিকালের তুলনায় চল্তিকালে ভোজ। (Consumer)-দের অভ্যাস ও রুচিরও অনেক পরিবর্ত্তন হয়। ফলে স্থদুর ভিত্তিকালের সাথে চলু তিকালের তুলনাহার। নির্ণীত সূচকসংখ্যাটি वहनाः (न व्याख्य र'ता शता। व गव कात्रां काता निर्मिष्ट गमग्राक ভিত্তিকাল হিসেবে শ্বির না ক'রে চল্তিকালের ঠিক পূর্ববর্তীকালকে ভিত্তিকাল হিসেবে ধ'রে অনেক সময় সূচকসংখ্যা নির্ণয় করা হয়। এক্সপ ক্ষেত্রে চলুতিকালের পরিবর্ত্তনের সাথে সাথে ভিত্তিকালের ক্রমাগত পরিবর্ত্তন করা হ'য়ে থাকে। উদাহরণস্বরূপ, যদি 0, 1, 2....n কালের খন্য সূচকসংখ্যা নির্ণয় করা সাব্যস্ত হয় তা হ'লে শুধুমাত্র 0-কালকে ভিত্তিকাল হিসেবে ধ'রে তার তুলনায় 1, 2,....n কালের সূচক সংখ্যা নির্ণয় না ক'রে 0-কালকে ভিত্তিকাল ধ'রে 1-কালের সূচক সংখ্যা, 1 कानत्क ভिত্তिकान ध'रत 2-कारनत गूठक गःशा, 2-कानत्क ভিত্তিकान ধ'রে 3-কালের সূচক সংখ্যা, 3-কালকে ভিত্তিকাল ধ'রে 4-কালের সূচক সংখ্যা এবং একই ভাবে অগ্রসর হ'য়ে, (n-1) কালকে ভিত্তিকাল ৰ'রে n-কালের সূচক সংখ্যা নির্ণয় করা হ'য়ে থাকে। ঠিক পূর্ববর্তী-কালকে ভিত্তিকাল ধ'রে নির্ণীত এক্সপ সূচকসংখ্যাকে পরম্পরীণ সূচক সংখ্যা (Link Index) বলা হয়। পূর্বে বণিত বুচক সংখ্যাঞ্জনির সাথে পম্পপরীণ সচক সংখ্যার প্রধান পার্থক্য এই যে পূর্বে বণিত সূচকসংখ্যাগুলিতে নিৰ্দিষ্ট ভিত্তিকাল (Fixed Base) নেওরা হ'বে খাকে, কিন্ত পরস্পরীণ সূচকের ক্ষেত্রে চলমান ভিত্তিকাল (Variable Base) ব্যবহার করা হ'রে থাকে। ধরা যাকু,

$$I_{t-1},\; {}_t=(t-1)$$
-কালকে ভিত্তিকাল ধ'রে ${}_t$ -কালের পরস্পরীণ সূচক।

অনুক্রপভাবে 0, 1, 2,n কালের জন্য n-টি পরম্পরীণ সূচক I_{01} , I_{12} , I_{23} , I_{34}I $\binom{n-2}{n-1}$, $I\binom{n-1}{n}$, পাওয়া বাবে। এই পরম্পরীণ সূচকগুলিকে পরম্পর গুণ ক'রে শৃখালযুক্ত সূচক সংখ্যা (Chain Index) পাওয়া যায়। অর্থাৎ যদি 0-কালকে ভিত্তিকাল ধ'রে I'_{01} , I'_{02} I'_{0n} যথাক্রমে 1, 2,n-কালের শৃখালযুক্ত সূচকসংখ্যা হয়, তা হ'লে:—

$$I_{03}' = I_{01}$$

$$I'_{03} = I_{01} \times I_{12} = I'_{01} \times I_{13}$$

$$I'_{03} = I_{01} \times I_{12} \times I_{23} = I'_{02} \times I_{23}$$

$$\vdots$$

$$I'_{0(n-1)} = I_{01} \times I_{13} \times I_{23} \dots I_{(n-8)(n-2)} \times I_{(n-2)(n-1)}$$

$$= I'_{0(n-2)} \times I_{(n-3)(n-1)}$$

$$I'_{0n} = I_{01} \times I_{12} \times I_{23} \dots I_{(n-3)(n-1)} \times I_{(n-1)n}$$

$$= I'_{0(n-1)} \times I_{(n-1)n}$$
(5.16)

পরম্পরীন সূচকসংখ্যা পূর্বে বণিত নির্দিষ্ট ভিত্তিকালের সূচকসংখ্যা থেকে সাধারণতঃ ভিন্ন হয়। এই সূচক সংখ্যার একটি প্রধান বৈশিষ্ট্য হোলো এই যে এ বৃত্তীয় বিচার (Circular Test) নামে সূচক সংখ্যা সংক্রান্ত একটি বিচার পদ্ধতি নেনে চলে। এই বিচার পদ্ধতি অনুযায়ী, যদি I_{01} , I_{12} , I_{23} ... $I_{(n-1)n}$ এবং I_{n0} এই পদ্ধতি নেনে চলে তা হ'লে নিমুলিখিত সম্পর্কটি সিদ্ধ হবে—

$$I_{o1} \times I_{12} \times I_{23} \times \dots I_{(n-1)n} \times I_{no} = 1$$
 (5.17)

আমরা আগে কাল বিবর্ত্তনী বিচার ($Time\ Reversal\ Test\)$ এর -ক্ষেত্রে দেক্ষেছি যে, $I_{o1}{ imes}I_{10}{=}1$ । স্পষ্টত:ই কাল বিবর্ত্তনী বিচার উপরোক্ত বৃত্তীয় বিচারেরই বিশেষ প্রয়োগ।

(5·2) ও (5·3)-এ বণিত সূচকসংখ্যা সমূহ বৃত্তীয় বিচার (Circular Test) মেনে চলে। (5·5) এবং (5·7)-এ বণিত সূচক-সংখ্যা দুটিও এই বিচার মেনে চলে যদি ৮:-সমূহ থ্রুবক (Constant) হয়। (5·10) এবং (5·11)-এ বণিত মার্শাল-এক্ ওয়ার্থ (Marshall Edgeworth)-এর সূচক এবং ফিশারের আদর্শ সূচক (Fisher's Ideal Index) যদিও কাল বিবর্তনী বিচার (Time Reversal Test) মেদে চলে, কিন্তু বৃত্তীয় বিচার (Circular Test) মেনে চলে না।

वृखीय विठात चनुरायी-

$$I_{ok} imes I_{kn} imes I_{no} = 1$$
 স্বতরাং $I_{kn} = rac{1}{I_{ok} imes I_{no}} = rac{1}{I_{no}} \left($ কারণ $I_{on} = rac{1}{I_{no}}
ight)$!

উপরোজ্ঞ সূত্রের সহায়তায় সূচক সংখ্যাকে নির্দিষ্ট ভিত্তিকাল $\mathbf{0}$ থেকে অপর একটি ভিত্তিকাল k-তে পরিবর্ত্তিত করা যায় । স্পষ্টত:ই বৃত্তীর বিচার মেনে চললেই ভিত্তিকালের এরূপ সহক্ষ পরিবর্ত্তন কর) সম্ভবপর হয় ।

5.7 নির্দিষ্ট ভিত্তিকালের সূচক সংখ্যা (Fixed Base Index Number)-র সাথে শৃখালযুক্ত সূচক সংখ্যা (Chain Base Index Number)-র জুলনা

নিদিষ্ট ভিত্তিকালের সূচকসংখ্যা ব্যবহারের সর্বপ্রধান প্রবিধা এই যে বাস্তবক্ষেত্রে এই সূচকসংখ্যা নির্ণয় করা শৃঙ্খলযুক্ত সূচকসংখ্যার চাইতে অনেক সহন্ধ। ভিত্তিকাল অপরিবর্ত্তিত রাধার ফলে অনেক অপ্রবিধার হাত থেকে রেহাই পাওয়া যায়। শৃঙ্খলযুক্ত সূচকসংখ্যার ক্ষেত্রে নজুন নতুন ভিত্তিকাল নেবার ফলে সূচক সংখ্যা নির্ণয়ে নানারকম বাস্তব অপ্রবিধার সন্মুখীন হ'তে হয়। কিন্তু চল্তিকাল এবং ভিত্তিকালের ব্যবধান যতই বৃদ্ধি পায় ততই নির্দিষ্ট ভিত্তিকালের সূচকসংখ্যার হান্তির মাত্রা বৃদ্ধি পায়। কিন্তু শৃঙ্খলযুক্ত সূচকসংখ্যার ক্ষেত্রে এরকম হান্তির বিশেষ কোনো প্রযোগ ঘটে না। কারণ এই সূচকসংখ্যা কতগুলি পরম্পরীণ সূচকসংখ্যার গুণফলের হারা নির্ণীত হ'য়ে খাকে। আর এই পরম্পরীণ সূচকসংখ্যাগুলির ভিত্তিকাল হ'ল চল্তিকালের ঠিক পূর্ববর্ত্তীকাল। প্রতরাং এই পরম্পরীণ সূচকসংখ্যাগুলির ভিত্তিকাল হ'ল চল্তিকাল এবং ভিত্তিকালের মধ্যবর্ত্তী প্রতিটি কালের পণ্যাদির দর (Price) এবং পরিমাণ (Quantity) সংক্রান্ত তথ্য শৃঙ্খলিত সূচকসংখ্যার অন্তর্ত্তুক্ত

হ'বে থাকে। নিদিষ্ট ভিত্তিকালের সূচকসংখ্যার ক্ষেত্রে এক্সপ করা সম্ভব হর না। ফলে চল্তিকাল এবং ভিত্তিকালের ব্যবধান বাড়ার সাথে সাথে পণ্যাদির দর এবং পরিমাণের পার্থক্য নিদিষ্ট ভিত্তিকালের সূচক– সংখ্যার ম্রান্তির মাত্রা বাড়িয়ে দেয়।

5.8 जीविका मिर्वाहम बादमन गृहक (Cost of Living Index)

ভিভিকাল এবং চল্ডিকালে জীবনযাত্রার মান যদি একই রকম থাকে ভাহ'লে ভিত্তিকালের জীবিকা নির্ব্বাহন ব্যয়ের তুলনায় চল্তিকালে **ৰুতটা বেশী অর্থ**ব্যয় ক'রতে হবে তা জীবিকা নির্বাহন ব্যয়ের সূচক-সংখ্যার হারা (শতকরা হিসাবে) প্রকাশ করা হয়। বিভিন্ন শ্রেণীর জনসাধারণের (বা ভোজার) জীবনযাত্রার প্রণালী বিভিন্ন। মধ্যবিত্ত स्त्रेनी, कांत्रश्रानात स्रिक स्त्रेनी वा कृषक स्त्रेनीत कीवनयां वात्र क्ष्मेनी বিভিন্ন। আবার উচ্চ আয়ের লোক, মধ্যম আয়ের লোক কিংবা নিমু আয়ের লোকদের জীবনযাত্রার ধারার মধ্যেও পর্থক্য আছে। এরকম প্রতিটি বিভিন্ন শ্রেণীর জনসাধারণের জন্য আনাদা আনাদা জীবিকা निर्स्वारन राद्यत मुठकमः था। निर्नेय कतात थेथा थेठनिष्ठ चाह्य। यमन, ক'লকাডার মধ্যবিভ্রমেণীর, কারখানার শ্রমিক শ্রেণীর বা 201 টাকা থেকে 350 ठीका यादमत मानिक वात्र त्यहे द्वेशीत खनगाशात्र खना जानामा पानामा पोविका निर्काशन वाराय मुठकमः था। निर्वय कता श्य। দ্রব্যমূল্যের তফাৎযুক্ত এবং জীবিকা নির্ব্বাহের ধারার পার্থক্যযুক্ত বিভিন্ন ভৌগলিক অবস্থানের (যেমন, ক'লকাতা, বোঘাই ইভ্যাদি শহরের বা পশ্চিমবন্ধ, বিহার ইত্যাদি রাজ্যের) জন্যও আলাদা জাবিকা निर्कादन वाद्यत मुठक मः । निर्गय कता द'रा थारक ।

এই সূচকসংখ্যা নির্ণয় করার উদ্দেশ্যে জীবিকা নির্ব্বাহের জন্য প্রার্থয়াজনীয় ভোগ্য পণ্যগুলিকে প্রথমে করেকটি প্রধান গোষ্ঠা (Major Group)-তে ভাগ করা হ'য়ে থাকে। সাধারণতঃ নিমুলিখিত পাঁচটি প্রধান গোষ্ঠা নেওয়া হ'য়ে থাকে—(1) খাদ্য (Food), (2) পরিবেয় (Clothing), (3) জালো ও জালানী (Fuel and Light), (4) বাস স্থান (Housing) এবং (5) বিবিধ (Miscellaneous)। প্রতিটি প্রধান গোষ্ঠার জন্য এ গোষ্ঠার প্রতিনিধিস্থানীয় (Representative) করেকটি ভোগ্য প্রণার নমুনা নেওয়া হ'য়ে থাকে। বেমন প্রধান গোষ্ঠা

বাদ্য (Food)-এর অন্তর্ভুক্ত করা হয় কয়েকরকম দানাশস্য (চাল, গম ইত্যাদি), কয়েকরকম তরকারী, মাছ, মাংস, কল, তেল, নুন, মসলা, বি ইত্যাদি । এসব প্রতিনিধিম্বানীর পণ্যের সহারতার প্রত্যেকটি প্রধান গোঞ্জির জন্য একটি ক'রে সুচকসংখ্যা নির্দির করা হ'রে থাকে । এরকম সুচকসংখ্যা নির্দির করার উদ্দেশ্যে প্রতিনিধিম্বানীর ভোগ্যপণ্যগুলির আপেক্ষিক দরের ভারযুক্ত গড় নেওয়া হয়। কোলো পণ্যের ভার ভোক্তাদের কাছে ঐ পণ্যের গুরুত্ব (Importance) জনুবায়ী দ্বির করা হ'রে থাকে ।

কোনো একটি পণ্যের আপেন্দিক দর বিভিন্ন বাজার বা দোকান থেকে সংগৃহীত ঐ পণ্যের বিভিন্ন আপেন্দিক দরসমূহের ভারহীন গাণিতিক গড়। আবার কোনো প্রধান গোঞ্জির (Major Group)-র জন্য মোট খরচের যত শতাংশ ভোজাগণ ঐ গোঞ্জির অন্তর্ভুক্ত একটি পণ্যের জন্য খরচ ক'রে থাকে, তাকে উক্ত পণ্যের ভার হিসেবে গ্রহণ করা হ'য়ে থাকে। উদাহরণস্বরূপ, প্রধান গোঞ্জী খাদ্যের জন্য ভোজাগণ যে খরচ করে তার 60 শতাংশ যদি দানাশস্য (চাল, গম ইত্যাদি)-এর জন্য খরচ করা হ'য়ে থাকে তা হ'লে দানাশস্যের আপেন্দিক দরের ভার হবে খাদ্য প্রধান গোঞ্জীর মোট ভারের 60 শতাংশ।

উপরোক্ত প্রণালী অবলম্বন ক'রে প্রতিটি প্রধান গোঞ্জির জন্য একটি ক'রে সুচকসংখ্যা নির্ণয় করা হ'য়ে থাকে। সাবিক বা মূল সুচকসংখ্যা (General Index)-টি প্রধান গোঞ্জিসমূহের সুচকসংখ্যাগুলির ভারযুক্ত গড়। ভোগ্য পণ্যের জন্য মোট ব্যয়ের যত শতাংশ একটি প্রধান গোঞ্জির জন্য খরচ করা হ'য়ে থাকে তাকেই এর ভার হিসাবে নেওরা হ'য়ে থাকে । যেমন ভোগ্যপণ্যের জন্য মোট ব্যয়ের শতকরা 60 ভাগ যদি খাদ্যের জন্য খরচ করা হ'য়ে থাকে তা হ'লে খাদ্য প্রধান গোঞ্জির ভার হবে মোট ভারের 60 শতাংশ।

উপরোক্ত আলোচনা থেকে দেখা যাচ্ছে যে জীবিকা নির্ন্ধাহন ব্যরের সূচকসংখ্যা নির্ণরের দুটো প্রধান বান্তব সমস্যা হোলো:—

(1) ভোগ্যপণ্যের নমুনা ছির করা এবং (2) নমুনাভুক্ত পণ্যগুলির ভার নির্ণয় করা। সাধারণত: বত বেশীসংখ্যক পণ্য নমুনা হিসাবে নেগুরা হবে সূচকসংখ্যাটি তত বেশী প্রতিনিধিছানীয় হবে, কিছ নানা ধরণের বাছার অস্থবিধার কথা (বিশেষ ক'রে আধিক সংগতির কথা) ব্রবিরেচনা ক'রে প্রশোর নমুনার সংখ্যা (Sample Size) ছির করা হ'রে ধাকে। তবে শুরুষপূর্ণ পণ্যশুলির কোনোটি যাতে নমুনা থেকে বাদ না যায় তা দেখা বিশেষভাবে দরকার। নমুনাভুক্ত পণ্যশুলির ভার নির্দর করার সময় প্রথমে স্থির করা দরকার যে এই ভারগুলি ভিত্তিকালের ব্যয়ের অনুপাতে স্থির হবে না চল্তিকালের ব্যয়ের অনুপাতে স্থির হবে। পূর্ব-বর্তী আলোচনা থেকে আমরা জানি যে ভিত্তিকালের ব্যয়ের অনুপাতে স্থিরীকৃত ভারের ঘারা নির্ণীত সূচকসংখ্যা লাস্পেয়ারের সূত্র (Laspeyres' Formula) অনুসরণ করে, অপরপক্ষে চল্তিকালের ব্যয়ের অনুপাতে স্থিরীকৃত ভারের ঘারা নির্ণীত সূচকসংখ্যা পাশের সূত্র (Paasche's Formula) অনুসরণ করে, বাস্তবক্ষেত্রে চল্তিকালের ব্যয়ের হিসাব সময়মতো সংগ্রহ করা খুবই দুংসাধ্য। প্রধানতঃ এই অস্থবিধার জন্যই চল্তিকালের পরিবর্ত্তে ভিত্তিকালের ব্যয়ের অনুপাতে স্থিরীকৃত ভারের ব্যবহার ঘারা নির্ণীত লাস্পেয়ারের সূচকসংখ্যাই অধিকাংশ ক্ষেত্রে ব্যবহার ঘারা নির্ণীত লাস্পেয়ারের সূচকসংখ্যাই অধিকাংশ ক্ষেত্রে ব্যবহাত হ'রে থাকে।

ভিত্তিকালে জীবনযাত্রার ব্যয় সংক্রান্ত তথ্য সংগ্রহের জন্য পারিবারিক আয় ব্যয়ক সমীক্ষা (Family Budget Enquiry) করা হয়। এই সমীক্ষায় কতগুলি পরিবারকে নমুনা হিসেবে গ্রহণ ক'রে ঐ পরিবারগুলি জীবনযাত্রার ব্যয় নির্ব্বাহের জন্য বিভিন্ন ভোগ্যপণ্যের পেছনে কি রকম খরচ করে সে সমন্ধে রাশিতথ্য সংগ্রহ করা হয়। ভোগ্যপণ্যসমূহের কোন্টির পেছনে কত শতাংশ ব্যয় করা হ'য়েছে তা এই রাশিতথ্যগুলি বিশ্লেষণ ক'রে নির্ণয় করা হয়। আগেই বলা হ'য়েছে সূচকসংখ্যা নির্ণয়ের সময় এই শতাংশগুলি আপেক্ষিক দরসমূহের ভার হিসেবে ব্যবহার করা হয়।

সমরের সাথে সাথে জনসাধারণের আয়ব্যয়ের হিসাবের হেরক্ষের হ'য়ে থাকে। বিশেষতঃ গুরুত্বপূর্ণ সামাজিক এবং অর্থনৈতিক পরিবর্ত্তনের কলে জীবনযাত্রার মানের উল্লেখযোগ্য পরিবর্ত্তন হ'লে ভোগ্যপণ্য ব্যবহারের ধারারও বিশেষ পরিবর্ত্তন হ'য়ে থাকে। সেজন্য এরকম পরিশ্বিতিতে নতুন ক'রে পারিবারিক আয়ব্যয়ের হিসাব সংগ্রহ করার এবং ঐ সব হিসাবের ভিত্তিতে নতন ক'রে ভার নির্ণয়ের প্রয়োজনীয়তা অনুভূত হয়।

5.9 क्टब्रक्डि खेबाब्द्रभ

ত্বাহরণ 5.1 পশ্চিমবন্ধ সরকারের ফলিত অর্থনীতি এবং পরি-সংখ্যান ব্যুরো (Bureau of Applied Economics and Statistics) কর্ত্ব নিমুনিখিত রাশিতখ্যগুলি সংগৃহীত হ'য়েছে। এগুলি ব্যবহার ক'রে এবং জানুরারী 1962-কে ভিত্তিকাল ধ'রে বিভিন্ন সূত্র জনুযারী (অর্থাৎ লাস্পেরার, পালে, ফিশারের আদর্শ সূত্র এবং মার্শাল এজওয়ার্থের সূত্র জনুযারী) জানুরারী 1963-র সূচক নির্ণয় কর।

•		खानुबाती, 1962		षान्यात्री, 1963	
পত	ট্র নাম	প্রতি 100 কেঞ্জির দর (টাকায়)	ব্যবহারের পরিমাণ (মেট্রিক টলে)	প্রতি 100 কেন্দির দর (টাকায়)	ব্যবহারের পরিমাণ (মেট্রিক টনে)
1.	ठान	55·50	7,391	70·20	12,839
2.	গ্ৰ	37•52	2,381	37:52	5,377
3.	ছোলার ডাল	56:95	50	52 26	400
4.	সর ়ে ঘর তেল	256.00	6,610	239·50	3,380
5.	চিনি	107·70	15,036	117-41	15,707

স্পষ্টত:ই এখানে,

खानुशाती, 1962त मत=po

জানুয়ারী, 1962র ব্যবহারের পরিমাণ $=q_0$

षानुयाती, 1963त पत $=p_1$

জানুয়ারী, 1963র ব্যবহারের পরিমাণ $=q_1$

স্ত্রাং,

 $\Sigma p_0 q_0 = 3813920.32$

 $\Sigma p_1 q_0 = 3959268.08$

 $\Sigma p_0 q_1 = 3494013.44$

 $\Sigma p_1 q_1 = 3777615.71$

বতএব,

(i) নাস্পেরারের সূচক $(I_L)=100\frac{\sum p_1 q_0}{\sum p_0 q_0}=100 \times \frac{3959268.08}{3813920.32}$ =103.8

(ii) পাশের সূচক
$$(I_P)=100 \frac{\Sigma p_1 q_1}{\Sigma p_0 q_1}$$
 $=100 imes \frac{3777615 \cdot 71}{3494013 \cdot 44}$

·108·1

$$(iii)$$
 ফিশারের আদর্শ সূচক $(I_F) = \sqrt{I_L \times I_P}$
 $= \sqrt{103.8 \times 108.1}$
 $= 105.9$

(iv) মার্শাল একওয়ার্থের সূচক
$$(I_{ME})$$

$$=100 \times \frac{\Sigma p_1 (q_0+q_1)}{\Sigma p_0 (q_0+q_1)}$$

$$=100 \times \frac{\Sigma p_1 q_0+\Sigma p_1 q_1}{\Sigma p_0 q_0+\Sigma p_0 q_1}$$

$$=100 \times \frac{3959268 \cdot 08 + 3777615 \cdot 71}{3813920 \cdot 32 + 3494013 \cdot 44}$$

$$=105 \cdot 9$$

উদাহরণ 5.2 নভেম্বর, 1950 সালকে ভিত্তিকাল ধ'রে (1—100) টাকা ব্যয়ন্তরের পরিবার সমূহের 1961 সালের জীবিকা নির্বাহন ব্যয়ের সূচকসংখ্যা নির্ণয়কালে নিমুলিখিত মানগুলি পাওয়া যায়—

প্রেণ্যর নাম	ভার (w)	আপেক্ষিক দর $\left(\ 100\ p_1 / p_0\ ight)$
1. পুরুষের পরিধের	44·19	132
2. জ্রীলোকের পরিধেয়	39.06	126
3. শিশুর পরিধেয়	9.27	135
4. অন্যান্য পরিধেয়	7.48	130

अधि गानश्चित् वावशांत्र क'तत 1961 गांत्वत जना शितियत जत्वात्र गूक्कगःथा निर्वत्र कत ।
अथीतन.

नितरवम्र प्रस्वान गृहकगःथा। $=I_{c}$

$$=100 \times \frac{\sum_{p_0}^{p_1} w}{\sum_{w}}$$

$$=\frac{12978.49}{100}$$

$$=129.8$$

ঠিক অনুরূপভাবে খাদ্য, আলো ও আলানী, বাসম্বান এবং বিবিধ প্রধান গোষ্টার সূচকসংখ্যা নির্ণয় করা সম্ভব। এরপর এই পাঁচটি সূচক-সংখ্যার ভারযুক্ত গড় নিয়ে 1961 সালের জীবিকা নির্ব্বাহন ব্যয়ের মূল সূচক (General Index)-টি নির্ণয় করা সম্ভব (ভিত্তিকাল: নভেম্বর, 1950 = 100)।

উদাহরণ 5:3 নীচে পশ্চিমবন্ধ সরকারের ফলিত অর্থনীতি এবং পরিসংখ্যান ব্যুরো কর্ত্ব সন্ধলিত 1970 সালের ক'লকাভার পাইকারী দরের সূচক (ভিত্তিকাল: 1952-53=100) নির্ণয়ের উদ্দেশ্যে প্রধান গোঞ্চা (Major Groups) সমূহের সূচকগুলি এবং তাদের ভারসমূহ দেখান হ'লো। ভারযুক্ত গাণিতিক গড় ব্যবহার ক'রে মূল সূচক (General Index) নির্ণয় কর।

প্রধান গোষ্ঠির নাম	ভার ' (w)	সূচক সংখ্যা (r)
1. थोना (Food)	410	227.5
2. তামাক এবং পানীয় (Liquor and Tobacco)	21	218.7
3. জালানী, জালো ইত্যাদি (Fuel Power, Light and Lubri- cant)	57	223·1
4. শিলে ব্যবহার্য কাচানাল (Industrial Raw material)	116	235-9
5. শিল্পাত জব্য (Manufactures)	396	206•3

ম্পষ্টত:ই এখানে মূল সূচক সংখ্যা (ভারযুক্ত গাণিতিক গড় ব্যবহার ক'রে):

$$I = \frac{\Sigma_{\text{rw}}}{\Sigma_{\text{w}}} = \frac{219643.6}{100}$$
=219.6

5.10 সর্বভারতীয় পাইকারী দরের সূচক (Index Number of Wholesale Prices in India)

এটি একটি সর্ব্বভারতীয় সাপ্তাহিক পাইকারী দরের সূচক। ভারত সর-কারের অর্থ- নৈতিক উপদেষ্টা (Economic Adviser)-র দপ্তর থেকে Index Number of Wholesale Prices in India নামক সাপ্তাহিক পত্রিকার এটি প্রকাশিত হ'য়ে থাকে ৷ এই উদ্দেশ্যে ভারতবর্ষের বিভিন্ন গুরুত্বপূর্ণ বাদ্ধার থেকে পাইকারী দর সংগৃহীত হ'য়ে থাকে। 1952-53কে ভিত্তিকাল ধ'রে এই সূচকটি 1953 সাল থেকে নিয়মিত প্রকাশিত হ'য়ে আসছিল। পাঁচটি প্রধান প্রেক্টা (Major Group)-র অন্তর্গত মোট 112টি পণ্ণোর জন্য 550টি ক্ষেত্র থেকে সংগৃহীত পাইকারী দরের হিসাব (Price Quotation) নিয়ে এবং সংশ্লিষ্ট আপেক্ষিক দরগুলি-নির্ণয় ক'রে ঐ সমন্ত আপেক্ষিক দরের ভারযুক্ত গড়কে নির্ণেয় সূচক সংখ্যা হিসেবে প্রকাশিত করা হ'তো। কিন্তু ভিত্তি-কাল খুব পুরোণো হ'য়ে পড়ায় এবং বছ পূর্বে নির্ণীত ভারগুলি সমসাময়িক অবস্থার সঠিক চিত্র প্রতিফলনে অক্ষম হওয়ায় এই সূচকটি নির্ণয়ে বছল পরিবর্ত্তন করা দরকার হ'য়ে পড়ে। ভারত সরকারের অর্থনৈতিক উপ-দেষ্টার দপ্তর এসব পরিবর্ত্তন সাধন ক'রে 1969 সালের জুলাইএর প্রথম সপ্তাহ থেকে 1961–62কে ভিত্তিকাল ধ'রে সূচক সংখ্যার একটি নতুন পরিবাজিত সারি (Revised Series) চালু করে। এখানে সাতটি প্রধান গোষ্ঠীর অন্তর্গত মোট 139টি পণ্যের জন্য 774টি ক্ষেত্র থেকে সংগৃহীত পাইকারী দর্বের হিসাব নিয়ে এদের আপেক্ষিক দরের ভারযুক্ত গাণিতিক গড়হারা সূচক সংখ্যা নির্ণীত হ'য়ে থাকে। এখানে ব্যবহৃত ভারগুলি সংশ্লিষ্ট পণ্যের বে পরিমাণসমূহ বাজারজাত (Marketed) করা হ'রেছে তাদের ৰোট মুল্যের (Value) সমানুপাতিক (Proportional)। এই ধ্বৰান গোষ্টিগুলি, প্ৰতি প্ৰধান গোষ্কীর অন্তর্ভু পণ্যের সংখ্যা এবং প্ৰতি প্রধান গোষ্ট্রর ভার (শতকরা হিসাবে) নীচে দেখান হ'লো :—

	প্রধান গোষ্ট্র (Major Group)	পণ্যের সংখ্যা (Number of items)	
1.	ধাদ্য সাৰথী (Food Arti- cles.).	38	41·3
2.	পানীয় এবং তামাক (Liquor and Tobacco)	3	2.5
3.	জালানী, শক্তি, জালো এবং যমাদিতে ব্যবহারের তেলসমূহ (Fuel, Power, Light and Lubricants)	10	6∙1
4.	শিল্পে ব্যবহার্য কাঁচা নাল (Industrial Raw materials)	25	12-1
5.	রাসায়নিক দ্রব্যাদি (Chemicals)	11	0.7
6.	মেশিনারী এবং পরিবহন দ্রব্যাদি (Machinery and Trans- port equipment)		7-9
7.	শিলপজাত জব্য (Manufac- tures)	45	29.4
	নোট	139	100-0

উপরোক্ত প্রধান গোঞ্জিভনিকে আবার 25টি উপগোঞ্জী (Sub Group)-ভে ভাগ করা হ'বে থাকে এবং প্রতিটি উপগোঞ্জীর জন্য সূচক সংখ্যা নির্দির করা হ'বে থাকে। এই সূচক সংখ্যাগুলির ভারযুক্ত গাণিতিক গড় নিরে মূল সূচক সংখ্যাটি নির্ণীত হ'বে থাকে। নীচে করেক বছরের পাইকারী দরের সূচক (সাপ্তাহিক সূচকের বাৎসরিক গড়) দেখান হ'লো:—

(ভিত্তিকান : 1961-62=100)

বৎসর	পাইকারী দরের সাম্থিক সূচক	ধাদ্য-দ্রব্যের পাইকারী দর্বের সূচক	শিৱজাত এব্যের পাইকারী দরের সূচক
1966	144	162	126
1971	186	207	164
1972	201	231	174
1973	239	279	194
1974	305	352	247

5.11 জীৰিকা নিৰ্বাহন ব্যয়ের সূচকসংখ্যা—পশ্চিমবজের 25টি শহরে 5টি ব্যয়ন্তরের অন্ত (Cost of Living Index Numbers, cover ing 25 Towns in West Bengal, for Five Expenditure Groups)

পশ্চিমবন্ধ সরকারের ফ্লিত অর্থনীতি এবং পরিসংখ্যান ব্যুরো (Bureau of Applied Economics and Statistics)—যা আগে রাজ্য পরি-সংখ্যান বুরো (State Statistical Bureau) ব'লে পরিচিত ছিলো—পশ্চিমবন্ধের 25টি শহরের (ক'লকাতা সহ) জীবিকা নির্দ্ধাহন ব্যুরের বুচক প্রকাশ ক'রে থাকে। 1972 মাসের পূর্ব পর্যন্ত এই সূচক সংখ্যার ভিত্তিকাল ছিলো 1950 সালের নভেম্বর মাস এবং এতে ব্যবহৃত্ত আংপক্রিক পরের ভারসমূহ ছিলো 1950–51 সালের পারিবারিক আর-ব্যুরের সমীকা (Family Budget Enquiry)র ভিত্তিতে নির্দীত। কিছ 1972

সালের জানুয়ারী থেকে 1960 সালকে ভিত্তিকাল খ'রে নতুন সারির সচক সংখ্যা চালু কর। হ'মেছে। এতে ব্যবহৃত ভারসমূহ 1960-61 সালের পারিবারিক আয়-ব্যয়ের সমীক্ষা (Family Budget Enquiry)র ভিত্তিতে নি**ণী**ত। প্রতিটি শহরের জন্য মাসিক সূচক সংখ্যা নিমুলিখিত পাচটি ব্যরন্তর (Expenditure Group)-এর জন্য আলাদা আলাদা ভাবে নির্ণীত হ'য়ে থাকে—(i) বে[°] সমস্ত পরিবারের ব্যয় মাসিক 100 টাকা পর্য্যন্ত, (ii) সে সমস্ত পরিবারের ব্যয় মাসিক 101 টাকা থেকে 200 টাকা পর্যান্ত (iii) যে সমস্ত পরিবারের ব্যয় মাসিক 201 টাকা থেকে 350 টাকা পর্যান্ত (iv) যে সমস্ত পরিবারের ব্যয় মাসিক 351 টাকা থেকে 700 টাকা পর্যান্ত এবং (v) যে সমন্ত পরিবারের ব্যয় মাসিক 700 টাকার ওপরে। এ ছাড়া ক'লকাতার ক্ষেত্রে (i), (ii) ও (iii)-এ উল্লিখিত বায়ন্তরের দ্বন্য সাপ্তাহিক সূচকসংখ্যাও নির্ণীত হ'য়ে बांद्य । जठक ज्ञांत्रा निर्मादा बना अनाधनित्क श्रेष्टा अांत्रहे श्रेषान গোষ্ঠিতে (Major Group) ভাগ করা হ'রে থাকে। এই প্রধান গোষ্ঠি-শুলিকে আবার 69টি উপগোষ্ঠীতে (Sub Group) ভাগ করা হ'য়ে পাকে। বিভিন্ন প্রধান গোষ্টার অন্তর্গত উপগোষ্টাগুলির বিভাজন এ বক্ষ :--

	প্রধান গোষ্ঠা		উপগোষ্ঠার সংখ্যা				
(Major Group)	(Numb	per of Sub Groups).			
1.	थोगा		••	2 6 ·			
2.	পরিধেয়		••	3			
3.	षानानी ७ पारना		• •	7			
4.	বাড়ীভাড়া ইভ্যাদি		••	3			
5.	বিবিধ		• •	30			

আবার উপরোক্ত প্রতিটি উপগোষ্টার বন্ধর্গত অনেকগুলি পণ্যের আপেক্ষিক দর নির্ণয় করা হ'য়ে থাকে। এ উদ্দেশ্যে যে কেন্দ্রের জন্য সূচক সংখ্যা নির্ণয় করা হ'য়ে থাকে সেই কেন্দ্রের বিভিন্ন বাজার ও দোকান থেকে করেকটি নির্দিষ্ট দিনে ঐ সব পণ্যের দরের হিসাব সংগ্রহ করা হ'য়ে থাকে। এ সব হিসাব থেকে পাওয়া বিভিন্ন পণ্যের করসমূহের গাণিতিক গড় নিরে গড় দর (Average Price) নির্ণয় করা হয়। চন্তিকালের এরপে গড় দরকে ভিত্তিকালের সংশ্লিষ্ট গড় দর
দিয়ে ভাগ ক'রে আপেক্ষিক দর শ্বির করা হয়। এই সব আপেক্ষিক
দরের ভারযুক্ত গাণিতিক গড় নিয়ে প্রথমে প্রত্যেকটি প্রধান গোষ্ঠার জন্য
একটি ক'রে সূচক সংখ্যা নির্ণয় করা হ'য়ে থাকে। প্রধান গোষ্ঠাসমূহের
সূচক সংখ্যাগুলির ভারযুক্ত গাণিতিক গড় নিয়ে মূল সূচক সংখ্যাটি নির্ণয়
করা হ'য়ে থাকে।

অনেক সময় দেখা যায় যে সূচকসংখ্যা নির্ণয়ের জন্য নমুনা হিসেবে
নির্দিষ্ট কোনো কোনো পণ্য কালক্রমে বাজার থেকে অন্তহিত হ'য়েছে।
এরকম ক্লেত্রে অন্তত: তিনটি এমন বদলী পণ্য (Substitute Items) নেওয়া
হয়, যেগুলির গড় দরের গতিপ্রকৃতি মূল পণ্যটির দরের গতিপ্রকৃতির অনুরূপ। যে সব পণ্যের দর সরকার কর্তৃকি নিয়য়িত সেগুলির জন্য নিয়য়িত
দরই সূচক সংখ্যা নির্ণয়ের জন্য নেওয়া হ'য়ে থাকে—কালোবাজারের দর
নয়।

আগে 1939 সালের আগষ্ট মাসকে ভিত্তিকাল ধ'রে রাজ্যের ফলিত অর্থনীতি এবং পরিসংখ্যান ব্যুরো মধ্যবিত্ত (Middle Class) এবং ক্সিব্রুবর্গীয়ের (Menial Class) জন্য জীবিকা নির্ব্বাহন ব্যয়ের সূচক নির্দ্ধ ক'রতো, বর্তুমানে এই সূচক সংখ্যা আর চালু নেই।

ফলিত অর্থনীতি এবং পরিসংখ্যান ব্যুরো প্রতি পাঁচ বংসর অন্তর অন্তর একটি ক'রে পারিবারিক আয়-ব্যুয় সমীক্ষা ক'রে থাকে। 1950-51, 1955-56, 1960-61, 1966-67 এবং 1972 সালে এ রকম সমীক্ষা হ'য়েছে। বিভিন্ন সমীক্ষা থেকে নির্ণীত ভারসমূহের কতটা তকাৎ হ'য়ে থাকে তা নীচের সারণীটি পরীক্ষা ক'রলে বোঝা যাবে:—

गावनी 5.1

ক'লকাতার (201-350) টাকা ব্যয়ন্তরের পরিবারসমূহের শতকর। ব্যারের হিলাব।

(2: 1-350) টাক। ব্যয়ন্তরের পরিবারের শতকরা ব্যর					
1950-51	1955-56	1960-61			
50.47	47·10	54-31			
5•74	6-98	7:36			
4.88	4.44	4-91			
8.52	10.05	10.50			
30-39	31-43	22-92			
100.00	100.00	100.00			
	1950-51 50·47 5·74 4·88 8·52 30·39	1950-51 1955-56 50·47 47·10 5·74 6·98 4·88 4·44 8·52 10·05 30·39 31·43			

নীচে (1-100) টাকা মাসিক ব্যয়ন্তরের পরিবার সমূহের জন্য পশ্চিমবজের 17টি কেন্দ্রের 1972 এবং 1973 সালের গড় সূচক সংখ্যা ব্যথান হ'লো।

नात्रणी 5:2

পশ্চিবৰক্ষের কয়েকটি কেন্দ্রের জীবনধাত্রার ব্যয় নির্ব্বাহক সূচক সংখ্যা (মাসিক সূচক সংখ্যাসমূহের গড়)।

(ভিত্তিকাল: 1960=100)

পরিবারসমূহের মাসিক ব্যয়ন্তর: (101–200) টাকা

কেন্দ্ৰ		_	(12 মাসের সূচক ণিতিক গড়)	
C454		1972	1973	
1. আসান্সোল	••	185.4	200.3	
2. বালুরঘট	••	210.6	243.7	
3, বাঁকুড়া	••	202:4	227-9	
4. পুরুলিয়া	••	236.8	279·1	
5. বহরমপুর		210.0	249·8	
6. বৰ্ষমান	••	207.8	238.6	
7. ক'লকাতা		188.4	206.5	
৪. চুঁচুড়া	••	192.2	211-7	
9. কোচবিহার	••	209.6	254•7	
10. দা ভি লিঙ	• •	194-2	221.8	
11. ইংলিশবাজার	• •	225-6	269•2	
12. হাওড়া	• •	183·1	201.8	
13. জলপাইগুড়ি		199.6	239.0	
14. খড়গপুর		207.5	243.1	
15. কৃষ্ণনগর		230.8	271.6	
16. বেদিনীপু র		207.0	232.8	
17. সি ডি ডী		204.4	220.2	

5-12 ভুচৰ সংখ্যার অস্তাপ্ত ব্যবহারসমূহ

সূচক সংখ্যার প্রধান প্রধান ব্যবহারগুলি আগে উল্লেখ করা হ'য়েছে। এগুলি ছাড়াও কলিত অর্থনীতিতে এর আরও নানা রকম ব্যবহার আছে। নীচে কয়েকটি উদাহরণ দেওয়া হ'লো:—

- কে) দর সংক্রান্ত কালীন সারি (Time Series)-র বিভিন্ন সময়ের বানগুলিকে পরম্পর তুলনীয় করার জন্য প্রতিটি মানকে তৎকালীন দরের সূচক দিয়ে ভাগ করা হ'রে থাকে। এ রকম ক'রলে দরবৃদ্ধির হের-কেরের জন্য মানের যে তারতম্য হয় তা দুর করা সম্ভব হয় এবং সারির প্রতিটি মান সূচকসংখ্যার ভিত্তিকালের দরে প্রকাশ করা সম্ভব হয়। কলে একটি মান অপর একটি মানের সাথে তুলনীয় হয়।
- (খ) যে সব পর্বাের জন্য দরের সূচক নির্ণয় করা হয় সে সব পণ্য ক্রয় ক'রতে ভিত্তিকালে । টাক। খরচ করা হ'লে চল্তিকালে কন্ত টাকা খরচ ক'রতে হবে তা চল্তিকালের দরের পূচকের ঘারা নির্ণয় করা য়ায় । উদাহরণস্বরূপ 1950 সালকে ভিত্তিকাল ম'রে (অর্থাৎ 1950=100) 1962 সালের দরের সূচক সংখ্যা যদি 128 হয় তা হ'লে বুঝাতে হবে, যে সমস্ত পণ্য ক্রয় ক'রতে 1950 সালে 1 টাকা খরচ ক'রতে হ'তো 1962 সালে ঐশুলি ক্রয় ক'রতে 1·28 টাকা খরচ করা দরকার । অর্থাৎ 1950 সালের তুলনায় 1962 সালের টাকার ক্রয় ক্রমতা (Purchasing Power) য়াল পেয়েছে । এদিক থেকে বিচার ক'রলে সূচক সংখ্যার বিপরীত (Reciprocal)-কেটাকার ক্রয় ক্রমতার সূচক ব'লে অভিহিত করা যেতে পারে । উপরোজ্য উদাহরণে 1950 সালে টাকার ক্রয় ক্রমতা 1 (বা 100%) হ'লে 1962 সালে তা কমে 1 নিন্তর ক্রম ক্রমতা 1 (বা 100%) হ'লে 1962 সালে তা কমে 1 নিন্তর বা ত্রম ক্রমতা 1 (বা 100%) হ'লে 1962 সালে তা কমে 1 নিন্তর
- (গ) সূচক সংব্যার গতি প্রকৃতি পরীক্ষা ক'রে নানা ধরণের অর্ধ-নৈতিক নীতি ছির করা হ'রে থাকে। দরের সূচকের ক্রমাগত উর্দ্ধগতি হ'তে থাকনে সরকারকে দরহাসের উপায় নির্দ্ধারণ ক'রতে হয়।

जमुने जनी

- 5.1 সূচক সংখ্যা কাকে বলে ? সূচক সংখ্যা নির্ণয়ের উদ্দেশ্যে কি কি সমস্যার সমুখীন হ'তে হয় ? বিস্তারিত বর্ণনা কর।
 - 5.2 সূচক সংখ্যা নির্ণয়ের বিভিন্ন সূত্র বর্ণনা কর।
 - 5.3 मूठक मः थाप्र कि कि धत्राभि वास्ति वक्षा कता याप्र ?
- 5.4 সামঞ্জন্য বিচারের জন্য সূচক সংখ্যাসমূহকে কি কি ধরণের বিচারের সন্মুখীন হ'তে হয় ? লাস্পেয়ারের সূত্র, পাশের সূত্র, ফিশারের আদর্শ সূত্র এবং মার্শাল–এজ্ওয়ার্থের সূত্র—এগুলির কোন্টি সূচক সংখ্যা–সংক্রান্ত কি কি বিচারে উত্তীর্ণ হ'য়ে থাকে ?
- 5.5 শৃষ্খলযুক্তসূচকসংখ্যা (Chain Index) কাকে বলে? এর কি কি স্থবিধা ও অস্থবিধা ?
- 5.6 সারা ভারতের পাইকারী দরের সূচক কোন্ সংস্থা কি প্রণালীতে নির্ণয় ক'রে থাকে ? বিস্তারিত বর্ণনা কর ।
- 5.7 পশ্চিমবন্ধ সরকারের ফলিত অর্থনীতি এবং পরিসংখ্যান ব্যুরে। কর্তৃ ক্ প্রকাশিত জীবিক। নির্বাহন ব্যয়ের সূচক সংখ্যা কিভাবে নির্ণয় করা হ'য়ে থাকে—বিশ্ব বর্ণনা কর।
 - 5.8 সূচক সংখ্যার বিভিন্ন ব্যবহার বর্ণনা কর।
- 5.9 নীচের সারণীটিতে "খাদ্য" প্রধান গোষ্ঠা (Major Group)-র অন্তর্গত বিভিন্ন উপগোষ্ঠা (Sub Group)-র ভার এবং 1968, 1969 এবং 1970 সালের সূচক সংখ্যা দেখান হ'রেছে। এদের সাহায্যে 1968, 1969 এবং 1970 সালের খাদ্যের মোট সূচক সংখ্যা নির্ণয় কর:—

রাশিবিজ্ঞানের প্রয়োগ পদ্ধতি

খাদ্যের বিভিন্ন বিভাগের পাইকারী দরের সূচক

কেন্দ্ৰ: ক'লকাতা

ভিত্তিকাৰ: 1952-53=100

খাদ্য প্রধান গোঞ্জির	ভার	সূচক সংখ্যা			
অন্তর্গত বিভিন্ন উপগোঞ্জী	GISI	1968	1969	1970	
1. তণুনদাতীয় খাদ্য	461	206.4	205.7	206-4	
2. ডাল	45	231.6	194•4	215-8	
3. তরকারী এবং ফল	47	184.7	170:5	221.6	
4. দুখ ও বি	92	233.4	242-4	243'8	
5. ভোজ্য তেল	66	249·7	289 9	349.7	
6 মাছ, মাংস ও ডিম	49	248.6	241.0	276-1	
7. চিনি ও গুড়	64	360 0	250.7	206-1	
8. অন্যান্য	176	200.6	203·3	227-4	

উত্তর: (222.8, 216.7, 227.5)

5.10 নীচের সারণীটিতে ক'লকাতার চারটি ব্যয়ন্তরের পরিবারসমূহের 1971 সালের ডিসেম্বর মাসের পাঁচটি প্রধান গাঞ্চা (Major Group)—র যথা, খাদ্য (Food), পরিধেয় (Clothing), জালানী ও জালো (Fuel and Light), বাসম্থান (Housing) এবং বিবিধ (Miscellaneous)—জীবিকা নির্কাহন ব্যয়ের সূচক সংখ্যা (ভিত্তিকাল: ভিসেম্বর: 1950=100) দেখান হ'রেছে। প্রতিটি প্রধান গোঞ্জির ভারও দেখান হ'রেছে। এদের সহায়ভার প্রতিটি ব্যয়ন্তরের জন্য মূলসূচক (General Index) নির্দর কর।

कुंक्त : (207.2, 199.6, 193.7, 183.5)

জীবিকা নিৰ্মাহ্ন বাৰের সূচক সংখ্যা ভিত্তিকাল: নতেম্বর 1950=100 কেন্দ্র: ক'লকাতা মাস: ডিনেম্বর, 1971

श्रमान लिकि 101—200 201—350 351—700 701 ७ छेट्ड 1. बामान लिकि जात निक्त महिला हिला हिला हिला हिला हिला हिला हिला					माजिक श	শাসিক পারিবারিক ব্যয়ন্তর (টাকায়	छत्र (ठीकांत्र			
ब्रावर मूक्क महाक्री जाव महाक्र स्था जाव महाक्र स्था	6 0	थंबान जाश्रि	101-	-200	201	-350	351-	.700	101	७ छेटह
व्यक्ति 54-58 225-3 50-47 222-2 44-65 221-6 33-29 श्रीद्वस 6-23 165-3 5-74 ,164.8 5-47 164-8 5-88 खावानी ७ जात्वा 5-49 228-3 4-88 211-3 4-26 202-9 3-58 वाहीज्ञित्त इज्याि 9-31 187-4 8 52 187-4 9-16 187-4 8-73 विदित्त 24 09 180-2 30-39 170-2 36-46 164-5 48-52		-	<u>ड</u>	मृष्क मःथा	ভার	मृष्क मःद्या	ভার	मृष्ट् मःया	ভার	मूहक मःचा
भिन्दसम 6-23 165-3 5-74 ,164-8 5-47 164-8 5-88 व्याचानो ७ ज्याच्या 5-49 228-3 4-88 211-3 4-26 202-9 3-58 व्याख्याची ७ ज्याचा 9-31 187-4 8 52 187-4 9-16 187-4 8-73 विदिष्	-	क्षीएउ	54.58	225-3	50-47	222-2	44.65	221.6	33-79	219-8
कांगानी ७ जांत्वा 5·49 228·3 4·88 211·3 4·26 202·9 3·58 वाहीजांश हेंगामि 9·31 187·4 8·52 187·4 9·16 187·4 8·73 विविध 24·09 180·2 30·39 170·2 36·46 164·5 48·52	6	भिन्नदश्व	6.23	165-3	5-74	164.8	5.47	164.8	5.88	164.8
बाह्रीजिक्ता हैजाबि 9.31 187.4 8 52 187.4 9·16 187.4 8·73 विविध 24 09 180·2 30·39 170·2 36·46 164·5 48·52	ะ	ष्मामानी ७ षात्ना	5.49	228-3	4.88	211-3	4.26	202.9	3-58	186.6
निविध 24 09 180-2 30-39 170-2 36-46 164-5 48-52	4,		9-31	187-4	8 52	187-4	9.16	187-4	8-73	187.4
		विविध	24 09	180-2	30-39	170-2	36.46	164.5	48.52	159-9

गृष्क गःशा

5.11 ক'লকাতার কোনো একটা বাজার থেকে সংগৃহীত করেকটি পণ্যের সেপ্টেম্বর, 1971, অক্টোবর 1971 এবং নভেম্বর 1971-এর দর এবং বিক্রীর পরিমাণ নীচের সারণীটিতে দেখান হ'লো । এসব রাশিতথ্য ব্যবহার ক'রে এবং সেপ্টেম্বর, 1971 কে ভিত্তিকাল খ'রে অক্টোবর, 1971 এবং নভেম্বর, 1971এর জন্য নিমুলিখিত সুত্রগুলি ব্যবহার ক'রে সুচক সংখ্যা নির্ণয় কর :— (i) লাস্পেয়ারের সুত্র, (ii) পাশের সুত্র, (iii) ফিশারের আদর্শ সূত্র এবং (iv) মার্শাল এম্বড্রার্থের সুত্র।

বিক্রীর বিবরণ—সেপ্টেম্বর, 1971, অক্টোবর, 1971, এবং নভেম্বর 1971

•	সেপ্টেম্বর, 1971		অক্টোবর	, 1971	নভেশ্বর	
পণ্ডোর নাম	প্রতি কিলোর দর (টাকায়)	বিক্রীর পরিমাণ (কিলোয়)	প্রতি কিলোর দর (টাকায়)	বিক্রীর পরিমাণ (কিলোয়)	প্রতি কিলোর দর (টাকায়)	বিক্রীর পরিমাণ (কিলোয়)
	p	q	p	q	p	q
1. খানু	•93	500	'95	632	1.04	512
2. পত্ৰবিহীন শাকসক্ষী	1.07	372	1•35	400	1.37	409
3. পত্ৰবুক্ত শাক- সক্দী	•79	100	1.00	97	•86	75
4. ৰাছ	6-50	250	6•45	300	5.77	314
5. মাংস	6.80	70	6.93	85	7.08	90
6. कन	1.24	45	1-42	62	1-38	70

উত্তর: (a) অক্টোবর, 1971-এর সূচক: (i) লাস্পেরার—104·5 (ii) পাশে—104·1 (iii) ফিশার—104·3 (iv) এজপ্তয়ার্থ নার্শাল—101·3 ।

⁽b) নভেষর 1971-এর সূচক: (i) লাস্পেরার—100·5 (ii) পালে —99·7 (iii) কিশার—100·1 (iv) এজওরার্থ—নার্ণাল—100·2 I

5·12 নীচের সারণীটিতে ক'লকাতার (1—100) টাকার মাসিক ব্যায়ন্তরের পরিবারসমূহের জন্য 1971 সালের ভিসেম্বর মাসের সূচক সংখ্যা (ভিন্তিকাল: নভেম্বর, 1950=100) দেখান হ'য়েছে। মূল সূচক সংখ্যা এবং পাঁচাট প্রধান গোঞ্জর (যথা, (i) খাদ্য, (ii) পরিধেয়, (iii) জালানী ও আলো (iv) বাসন্থান এবং (v) বিবিধ) মধ্যে চারাট গোঞ্জর সূচক সংখ্যা এবং সংশ্লিষ্ট ভারসমূহ দেখান হ'য়েছে। মূল সূচক সংখ্যাটি প্রধান গোঞ্জিগুলির সূচক সংখ্যাসমূহের ভারমুক্ত গাণিতিক গড়।

প্রদত্ত রাশিতথ্য ব্যবহার ক'রে প্রধান গোষ্টা ''বিবিধ''র সূচক সংখ্যা নির্ণয় কর।

জীবিকা নিৰ্বাহন ব্যয়ের সূচক সংখ্যা

ভিত্তিকাল: নভেম্বর 1950=100

কেন্দ্ৰ: ক'লকাতা

শাস: ডিসেম্বর, 1971

পারিবারিক ব্যয়ন্তর (মাসিক): (1—100) টকা।

প্রধান গোষ্ঠা	ভার	সূচক সংখ্যা
1. थोमा	58.55	229•6
2. পরিধেয়	5•37	.165·3
3. ज्ञानानी ७ ज्ञात्ना	6.15	244•8
4. বাস্থান	9.61	187·4
5. ৰিবিধ	20.32	নিৰ্ণয় ক'রতে হবে
মূল সূচক	100.00	216·1

উত্তর: 195.6

ষষ্ঠ পরিচ্ছেদ কালীন সারি বিশ্লেষণ

(Time Series Analysis)

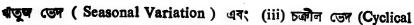
6·1 75m

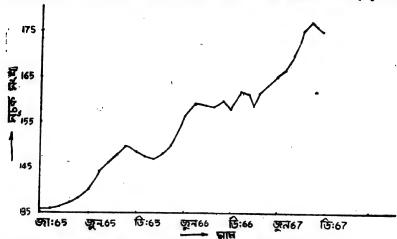
পর পর কয়েক বৎসরের বা মাসের দরের সূচক, কয়েক দিনের (বা মাসের বা বৎসরের) তাপমাত্রার বা বৃষ্টিপাতের হিসাব অথবা কয়েক বৎসরের জনসংখ্যা বৃদ্ধির হিসাব ইত্যাদি কালীন সারির উদাহরণ। অর্থাৎ ধারাবাহিকভাবে সময়ের সাথে সম্পর্কযুক্ত রাশিত্রখনেক কালীন সারি (Time Series) বলে অভিহিত করা হয়। ম্পইত:ই কালীন সারি বছ প্রকারের হ'তে পারে। অর্থনীতির সাথে সম্পর্কযুক্ত রাশিত্রখ্যে কালীন সারির ব্যাপক প্রচলন আছে। বিভিন্ন ধরণের সূচক-সংখ্যা, জাতীয় আয়ের বাৎসরিক হিসাবসমূহ, বিভিন্ন পণ্যের জোগান ও চাহিদার বাৎসরিক (বা মাসিক) হিসাব কিংবা উৎপাদনের বাৎসরিক (বা মাসিক) হিসাব কিংবা উৎপাদনের বাৎসরিক (বা মাসিক) হিসাব—এ সব কালীন সারির উদাহরণ। প্রকৃতপক্ষে সামাজিক বিজ্ঞানসমূহে (Social Sciences) কিংবা প্রাকৃতিক বিজ্ঞানসমূহে (Natural Sciences) যখনই অতীতের অভিজ্ঞতার ভিত্তিতে ভবিষ্যত সম্বন্ধে কিরান্ত গ্রহণ করা হয় তবনই অতীতের রাশিত্রখ্যের কালীন সারির বিশ্লেষণ করা দরকার হ'য়ে পরে।

6.2 কালীন সারির বিভিন্ন অংশ (Components of Time Series)

কোনো একটি কালীন সারিকে লেখ (Graph)র সাহায্যে দেখান যেতে পারে। উদাহরপম্বরূপ নীচে লেখর সাহায্যে পর পর কয়েক বংসরের জীবিকা নির্বাহন ব্যয়ের সূচক দেখান হ'ল (চিত্র নং 6·1)।

কালীন সারির এ ধরণের লেখগুলি পুঙাানুপুঙাভাবে বিশ্লেষণ ক'রলে দেখা বার যে এদের কভগুলি বৈশিষ্ট্য আছে। খুব কম সমরের কালীন সারির গতিবিধি অনেকটা অনিরমিত (Irregular) হয়। কিছ বেশ কিছু মনরের কালীন সারি নিয়ে পরীক্ষা ক'রলে দেখা বার যে কালীন সারি সমরের সাথে কিছু নিরমিত গতিবিধি বেলে চলে। কালীন সারির এই নিরমিত গতিবিধিকে তিনাট প্রধান ভাগে ভাগ করা হর—(i) স্থশাসিত গতিধারা (Secular Trend), (ii)





চিত্র নং 6·1: জীবিক। নির্বোহন ব্যয়ের সূচক (পারিবারিক ব্যয়ন্তর 201—350 টাক।). কেন্দ্র—ক'লকাতা

Variation)। স্থতরাং কোনো কালীন সারির মোট চারটি অংশ থাকে

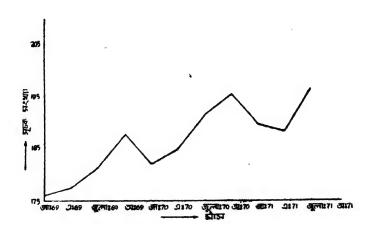
—উপীরোক্ত তিনটি অংশ এবং (iv) অনিয়মিত গতিধারা।

(i) স্থাসিত গতিধারা (Secular Trend)

কোনো একটি কালীন সারির দীর্ঘকালের লেখ পরীক্ষা ক'রলে অধিকাংশ ক্ষেত্রেই এর একটি দীর্ঘকালীন গতিবিধি লক্ষ্য করা যায়। দীর্ঘকালের পরিপ্রেক্ষিতে সাধারণতঃ লেখটি উর্দ্ধমুখী বা নিমুমুখী হয়। অনেক সময় বেশ কিছুকাল সমান্তরালভাবে চলার পর এই উর্দ্ধমুখী বা নিমুমুখী প্রবণতা দেখা যায়। 6°1নং চিত্রের লেখটিতে উর্দ্ধমুখী প্রবণতা লক্ষ্য করা বাচ্ছে। কালীন সারির এ ধরণের মসৃণ (Smooth) ও স্থশাসিত দীর্ঘকালীন গতিবিধিকে স্থশাসিত গতিধারা (Secular Trend) ব'লে অভিহিত করা হয়। স্থশাসিত গতিধারা একটি দীর্ঘয়ামী ব্যাপার। কোনো ধরণের স্বল্পকালীন বা তাৎক্ষণিক পরিবর্ত্তন এই গতিধারার হার। সূচীত হয় না।

(ii) The (Seasonal Variation)

অনেক কেত্রে কালীন সারির লেখ পরীকা ক'রলে দেখা যার যে একই বৎসরের মধ্যে বিভিন্ন ঋতুতে লেখটির উধানপতন ঘটে। এই উধানপতনের সময়গুলি অনেকটা স্থানিদিষ্ট—অর্থাৎ প্রতি বছর নির্দিষ্ট সময়ে একই ধরণের উধানপতন ঘটে থাকে। যেমন 6.2নং চিত্রে ক'লকতার জীবিকানিবর্বাহন ব্যয়ের সূচক সংখ্যা লক্ষ্য ক'রলে দেখা যায় প্রতি বছরই শীতকালে এই লেখটি নিমাভিমুখী হ'য়েছে এবং বর্ধাকালে এর গতি উর্দ্ধমুখী হ'য়েছে। কারণ, শীতকালে ভোগ্যবন্ধসমূহের (বিশেষত: খাদ্যম্রব্যের) দর কম থাকায় সূচকের মান ক'মে এসেছে কিন্তু বর্ধাকালে এদের (বিশেষত: খাদ্যম্রব্যের) দর বাড়ার সাথে সাথে সূচকের মানও বৃদ্ধি পেয়েছে। অনুরূপভাবে ভোগ্যবন্ধসমূহের মাসিক বিক্রীর পরিমাণের কালীন সারি লক্ষ্য ক'রলে দেখা যায় যে প্রতি বৎসর পুজোর সময় বিক্রীর পরিমাণ খুব বেড়ে যায় (অর্থাৎ কালীন সারির লেখ উর্দ্ধমুখী হয়) এবং বর্ধার সময় বিক্রীর পরিমাণ হ্রাস পায় (অর্থাৎ কালীন সারির লেখ ভার্মুখী হয়)।



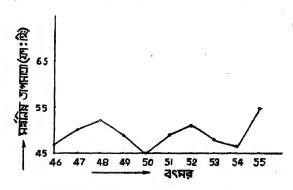
চিত্র নং—6:2: জীবিকা নির্বোহন ব্যয়ের সূচক (পারিবারিক ব্যয়ন্তর 201—350 টাকা), কেন্দ্র—ক'লকাতা

এক বছর সমরের মধ্যে কালীন সারির লেখর এরকম নিয়মিত উথান পতনকে ঋতুদ্ধ ভেদ (Seasonal Variation) বলা হ'রে থাকে। এ ধরণের উথান-পতন প্রধানত: ঋতু পরিবর্ত্তন (যেমন বর্ষার সময় দম বৃদ্ধি বা বিক্রী হাস) বা সামাজিক আচার অনুষ্ঠান (যেমন পূজার সময় বিক্রীর পরিমাণ বৃদ্ধি)-এর ওপর নির্ভরশীল।

(iii) চকৌল ভেদ (Cyclical-Variation)

23

ধাতুদ্ধ ভেদের ক্ষেত্রে কালীন সারির লেখর উথানপতন এক বংসরের মধ্যেই সীমাবদ্ধ থাকে । কিন্তু কোনো কোনো ক্ষেত্রে এক বংসরের রেশী সময় পর পর কালীন সারির লেখর উথান-পতন হ'য়ে থাকে (চিত্র নং 6·3 ফ্রষ্টব্য)। সাধারণতঃ এরকম উথান-পতন থাতুদ্ধ ভেদের উথান-পতনের মতো নিয়মিতভাবে হয় না। যেমন, কোনো একবার লেখটির উথান বা পতন যদি তিন বংসর পরে ঘটে তা হ'লে পরের বার এরকম উথান বা পতন যে আবার তিন বংসর বাদেই হবে এমন কোনো কথা নেই।

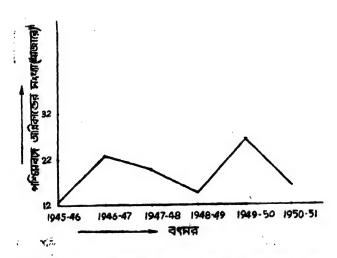


চিত্র নং 6·3 : ক'লকাতার (আলিপুর) সর্বেনিমু বাৎসরিক তাপমাত্রার লেখ

পতন-উথান-পতন বা উথান-পতন-উথান—এরকম একটি পুরো সময়-কালকে চক্র (Cycle) ব'লে অভিহিত করা হ'য়ে থাকে। ব্যবসার ক্ষেত্রে বাজারে পর্যায়ক্রমে কিছুকাল পর পর তেজী (Boom বা Prosperity) এবং মলা (Depression)-ভাব দেখা যায়। অবশ্য কতিদিন পর পর এরকম তেজী বা মলাভাব দেখা দেবে তার কোনো ঠিক নেই। এরকম ক্ষেত্রে একটি তেজী (বা মলা) ভাব থেকে আর একটি তেজী (বা মলা) ভাব পর্যান্ত সময়কে একটি চক্র (Cycle) বলা হ'য়ে থাকে। কালীন সারির এধরণের উথান-পতনকে চক্রীল ভেদ (Cyclical Variation) বলা হয়।

(iv) অনিয়ৰিত গতিধারা (Irregular Variation)

কালীন সারির অনিয়মিত গতিধার। দু ধরণের হ'তে পারে—(ক) ঘটনাব্দাত (Episodic) এবং (খ) আকস্মিক (Accidental)। কোনো ষটনা (বা দুর্ঘটনা) বেমন, দুর্ভিক্ষ, মহামারী, ভূমিকন্প, ধর্মনট ইত্যাদি কালীন সারির গতিধারাকে বিশেঘভাবে প্রভাবিত ক'রতে পারে। উদাহরণম্বরূপ, দুর্ভিক্ষ বা মহামারীর সমর দ্রব্যমূল্যের সূচক অস্বাভাবিক-ভাবে, বৃদ্ধি পেতে পারে। এগুলি ঘটনাজাত অনিরমিত গতিধারার উদাহরণ। অপরপক্ষে, আফস্মিক এবং আপাতঃদৃষ্টতে কারণহীন-ভাবেও কালীন সারির পরিবর্ত্তন লক্ষ্য করা যায়। এ ধরণের পরিবর্ত্তন আকস্মিক অনিরমিত গতিধারার অন্তর্গত (চিত্র নং 6.4 এর লেখ দ্রেইবা)।



চিত্র নং 6.4: পশ্চিমবঙ্গে বাৎসরিক অগ্নিকাণ্ডের সংখ্যা

6:3 কালীন সারিতে ব্যবহৃত প্রতীক

(i) যদি সময়বিশু "'''-তে কোনো একটি চল (Variable)-এর মান হয় y_i (বেমন, y_i , t সময়বিশুর সূচকসংখ্যা বা বৃষ্টিপাতের পরিমাণ হ'তে পারে) এবং t=1,2....n—অর্থাৎ t-র মান পর্যায়ক্রমে (Successively) 1, 2 থেকে n পর্যন্ত হয়—তা হ'লে উল্লিখিত সময়বিশুগুলিতে y-এর মানকে যথাক্রমে $y_1, y_2.....y_n$ হারা চিহ্নিত করা হবে। ";" একটি নিদিষ্ট সময়বিশু না হ'য়ে সময়ের অন্তর (Interval of Time)-ও হ'তে পারে—যেমন, 1 তারিখ থেকে 3 তারিখ, 4 তারিখ থেকে 6 তারিখ, 7 তারিখ থেকে 9 তারিখ ইত্যাদি। এরক্রম ক্রেন্সে y_i কে অন্তরের মধ্যবর্তী সময়বিশুর মানের বিপরীত মান হিলেবে ধরা হয়। যেমন,

সময়ের অন্তর (Interval of Time	মধ্যবৰ্ত্তী মান)	চল (Variable) -এর মান
(1)	(2)	(3)
1—3 তারিখ	2 তারিখ	. y ₂
4—6 তারিখ	5 তারিখ	y_5
7—9 তারিখ	8 তারিখ	y_8

(iii) পূর্বে কালীন সারিকে যে চারটি ভাগে ভাগ করা হ'রেছে তাদের সাধারণত: নিমুলিখিত প্রতীকগুলির হারা চিহ্নিত করা হয় :—

 T_t ="t়" সময়বিন্দুতে কালীন সারির স্থাসিত গতিধারা (Secular Trend)।

 S_t ="t" সময়বিন্দুতে কালীন সারির ঋতুজ ভেদ (Seasonal Variation)।

 C_t ="t" সময়বিন্দুতে কালীন সারির চক্রীল ভেদ (Cyclical Variation)।

 I_t ="t" সময়বিন্দুতে কানীন সারির অনিয়মিত গতিধার। (Irregular Variation)।

বঁছল প্রচলিত একটি প্রথা অনুযায়ী কালীন সারিকে উপরোক্ত চারটি অংশের গুণফল হিসেবে ধরা হয়। অর্থাৎ, Y_i যদি কালীন সারির চলের ব্যামারিক্তর মান হয়। তা হ'লে—

$$Y_t = T_t \times S_t \times C_t \times I_t \qquad (6.1)$$

অনেক সময় Y_i কে উপরোক্ত চারটি অংশের যোগফল হিসেবে ধরা হয়। অর্থাৎ,

$$Y_t = T_t + S_t + C_t + I_t \tag{6.2}$$

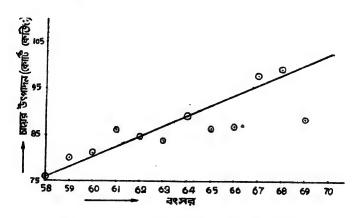
তবে এই শেষোক্ত সূত্রটি খুব কমই ব্যবহৃত হ'য়ে থাকে। (6·1)–এ উল্লিখিত সূত্রটিই অধিকাংশ ক্ষেত্রে ব্যবহৃত হ'য়ে থাকে।

'6'4 স্থণাসিভ গভিধারার পরিমাপ (Measurement of Secular Trend)

কোনে। কালীন সারির সুশাসিত গতিধারার পরিমাপ ক'রতে হ'লে উজ্জ সারির অন্য তিনটি অংশ যথা, ঋতুজ ভেদ, চক্রীল ভেদ এবং অনিয়মিত গতিধারার প্রভাবকে সারি থেকে অপনিত (Eliminate) ক'রতে হবে। আগেই বলা হ'রেছে ঋতুজ ভেদের উদ্ভব এক বংসর সময়কালের মধ্যে হ'রে থাকে। এজন্য কোনো কালীন সারির এক বৎসরের সমষ্টি বা গড় নিলে ঐ সমষ্টি বা গড়সমূহ ঋতুজ ভেদের প্রভাবমুক্ত হবে। স্থতরাং স্থাসিত গতিধারা পরিমাপ করার সময় সাধারণতঃ ঋতুজ ভেদের প্রভাব দূর করার জন্য কালীন সারির এক বৎসরের সমষ্টি বা গাণিতিক গড় নেওয়া হয়। এরকম সমষ্টি বা গাণিতিক গড় হ'তে চক্রীল ছন্দ এবং অনিয়মিত গতিধারার প্রভাব দূর ক'রতে পারলেই স্থাসিত গতিধারার পরিমাপ পাওয়া যায়। এ উদ্দেশ্যে সাধারণতঃ নিম্নোক্ত উপায়গুলি অবলম্বন করা হয়:—

(ক) খালি হাতে রেখা নিরপণ পছতি (Method of Freehand Curve Fitting)

এটি স্থশাসিত গতিধারা নিরূপণের সবচাইতে সরল পদ্ধতি। এই পদ্ধতি অনুযায়ী প্রথমে লৈখিক কাগজ (Graph paper)-এ ঋতুজ ভেদযুক্ত বাৎসরিক কালীন সারিটির একটি লেখ (Graph) আঁকা হয়। তারপর এই লেখটির ভেতর দিয়ে খালি হাতে একটি মস্থপ রেখা (Smooth Curve) এমনভাবে আঁকা হ'য়ে থাকে যাতে এই রেখাটিকে ঐ লেখার সর্বাপেক্ষা ঘনিষ্ঠ আসর মান (Closest Approximation) হিসেবে ধরা যেতে পারে। নীচে (6.5 নং চিত্রে) এই পদ্ধতিতে নির্ধারিত সুশাসিত গতিধারার উদাহরণ দেখান হ'লো।



চিত্র নং 6.5: পশ্চিমবঙ্গে চায়ের উৎপাদন

এই পদ্ধতি অনুসরণের স্থবিধা এবং অন্থবিধা দুই-ই আছে। এর সবচাইতে বড় শ্ববিধা হ'লো এই যে এটি অত্যন্ত সরল পদ্ধতি। তা ছাড়া স্থশাসিত গতিধারা সরলরেখা বা বক্ররেখা যাই হোক্ না কেন, এই পদ্ধতির সাহায্যে তা অতি সহজেই দেখান যেতে পারে। অন্যদিকে এই পদ্ধতির সবচাইতে বড় ফ্রাট হ'লো এই যে এটি অত্যন্ত ব্যক্তি নির্ভর (Subjective)। অর্থাৎ যিনি নির্ধারক তার বিচার, বিবেচনা এবং মর্জির ওপর এই পদ্ধতিতে নির্ধারিত মুশাসিত গতিধারার লেখটি বহুলাংশে নির্ভরশীন।

(ৰ) চলমান গড় ব্যবহার পদ্ধতি (Method of Moving Average)

কোনো কালীন সারির তিন বৎসরের চলমান গড় নির্ণয় ক'রতে হ'লে সর্বপ্রথমে উপর্যুপরি (Successive) প্রথম তিন বৎসরের অবেক্ষিত মান (Observed Value)-এর গাণিতিক গড় নিতে হবে। তারপর প্রথম বৎসরের অবেক্ষিত মানটি বাদ দিয়ে পরবর্তী তিন বৎসরের অবেক্ষিত মান-এর গাণিতিক গড় নিতে হবে। এরকমভাবে প্রত্যেকবার সারির প্রথম দিক থেকে একটি ক'রে মান বাদ দিয়ে এবং নীচের দিকে একটি ক'রে মান নিয়ে তিন বৎসরের গাণিতিক গড় নিতে নিতে অগ্রসর হ'তে হবে—যতক্ষণ পর্যন্ত না কালীন সারির শেষ অবেক্ষিত মানটিও চলমান গড়ের অন্তর্ভুক্ত হ'চেছ। যে কোনো তিন বৎসরের অবেক্ষিত মানের গাণিতিক্ট গড় এই তিনটি বৎসরের মধ্যবর্তী বৎসরের বিপরীতে দেখান হবে।

তিন বৎসরের জায়গায় পাঁচ বৎসরের, সাত বৎসরের বা (2n+1) বৎসরের—অর্থাৎ যে কোনো বেজোড় সংখ্যক বৎসরের—চলমান গড় নিতে হ'লে ঠিক একই পদ্ধতি অনুসরণ ক'রতে হবে—শুধুমাত্র তিন বৎসরের জায়গায় পাঁচ, সাত বা (2n+1) বৎসরের গাণিতিক গড় নিতে হবে। সব ক্ষেত্রেই মধ্যবর্ত্তী বৎসরের বিপরীতে চলমান গড়কে দেখান হবে। অর্থাৎ পাঁচ বৎসরের গড়কে তৃতীয় বৎসরের বিপরীতে, সাত বৎসরের গড়কে চতুর্থ বৎসরের বিপরীতে এবং (2n+1) বৎসরের গড়কে (n+1)-তম বৎসরের বিপরীতে দেখাতে হবে।

জোড় সংখ্যক বৎসরের কেত্রেও নির্দিষ্ট বৎসরের চলমান গাণিতিক গড় নিতে হবে। যেমন, দুই, চার, ছয় বা 2n বৎসরের চলমান গড় নিতে হ'লে দুই, চার, ছয় বা 2n বৎসরের গাণিতিক গড় নিয়ে অগ্রসর হ'তে হবে। তবে এরকমভাবে নির্ধারিত চলমান গড়সমূহের প্রতি দুটিকে নিয়ে জাবার ছিতীয় কেপে চলমান গড় নির্ণয় ক'রতে হবে। এই ছিতীয় ক্ষেপে নির্ণীত চনমান গড় যে বৎসরের বিপরীতে অবস্থিত হবে তাকে সে বৎসরের প্রতিনিধিমূলক ব'লে ধরতে হবে।

যদি কোনো কালীন সারির চক্রীল তেদ (Cyclical Variation)-এর প্রতিটি চক্র (Cycle)-এর পরিমাপ সমান হয়, তা হ'লে ঐ পরিমাপের সমান (বা তার গুণিতক) চলমান গড় নিলে কালীন সরিটি চক্রীল ভেদের প্রভাবমুক্ত হবে। বেমন, কোনো কালীন সারির চক্রীল ভেদের পরিমাপ যদি তিন বৎসর হয়, তা হ'লে ঐ সারির তিন বৎসরের চলমান গড় হার। নিণীত সারিটি সম্পূর্ণক্রপে চক্রীল ভেদের প্রভাবমুক্ত হবে। কিছ অধিকাংশ ক্ষেত্রেই চক্রীল ভেদের প্রতিটি চক্রের পরিমাপ সমান হয় না। এ সব ক্ষেত্রে চক্রগুলির গড় পরিমাপের (Average Period of the Cycles) সমান চলমান গড় নেওয়া বায়নীয়। এরকম ক'রলে চলমান গড় হার। উদ্বৃত্ত সারিটি সম্পূর্ণক্রপে না হ'লেও বহুলাংশে চক্রীল ভেদের প্রভাবমুক্ত হবে। অবশ্য চক্রগুলির গড় পরিমাপ নির্ণয় কর। অবদক সময়ই দু:সাধ্য হ'য়ে পরে। এজন্য চলমান গড় ব্যবহার পদ্ধতির একটি প্রধান সমস্যা হ'লো গড় কত বৎসরের জন্য হবে তা স্থির কর।।

খালি হাতে রেখ। নিরূপন পদ্ধতির মত চলমান গড় ব্যবহার পদ্ধতিও বহুলাংশে একটি সরল পদ্ধতি। কিন্তু খালি হাতে রেখা নিরূপণ পদ্ধতির মত এই পদ্ধতিটি ব্যক্তিনির্ভর (Subjective) নয়। অর্থাৎ, এই পদ্ধতির হারা নির্ণীত মানসমূহ ব্যবহারকারীর মজির ওপর নির্ভরশীল নয়। কিন্তু বেহেতু এই পদ্ধতিতে নির্ণীত সারিসমূহ বিশেষ কোনো সূত্র (Formula) অনুসরণ করে না সেজন্য এই পদ্ধতির ব্যবহারের হারা কোনো পূর্বাভাষ (Forecast) দেওয়া সম্ভব নয়।

ভারতের আকরিক লোহার উৎপাদনের পরিমাণ দেখান হ'রেছে। লক্ষ্য ক'রলে দেখা যাবে যে, যদিও এই কালীন সারিটির স্বন্ধ মেরাদী উথান পতন আছে তা হ'লেও এর স্থাসিত গতিধারার উর্দ্ধুখী গতি অত্যন্ত স্থাষ্ট (6.6 নং চিত্রে প্রদণিত লেখাটি দ্রষ্টব্য)। স্বন্ধমেরাদী উথান-পতনের প্রভাব দূর ক'রে স্থাসিত গতিধারাকে স্থাস্টভাবে প্রকাশ করার জন্য 5 বৎসরের চলমান গড় নেওয়া যেতে পারে। নীচের সারণীতে এরকম গড় নেওয়া হ'রেছে। 6.6 নং চিত্রে কালীন সারির লেখ (বিশু কেন্দ্রিক বৃত্ত ছারা নির্দিষ্ট) এবং চলমান গড়ের লেখ (টানা রেখার ছারা নির্দিষ্ট) পাশাপাশি দেখান হ'রেছে। লক্ষ্য ক'রলে দেখা যাবে যে

চলমান গড়ের লেখটি অনিয়মিত উথান-পতন থেকে বছলাংশে মুক্ত। অর্থাৎ এক্ষেত্রে চলমান গড় স্থশাসিত গতিধারাকে অনেকটা স্থশ্স্ট-ভাবে প্রকাশিত ক'রেছে।

সারণী 6·1
পশ্চিমবঙ্গে আকরিক লোহা উৎপাদনের পরিমাণ হাজার টন
(Tonne)-এর এককে।

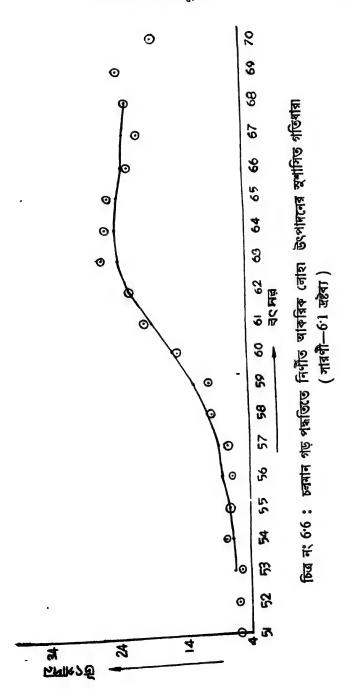
বৎসর	আকরিক বোহার উৎপাদন	5–বৎসরের চলমান সমষ্টি (5-year moving total)	5 বৎসরের চলমান গড় (5-year moving average)
1951	675.8		
1952	635.5		
1953	572.3	3332•4	666.5
1954	750-1	3363.8	672.8
1955	698.7	3457-8	691.6
1956	707•2	3815-9	763·2
1957	729.5	4105•4	821.1
1958	930-4	4879.2	975.8
1959	1039-6	6082.0	1216•4
1960	1472•5	7494·4	1498•9
1961	1910-0	9066·3	1813-3

ব ৎসর	আকরিক <i>লো</i> হার উৎপাদন	5–বৎসরের চলমাম সমষ্টি (5-year moving total)	5-বৎসরেব চলমান গড় (5-year moving average)
1962	2141.9	10523-1	2104.6
1963	2502·3	11442•4	2288•5
1964	2496.4	11697-4	2339·5
1965	2391.8	11500.0	2300-0
1966	2165.0	11152·8	2230-6
1967	1944.5	10930-9	2186•2
1968	2155·1	10302.9	2060-6
1969	2274.5	-	
1970	1763.8		

ওপরের উদাহরণে কালীন সারির উথান-পতনের চক্রের গড় দৈর্ঘ্য ধরা হ'য়েছে 5 বৎসর। এজন্য এই চক্রের প্রভাব দূর করার উদ্দেশ্যে 5 বৎসরের চলমান গড় নেওয়া হ'য়েছে।

(গ) গাণিতিক রেখা নিরূপণ পছতি (Method of Mathematical Curves)

সুশাসিত গতিধারা নির্ণয়ের জন্য গাণিতিক রেখা নিরূপণ পদ্ধতির (Method of Mathematical Curves) ব্যাপক ব্যবহার করা হ'য়ে থাকে। এই পদ্ধতির সর্বপ্রধান স্থবিধা হ'লো এই যে এটি সম্পূর্ণরূপে বিষয়নির্ভর (Objective), ব্যবহারকারীর মঞ্জির ওপর কোনোক্রমেই



*

নির্ভরশীল নয়। এই পদ্ধতির আর একটি মস্ত স্থবিধা এই বে এর ব্যবহারের হারা ভবিষ্যতের স্থাগিত গতিধারার পূর্বাভাষ (Forecasting Future Secular Trend) দেওয়া সম্ভব।

গাণিতিক রেখা নিরূপণের জন্য সর্বপ্রথমে নির্নেয় স্থানিত গতিধারাকে কি ধরণের গাণিতিক রেখা (Mathematical Curve)-র
ছারা চিহ্নিত করা যেতে পারে তা ছির ক'রতে হবে। এ উদ্দেশ্যে
প্রদত্ত কালীন সারির লেখাট কিংবা কালীন সারির মানগুলির লগারিদ্য্—এর
লেখাট খালি চোখে পরীক্ষা ক'রে দেখা হয়। এরকম পরীক্ষার পর
খালি হাতে রেখা নিরূপণ পদ্ধতির সাহায্যে স্থানিত গতিধারার রেখাটির
রূপ সম্বদ্ধে একটি মোটামূটি ধারণা করা হ'য়ে থাকে। এর হারা কি
ধরণের গাণিতিক রেখার ব্যবহার স্বচাইতে স্থবিধাজনক হবে তা স্থির
করা যায়। অধিকাংশ ক্ষেত্রে এই গাণিতিক রেখার রূপ একটা স্থবিধাজনক ছাত্তর্জ অপেক্ষক (Polynomial of suitable degree) হয়।

গাণিতিক রেখাটির রূপ স্থির করার পর কোনো একটি নির্দিষ্ট রেখ। নিরূপণ পদ্ধতি অনুসরণ ক'রে এর ধ্রুন্বকসমূহ (Parameters বা Constants) প্রাক্কলন (Estimation) করা হ'রে থাকে। ধ্রুন্বক প্রাক্কলনের সবচাইতে প্রচলিত পদ্ধতি হ'লো লঘিষ্ঠ বর্গ সমষ্টি পদ্ধতি (Method of Least Squares)। তা ছাড়া গোষ্ঠা গড় পদ্ধতি (Group Average Method)—ও কোনো কোনো জারগার ব্যবহার করা হ'রে থাকে। নীচে এই পদ্ধতিগুলি বর্ণনা করা হ'লো:—

(i) স্থিত বৰ্গসমষ্টি পদ্ধতি (Method of Least Squares)

ধরা যাক্ স্থাসিত গতিধার। নির্দেশক গাণিতিক রেখাটি একটি r-যাতভ অপেক্ষক। অর্থাৎ, যদি স্থাসিত গতিধারাকে Y_i র ছারা চিহ্নিত করা হয় এবং এটির (অর্থাৎ সময়বিলুসমূহের) অপেক্ষক (Function) হয় তা হ'লে:—

$$Y_t = a_0 + a_1 t + a_2 t^2 + \dots + a_r t^r$$
 (6.3)

এই সনীকরণে a_0 , $a_1 \dots a_r$ -এই (r+1)টি অজানা ধ্রুবক (Unknown Constants) আছে। লখিষ্ঠ বর্গসমষ্টি পদ্ধতি (Method of Least Squares) অনুযারী এই ধ্রুবকগুলির প্রাকৃকলীন নান (Estimate) নির্ণর করার জন্য নিমুলিখিত নৌল সনীকরণ (Normal Equations) সমূহের সমাধান ক'রতে হবে:—

$$\Sigma Y_{t} = na_{0} + a_{1}\Sigma t + a_{2}\Sigma t^{2} + \dots + a_{r}\Sigma t^{r}$$

$$\Sigma Y_{t}t = a_{0}\Sigma t + a_{1}\Sigma t^{2} + a_{2}\Sigma t^{3} + \dots + a_{r}\Sigma t^{r+1}$$

$$\Sigma Y_{t}t^{2} = a_{0}\Sigma t^{2} + a_{1}\Sigma t^{3} + a_{2}\Sigma t^{4} + \dots + a_{r}\Sigma t^{r+2}$$

$$\Sigma Y_i t^r = a_0 \Sigma t^r + a_1 \Sigma t^{r+1} + a_2 \Sigma t^{r+2} + \dots + a_r \Sigma t^{2r}$$

(এখানে কালীন সারিটিতে মোট n-টি সময়বিলু ধরা হ'য়েছে) (6·4)

যখন স্থাসিত গতিধারাকে একটি গরলরেধার ছারা প্রকাশ করা যায়
তথন স্পষ্টত:ই

$$Y_t = a_0 + a_1 t \tag{6.5}$$

এক্ষেত্রে, a_0 ও a_1 , এই প্রুবক দুটির প্রাক্কলন (Estimation)-এর জন্য (6·4) অনুসরণ ক'রে নিমুলিখিত মৌল সমীকরণ দুটি পাই:—

$$\Sigma Y_t = n \ a_0 + a_1 \Sigma t$$

$$\Sigma Y_t t = a_0 \Sigma t + a_1 \Sigma t^2$$
(6.6)

অনুরূপভাবে স্থাাসিত গতিধারাকে ছিঘাত অপেক্ষক (2nd degree Polynomial) হারা প্রকাশ ক'রলে:—

$$Y_t = a_0 + a_1 t + a_2 t^2 \tag{6.7}$$

a₀, a₁ ও a₂ র প্রাক্কলনী মান (Estimated Value) নিমুলিখিত মৌল স্মীকরণগুলি থেকে পাওয়া যাবে—

$$\Sigma Y_{t} = na_{o} + a_{1}\Sigma t + a_{2}\Sigma t^{2}$$

$$\Sigma Y_{t}t = a_{o}\Sigma t + a_{1}\Sigma t^{2} + a_{2}\Sigma t^{3}$$

$$\Sigma Y_{t}t^{2} = a_{o}\Sigma t^{2} + a_{1}\Sigma t^{3} + a_{2}\Sigma t^{4}$$
(6.8)

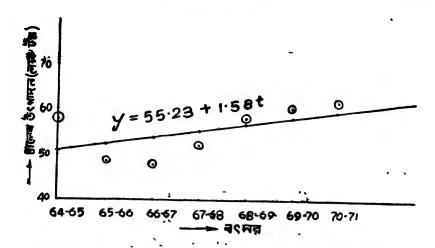
সাধারণতঃ বিভিন্ন সময়বিলুগুলি পরস্পার সমান দুরুছের হয়। ওপরের সমীকরণগুলির সমাধানের জন্য কতগুলি সরলীকরণ পদ্ধতি প্রচলিত আছে। নীচের উদাহরণগুলিতে এই পদ্ধতিগুলির ব্যবহার দেখান হ'লো।

উদাহরণ 6·2 সারণী নং 6·2 এর প্রথম দুটো তত্তে 1964-65 থেকে 1970-71 সাল পর্যন্ত পশ্চিমবঙ্গে চালের উৎপাদনের পরিমাণ দেখান হ'মেছে। এই কালীন সারিটির লেখ পরীক্ষা ক'রে দেখা যায় যে এক্ষেত্রে স্থুশাসিত গতিধারা একটি সরল রেখার হারা প্রকাশ করা যেতে পারে।

সারণী 6·2 পশ্চিমবঙ্গে চালের উৎপাদন, 1964-71

বৎসর (t)	চালের উৎপাদন — লক্ষ টনে (y)	t	t ²	ty
(1)	(2)	(3)	(4)	(5)
1964-65	57.61	_3	9	— 172·83
1965-66	48.93	-2	4	- 97· 86
1966-67	48-24	-1	1	 48·24
1967-68	52.08	0	0	0
1968-69	57:80	+1	1	57:80
1969-70	60.55	+2	4	121·10
1970-71	61.40	+3	9	184·20
শেট	386-61	0	28	44.17

এ উদ্দেশ্যে লখিষ্ঠ বর্গসমষ্টি পদ্ধতির সহায়তায় নিমুলিখিত সরল রেখার সমীকরণের প্রশক্তবন ক'রতে হবে:—



চিত্র নং—6·7: সরলরেখা নিরূপণ পদ্ধতির সাহাব্যে স্থ্পাসিত গতিধারা নির্ধারণ (উদাহরণ 6·2 क्रहेबा)

এখানে a_o , a_1 এই দুটি ধ্রুবকের প্রাক্কলনের জন্য নিমুলিখিড মৌল শুমীকরণ দুটো ব্যবহার করা হ'য়েছে:—

$$\Sigma y = na_0 + a_1 \Sigma t$$

$$\Sigma ty = a_0 \Sigma t + a_1 \Sigma^2 t^2$$

এখানে t সময়বিন্দুর মূলবিন্দু (Origin) 1967-68-র (জুর্ণাৎ মধ্যবর্তী বৎসরের) বিপরীতে নেওয়া হ'য়েছে (সারণী 6·2 এর (3) নং ভঙ্ক জ্রষ্টব্য)। ফলে এখানে $\Sigma t=0$ । স্ক্তরাং এক্ষেত্রে উনিনিত সমীকরণ দুটির সরবীকৃত রূপ হবে:—

$$\Sigma y = na_o$$
 $\Sigma ty = a_1 \Sigma t^2$
এখানে, $n=7$, $\Sigma y = 386\cdot61$
 $\Sigma t^2 = 28$ এবং $\Sigma ty = 44\cdot17$
হতরাং, $7a_o = 386\cdot61$
অবাং, $a_0 = 55\cdot23$ এবং $a_1 = 1\cdot58$
হতরাং, হুণানিত গতিবারা নির্দারক সরলম্বর্যাটি :—

y=55·23+1·58 t

ভিনেত্ব কর বিশ্ব এবং বিতীয় ভত্তে
পশ্চিম্বত 1964-65 থেকে টিগতি-71 পর্বিভ পাট উৎপাদনের পরিমাণ

দেখান হ'রেছে। এই কানীন সারির বেখ বিশ্বেষণ ক'রে দেখা গেছে বে এর স্থ্শাসিত গতিধার। একটি হিষাত অপেক্ষক (2nd degree polynomial) হারা প্রকাশ করা যেতে পারে। অর্ধাৎ একে নিমু-নিখিত অপেক্ষকটির হার। প্রকাশ করা যেতে পারে—

$$y = a_0 + a_1 t + a_2 t^2$$

a₀, a₁ ও a₂—এই তিনটি ধ্রুবকের প্রাক্কলনের জন্য লবিষ্ঠ বর্গসমষ্টি পদ্ধতি অবলঘন ক'রে নিমুলিখিত সমীকরণ তিনটির সরলীকরণ ক'রতে হবে—

$$\Sigma y = na_0 + a_1 \Sigma t + a_2 \Sigma t^2$$

$$\Sigma ty = a_0 \Sigma t + a_1 \Sigma t^2 + a_2 \Sigma t^3$$

$$\Sigma t^2 y = a_0 \Sigma t^2 + a_1 \Sigma t^3 + a_2 \Sigma t^4$$

এই উদাহরণে জোড় সংখ্যক বংসর (বোট বংসরের সংখ্যা 6) থাকার ে-এর বুলবিন্দু (origin) 1966-67 এবং 1966-68র সধ্যবর্ত্তী সবর বিন্দুতে নেওয়া হরেছে। কলে এখানেও $\Sigma t=0$ এবং $\Sigma t^2=0$ এবং নির্দেশ্য স্বীকরণগুলি নিযুরূপ হবে—

$$173.4 = 6a_0 + 70a_0$$

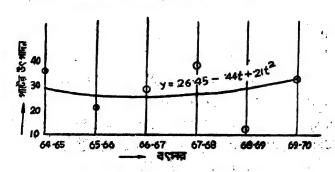
$$-30.6 = 70a_1$$

$$2148.6 = 70a_0 + 1414a_0$$

এश्वनिय गयायान क'रव :---

স্বভরাং স্থাসিত গতিধার। নির্ণারক সরলরেখাটি নিমুরূপ হবে :—

Y=26·45--- ·44t+- ·21 t²



চিত্ৰ নং 6.8 : বিষাত অপেক্ষক নিরূপণ পদ্ধতির সাহাব্যে স্থানীতি গতিধারা নির্বারণ

সারণী 6·3 পশ্চিমবঙ্গে পাটের উৎপাদন—1964–70

বৎসর	পাটের উৎপাদন (180 কেন্দ্রির লক্ষ গাঁট-এর হিসাবে)	t	12	t ₈	t4	ty	t ² y
(1)	(2)	(3)	(4)	(5)	(6)	(7)	(8)
1964-65	36.2	-5	25	-125	625	-182.5	912:5
1965-66	22.4	-3	9	—27	81	-67.2	201-6
1966-67	28.8	-1	1	-1	1	28.8	28.8
1967-68	38.5	1	1	1	1	38.5	38•5
1968-69	13.3	3	9	27	81	39-9	119.7
1969-70	33.9	5	25	125	625	169·5	847-5
	$\Sigma_{y=173.4}$	Σ t=0	$\Sigma t^2 = 70$	$\Sigma t^3 = 0$	$\Sigma t^4 = 1414$	$\Sigma ty = -30.6$	

(ii) গোষ্ঠা গড় পদ্ধতি (Group Average Method)

বাতত অপেক্ষক (Polynomial) এর ধ্রুবক সমূহের প্রাক্কলনের
ত্বন্য প্রধানত: লখিষ্ঠ বর্গসমষ্টি পদ্ধতি ব্যবহার করা হ'য়ে থাকে।
কিন্ত অনেক সময় সুশাসিত গতিধারাকে এমন বিশেষ ধরণের অপেক্ষকের
হারা চিচ্ছিত করা হ'য়ে থাকে যার ধ্রুবক সমূহের প্রাক্কলনের জন্য
লখিষ্ট বর্গসমষ্টি পদ্ধতির ব্যবহার স্থিধাজনক নয়। এরক্ম ক্ষেত্রে কোনো

কোনো সমর গোঞ্জ গড় পদ্ধত্তি ব্যবহার করা হ'বে থাকে। বেনন, নীচের উদাহরণটির কথা ধরা বাকু,

$$y_t = a.b^{c^t} \tag{6.9}$$

चर्षार,
$$\log y_i = \log a + (\log b)c^t$$
 (6.10)

-बजा याक. $\log y_t = y'_t$, $\log a = a'$ log b=b'

মুভারাং (6·10) হবে,

$$y_t' = a^t + b^t c^t \tag{6.11}$$

এখানে তিনটি धुम्बक a', b' এবং c-র প্রাক্কলন ক'রতে হবে। थ छटकरना निकिष्ट कानीन गांतिरित त्यारे गमरशंत धनात (Range of time covered by the time series) কে তিনটি স্মানভাগে ভাগ করা হ'বে থাকে। ধরা যাক্, প্রতিটি ভার্গে m-টি সময়বিশু আছে। তা হ'লে y' র যোগকনকে নিমুলিখিত ত্রিনটি ভাগে প্রকাশ করা বেতে পারে:-

$$S_1' = \sum_{i=1}^{m} y_i'$$
; $S_2' = \sum_{i=m+1}^{2m} y_i'$; $S_3' = \sum_{i=2m+1}^{3m} y_i'$

স্তরাং (6.11) অনুধায়ী:-

$$S_{1}' = \sum (a' + b' \cdot c^{\dagger}) = ma' + b' \sum_{t=1}^{m} c^{t}$$

$$= ma' + b' \left(c \cdot \frac{1 - c^{m}}{1 - c} \right)$$

$$= ma' + b'c \cdot \frac{1 - c^{n}}{1 - c}$$

ঠিক অনু রূপ ভাবে,

$$S_1 = B(a'+b'c')$$

$$= ma' + B'c'' + \frac{1}{2}$$

$$=ma'+b'c^{m+1}\frac{1-c^{m}}{a}$$

$$S_3' = \Sigma \left(\alpha' + b' e^{i}_{i} \right)$$

ध्यातक गरीकवर् जिन्हि गराधान क'रब जारका शाह :--

$$a' = \frac{1}{m} \times \frac{S_1' S_3' - S_3'^3}{S_2' - 2S_3' + S_3'}$$

$$b' = \frac{(S_1' - S_3') (1 - c)}{c(1 - c''')^3}$$

$$c = \left(\frac{S_{2}' - S_{3}'}{S_{1}' - S_{2}'}\right)^{\frac{1}{m}} \tag{6.12}$$

a', b', এর বাল নির্ণয় ক'লে আছা থেকে a ও bর নাম নির্ণয় করা বাবে।

(6.9)এ উনিখিত রেখাটিকে গ্র্পার্ড্ছ্ রেখা (Gompertz Curve) বলা হর। ফলিত রাশিবিজ্ঞান (Applied Statistics) এর বিভিন্ন কেত্রে (বিশেষতঃ জনগংখ্যা এবং স্বাস্থ্যসংক্রান্ত রাশিবিজ্ঞানে) এই রেখার ব্যাপক ব্যবহার আছে।

গ্ৰ্পাৰ্ত্জ্ রেখার মতো লজিষ্টক রেখা (Logistic Curve) নামে আর একটি রেখার ব্যবহারও রাশিবিজ্ঞানের উপজ্ঞোক্ত শাখাগুলিতে ব্যাপকভাবে করা হয়। এর রূপ এরকম:—

$$y_{i} = \frac{k}{1 + e^{a_{i} + a_{1} t}}$$

$$\therefore \frac{1}{y_{i}} = \frac{1}{k} + \left(\frac{e^{a_{0}}}{k}\right) \left(e^{a_{1}}\right)^{t}$$

$$y'_{i} = a' + b'c'^{t}$$

$$y'_{i} = \frac{1}{y_{i}} \quad a' = \frac{1}{k}$$

$$b' = \left(\frac{e^{a_{0}}}{k}\right), \quad c' = e^{a_{1}}$$

স্তরাং, উপরোক্ত রেধার অন্তর্ভ ধ্রুবক সমূহের প্রাক্কলনও গোষ্ট্রগড় পদ্ধতি অনুযায়ী করা যেতে পারে।

অনেক সময় কালীন সারির স্থশাসিত গতিধারা সম্বন্ধে খুব ত্রুত একটা মোটামুটি ধারণা করার জন্য ঐ সারির মোট সময়কে দুটো সমানভাগে ভাগ করা হয়। তারপর প্রতিটি ভাগের গাণিতিক গড় নির্দয় করা হয়। অর্থাৎ দুটি ভাগের জন্য দুটি গড় পাওয়া যায়। এরপর প্রতিটি ভাগের মধ্যবর্ত্তী সময়ের বিপরীতে সেই ভাগের গড়কে একটি লৈখিক কাগজে (Graph paper)-এ পুট (Plot) করা হয়। এরকমভাবে লৈখিক কাগজে কালীন মারির দুটি ভাগে জন্য দুটি পুট করা বিন্দু পাওয়া যায়। এই বিন্দু দুটিকে একটি সরলরেখার হারা যুক্ত ক'রলে ঐ সরলরেখাটি নির্দিষ্ট কালীন সারির স্থাসিত গতিধারা সম্পর্কে একটি মোটামুটি ধারণা দেয়।

6.5 খড়ুজ ভেষের পরিষাপ (Measurement of Seasonal Fluctuations)

সুশাসিত গতিধারার মত ঋতুদ্ধ ভেদের পরিমাপ করার প্রয়োজনীয়তাও গনেক সময় বিশেষভাবে অনুভূত হয়। যেমন, পণ্যদ্রব্যাদি বিক্রীর দ্বন্য বংসরের বিভিন্ন ঋতুতে পণ্যের কিরকম চাহিদা হয় তা বিক্রেতার বিশেষভাবে জানা দরকার। কারণ চাহিদা অনুযায়ী জোগান স্থির ক'রতে হবে। এ উদ্দেশ্যে বিভিন্ন বিক্রীত পণ্যের পরিমাণের ঋতুদ্ধ ভেদের শরিমাপ করা প্রয়োজন।

আগেই বলা হ'মেছে যে এক বৎসরের কম সময়ের কালীন সারির ট্রথান পতন ঋতুত্ব ভেদের বারা নির্দ্দেশিত হ'য়ে থাকে। এরকম সময়ের ব্যাপ্তি একটি ঋতু, একটি মাস, একটি সপ্তাহ বা একটি দিন হ'তে পারে। তবে সাধারণতঃ মাস বা ঋতুর প্রচলনই বেশী। এজন্য বর্ত্তমান আলোচনার মাস বা ঋতুর উদাহরণ দেওয়া হবে। কিন্তু এসব উদাহরণের সাহাব্যে প্রদাশিত পদ্ধতিগুলি সাপ্তাহিক দৈনিক বা জন্য যে কোনো প্রকার ঋতুত্ব ভেদের জন্য সমভাবে প্রযোজ্য।

6·3 তে দেখান হ'রেছে বে বছল প্রচলিত প্রথা অনুযারী কালীন সারিকে নিমুলিখিত রূপে প্রকাশ করা যেতে পারে:—

 $y_i = T \times S \times C \times I$ (প্রতীকন্তনির অর্থ 6·3 তে ব্যাখ্যা করা হ'রেছে)

ধরা বাক্, $y'_i = T \times C \times I$ তা হলে, স্পষ্টতঃই :—

$$\frac{y_t}{y_t'} = \frac{T \times S \times C \times I}{T \times C \times I} = S$$

অর্থাৎ y_i কে y_i' হারা ভাগ ক'রলে ঋতুজ ভেদের পরিমাপ পাওয়া বাবে। বাস্তবক্তের, স্থাসিত গতিধারা (T), চক্রীল ভেদ (C) এবং অনিয়মিত গতিধারা (I)র গুণফল হিসাবে y_i' র যথায়থ মান নির্ণয় করা সাধারণতঃ সম্ভব হয় না। তবে অনেকটা কাছাকাছি মূল্যায়ণের প্রচেষ্টা করা হ'য়ে থাকে। নীচে বণিত পদ্ধতিগুলির সবকটিই কোনো না কোনোভাবৈ উপরোক্ত তান্ধিক বিচারপদ্ধতি থেকে উদ্ভূত।

(ক) মাসিক বা ত্ৰেমাসিক গড় পদ্ধতি (Method of Monthly or Quarterly Average)

এটি হ'লে। ৠতুজ ভেদ নির্ণয়ের সবচাইতে সরল পদ্ধতি। এই পদ্ধতি অনুসরণকালে ধ'রে নেওয়া হয় যে নিদিষ্ট কালীন সারিটি মুশাসিত গতিধারা এবং চক্রীল ভেদের প্রভাবমুক্ত। অর্থাৎ সারিটি কেবলমাত্র ৠতুজ ভেদ এবং অনিয়মিত গতিধারার ছায়া প্রভাবিত। অনিয়মিত গতিৠুরার প্রভাব দুর করার জন্য সারিটির মাসিক (বা ত্রৈমাসিক) মানগুলির গড় নেওয়া হ'য়ে ধাকে। স্পষ্টত:ই এই পদ্ধতিটি অধিকাংশ ক্ষেত্রেই প্রযোজ্য নয়। কারণ এমন কালীন সারি ধুব কমই পাওয়া বায় যা সুশাসিত গতিধারা এবং চক্রীল ভেদের প্রভাবমুক্ত।

(খ) চলমান গড় হারা ভাগ করণ পদ্ধতি (Ratio to Moving Average Method)

এ পদ্ধতি অনুযায়ী নিদিষ্ট কালীন সারির মাসিক (বা ত্রেমাসিক)
মানগুলির বারমাসের চলমান গড় নেওয়া হ'য়ে থাকে। আগেই বলা
হ'য়েছে এ রকম ক'রলে কালীন সারিটি ঋতুজ ভেদের প্রভাবমুক্ত হবে।
গড় নেওয়ার ফলে অনিয়মিত গতিধারার প্রভাবও বছলাংশে দুরীভূত হয়।
বিদি অনিয়মিত গতিধারা ।কে নিম্নোক্তরূপে প্রকাশ করা যার:—

$$l=I'\times I''_{\varepsilon}$$

বেখানে, I'—বার মালের চলমান গড় নেওরার ফলে দুরীভুত I এর অংশ।
এবং I'—বার মালের চলমান গড় নেওরার পরও I-এর যে অংশ
দুরীভূত হরনি।

जार'रन,

ৰার নাসের চলনান গড় নেওয়ার ফলে μ র $S \times I'$ অংশ দুরীভূত হয় এবং $I' \times C \times I'$ অংশ থাকে। চলয়ান গড়ের এই অংশ (অর্থাৎ $T \times C \times I'$) হার। কালীন সারির মূল নানকে (অর্থাৎ $\gamma = T \times S \times C \times I$ $= T \times S \times C \times I' \times I'$) ভাগ ক'রলে আম্বা পাই:—

$$\frac{y}{T \times C \times I^{p}} = \frac{T \times S \times C \times I' \times I'}{T \times C \times I'} = S \times I'$$

অর্থাৎ, উপরোক্ত প্রতি অবল্যন ক'রলে কালীন সারি থেকে অনিয়মিত গতিধারার একাংশ সহ ঋতুত্ব ভেদকে নির্ণয় করা সম্ভব। তবে বেহেতু বার মানুষর চলমান থক্ত নেওয়া হ'তন খাতুক লেকনঃ প্রথম হয় বাংসর এবং শেষের ছর মাসের মানগুলি পাওয়া যায় না। কালীন সারির বাকী প্রজিট ৰানকৈ এর কিপরীডছ বার মানের চলমান গড়ের নান দিয়ে ভাগ ক'রে নির্দেষ $S \times I'$ -র মান নির্দিয় করা হ'বে থাচক। এরপর I-এর প্রভাব বুর করার জন্য S imes I'-এর নাগিক নানগুলির করেজ বংশরের গড় নেওক হ'রে থাকে (রীয়ন্তর উদাহরণ মন্তব্য)। বদি জনির্মিত গতিধারার প্রভাব সামান্য হয় তা হ'লে এরকম ক্ষেত্রে গাণিভিক পড় নিবেই চলে। কিছ নালিক নালঞ্জির করেকটি যদি অস্থাতাবিক বুকুৰ বেশী বা কুৰ হয় ভাহলে বধ্যমা (Median)র ব্যবহার বাহনীয় কিংবা ক্ষাভাবিক ৰাসগুলি বাদ দিয়ে গাণিতিক গড় নেওয়া বেতে পারে। তুলনার স্থবিধার ছান্য ঋতুজ ভেদের সূচকের গড় 100 ধরা হয়। স্থতরাং ৰাৎপরিক হিসাবে, এই গড়গৰ্হের ৰোগফল মানিক কালীৰ সান্ধির কেত্রে 1200 এবং ত্রৈমালিক কালীন সারির ক্ষেত্রে 400 হওয়া উচিত (নীচের छेनाइक् अहेवा)। किंद्र वास्त्रवरकत्व जतनक नगर धरे वाशंकन 1200-বা 400 হর না। এরকম অবস্থার একটি ভানি ভানীরক (Correction Factor)- अब वायशंत्र कता नक्कात ह'रत भरत। अहे धर्मनीवक्रित संक 1200 🛨 (श्रष्ट नगुरुव त्यांश्रयन) व। 400 🛨 (श्रष्ट नगुरुव त्यांश्रयन) रहा 🖟

উলাহরণ 6.4 নীচের উদাহরণে ক'লকাতার (101 টাকা—200 টাকা) ব্যরন্তরের পরিবার সমূহের জীবনযাত্তার ব্যয়নির্বাহক ত্রেমান্ক (Quarterly) সূচকর্মুদ্ধ দেখার হ'হয়ছে। চলমান গছ মারা ভাগকরণ বছরি (Ratio to Moving Average Method)র মন্ত্রাম্বতার একের থাতুক ভেবের বৃচ্চক (Seasonal Index) নির্ণিয় কর।

	٤l	
~	E	
	Ę,	
	10	
(
	思	
	6	
	人	_
	풀	•
	NX.	
	Ē	
	101	
_	6	_
9	¥ 7	ŀ
E	F	
THE R	वाब	l
-	পরি	l
	5	l
	130	L
		l
	<u>_</u>	I
	*	۱
	8	l
	12	۱
)ক। – 2(
	<u>=</u>	
	10	
) <u>F</u>	
	<u> শুভার</u>	1

11. (
ठगवान शत्कृत	4 100 = 100	33 (2)	(5)		(9)		1020	18	9940	78 .66	35-96	102:51	100-11	
	4—বিশুর চলমাল গাচ	þ	4-Point Moving	Average)	(5)		158-3	168-1	166%	170-5	175.2	179.0	181-9	
		[(2-Point	4	Col (3) 1	(4)		1274-2	1305-0	1330-9	1363-9	1401-7	1431-6	1455·2	•
4—विमुद	botate state	Moving Total			(3)		628.7	645.5	5-659	671.4	692.5	709-2	722.4	
(101 时—200时)	बाबख्रदश्र शतिवात	नम्हरू क्वावका	ANS TANK	(arcaya 1950=100)	(2)	148-6	155.2	162.5	162.4	165.4	169.2	174.4	183.5	
		वदगद			(1)	1966 : श्रषंत्र कड्बारम	(1st Quarter) क्रिडीम छठ्यांश्म	(2nd Quarter) কুতীয় চতুধাংশ	(3rd Quarter) boyé poyé (; 4) (4th Quarter)	1967 : श्रथम চতुर्वात्म	(1st Quarter) विजीय छ्ड्न (र्भ	(2nd Quarter) ডতীর চতুপশি	(3rd Quarter) by 4 by 4 ft4	(4th Quarter

কাৰীন সামি বিশ্বেৰণ

माज्ञी 6.4

			-				वंशि	विष्ठ	िन्य	र्थरबोश	ণছতি			Ã.	
	इन्सान गर्ड्य	बनुभाउ	3	× (2)	(5)	•	(9)	99-29	100:43	101-85	98-16	98-55		4) - ** - y - *	
		1		(Centred	4-Point Moving	Average)	(5)	183-7	184.0	184-0	184.4	185-6		•	
. ((3) नः खरस्र	2—विभूव	व्यापान जम्ह	[2—Point	Moving Total of	Col (3)]	(4)	1469-5	1472.5	1471-7	1474.9	1484.4			
("I for ")	4—विमान	ठनमान नम्ह	(4—Point	Moving Total)			(3)	732-8	736-7	735.6	736-1	738-8	745.6		
	(101) (101)	बाग्रखत्त्र शतिबान	गमरङ्ख कोविका	निर्वाष्ट्रन दारम्	अर्थ	(नर्छम्त्र 1950—100)	(2)	182.1	182.4	184.8	187.4	181-0		187-5	194-2
				はんかれ		,	(1)	1968 : श्रेषम ठाउँपाःन	(1st Quarter) बिजीब छन्नांत्र	(2nd Quarter)	(3rd Quarter) boga boga (tel	(4th Quarter)	(1st Quarter) बिडीन छ्ड्पीर्म	(2nd Quarter) कृजीय क्रवर्गान	(3rd Quarter) rge rgefter (4th Quarter)

এখানে প্রভ্যেক বৎসরকে চারটি চতুর্ধাংশে (এক একটি চতুর্ধাংশে তিনমাস সময়) ভাগ করা হ'রেছে এবং প্রতিটি চতুর্থাংশের জন্য একটি সূচক নির্ণয় করা হ'রেছে। ঋতুদ্ধ ভেদের প্রভাব দূর ক'রতে হ'লে পুরো বৎসরের ওপর গড় নিতে হবে । বর্তমান ক্ষেত্রে চারটি চতুর্থাশে এক বৎসর পুরো হয়। সেজন্য প্রতি চারটি চতুর্ধাংশের ওপর গড় (গাণিতিক গড়) নিতে হবে—অর্থাৎ চারবিশুর চলমান গড় নিতে হবে। প্রতি চার বিন্দুর গড়ের অবস্থান বিতীয় এবং তৃতীয় বিন্দুর মাঝখানে হবে। এ উদ্দেশ্যে এই গড়গুলিকে নিদিষ্ট বিশুর বিপরীতে কেন্দ্রীভূত (Centred) ক'রতে হ'লে এদের (অর্থাৎ চার বিশুর চলমান গড় সম্ভের) আবার দৃষ্ট বিন্দু গড় নিতে হবে। ওপরের উদাহরণের 5 নং ন্তম্ভে এই কেন্দ্রীভূত চলমান গড়সমূহ দেখান হ'রেছে। (খ)এ প্রদশিত যুক্তি অনুযায়ী এই গড়গুলি S imes I'-এর প্রভাবমুক্ত। অর্থাৎ এরা T imes C imes I'এর প্রভাবযুক্ত। অপরপক্ষে 2নং স্তম্ভে প্রদর্শিত মানগুলি $T \times S \times C \times I' \times I''$ -এর প্রভাবযুক্ত। স্থতরাং এদের 5 নং স্তম্ভের মান ৰামুহ যার। ভাগ করলে $\frac{T \times S \times C \times I' \times I''}{T \times C \times I'} = S \times I'$ -এর প্রভাবযুক্ত অংশ পাওয়া যায়। এরকম ভাগ 6 নং স্তন্তে করা হ'য়েছে (এখানে মান 📕 মূহকে শতকরা হিসাবে প্রকাশ করা হ'রেছে)। 6নং স্তন্তের মানগুলি লক্ষ্য ক'রলে দেখা যায় যে এদের মধ্যে অস্বাভাবিক কোনো মান নেই। সেজন্য এক্ষেত্রে প্রতিটি চতুর্ধাংশের বিভিন্ন বৎ সরের মানগুলির গাণিতিক গড় নিলেই চলবে। সারণী 6·5এ এরকম গড় নেওয়া হ'য়েছে। আবার চারটি চতুর্বাংশের গাণিতিক গড়গুলির সমষ্টি এখানে হ'য়েছে 400-24। কিন্তু তান্ধিক বিচারে এই সমষ্টি 400 হওয়া উচিত। এজন্য শুদ্ধি গুণনীয়ক (Correction Factor) $\frac{400.00}{400.24}$ =-9994 দারা প্রতিটি গড়কে গুণ করা হ'রেছে। কলে যে পরিবর্ত্তিত ঋতুত্ব সূচকগুলি (Adjusted Seasonal Indices) পাওয়া গেছে তাদের সমষ্টি ঠিক 400:00 হ'য়েছে।

-

ততুরিশে (Quarter)	शंका अनुविद्य (1st Quarter)	(2nd Quarter)	कृतीय क्यूमीःम (3rd Quarter)	TOTAL (4th Quarter)
1966	-		102-01	99-63
1967	99.40	99·24	99·54	102:51
1968	100-11	99:29	100-43	101.85
1969	98·16	98-55	_	
গাণিতিক গড়	99-22	99:03	100-66	101-33
পারিবাজিত থাতুজ শুচুক (Adjusted Seasonal Index)	99•16	98.97	100-60	101-27

ভবি ভবনীয়ক:=400·00 400·24 :-9994

ওপরের উদাহরণটিতে চতুর্থাংশের হিসাব দেখান হ'রেছে। চতুর্থাংশেক কালীন সারির জায়গায় মাসিক কালীন সারি নিলেও এই একই পদ্ধতিতে খতুজ সূচক নির্ণয় করা যাবে। তবে এরকম ক্ষেত্রে 4—বিন্দুর কেন্দ্রীভূত চলমান গড়ের জায়গায় 12—বিন্দুর কেন্দ্রীভূত চলমান গড়ানিতে হবে এবং তাদ্বিক বিচারে বারমাসের ঋতুজ সূচকের সমষ্ট্র 1200 হওকা উচ্চিত।

(গ) ত্বলালিত গভিধারার হারা আই করণ পদ্ধতি (Ratio to trend

এই পদ্ধতি অনুষায়ী প্রথমে নির্দিষ্ট কালীন সারির স্থাসিত গতিধারা নির্দির করা হর। তারপর মূল কালীন সারির মানগুলিকে তাদের বিপরীতম্ব স্থাসিত গতিধারার মান দিয়ে তাগ করা হয়। অর্থাৎ $y = T \times S \times C \times I$ -কে T হারা তাগ ক'রে $C \times S \times I$ পাওয়া যার। তারপর বিভিন্ন বংসরের $C \times S \times I$ -র মাসিক (বা তৈরাসিক) মানগুলির গাণিতিক গড় (ব) এ বিণিত পদ্ধতি অনুষায়ী নির্ণয় করা হয়। ধরে নেওয়া হয় যে এরকম গড় নেওয়ার ফলে $C \times I$ -র প্রভাব দুরীভূত হয় এবং প্রাপ্ত সারিটি শুধু S-এর প্রভাবযুক্ত হয়। প্রাপ্ত সারির মানগুলিকে এর পর (ব)এ বণিত পদ্ধতিতে শুদ্ধি শুনীয়ক (Correction Factor) হারা গুণ ক'রে পরিবৃত্তিত গাতুক সুচুক (Adjusted Seasonal Index) পাওয়া বার।

প্রদাসিত গতিধারা নির্ণয়ের জন্য সাধারণত: গাণিতিক রেখা নিরূপণ প্রছিত (Method of Mathematical Curves) ব্যবহার করা হ'রে থাকে। বর্ত্তমান পদ্ধতিতে ধরে নেওয়া হয় যে কয়েক বৎসরের গাণিতিক গড় নেওয়ার ফলে চক্রীন ভেদ ও অনিরূমিত গতিধারার প্রভাব দুর হয়। বাস্তবক্ষেত্রে অনেক সময় এ ধারণা সত্যি হয় না। এজন্য এই পদ্ধতির ব্যবহার সে সব ক্ষেত্রেই সীমাবদ্ধ রাখা দরকার যেখানে চক্রীন ভেদ এবং অনির্মাত গতিধারার প্রভাব বর্ত্তমান নেই কিংবা খুব কম পরিমাণে বর্ত্তমানে আছে।

উদাহরণ 6.5 নীচের সারণীতে (সারণী 6.6) ক'লকাতার (101 – 200) চাকা ব্যয়ন্তরের পরিবারসমূহের জীবিকা নির্বাহন ব্যয়ের মাসিক সূচকৃসংখ্যা 1967, 1968 এবং 1969 সালের জন্য দেখান হ'রেছে। স্থাসিত পতিধারার হারা ভাগ করণ পদ্ধতি অনুযায়ী একের শতুজ সূচক বিশিক্ষ

नावने 66

(101 — 200) টাকা ব্যরন্তরের পরিবার সমূহের জন্য ক'লকাতার জীবিকা নির্বাহণ ব্যরের স্কুচক।

(ভিভিকাল : নভেম্বর 1950=100)

		বংসর	
মাস	1967	1968	1969
1. जानुवाबी	165.4	182-1	181.0
2. ক্ষ্মেরারী	164-4	182.6	179•0
3. बार्क	166-2	181-1	181.5
4. विश्वन	169-2	182-4	182-9
5. A	170-3	182-8	184.3
6. जून	172.6	182-9	186-2
7. जूनार	174-4	184-8	187.5
8. আগষ্ট	178.4	187•2	191•0
9. সেপ্টেম্বর	181.5	186-6	192-2
10. অক্টোবর	183.5	187-4	194.2
11. নভেম্বর	180-7	185·3	194.8
12. ডিলেম্বর	178-7	181•6	192.8

প্রথমে সরল রেখা নিরূপণের সাহায্যে মাসিক সূচকগুলির স্থশাসিত গতিধারা নির্ণয় করা হয়। নির্ণীত সরলরেখাটি নীচে দেখান হ'লো—

y=169·939 + 633t

নীচের সারণাটিতে (সারণী 6·7) সূচক সংখ্যাগুলি এবং উপরোজ্ঞ পদ্ধতিতে নির্ণাত এদের স্থাসিত গতিধারা পাশাপাশি দেখান হ'রেছে। (5) নং শুদ্ধে মূল সূচকগুলিকে তাদের স্থশাসিত গতিধারা দিরে ভাগ ক'রে সেই ভাগ কলকে শতকরা হিসাবে প্রকাশ করা হ'রেছে।

कानीन जानि नित्यूपंत जानुकी 6-7

		नाम्रम ०४		
क्य (Serial)	যাস	गूठक गःशा	স্থশাসিত গতিধারা	<u>ख्छ (3)</u> ख्छ (4) × 100
(1)	(2)	(3)	(4)	(5)
1	1967—चानुबाबी	165-4	170•6	96•7`
2	ক্ষেত্ৰণয়ারী	164•4	171-2	96.0
3	ৰাৰ্চ	166•2	171.8	96.7
4.	এপ্রিল	169-2	172.5	98-1
5	a	170-3	173-1	98.4
6	जून	172.6	173•7	99.4
7	जूनारे	174-4	174-4	100-0
8	জাগট	178•4	175-0	101-9
9	সেপ্টেম্বর	181-5	175.6	103-4
10	পটোবর	183•5	176:3	104-1
11	নভেম্বর	180·7	176-9	102-2
12	ডিসেম্বর	178•7	177-5	100-7
13	1968—जानुयात्री	182·1	178-2	102-2
14	ফেব্রুয়ারী	182.6	178-8	102·T
15	गार्क	181-1	179•4	100-9
16	এপ্রিল	182.4	180-1	101-3
17	ন	182.8	180-7	101-2
18	10000 पूर्व - 1000	- 182 '9	181-3	1909

বাশিবিভাবের প্রবোগ পছতি সার্মী 67 (<u>মর্ব প্র</u>টার পর)

	সার্থা ০		। भ राम)	·
(Serial)	•	गुरुक गरका	ন্থশাসিত গতিধীর।	3 (3) ≠ 100
(+)	(2)	(3)	(4)	(5)
.19	जूनारे	184-8	182.0	101-5
20	আগষ্ট	187-2	182.6	102-5
21	সেপ্টেম্বর	186-6	183-2	101-9
.22	অক্টোবর	187-4	183.9	101-9
. 23	নভেম্বর	185.3	184.5	100-4
24	ড়িসেম্বর	181.6	185-1	98·1
	1969—्जानुसाती	181.0	185.8	97-9
26	কেব্ৰুয়ারী:	179.0	186-4	96.0
-27	ৰাৰ্চ	181.5	187.0	97·1
28	এপ্রিন	182.9	187.7	97-4
29	a	184-3	188.3	97.9
30	जून	186-2	188-9	98.6
.31	जुनारे	187-5	189.6	98.9
32	আগষ্ট	191-0	190-2	100-4
33	নেক্টেম্বর	192.2	190.8	100.7
34	অক্টোবর	194.2	191-5	101-4
35	নতভাৰ	194.8	192·1	101-4
36	<u> जिल्ल</u>	192.8	192.7	100-1

নীচের 6·৪ নং সারপীটিতে আগের 6·7 নং সারপীর 5 নং অন্তর বাসিক মানসমূতের বাৎসরিক গাণিতিক গড় নিয়ে এবং সেই গড়গুলিকে শুদ্ধি গুণনীয়কের হারা গুণ ক'রে সংশোধিত ধাতুজ সূচক নির্ণয় করা হ'রেছে।

সারণী 6·8
স্থাসিত গতিধারার ঘারা ভাগ করণ পদ্ধতিতে ঋতুজ সূচক নির্ণয়।

মাস .	* 	বৎসর		ন্তম্ভ (2), (3) ও (4) এর	সংশোধিত ঋতু ত্ৰ
	1967	1968	1969	গাণিতিক গড়	সূচক
1	2	3	4	5	6
1. जानूबाबी	96.7	102-2	97-9	98.8	98.82
2. ক্ষ্যেয়ারী	96.0	102-1	96.0	98.0	98-01
3. ग्रार्क	96.7	100-9	97-1	98·2	98.21
4. এপ্রিল	98·1	101-3	97.4	98.9	98-92
5. A	98·4	101-2	97.9	99•2	99•22
6. जून	99.4	100.9	98.6	99:6	99-61
7. जूनारे	100.0	101.5	98.9	100-1	100-12
8. আগষ্ট	101-9	102.5	100.4	101-6	101-61
9. সেপ্টেম্বর	103-4	101•9	100.7	102.0	102:02
10. অক্টোবর	104.1	101-9	101-4	102-5	102:52
11. নভেম্বর	102-2	100-4	101-4	101-3	101-32
12. छित्यस	100-7	98·1	100-1	99.6	99•62

(ষ) পরম্পরীণ আপেক্ষিক পছডি (Method of Link Relative)

ও পছতি অনুযারী কালীন সারির প্রতিমাসের মানকে তার পূর্ববর্তী মাসের মানের শতকরা হিসাবে প্রকাশ করা হ'রে থাকে। এরকম শতকরা হিসাবসমূহকে পরম্পরীন আপেন্দিক (Link, Relative) বলে অভিহিত করা হ'রে থাকে। যদি y_1 , y_2 বথাক্রমে পর পর দুটি মাসের মান হর তা হ'লে বিতীয় মাসের পরম্পরীণ আপেন্দিক হবে $100\frac{y_2}{y_1}$ । এরূপ পরস্পরীণ আপেন্দিক লেওয়ার তাত্তিক যুক্তি এরকম :—

ৰরা যাক্, t সময়বিন্দুর কালীন সারির মান $y_t = T_t \times C_t \times S_t \times I_t$ $(t=1,2,\cdots)$ । বাস্তব অভিজ্ঞতার ভিন্তিতে ধরা হয় যে সময়ের নৈকট্যের জন্য স্থশাসিত গতিধারা (T), চক্রীল ভেদ (C) এবং অনিয়মিত গতিধারা (I)র প্রভাব পরপর দু মানে অপরিবন্ধিত থাকে। অর্থাৎ,

$$T_1 = T_2$$
, $C_1 = C_3$ and $I_1 = I_2$

কিন্ত থাতুৰ ভেদের প্রভাব অন্ধ সময়ের মধ্যেই পরিবর্ত্তনশীল। সেবলা পর পর দুমাসেও ঋতুৰ ভেদের পরিমাণ বিভিন্ন হওয়াই সম্ভব। অর্থাৎ $S_1 \neq S_2$ । এ অবস্থায়,

$$100 \frac{y_s}{y_1} = 100 \frac{T_s \times C_s \times S_s \times I_s}{T_1 \times C_1 \times S_1 \times I_1}$$

$$= 100 \frac{T_1 \times C_1 \times S_s \times I_1}{T_1 \times C_1 \times S_1 \times I_1}$$

$$= 100 \frac{S_s}{S_s}$$

স্তরাং এখানে দেখা বাচ্ছে যে পরম্পরীণ আপেক্ষিক নিয়ে বিতীয় নাসের ঋতুজ ভেদের সূচক (প্রথম মাসের তুলনায়) নির্ণয় করা সম্ভব হ'রেছে। এ পদ্ধতি অনুসরণ ক'রে কয়েক বৎসরের জন্য প্রতিমাসের পরম্পরীণ আপেক্ষিক নির্ণয় কয়৷ যেতে পারে। তারপর প্রত্যেকটি মাসিক পরম্পরীণ আপেক্ষিকের বিভিন্ন বৎসরের মানগুলির গাণিতিক গড় নিয়ে গড় পরম্পরীণ আপেক্ষিক (Average Link Relative) নির্ণয় করা বাবে। এই গড় পরম্পরীণ আপেক্ষিকগুলি ব্যবহার করে এবং কোনো একটি মানের ঋতুজ সূচককে 100 ধ'রে (বেমন, ধরা বেড়ে

পাৰে $S_1 = 100$) বাকী মাসের ঋতুত্ব সূচকগুলি নিমুলিখিত শৃথানিত স্পর্কে (Chain Relations)র সহায়তায় প্রকাশ করা যায় :—

$$S_{8} = S_{1} \times \frac{S_{8}}{S_{1}}$$

$$S_{8} = S_{8} \times \frac{S_{8}}{S_{8}}$$

$$S_{11} = S_{10} \times \frac{S_{11}}{S_{10}}$$

$$S_{12} = S_{11} \times \frac{S_{12}}{S_{11}}$$

এই পদ্ধতি অনুযায়ী,

$$S_1 = S_{12} \times \frac{S_1}{S_{12}}$$

এখানে অবশ্য আগে থেকেই ধ'রে নেওয়া হ'য়েছে $S_1 = 100$ । কিন্তু উপরোক্ত পদ্ধতিতে নির্ণীত S_1 এর মান 100 নাও হ'তে পারে। কারণ শ্রীপরস্পরীপ অপেক্ষিক নির্ণয়ের ফলে কালীন সারির অন্যান্য প্রভাবগুলি, বিশেষ ক'রে স্থাসিত গতিধারা, সম্পূর্ণভাবে অপনিত নাও হ'তে পারে। এরাপ ক্ষেত্রে স্থাসিত গতিধারাকে সরলরেখা (Linear Trend) ধ'রে দিতীয়, তৃতীয়, চতুর্ধ একাদশ এবং ছাদশ মাসের খাতুক সূচক থেকে য়থাক্রমে b, 2b, 3b.... মি বাদ দিয়ে স্থাসিত গতিধারাজাত লান্তি দুর করা হ'য়ে থাকে। এরকম ক্ষেত্রে bর মান নেওয়া হয়:—

$$b = \frac{1}{12} \left(S_{12} \times \frac{S_1}{S_{12}} - 100 \right)$$

সর্বশেষে গুদ্ধি গুণনীয়ক (Correction Factor) ব্যবহার ক'রে 12 মাসের সূচক সংখ্যাগুলির যোগকলকে 1200 করার জন্য প্রয়োজনীয় সংশোধন করা হ'যে থাকে।

নীচের উদাহরণে (উদাহরণ—6·6) পরম্পরীণ আপেক্ষিক পদ্ধতিতে শূচক সংখ্যা নির্ণয় করা হ'রেছে।

এক সময় ঋতুত্ব ভেদ নির্বরের জন্য পর্যায়ীণ আপেকিক পদ্ধতির ব্যাপক প্রচলন ছিল ৷ কিছ এখন এই পদ্ধতির ব্যবহার অর্ফেক করে পেছে কারণে এর ব্যবহারে জন্যান্য কালীন প্রভাবসমূহ (জর্ধাৎ, স্থাসিত গতিধারা, চক্রীল ভেদ এবং অনিয়মিত গতিধারা) কতটা দুর হয় সে সহত্তে অনেক সময় সন্দেহ দেখা দেয়।

উদাহরণ 6.6 নীচের সারণীতে 1969, 1970 এবং 1971 এর জন্য ক'লকাতার (201-350) টাকার ব্যরন্থরের পরিবার সমূহের জীবিকা নির্বাহণ ব্যরের মাসিক সূচক দেখান হ'রেছে। এদের ঋতুজ সূচক নির্দির কর।

সারণী 6.9
ক'লকাতার (201—350) টাকা ব্যরন্তরের পরিবার সমূহের জীবিকা
নির্বাহণ ব্যরের মাসিক সূচক (ভিত্তিকাল : নভেম্বর 1950=100)।

			गूठक गःश्रा	,.
-	ৰাস	1969	1970	1971
1.	चानुदाती	176•0	181-8	189•7
2.	ক্ষেদ্রারী	174·3	181-1	188-2
3.	नार्क	176-5	184•1	187.8
4.	এপ্রিল	177•5	184•5	188.7
5.	a	179•0	186.8	188-6
6.	जून	180-5	189-7	192·3
7.	जू नारे	181-6	191·1	196.5
8.	আগস্ট	184.7	192·1	199•3
9.	লেগ্ণেটখন	185•8	194.0	201-1
10.	প্রটোবর	187.5	195.5	203-0
71,	সভত্য র	187-8	196-8	202.5
	ভিত্তাবর	185-9	193-2	199-6

সারদী 6.10 গরমগরীণ আপেক্ষিক্ পদ্ধতিতে থাতুজ সূচক নির্ণর।

	9	शृदक्षत्रीन षारभिक्	10-	(2), (3) अवर	मुख्य वारशिकक	स्नानित गुडिन बाबाब गुड्नीबन (Trend Correct	गरत्नाधिक बेलूब गूरुक
<u>7</u>	1969	0761	161	्रा भी हिन्दु श्री शिट्ट श्रह	(Chain Relative)	tion): $ \overline{a} = (6) - ib $ $(i = 0, 1, \dots, 11)$	(Corrected Seasonal Index)
Ξ	(2)	(3)	(4)	(5)	(9)	(7)	(8)
वानुवाडी	1	97-794	98.188	97-991	100-000	100-00	98.4
त्म्यू शासी	98.863	99.615	99.209	99-229	99.229	66-86	97.3
鲁	101-437	101-656	787-66	100-960	100-182	85-66	0-86
विधिन	100-567	100-217	100-479	100-421	100.604	02-66	1-86-1
E	100-845	101-302	99-974	100-707	101-315	100-11	\$8.5
Ę.	100-838	101-552	101-962	101-451	102-785	101-28	

वानिर्विकेरेनम धरमान नहि

ş	14
9	J éta
F	/AT

					•		
्ते. न	, E	ु श्रदश्यीन जारशिक्षक	je Ja	(2), (3) day (4) ay enga	P	स्मामिखं भिष्टि- बाबाब गर्दाभाग (Trend Orreo-	गरत्मी सिक्धः बाजूष गूहक
	1969	1970	1971	अंदि अंदि	Relative)	$(i=0, 1, \dots, 11)$	Seasonal Index)
(1)	(2)	(3)	(4)	(5)	(9)	(7)	(8)
ष्नाङ	100-609	100-738	102-184	101-177	103-995	102·18	100-6
बागहै	101-707	100-523	101-425	101-218	105-262	- 103·15	101-5
लार्भेषत	100-596	100-989	100-903	100-829	106-135	103-72	102-1
षाक्रीवड	100-915	100-773	100 945	828-001	107-067	104-35	102-7
नत्त्वत	100.160	100-665	99-754	100-193	107-274	104-25	102.4
िट्यभन	98-988	98-171	895-86	98-578	105-746	102-42	100-8

$$b = \frac{1}{12} [105.746 \times .97991 - 100] = .30177$$

b=\frac{1}{12} [105.746 x .97991−100]=.30177
ভূমি গুণনীয়ক (Correction Factor)=\frac{1200}{(7) নং ভ্ৰম্ভের যোগফল $=\frac{1200}{1219.662}=9840778$

6.6. চক্রীপ ভেবের পরিষাপ (Measurement of Cyclical Fluctuations)

কালীন সারির i-সময় বিন্দুর মান $Y_t = T_t \times S_t \times C_t \times I_t$ কে $T_t imes S_t$ ছারা ভাগ ক'রলে $C_t imes I_t$ -র মান পাওয়া যায়। $C_t imes I_t$ থেকে আবার I_{ξ} র প্রভাব দূর ক'রতে পারলে C_{ξ} -র (অর্ধাৎ চক্রীল ভেদের) পরিমাপ পাওরা যায়। এই পদ্ধতিতে চক্রীল ভেদের পরিমাপ ক'রতে নিমুলিখিত উপায়গুলির যে কোনো একটি অবলম্বন করা চলে :—

- (i) Y_i কে প্রথমে T_i ও পরে S_i র হারা ভাগ ক'রে $C_i \times I_i$ নির্ণয় করা ।
- (ii) Y_i কে প্রথমে S_i ও পরে T_i র হারা ভাগ ক'রে $C_i \times I_i$ নির্ণয়
- ै(iii) Y, কে সন্মিলিভ S,×T, র হার। ভাগ ক'রে C,×I, নির্ণয়

উপরোক্ত প্রণালীগুলির যে কোনো একটি অবলম্বন ক'রে $C_i imes I_i$ নির্ণয় করার পর I ের প্রভাব দুর করার জন্য সাধারণত: চলমান গড় ব্যবহার পদ্ধতি অবলম্বন করা হ'য়ে থাকে।

উপরোক্ত পদ্ধতিটি ছাড়া আবর্ত রেখা চিত্র বিশ্লেঘণ (Periodogram Analysis) পদ্ধতিতেও চক্রীল ভেদ নির্ণয় করা হ'য়ে থাকে। এই পদ্ধতির সংক্ষিপ্ত ভালোচনা নীচে করা হ'লো।

আৰত রেখা চিত্র বিশ্বেবণ (Periodogram Analysis)

এমন একটি কালীন সারির কথা ধরা যাকু যাকে স্মুশাসিত গতিধার। এবং ঋতুত্ব প্রভাব থেকে মুক্ত করা হ'রেছে। ধরা বাক্ 👍 হ'লো এরকম একটি অবশিষ্ট গারি (Residual Series)। এখন দেখা যাক্ 🚓 মধ্যে এমন কোনো তরদ্নগতি পদ (Harmonic Term) আছে কিনা যার আবর্তকাল (Period) হ'চেছ 🎤। এই উদ্দেশ্যে নিমুদিখিত নান দুটে। " KENS, A विद्याना कता याकु:-

$$A = \frac{2}{n} \sum_{t=1}^{n} \epsilon_t \cos \frac{2\pi t}{\mu} \tag{6.13}$$

$$\mathfrak{AR}: B = \frac{2}{n} \sum_{t=1}^{n} \epsilon_t \sin \frac{2\pi t}{\mu} \tag{6.14}$$

বেখানে, n=কালীন সারির মোট পদের সংখ্যা।
ধরা বাক্,

$$R_{\mu}^2 = A^2 + B^2$$

উপ্রোক্ত মানটিকে পরীক্ষামূলক আবর্তকাল (Trial Period) μ -এর তীয়তা (Intensity) ব'লে অভিহিত করা হ'রে থাকে।

বরা বাক্, ে, দুটো খণ্ডাংশে (Components) বিভক্ত—(i) প্রথম খণ্ডাংশটি আবর্তিক (Periodic), এর আবর্তকাল (Period) ম এবং প্রলম্ব বিস্তার (Amplitude) a, (ii) মিতীয় খণ্ডাংশটি অনিয়মিত (Irregular) এবং এর মান ই,। তা হ'লে,

$$\epsilon_t = a \sin \frac{2\pi t}{\lambda} + \xi_t \tag{6.15}$$

এখানে ধ'রে নেওয়া হ'চ্ছে ছিতীয় খণ্ডাংশটির সাথে প্রথম খণ্ডাংশটির (কিংবা অনুরূপ কোনে। আবর্তিক পদের) কোনো রকম সহগতি (Correlation) নেই।

স্থুতরাং,

$$A = \frac{2a}{n} \sum_{t} \sin \frac{2\pi t}{\lambda} \cos \frac{2\pi t}{\mu} + \frac{2}{n} \sum_{t} \xi_{t} \cos \frac{2\pi t}{\mu}$$

$$= \frac{2a}{n} \sum \sin \alpha t \cos \beta t$$

(বেধানে, $\alpha = \frac{2\pi}{\lambda}$, $\beta = \frac{2\pi}{\mu}$ এবং বিতীয় পদটিকে নগণ্য ব'লে বাদ দেওৱা হ'লেছে λ

$$= \frac{a}{n} \sum_{t} \left\{ \sin (\alpha - \beta)t + \sin (\alpha + \beta)t \right\}$$

$$= \frac{a}{n} \left\{ \frac{\sin n \frac{(\alpha - \beta)}{2} \sin (n+1) \frac{(\alpha - \beta)}{2}}{\sin \frac{(\alpha - \beta)}{2}} + \frac{\sin n \frac{(\alpha + \beta)}{2} \sin (n+1) \frac{(\alpha + \beta)}{2}}{\sin \frac{(\alpha + \beta)}{2}} \right\}$$

$$+ \frac{\sin n \frac{(\alpha + \beta)}{2} \sin (n+1) \frac{(\alpha + \beta)}{2}}{\sin \frac{(\alpha + \beta)}{2}} \right\}$$
(6.16)

িবেছতু, $\sum_{t=0}^{n} \sin (4+\beta t)$

$$= \frac{\sin\frac{n\beta}{2}}{\sin\frac{\beta}{2}} \sin\left(\alpha + \frac{n-1}{2}\beta\right)$$

n-এর বান বড় হ'লে (6·16)-এর বিতীর পদটির মান খুব ছোট (বাল্পান্য) হবে। প্রথম পদটির মানও ছোট হবে যদি না βর মান এর মানের কাছাকাছি হয় এবং, এরূপ ক্ষেত্রে পরীক্ষামূলক আবর্তকাল (Trial Period) μ-এর মান প্রকৃত আবর্তকাল (True Period) λএর মানের কাছাকাছি হবে। এরূপ ক্ষেত্রে (অর্থাৎ বেখানে β-র মান ৫-র মানের কাছাকাছি হ'য়ে আবে):—

$$A=a \sin (n+1)\frac{(\alpha-\beta)}{2} \qquad \frac{\sin n\frac{(\alpha-\beta)}{2}}{n \cdot \frac{(\alpha-\beta)}{2}} \div \frac{\sin \frac{(\alpha-\beta)}{2}}{\frac{(\alpha-\beta)}{2}}$$

$$\Rightarrow a \sin (n+1)\frac{(\alpha-\beta)}{2} \qquad (6.17)$$

 $\frac{\sin \theta}{\theta}$

ব্যারণ,

ঠিক অনুরূপভাবে,
$$B \rightarrow a \operatorname{Cos} (n+1) \frac{(\alpha - \beta)}{2} \tag{6.18}$$

(6.17) এবং (6.18) থেকে আমরা নেখতে পাই বে, যখন $\beta \rightarrow \alpha$, $R\mu^2 \rightarrow a^2$ ।

বান্তব প্ররোগের ক্ষেত্রে প্রথমে নিন্দিষ্ট অবশিষ্ট সারি (Residual Series)টিকে লেখ কাগৰ (Graph Paper) এ পুট ক'রে প্রকৃত আবর্তকাল (True Period) ম-এর একটা আনুষানিক মান ঠিক করা হয়।এই মানের কাছাকাছি পরীকামূলক আবর্তকালের (Trial Period) কতগুলি মান ধ'রে নিয়ে প্রতিটি কেত্রে Ru²-এর মান নির্ণয় করা হ'বে থাকে। P-এর প্রতিটি মানের সাথে সংশ্রিষ্ট Ru²এর মান লেখ কাগব্দে প্লট করার ফলে যে লেখচিত্র পাওয়া যায় তাকে বলে আবর্ত রেখাচিত্র (Periodogram)। আবর্ত রেখাচিত্র অনুশীলন ক'রে Rus-এর গরিষ্ঠ মানের সাথে সংশ্রিষ্ট শুএর মান সহজে নির্ণয় করা যায় 1 μ-এর এই নানটি প্রকৃত চক্রীল আবর্তকাল (True Cyclical Period) এর মানের সমান। স্থতরাং এই পদ্ধতিতে প্রকৃত আবর্তকালের মান নির্ণয় করা সম্ভব হয়।

অনেক সময় কালীন সারির চক্রীল খণ্ডাংশটি (Cyclical Component) একাৰিক আৰ্তিক পদ (Periodic Term)-যুক্ত হয়। এরকন কেত্তে একাৰিক প্ৰকৃত ভাৰতিকাল যথা, $\lambda_1, \lambda_2, \ldots, \lambda_k$ বৰ্ত্তমান থাকে। এখানেও প্রতিটি প্রকৃত আবর্তকাল নির্ণয়ের জন্য আবর্তরেখা চিত্র বিশ্লেষণ পদ্ধতি অবনম্বন করা যেতে পারে। এরপ ক্ষেত্রে দ্বানীয় ভাবে (Locally) Rμ²-এর মান তখনই গরিষ্ঠ হবে यथन পরীকামূলক আবর্তকাল №1 (i=1. $2\cdots k$)-এর মান প্রকৃত আবর্তকাল λi -এর মানের সমান হবে।

- 6.1 কালীন সারি কাকে বলে? কালীন সারির বিভিন্ন অংশ (Component) वर्षना कत्र। कानीन गातिहरू विভिन्न ज्यानामा জালাদা ভাবে প্রকাশ করার যৌক্তিকতা বর্ণনা কর।
- 6.2 স্থাসিত গতিধারা (Secular Trend) নির্ণয়ের বিভিন্ন भक्कि वर्षना क्य थवः थएम्ब ध्रमाध्रम वर्षना क्या
- 6.3 ঝতুৰ ভেদ (Seasonal Variation) নিৰ্ণয়ের বিভিন্ন পছতি ্বৰ্ণনা কর এবং এদের গুণাগুণ বিচার কর।

कानीय जावि विट्युमने

% १६-४ अध्योगं राज्य व Cyclical Variation) विभारतंत्र विश्वित्र श्रीकृति

6.5 নিমুলিখিত গারণীটিতে 1958 সাল খেকে 1970 সাল শর্মন্ত জীবৈদ্র উৎপাদন দেখান হ'রেছে। এই ফালীন বারিটির খুণাসিত গতিধার। ('Secular Trend)' নির্দিয় কর—(1') সর্বল রেখা নিরূপণ পদ্মতিদ্র বারা এবং (2) বিষাত অপেকক নিরূপণ পদ্মতিদ্র বারা।

शन्धियदाय हात्यत्र छे९शानन

- বংসর [']	্ চামের উৎপাদন (000 কিলোগ্রাম)
1958	76193
1959	80107
1960	81523
1961	86258
1962	84700
1963	83456
1964	89378
1965	86979
1966	87015
1967	98188
1968	98350
1969	88591
1970	99055

পূর্বোঞ্চ সুষ্টি পদ্ধতিতে নির্ধারিত স্থণাসিত গভিধারাকে নেধর সাহাব্যে প্রকাশ কর এবং সারণীটিতে উন্নিধিত অবেক্ষ্প (Observation) সমূহও ঐ এক্ট নেধতে প্লট (Plot) ক'রে দেখাও।

6.6 নিমুনিখিত সারণীটিতে 1951 সাল থেকে 1970 সাল পর্যন্ত পশ্চিমনকের Semifinished Steel-এর উৎপাদন দেখান হ'বেছে। স্থবিধা-নতে। দৈর্ঘ্যের সমরের চলনান গড় নিয়ের স্থানিত গতিধার। নির্ণয় কর ।

শাস্ত্রণী পশ্চিমবজে Semi-finished Steel-এর উৎপাদন

ৰৎসর	উৎপাদন (৩০০ বেটি ক টনে)	ৰৎসর	উৎপাদন (000 নোট্ৰক টলে)
1951	309•4	1963	507·3
1952	358•7	1964	390-4
1953	285-9	1965	254.5
1954	513.9	1966	289.0
1955	506•4	1967	317.0
1956	501-1	1968	297-1
1957	477.6	1969	202-9
1958	527-9	1970	149.4
1959	720-3		
1960	1189-7	•	
1961	431.2		·
1962	419-2	:	

6.7 নিমুলিখিত সারণীটিতে ক'লকাতার (201—350) টাকা ব্যরন্তরের পরিবারসমূহের জীবেকা নির্বাহন ব্যয়ের মাসিক সূচকসংখ্যা 1965, 1966 এবং 1967 সালের জন্য দেখান হ'য়েছে। এদের ঋতুজ সূচক নির্ণর কর।

(201—350) টাকা ব্যয়ন্তরের পরিবার সমূহের জন্য ক'লকাতার জীবিকা নির্বোহন ব্যয়ের সূচক।

(ভাতকাল : নভেম্বর 1920=100)

•		বৎসর	
যাস	1965	1966	1967
1. जानुयात्री	135.6	146·3	161.6
2. কেব্ৰুয়ারী	135-9	146.6	160-9
3, बार्क	136.6	149•4	162:3
 4. এপ্রিন	136.9	152.0	165-0
5. ৰে	138.0	156.0	166.0
6. জু ন	139·8	158-1	168-1
7. जूनार	144·1	158•8	169·7
8. আগস্ট	145•8	158·3	173.6
9. সেপ্টেম্বর	147·1	158.5	176·2
10, অক্টোবর	148•6	159-6	178·2
11. नहज्जन	147-2	158•7	175.8
12. ডিলেখর	146.5	161.6	173•7

সন্তম পরিছেদ সরকারী পরিসংখ্যান (Official Statistics)

7.1 जुडमा

সরকারী পরিসংখ্যান ব'লতে আবরা সে সমস্ত রাশিতথ্য বুঝি যেগুলি প্রধানত: বিভিন্ন সরকারী দপ্তর মারকং সংগৃহীত, সঙ্কলিত এবং প্রকাশিত হ'য়ে থাকে। ভারতীয় প্রভাতত্তে কেন্দ্রীয় সরকারের বিভিন্ন দপ্তর নানা বিষয়ে সরকারী পরিসংখ্যান সংগ্রহ ক'রে থাকে এবং বিভিন্ন পত্রপত্রিকার মাধ্যমে এগুলি প্রকাশ ক'রে থাকে। এ ছাড়া বিভিন্ন রাজ্যসরকারগুলিও তাদের বিভিন্ন দপ্তর মারকং নিজ নিজ রাজ্যের নানারকম সরকারী পরিসংখ্যান প্রকাশ ক'রে থাকে। পশ্চিমবক্ষ সরকার কর্ত্ত্বক প্রকাশিত সরকারী, পরিসংখ্যান সংক্রান্ত পত্রপত্রিকা। এবং পুত্তিকার সংখ্যাও বেশ উল্লেখযোগ্য।

7.2 সরকারী পরিসংখ্যানের জনবিভাশ

ভারতবর্ধের বর্ত্তমান কালের সরকারী পরিসংখ্যান সংগ্রহের সর্বপ্রথম প্রচেষ্টা হয় 1807 সালের তৎকালীন ইট ইণ্ডিয়া কোম্পানী কর্ত্তক প্রচারিত একটি সরকারী নির্দেশ মারকং। ঐ নির্দেশ অনুযায়ী এক সামগ্রিক ভদন্তের পর 1816 সাল নাগাদ বর্জদেশ সম্পর্কে একটি পরিসংখ্যান সংক্রান্ত রিপোর্ট (Statistical Report) প্রস্তুত করেন তৎকালীন সরকার। এরপর বহু বৎসর সরকারী পরিসংখ্যান সংগ্রহের বিশেষ কোনো প্রচেষ্টা হয়নি। অবশেষে 1860 সালে লগুনে অনুষ্ঠিত আন্তর্জাতিক পরিসংখ্যান কংগ্রেস থ্রিটিশ ভারতে বাৎসরিক ভিত্তিতে পরিসংখ্যান সংগ্রহের একটি বিভূত কার্যসূচী স্থপারিশ করেন। মোটামুটি ভাবে এই কার্যসূচী অনুযায়ী 1868 সালে সর্বপ্রথম Statistical Abstract of British India পুত্তকে বৃট্টিশ ভারত সম্পর্কে নানারকম রাশিতথ্য প্রকাশিত হয়। বহুদিন পর্যন্ত এই Abstract প্রতিবৎসর নিয়মিতভাবে প্রকাশিত হয়। বহুদিন সালে শ্রীবৃদ্ধ হাণ্টার (W. W. Hunter) ভারতের Director General of Statistics হিসারে নিযুক্ত হন। তার সম্পাদনার 1881 সালে Imperial Gazetteer of India প্রকাশিত হয়। অই Gazetteer-এ দেশের শিল্প,

কৃষি, শিক্ষা, স্বাস্থ্য ইত্যাদি নানাবিধ বিষয় সম্পক্তিত পরিসংখ্যান প্রকাশিত হয়। প্রকৃতগকে Imperial Gazetteer-এর মার্কৎই ভারতীয় সরকারী পরিসংখ্যানের বর্ত্তমান যুগের আরম্ভ হয়। এই 1881 সালেই সামগ্রিকভাবে ভারতের প্রথম আদমস্থমারী (Census)-ও আরম্ভ হয়। 1905 সাল নাগাদ ভারতসরকারের Director General of Commercial Intelligence and Statistics নানা বিষয়ে সরকারী পরিসংখ্যান করা আরম্ভ করেন। 1906 সালে Indian Trade Journal নামে পরিসংখ্যান সংক্রান্ত পত্রিক। ভারতসরকার প্রকাশ কর। আরম্ভ করেন। এই সময় নাগাদ কৃষির পূর্বাভাষ (Crop forecast) সংক্রান্ত কিছু কিছু পরিসংখ্যান নানাপ্রকার সরকারী সূত্রে প্রকাশিত হ'তে থাকে। 1924 সালে Royal Commission on Agriculture, 1925 সালে শ্রীবিশ্বেশ্বরায়ার (Sir M. Visvesvaraya) নেতৃত্বে Economic Enquiry Committee. 1931 नात्न Royal Commission on Labour এবং 1934 সালে Bowley-Robertson Committee ভারত সরকারকে বিভিন্ন বিষয়ে সরকারী পরিসংখ্যান সংগ্রহের উপযোগিত। ক'রে নানাবিধ প্রস্তাব দেন। এর ফলশ্রুতি স্বরূপ Imperial (প্রবর্তীকালে Indian) Council of Agricultural Research এবং Economic Adviser to the Government of India-র দথার প্রতিষ্ঠিত হয়। 1945 সালে Director of Industrial Statistics-এর অফিস খোলা হয়। এই একই বছর তৎকালীন বাংলা (অবিভক্ত) সরকার "প্রাদেশিক পরিসংখ্যান ব্যুরো" (Provincial Statistical Bureau)-র প্রতিষ্ঠা করেন। পরবর্তীকালে এর নতুন নামকরণ হয় "রাষ্ট্র্য পরিসংখ্যান ব্যুরো" (State Statistical Bureau) এবং আরও পরবর্তীকালে এই সংস্থা "ফলিত অর্থনীতি এবং পরিসংখ্যান ব্যুরো" (Bureau of Applied Economics and Statistics) নামে পরিচিত হয়।

স্বাধীনতার পরবর্তীকালে সরকারী পরিসংখ্যান সংগ্রহের প্রয়োজনীয়তা বিশেষভাবে বৃদ্ধি পায়। 1948 সালে কৃষি ও খাদ্য সংক্রান্ত রাশিতথা সংগ্রহ এবং পরিবেশনের উদ্দেশ্যে কেন্দ্রীয় সরকারের খাদ্য এবং কৃষি দপ্তরে Directorate of Economics and Statistics নামে অফিস খোলা হয়। 1949 সালে জাতীয় আয় কমিটি (National Income Committee) গঠিত হয়। এই কমিটি জাতীয় আয় নির্ণয়ের উদ্দেশ্যে শিভিন্ন পরিসংখ্যাম সংগ্রহে ব্যাপ্ত হয়। ঐ একই বংসর দেশের শিভার পরিসংখ্যাম সংগ্রহের কাজ স্বর্ত্বভাবে এবং ক্রেমীয় ডিডিতে

পরিচালনার । জন্য দিলীতে কেন্দ্রীর পরিসংখ্যান সংস্থা বা Centrai Statistical Organisation (সংক্ষেপে C.S.O নামে অধিক পরিচিত) ইতিটিত হয়। বর্তমানে জাতীয় ভিত্তিতে সরকারী পরিসংখ্যানের বৈশ্বিত্ববর এই সংস্থার মারকৎই প্রধানত: গাওয়া যায়। কেন্দ্রের এজিয়ারভূক্ত বিষয়গুলি (যেমন, রেলপথ, ডাক-ডার বিভাগ, ব্যবসা বাণিজ্য, ব্যাক ইত্যাদি) সংক্রান্ত সরকারী পরিসংখ্যান এই সংস্থার মারকৎ সংগৃহীত হয়।

1950 সালে সারা ভারত ছুড়ে অর্থনৈতিক এবং সামাজিক তথ্যাদি সংগ্রহের জন্য "জাতীয় নমুনা সমীক্ষা অধিকার" (Directorate of National Sample Survey) গঠিত হয়। প্রতি বছর এই সংস্থা নমুনা সমীক্ষার সাহাব্যে অর্থনৈতিক এবং সামাজিক বিষয়ে নানাবিধ রাশিতথ্য সংগ্রহ ক'রে থাকে। এ পর্যান্ত এই সংস্থা কর্তৃক বিভিন্ন বিষয়ে করেকশো রিপোর্ট প্রকাশিত হ'য়েছে।

বর্ত্তনালে ভারতের প্রতিটি রাজ্যেই একটি ক'রে রাজ্য পরিসংখ্যান বুরো (বা অর্থনীতি এবং পরিসংখ্যান বুরো) আছে। এই ব্যুরোগুলি রাজ্যের আভ্যন্তরীন সরকারী পরিসংখ্যান সংগ্রহের কেন্দ্রীয় সংস্থা হিসাবে কাজ করে। রাজ্যের এজিয়ারভুক্ত বিষয়াদি (বেমন, কৃমি, শিক্ষা, জনস্বাস্থ্য ইত্যাদি) সংক্রোন্ত পরিসংখ্যান প্রধানতঃ এইসব ্সংস্থার মাধ্যমে সংগৃহীত হ'রে থাকে।

ভারতের পরিসংখ্যান সংগ্রহের সব বিভাগেই 'ভারতীয় পরিসংখ্যান ইন্টটিউট' (Indian Statistical Institute)-এর অবদান অপরিসীম। সরকারী পরিসংখ্যান সংগ্রহের ব্যাপারেও এই সংস্থা নানাভাবে সহায়তা ক'রেছে। এই সংস্থা থেকে তালিম নিয়ে বহু পরিসংখ্যানবিদ (Statistician) দেশের নানা জায়গায় সরকারী পরিসংখ্যান সংগ্রহের কাজে ব্যাপৃত আছেন। তা ছাড়া ''জাতীয় নমুনা সমীক্ষা অবিকার" (Directotate of National Sample Survey) এর এবং কেন্দ্রীয় পরিসংখ্যান সংস্থা (C. S. O.)-র কাজের সাথে ভারতীয় পরিসংখ্যান ইন্টটিউটের কাজের যনিষ্ঠ বোগাযোগ আছে।

নীচে বিভিন্ন বিষর, বেষন, জনসংখ্যা (Population), কৃষি (Agriculture), শিল্প (Industry), বাণিজ্য (Trade and "Commerce), বানবাহন (Transport), শ্রব (Labour), দর

(Prices) ইত্যাদি সংক্রান্ত সরকারী পরিসংখ্যানের সূত্র প্রভৃতি সম্পর্কে আলাদা আলাদাভাবে আলোচনা করা হ'লো।

7.3 জনসংখ্যা এবং জনস্বাস্থ্য সংক্রোন্ত পরিসংখ্যান (Population and Health Statistics)

(ক) জনসংখ্যা সংক্রান্ত পরিসংখ্যান

জনসংখ্যা সংক্রান্ত পরিসংখ্যানের বেশীর ভাগই প্রতি দশবংসর অস্তর দেশের যে আদমস্থমারী বা লোকগণনা (Decennial Population Census) হয় তার মারফৎ সংগৃহীত হয়। ভারতে সর্বপ্রথম 1872 সালে অনেকটা পরীক্ষামূলকভাবে আদমস্থমারী করা হয়। তবে এই আদমস্থমারী অত্যন্ত সীমিতভাবে করা হয়। প্রকৃতপক্ষে 1881 সাল হ'তে দেশে নিয়মিত লোকগণনা আরম্ভ হয়। এরপর হ'তে প্রতি দশ বৎসর পর পর লোকগণনা এবং লোকগণনা সংক্রান্ত নানাবিধ তথ্য নিয়মিতভাবে সংগৃহীত হ'য়ে আসছে।

1931 সাল পর্যন্ত লোকগণনা "De Facto Canvasser" পদ্ধতিতে করা হ'জে। এই পদ্ধতি অনুযায়ী যেদিন লোকগণনা করার কথা সেদিন রাত্রে দেশের জনসাধারণের যে যেখানে আছে সেখানেই তার সাথে প্রত্যক্ষ যোগাযোগ ক'রে তার সম্বন্ধে জ্ঞাতব্য তথ্য সংগ্রহ করার কথা। 1941-এর পর হ'তে এই পদ্ধতির পরিবর্ত্তন ক'রে "De Jure Canvasser" পদ্ধতি চালু করা হয়। এই পদ্ধতি অনুযায়ী বেশ কিছুদিন ধ'রে (দু-তিন দিন হ'তে দু-তিন সপ্তাহ পর্যন্ত) দেশের জনসাধারণকে তাদের নিয়মিত বাসন্থান (Normal Place of Residence)-এ গণনা করা হয় এবং তাদের সম্বন্ধে জ্ঞাতব্য তথ্য সংগ্রহ করা হয়।

1948 সালে আদমস্মারী আইন (Census Act, 1948) প্রবর্তিত হয়। এই আইন অনুযায়ী লোকগণনার সময় দেশের যে কোনো লোক লোকগণনাসংক্রান্ত তথ্য জানাতে আইনতঃ বাধ্য। 1949 সালের পর হ'তে লোকগণনা সংক্রান্ত কেন্দ্রীয় বিভাগেটি একটি নিয়মিত এবং স্থায়ী বিভাগে পরিণত হয় এবং Census Commissioner ও Registrar General-এর অঞ্চিস প্রতিষ্ঠিত হয়।

লোকগণনার রাশিতথ্য 20-25 লক্ষ তথ্য-সংগ্রহকারীর (Consus Enumerator) হারা সংগৃহীত হয়। এ সব তথ্যসংগ্রহকারীর অধিকাংশই

সাধারণত: বিনা পারিশ্রমিকে কিংব। নামমাত্র পারিশ্রমিকে কাজ ক'রে থাকেন। সাধারণতঃ স্থুলের শিক্ষক, সমাজকর্মী, সরকারী এবং বেসরকারী অফিসের কর্মচারী প্রভৃতির মধ্য থেকে এসব তথ্য সংগ্রহকারীকে সংগ্রহ করা হ'মে থাকে। প্রত্যেক তথ্যসংগ্রহকারী তার জন্য নিদিষ্ট ব্লক (Block)-এর তথ্য সংগ্রহ ক'রে থাকেন। "ব্লুক" (Block) ব'লতে একটি নিদিষ্ট সীমানার অন্তর্গত জায়গা এবং ঐ জায়গায় অবস্থিত ষর-বাড়ীর সমষ্টিকে বোঝায়। কয়েকটি ব্লক নিয়ে একটি "সার্কল" (Circle) গঠিত হয়। সার্কল (Circle)-এর পরিচালনার ভার একজন ''সার্কল স্থপারভাইজার'' (Circle Supervisor)-এর ওপর দেওয়া হয়। কয়েকটি সার্কল নিয়ে একটি "চার্জ" (Charge) গঠিত হয়। চার্জ-এর পরিচালনার ভার থাকে ''চার্জ স্থপারিণ্টেণ্ডেণ্ট'' (Charge Superintendent)-এর ওপর । কয়েকজন ''চার্জ স্থপারিণ্টেণ্ডেণ্টের'' ওপর একজন ক'রে ''জেলা লোকগণনা অফিসার'' (District Census Officer) থাকেন। প্রতিটি কাজের ভার একজন ''রাজ্য লোকগণনা সুপারিণ্টেণ্ডেণ্ট'' (State Superintendent of Census)-এর ওপর দেওয়া হয়। সম্প্রতিকালে এই নাম পরিবত্তিত ক'রে ''রাজ্য লোকগণনা অধিকর্তা'' (State Director of Census) রাখা হ'য়েছে।

আগেই বলা হ'য়েছে বর্ত্তমানে চালু পদ্ধতিতে লোকগণনা ক'রতে দ্-তিন দিন থেকে দু-তিন সপ্তাহ সময় দরকার হয়। তবে, আধুনা নানারকম তথ্য সংগ্রহ ক'রতে হয় ব'লে এই সময়কাল সাধারণতঃ দু-তিন সপ্তাহের কম হয় না। প্রাথমিক গণনার পর শেষের কয়েকদিন (সাধারণত: 2/3 দিন) হিতীয়বার গণনা করা হয়। এর হারা প্রাথমিক গণনার ভুলচুক সংশোধন করার স্থযোগ ঘটে। লোকগণনাকালে সংগৃহীত রাশিতথ্যসমূহের স্কুষ্ঠু সার-সন্ধলন (Summarisation) ও সারণীবিন্যাসের (Tabulation) জন্য প্রায় তিনচার বৎসর সময় দরকার হয়। লোকগণনার এই বিবরণী কয়েকটি খণ্ডে (Volume) বহু বংসর ধ'রে প্রকাশিত হয়। কিছু কিছু খণ্ডে সাধারণভাবে লোকগণনাসংক্রান্ত নানারকম রাশিতথ্য সন্ধিবেশিত श्या। এश्वनित्क नाथात्रन विवतनी (General Report) वना श्या। আৰার অন্য কতগুলি খণ্ডে বিশেষ বিশেষ বিষয় সম্বন্ধে তথ্য সন্নিবেশিত হয়। এগুলিকে বিশেষ বিবরণী (Special Report) বলা হয়। সমন্ত ভারত সম্পর্কে কয়েকটি সংক্ষিপ্ত বিবরণী (Summary Report) क्रमानिक रम । এ ছাড়া প্রতিটি রাজ্যের জন্য আলাদা আলাদা বিবরণী প্রকাশিত হ'রে গাকে।

1881 সালের এবং তার পরবর্তীকালের লোকগণনার বিবরণীগুলিতে নিমুলিখিত বিষয়গুলি সন্নিবেশিত হ'য়েছিলো:—

- (i) জনসংখ্যার বিভাজন (Distribution of Population), প্রতি মাইলে জনসংখ্যার গড় হিসাব (Density of Population per Square Mile), গ্রামের এবং শহরের জনসংখ্যার (Rural and Urban Population) হিসাব, শহরের বাসস্থান সংক্রান্ত (Housing Condition in Towns) রাশিতথ্য এবং শহরের গৃহপ্রতি জনসংখ্যার গড় হিসাব।
- (ii) জনসাধারণের আভ্যন্তরীণ প্রয়জন এবং গতিবিধি সংক্রান্ত রাশিতথ্য (Movement of Population including Internal Migration)।
 - (iii) স্ত্রী-পুরুষের হিসাব।
 - (iv) জনসাধারণের বয়স সংক্রান্ত হিসাব।
- (v) জনসাধারণের বৃত্তি (Occupation) সংক্রান্ত রাশিতখ্য। গ্রামের এবং শহরের বৃত্তি সংক্রান্ত পরিসংখ্যান।
 - (vi) জনসাধারণের জাতি-বর্ণ সংক্রান্ত রাশিত্থ্য।
 - (vii) ধর্মসংক্রান্ত রাশিতথ্য।
 - 🙀iii) অক্ষরজ্ঞান এবং শিক্ষাসংক্রান্ত রাশিতথ্য।
- (ix) জাতি, ধর্ম, বর্ণ, সম্প্রাদায় এবং স্ত্রীপুরুষ ভেদে বিশেষ ধরণের শারীরিক অক্ষমদের (যথা, মূকবধির, কুর্চরোগী, অন্ধ ইত্যাদি) সম্বন্ধে পরিসংখ্যান।
- (x) জনসাধারণের বিভিন্ন সামাজিক বিষয় সংক্রান্ত পরিসংখ্যান (Statistics on Civil Condition)।

1931 সাল পর্যন্ত মোটামুটি ভাবে উপরোক্ত রাশিতথ্যগুলিই লোক-গণনা মারফৎ সংগ্রহ করা হ'তো। কিন্তু পরবর্তীকালে অর্থনীতি এবং শিল্পসংক্রান্ত পরিসংখ্যান সংগ্রহের দিকে ঝোঁক বাড়তে থাকে। 1941 সালের আদমস্থমারীর সময় দ্বিতীয় মহাযুদ্ধ চ'লছিলো। এ কারণে এবং দেশের রাজনৈতিক পরিস্থিতির জন্য এ সময়কার লোকগণনার কাজেনারকম গলদ থেকে যায়।

স্বাধীনতার পরবর্তী যুগের প্রথম লোকগণনা হয় 1951 সালে। এ বংসর ফেশের প্রথম পঞ্চবাদিকী পরিকল্পনা চালু হয়। এই লোকগণনার সমন্ত অর্থনৈতিক এবং সামাজিক বিষয় সম্বদ্ধে নানান্তকম নতুন তথ্য সংগ্রহ করা হয়। 1961 সালের লোকগণনার সময় আরো অনেক

পরিবর্ত্তন করা হয়। এ সময় থেকে পরিবার (Household) ভিত্তিক রাশিতথ্য সংগ্রহের দিকে শুরুদ দেওয়া হয়। পারিবারিক ভিত্তিতে চাদের অবস্থা এবং শিল্প সম্বন্ধে নানারকম পরিসংখ্যান সংগ্রহ করা হয়। প্রতি পরিবারের কাব্দে নিযুক্ত লোকদের চারভাগে ভাগ করা হয়। যথা, (i) চাঘী (Cultivators), (ii) কৃষি শ্রমিক (Agricultural Labourer), (iii) গৃহশিল্পে নিযুক্ত ব্যক্তি (Persons engaged in Househld Industries) এবং অন্যান্য (Others)। চাষী ও কৃষিশ্রমিক বাদে অন্যান্য কাজে নিযুক্ত লোকদের শিল্প (Industry), বাণিজ্য (Trade) বা চাকরী (Service) সম্বন্ধেও পরিসংখ্যান সংগ্রহ করা হয়। এছাড়া ় কাজের ধারা অনুযায়ী কর্মীদের (i) মালিক (Employer), (ii) কর্মচারী (Employee), (ii) স্বনিয়োজিত একক কর্মী (Single Worker) এবং পারিবারিক বৃত্তিতে নিযুক্ত কর্মী এই চারভাগে ভাগ করা হয়। যেসব লোক কোনো অর্থকরী বৃত্তিতে নিযুক্ত নয় তাদের (i) গৃহকর্মে নিযুক্ত, (ii) পুরো সময়ের ছাত্র, (iii) শিশু, (iv) পেনসনভোগী, (v) বাড়ীওয়ালা, (vi) ভিক্কুক, (vii) জেলের আসামী, (viii) কর্মপ্রার্থী বেকার (Unemployed Seeking Emploment) ইত্যাদি ভাগে ভাগকরা হয়। ভারতের কারিগরি এবং বিজ্ঞান শিক্ষাপ্রাপ্ত স্থাতকদের সম্বন্ধে নানারকম তথ্যও 1961-এর লোকগণনার সময় শংগ্রহ করা হ'য়েছে।

1971 সালের লোকগণনায় পরিবার (Household) ভিত্তিক রাশিতথ্যের জারগায় প্রতিষ্ঠান (Establishment) ভিত্তিক রাশিতথ্য সংগ্রহ করা হয়। প্রতিষ্ঠানের জন্য একটি ক'রে বিবরণনিপি (Schedule) ভত্তিকরা হয়। শিল্প প্রতিষ্ঠান (Industrial Establishment) গুলিকে (i) Manufacturing, (ii) Processing, (iii) Servicing এবং (iv) Household Industries —এই চার ভাগে ভাগ করা হয়। Household Industries বা গৃহশিল্প ছাড়া অন্যান্য শিল্পপ্রতিষ্ঠানগুলিকে রেজিট্রাকৃত (Registered) এবং অরেজিট্রাকৃত (Unregistered) এই দুটো ভাগে ভাগ করার পর কর্মীসংখ্যা অনুযায়ী আরো কয়েকটি ভাগে ভাগ করা হয়েছে। এরপর আবার শিল্পের প্রকৃতি অনুযায়ী এবং জালানী, বিদ্যুতের ব্যবহার ও কায়িক শ্রমের ব্যবহার অনুযায়ী আরও অনেকগুলি ভাগে ভাগ করা হ'য়েছে। গৃহশিল্প (Household Industries) গুলিকেও শিল্পের প্রকৃতি, বিদ্যুত্তর বা কায়িকশ্রমের ব্যবহার অনুযায়ী এবং কর্মী সংখ্যা অনুবারী বিভিন্নভাগে ভাগ করা হ'য়েছে। বাণিজ্য সংস্থা (Trade

and Commercial Establishments)-গুলিকে বাণিজ্যের প্রকৃতি এবং কর্মী সংখ্যা অনুযায়ী বিভিন্ন শ্রেণীতে বিভক্ত করা হ'য়েছে।

1961 সালের মতো 1971 সালের আদমস্থমারীর সময়ও ব্যক্তিবিশেষকে "কর্মে নিযুক্ত" (Working) এবং "কর্মে নিযুক্ত নয়" (Non-working) এই দুটি ভাগে ভাগ করা হ'য়েছে। কর্মে নিযুক্ত ব্যক্তিদের আবার তাদের মুখ্য (Primary) এবং গৌণ (Secondary) কর্ম অনুযায়ী ভাগ করা হ'য়েছে। এ ছাড়া কর্মে নিযুক্ত ব্যক্তিদের বিভিন্ন পেশা, যথা, শিল্প, বাণিজ্য, কৃমি, চাকুরী ইত্যাদি অনুযায়ী বিভিন্ন ভাগে ভাগ করা হ'য়েছে। যে সমস্ত লোক কর্মে নিযুক্ত আছেন তাদের 1961 সালের লোকগণনার সময় যে সমস্ত ভাগে ভাগ করা হয়েছিলো এবারও সেই সমস্ত ভাগে ভাগ করা হ'য়েছে।

উপরোক্ত বিষয়গুলি ছাড়াও 1961 সালের তুলনায় 1971 সালের লোকগণনায় ব্যক্তিবিশেষ (Individual) সম্বন্ধে আরও অনেক নতুন তথ্য সংগৃহীত হ'য়েছে। যেমন, ব্যক্তিবিশেষের পূর্ব বাসস্থান এবং বর্ত্তমান কর্মস্থল সম্বন্ধে তথ্য, বিবাহিতা নারীদের বিবাহকালীন বয়স এবং অনুসন্ধানের সময় থেকে এক বৎসর আগোকার সময়ের মধ্যে কোনে। সস্তাক হ'য়েছে কিনা ইত্যাদি। কারিগরি এবং বিজ্ঞানের স্নাতক ছাড়াও এবার অন্যান্য বিষয়ের (যেমন, কলা, বাণিজ্য, ইত্যাদি) স্নাতকদের সম্বন্ধেও তথ্য সংগ্রহ করা হয়।

সঙ্কলনের কাজ তরান্থিত করার জন্য এবার সারীকরণ ইত্যাদির জন্য অনেক ক্ষেত্রে ইলেক্ট্রনিক কম্পিউটার ব্যবহার করা হ'য়েছে।

আমাদের দেশের লোকগণনার কাজ যদিও এক শতাব্দীকাল ধ'রে হ'য়ে আসছে তথাপি এখনও এই কাজের ভেতর নানারকম ফ্রাট রয়ে গেছে। সাময়িকভাবে নিযুক্ত এক বিশাল সংখ্যক কর্মীর ছারা এই গণনার কাজ করা হ'য়ে থাকে। অধিকাংশ সময়ই এসব কর্মীকে ভালোভাবে প্রশিক্ষণ দেওয়া সম্ভব হয় না। ফলে এদের কাজে নানারকম ফ্রাট থেকে যায়। বয়স সংক্রান্ত সংগৃহীত রাশিতথ্যে কতকগুলি বিশেষ ধরণের ফ্রাট থাকে। অশিক্ষিত জনসাধারণের অনেকেই তাদের সঠিক বয়স জানেন না। আশাজের ওপর তারা তাদের বয়সের হিসাব দেন। এসব হিসাবে কয়েকটি বিশেষ বিশেষ সংখ্যায় বয়স প্রকাশ করার পক্ষপাত (Bias) দেখা যায়। যেমন ''০'' বা ''5'' ছারা শেষ হওয়া সংখ্যায় (য়থা, 10, 20, 30, 40 বা 5, 15, 25, 35 ইত্যাদি) বয়স প্রকাশের প্রবণতা খুব

বেশী দেখা বার। এ ছাড়া অক্ষরজ্ঞান (Literacy), বৃত্তি (Occupation)
ইত্যাদি সম্পর্কে বিভিন্ন বৎসরের লোকগণনার সমর বিভিন্ন সংজ্ঞা নির্দেশিত
হওরার এসব হিসাবের তুলনামূলক বিচার করা অনেক সমরই সম্ভব
হর না। লোকের স্বভাবজাত অহন্ধার অনেক সমর তাদের ভুল তথ্য
সরবরাহ করতে প্ররোচিত করে। যেমন, অনেক সমরই আদস্মারীতে
সংগৃহীত অক্ষরজ্ঞানসম্পন্ন লোকের শতকরা হিসাব প্রকৃত হিসাবের
চাইতে বেশী হয়। এর প্রধান কারণ বেশ কিছু নিরক্ষর লোক নিজেদের
অহন্ধার চরিতার্ধ করার জন্য লোকগণনার সমর নিজেদের অক্ষরজ্ঞান
সম্পন্ন ব'লে পরিচয় দিয়ে থাকেন।

উপরোক্ত ক্রটিগুলি থাকা সম্বেও স্বাধীনতার পরবর্তীকালে তারতীয় লোকগণনায় প্রভূত উন্নতি পরিলক্ষিত হ'রেছে। ক্রমাগত অনুশীলন এবং পরীক্ষা নিরীক্ষা মারফৎ লোকগণনাকালে সংগৃহীত রাশিতথ্যের সংজ্ঞা, সংগ্রহপদ্ধতি, সন্ধলন এবং বিশ্লেষণপদ্ধতির বছবিধ উন্নতিসাধন করা হ'রেছে।

(খ) জনখান্য সংক্রোন্ত পরিসংখ্যান

বর্ত্তমানে ভারতের জনস্বাস্থ্য সংক্রান্ত পরিসংখ্যান প্রধানত: কেন্দ্রীয় স্বাস্থ্য মন্ত্রণালয়ের Director General of Health Services কর্তৃক প্রকাশিত Statistical Appendices to the Annual Report of Director General of Health Services-এ প্রকাশিত হ'য়ে থাকে। এতে জীবন সংক্রান্ত পরিসংখ্যান (Vital Statitics), হাসপাতাল এবং বিভিন্নধরণের চিকিৎসাকেন্দ্র সংক্রান্ত পরিসংখ্যান ইত্যাদি সন্ধিবেশিত হ'রে থাকে।

পশ্চিমবন্ধ সরকারের স্বাস্থ্য অধিকর্ত্তা (Director of Health) কর্তৃক প্রকাশিত বার্ষিকী Health on March—এ রাজ্যের জন্মহার, মৃত্যুহার, শিশুমৃত্যু ইত্যাদি সংক্রান্ত নানাবিধ পরিসংখ্যান সন্ধিবেশিত হ'রে থাকে। এছাড়া রাজ্যের কলিত অর্থনীতি এবং পরিসংখ্যান ব্যুরো (Bureau of Applied Economics and Statistics) কর্তৃক প্রকাশিত Statistical Handbook—এ রাজ্যের জন্মমৃত্যুর হার, শিশু মৃত্যুর হার, হাসপাতালের সংখ্যা, ডাজ্ঞারের সংখ্যা, ইত্যাদি নানারকম পরিসংখ্যান সন্ধি-বেশিত হর। তবে আমাদের দেশে থেহেতু জন্মমৃত্যু বহুক্তেরেই রেজিয়ী করা হয় না সেজন্য জন্মমৃত্যুর হার সংক্রান্ত পরিসংখ্যান খুব একটা নির্ভরবোগ্য হয় না।

7.4 কৃষি পরিসংখ্যান (Agricultural Statistics)

ভারতের কৃষিগংক্রান্ত রাশিতথ্যের সব চাইতে উল্লেখযোগ্য পরিবেশক হ'লে। ভারত সরকারের খাদ্য ও কৃষি মন্ত্রণালয়ের অধীনস্থ অর্থনীতি এবং কৃষি পরিসংখ্যান অধিকার (Directorate of Economics and Statistics বা সংক্রেপে DES)। স্বাধীনতার পরবর্তী যুগে 1948 সাল হ'তে এই সংস্থার উদ্যোগে ভারতের কৃষি পরিসংখ্যান সংগ্রহ, সন্ধলন এবং প্রকাশনের ব্যাপারে নানারকম উন্নতি সাধিত হ'য়েছে। এ সম্বেও এখনও নানারকম ক্রাট রয়ে গেছে—বিশেষ ক'রে তথ্য প্রকাশে প্রচুর দেরী হওয়ার জন্য। অনেক সময়ই দেখা যায় যে প্রকাশিত রাশিতথ্য তিন থেকে পাঁচ বৎসরের পুরোণো হয়।

কৃষি সংক্রান্ত রাশিতথ্যগুলিকে মোটামুটিভাবে এরকমভাবে ভাগ করা থেতে পারে—(i) ভূমির ব্যবহার সংক্রান্ত পরিসংখ্যান, (ii) যে সব জমিতে কসল দেওয়। হ'য়েছে তাদের মোট আয়তন এবং কসলের কলন ও উৎপাদন সংক্রান্ত পরিসংখ্যান ও পূর্বাভাষ (Area and Yield Statistics including Crop Forecasts), (iii) কৃষিমজুরী এবং কৃষিজ্ঞাত ক্রব্যের দর (Agricultural Wages and Prices) এবং (iv) প্রালিত পশু, হাঁস-মুরগী, বন এবং মৎস্য সংক্রান্ত পরিসংখ্যান (Miscellaneous Statistics regarding Livestock and Poultry, Forestry and Fisherles etc.)।

চল্লিশের দশকের আগে কৃষিসংক্রান্ত রাশিতথ্যের পরিমাণ খুবই অপ্রচুর ছিলো। এমন কি ফসলের পরিমাণ কিংবা মোট কত জমিতে ফসল বোনা হ'য়েছিলো—এধরণের প্রাথমিক রাশিতথ্যও দেশের সব এলাকার জন্য পাওয়া সন্তব ছিলো না। যেটুকু রাশিতথ্য পাওয়া যেত তাও অনেক সময়ই তেমন নির্ভরযোগ্য ছিলো না। বিভিন্ন প্রদেশের রাশিতথ্য বিভিন্নমাত্রায় বিশ্বাসযোগ্য ছিলো। দেশের যে সমস্ত অঞ্চলে জমির চিরস্থায়ী বন্দোবস্ত (Permanent Settlement) ছিলো সেসব এলাকার ফসলের হিসাব গ্রাম্য চৌকিদারের মারকৎ সংগৃহীত হ'তো। এসব চৌকিদারের অধিকাংশই অশিক্ষিত ছিলো। এরা নিজেদের ধারণার ভিত্তিতে যেসব হিসাব পরিবেশন ক'রতো তার বিশুদ্ধতা সম্বন্ধ অনেক সময়ই সন্দেহের অবঁকাশ থাকতো। যে সব প্রদেশে জমির অস্থায়ী বন্দোবস্ত (Temporary Settlement) ছিলো, সেখানকার শস্যের হিসাব ধারণার বাজনার প্রায়নীদের মারকৎ সংগৃহীত হ'তো। পাটওয়ারীদের

প্রাথনিক কর্ত্তব্য ছিলো খাজনা আদায়করা। এ ছাড়া এদের গ্রামাঞ্চলের আইন-শৃঙ্খলাজনিত এবং প্রশাসনিক নানারকম কাজে প্রায়ই ব্যস্ত থাকতে হ'তো। এসব কাজ করার পর ফসলের হিসাব সংগ্রহ করার জন্য এদের হাতে খুব কম সময় থাকতো। ফলে এরাও অধিকাংশ সময়েই নিজেদের আলাজমতো হিসাব পরিবেশন করতো। পাটওয়ারী এবং চৌকিদারদের দেওয়া এসব হিসাবের শুদ্ধতা যাচাই অধিকাংশ সময়ই করা হ'তো না।

মোট দশটি শস্যের ফলনের পূর্বাভাষ (Forecast of Yield) দেওয়া হ'তো। ফলল তোলার পর আরও কয়েকটি শস্যের ফলনের পরিমাণের হিসাব প্রকাশ করা হ'তো। ফলনের হিসাব নীচের সূত্র অনুযায়ী করা হ'তো—

ৰোট উৎপাদন (Total 'Yield) — ভাষির আয়ন্তন ('Area) ×জমির একক প্রতি ভাভাবিক ফলন (Normal Yield Per Unit Area of Land) ×অবস্থা নির্ভর উপাদান (Condition Factor)

ন্ধমির এককপ্রতি স্বাভাবিক ফলন (Normal Yield Per Unit Area of Land)-এর ধারণা অনেকটা ধোঁয়াটে ছিলো। স্বাভাবিক ফলনের অংশ বিশেষকে অবস্থা-নির্ভর উপাদান (Condition Factor) বলা হ'তো। বেমন, কোনো বছরের ফলনের পরিমাণ যদি স্বাভাবিক ফলনের অর্ধেক হয় তবে ঐ বছরের অবস্থা নির্ভর উপাদান (Condition Factor) হবে ½। এই অবস্থা নির্ভর উপাদানের হিসাব চৌকিদার কিংবা পাটওয়ারীর দেওয়া রাশিতধ্যের ভিত্তিতে করা হ'তো।

ফলনের হিসাব ছাড়া জমির ব্যবহারের পরিসংখ্যান (Land Utilisation Statistics), গৃহপালিত পশু এবং হাঁস-মুরগীর পরিসংখ্যান (Livestock and Poultry Statistics) কিংবা ফসল তোলার সময়কার শব্যের দর (Harvest Price of Crops) ইত্যাদি সংক্রান্ত খবরাখবর বিশেষ ফ্রাটিপূর্ল উপায়ে সংগৃহীত হ'তো। বন কিংবা মাছ সংক্রান্ত পরিসংখ্যানও খুবই অসম্পূর্ণ ছিলো।

প্রধানত: কেন্দ্রীয় সরকারের অর্থনীতি এবং পরিসংখ্যান অধিকার (Directorate of Economics and Statistics বা DES)-এর প্রচেষ্টায় বর্জমানে কৃষিসংক্রান্ত রাশিতধ্য সঙ্কলনের ব্যাপারে উন্নততর পদ্ধতি অবলয়ন করা হ'চছে। বর্জমানে দেশের প্রায় প্রতিটি অঞ্চলের জন্য জমির ব্যবহার সংক্রান্ত রাশিতথ্য (Land Utilisation Statistics) সংগৃহীত হ'রে ধাকে। 1948-49 সালের পর হ'তে শস্যের ফলনের পূর্বাভাঘ (Crop Forecast) সংক্রান্ত রাশিতথ্যও অনেক ব্যাপকভাবে সংগৃহীত হ'চেছু। বাণিজ্যিক শস্য (Commercial Crops), যথা, পাট, চা, তুলা, তেলবীজ, আর্থ ইত্যাদি সংক্রান্ত রাশিতথ্য অনেক বিস্তারিতভাবে সংগৃহীত হ'চেছু।

প্রচলিত রাশিতথ্য সমূহের উন্নতিসাধন এবং গুণগত উৎকর্ষতা বৃদ্ধির ব্যাপারেও অর্থনীতি এবং পরিসংখ্যান অধিকারের অবদান উল্লেখযোগ্য। বর্ত্তমানে জমির ব্যবহার সংক্রান্ত রাশিতথ্য (Land Utilisation Statistics) দেশের প্রায় সব রাজ্যে একই ভাবে সংগৃহীত হয়। শস্যের ফলন, পরিমাণ ইত্যাদি সংক্রান্ত রাশিতথ্যও দেশের সব এলাকা হ'তে একই পদ্ধতিতে সংগ্রহ করার জন্য প্রচেষ্টা চ'লছে। 1943-44—এর আগে 10টি প্রধান শস্য সম্বন্ধে বছরে 34টি পূর্বাভাষ দেওয়া হ'তো। সেখানে বর্ত্তমানে বছরে 70টি পূর্বাভাষ দেওয়া হয়। এছাড়াও মাঝে মাঝে কয়েকটি অপ্রধান বাণিজ্যিক শস্য (Minor Commercial Crops)—এর পূর্বাভাষও দেওয়া হ'য়ে থাকে।

ফদল তোলার সময়কার শদ্যের দর (Harvest Price) সংক্রান্ত র#শিতথ্য এখন আগেকার চাইতে অনেক ব্যাপক এবং সঠিকভাবে সংগৃহীত হয়। পশুপালন সংক্রান্ত রাশিতথ্য (Livestock Statistics) নিয়মিতভাবে সংগ্রহ করার চেষ্টা চলছে। বন (Forest), বনজ দ্রব্য (Forest Products) এবং মাছ সংক্রান্ত রাশিতথ্য নিয়মিত ভাবে সংগ্রহ করার চেষ্টাও চ'লছে।

আগে যেখানে ফলন সংক্রান্ত রাশিতথ্য (Statistics on the Yield rates of Crops) পাটওয়ারী কিংবা চৌকিদারের দেওয়া খবরের ওপর নির্ভর ক'রতো, সেখানে এখন পরীক্ষামূলক ফসল কাটা (Crop Cutting Experiment) নামক বৈজ্ঞানিক পদ্ধতির সাহায্যে ফলনের গড় হিসাব সংগৃহীত হ'য়ে থাকে। এই পদ্ধতি অনুযামী সমসম্ভব নমুনা সংগ্রহ নিয়মে (Random Sampling Method) কতগুলি শসক্ষেত্র নির্বাচিত ক'রে সেই শস্যক্ষেত্রগুলির প্রত্যেকটির থেকে একটি নির্দিষ্ট আয়তনের জমির ফসল কাটা হয়। এইভাবে কাটা প্রতিটি জমির ফসলের পরিমাণের পরিমাপ করা হয় এবং এর ভিত্তিতে একর প্রতি গড় পরিমাণ বের করা হয়। কোনো শস্যের মোট উৎপাদনের প্রতিষাধিত হ'লে এখনও অবশ্য পূর্বে উলিবিত সূত্রই (232 পূর্চা)

শ্রষ্টব্য) অনুসরণ করা হ'রে থাকে। কিন্তু এককপ্রতি স্বাভাবিক কলনের (Normal Yield) পরিমাপ ক'রতে গত দশ বৎসরের কসলকাটার পরীক্ষা নারকৎ প্রাপ্ত কলনের হিসাবের গড় নেওয়া হয়। অবস্থা নির্ভর উপাদান (Condition Factor) পরিমাপ করার জন্য বীজের অন্ধুরোদ্গমের হার (Rate of Germination of Seeds), আবহাওয়ার অবস্থা (Weather Condition) এবং শস্যসংক্রান্ত আরও নানারকম খবর নিয়মিতভাবে এবং স্ব্র্তু পদ্ধতিতে সংগ্রহ করা হ'রে থাকে। এসব খবরাখবরের ওপর নির্ভর ক'রে যথাসাধ্য নির্ভুলভাবে অবস্থা নির্ভর উপাদানের পরিমাপ করা হ'রে থাকে।

চলিশের দশকের মাঝামাঝি সময় থেকে পশ্চিমবঙ্গে কয়েকটি প্রধান শস্যের (য়েমন, আমন ও আউস ধান, পাট এবং প্রধান প্রধান রবিশস্য) ফলনের হিসাব বৈজ্ঞানিক পদ্ধতিতে নমুনা সমীক্ষা (Sample Survey)-র সহায়তায় সংগৃহীত হ'য়ে আসছে। আগে এই হিসাব ভারতীয় পরিসংখ্যান ইন্টিটিউট্ (Indian Statistical Institute) কর্ত্ত্বক সংগৃহীত হ'তো । 1951-এর পর হ'তে পশ্চিমবঙ্গ সরকারের নিজস্ব পরিসংখ্যান ব্যুরো (State Statistical Bureau—পরবর্ত্ত্বীকালে পরিবর্ত্তিত নাম—Bureau of Applied Economics and Statistics) এই হিসাব সংগ্রহ ক'রে আসছে।

নীচে কৃষি পরিসংখ্যান সংক্রান্ত কয়েকটি প্রধান প্রধান পত্র-পত্রিকা সম্বন্ধে আলোচনা করা হ'লো:—

- (i) Indian Agricultural Statistics Vols I ও II (বার্ষিকী)— এর প্রথম খণ্ডে জমির রাজ্যভিত্তিক শ্রেণীবিভাগ দেখান হয়। এ ছাড়া বিভিন্ন শন্যের ক্ষেত্রে সেচভুক্ত জমির পরিমাণের হিসাবও পাওয়া যায়। বিভীয়খণ্ডে এসব হিসাব প্রতি রাজ্যে জেলাওয়ারী পরিবেশন করা হয়।
- (ii) Abstract of Agricultural Statistics (বার্ষিকী)—এতে কৃষি পরিসংখ্যান সংক্রান্ত নানাবিৰ তথ্য সংক্ষেপে পরিবেশিত হয়।
- (iii) Estimates of Area and Production of Principal Crops in India, Vols I and II (বাহিকী)—এতে দেশের প্রধান প্রধান শাস্যের জমির আয়তন, উৎপাদন, ফলনের হার ইত্যাদি সম্বদ্ধে রাশিত্থ্য পরিবেশিত হয়।
- (iv) Indian Land Revenue Statistics (বার্ষিকী)—এতে বেশের ভূমি রাজস্ব সংক্রান্ত তথ্যাদি পরিবেশিত হয়।

- (v) Indian Livestock Census (পাঁচ বৎসর পরপর প্রকাশিত)— প্রতি পাঁচ বৎসর পরপর দেশের গৃহপালিত পশুদের যে গণনা হয় তার হিসাব এই সাময়িকীতে প্রকাশিত হয়। তা ছাড়া কৃষিকার্যে ব্যবস্থৃত যম্বপাতি (Agricultural Implements)-র হিসাবও এতে সন্নিবেশিত হয়।
- (vi) Indian Agricultural Prices (বার্ষিকী)—এতে দেশের বিভিন্ন কেন্দ্রের বিভিন্ন কৃষিদ্রব্য ও শস্যের পাইকারী ও খুচরো দরের হিসাব পরিবেশিত হয়। সাপ্তাহিক পত্রিকা "Bulletin of Agricultural Prices"—এ অনুরূপভাবে দরসংক্রান্ত সমসাময়িক তথ্যাদি প্রকাশিত হয়।
- (vii) Agricultural Wages in India (বার্ষিকী)— এতে দেশের বিভিন্ন অঞ্চলের বিভিন্ন শ্রেণীর কৃষিশ্রমিকের মজুরী সংক্রান্ত রাশিতথ্য পরিবেশিত হয়।
- (viii) Agricultural Situation in India (মাসিক)—আগে যে সব বিষয়ের উল্লেখ করা হ'য়েছে সেগুলি সংক্রান্ত রাশিতথ্য এতে প্রকাশিত হয়। তা ছাড়া কৃষিসংক্রান্ত খবরাখবর এবং প্রবন্ধও এতে প্রকাশিত হয়। এই সাময়িকীটির প্রকাশ অনেকটা নিয়মিত ভাবে হয়।

উপরোক্ত সাময়িকীগুলি ছাড়াও কয়েকটি বিশেষ বিশেষ বিষয় সম্বন্ধে নিমুলিখিত বার্ষিকীগুলি প্রকাশিত হয়:—

- (ix) Jute in India
- (x) Cotton in India
- (xi) Tea in India
- (xii) Sugar in India
- (xiii) Tobacco in India
- (xiv) Oilseeds in India
- (xv) Coffee in India

কেন্দ্রীয় পরিসংখ্যান সংস্থা (Central Statistical Organisation) কর্তৃক প্রকাশিত বার্ঘিকী Statistical Abstract-এর কৃষি সংক্রান্ত অনেক রাশ্তিপ্য প্রকাশিত হ'রে থাকে।

পশ্চিমবঙ্গ সরকারের বিভিন্ন সাময়িকীতে এই রাজ্যের কৃষিসংক্রান্ত রাশিতধ্যাদি প্রকাশিত হ'য়ে থাকে। এগুলির মধ্যে রাজ্যের ফলিত অর্থনীতি এবং পরিসংখ্যান ব্যুরো (Bureau of Applied Economics and Statistics) কর্ত্ব প্রকাশিত নিমুলিখিত বার্টিকীগুলি বিশেষভাবে উলেখযোগ্য:—

- (i) Estimates of Area and Production of Aman Paddy
- (ii) Estimates of Area and Production of Jute and Aus
- (iii) Estimates of Area and Production of some Rabi
 Crops

এছাড়া রাজ্যের কৃষি দপ্তর কর্ত্তৃক প্রকাশিত Bulletin of Agricultural Prices এবং Season and Crop Reportও এই প্রসক্ষে উল্লেখযোগ্য।

ভাগেই উল্লেখ করা হ'য়েছে যে দেশের কৃষি পরিসংখ্যানসংক্রান্ত তথ্যাদির উন্নতিসাধনে ক্রমাগত প্রচেষ্টা চলছে। এ সম্বেও নানাবিধ ক্রেটি এখনও রয়ে গেছে। এগুলির জন্যতম হ'লো দেরীতে তথ্য প্রকাশ করা। অধিকাংশ ক্রেত্রেই সংগৃহীত তথ্য সময়মত প্রকাশিত হয় না। প্রকাশ ক'রতে দুতিন বৎসর বা আরো বেশী সময় লাগে। এছাড়া উন্নততর কৃষিব্যবস্থার ফলাফল সম্বন্ধে বিস্তারিত তথ্য এখনও নিয়মিতভাবে সংগৃহীত বা প্রকাশিত হয় না। সেচযুক্ত বা সেচহীন জমি (Irrigated and Non-irrigated Areas)-সমূহের ফলন ইত্যাদি সম্বন্ধে আলাদাভাবে রাশিতথ্য এখনও তেমন স্কুষ্ট্রাবে সংগৃহীত হয় না। তবে বিশ্ব খাদ্য এবং কৃষি সংস্থা (Food and Agricultural Organisation, সংক্রেপে FAO)-র পরামর্শ জনুযায়ী ভারত সরকার 1971 সাল থেকে বিশ্ব কৃষি গণনা (World Agricultural Census)-য় অংশ গ্রহণ ক'রছে। এই গণনার সাহায্যে দেশের কৃষি অর্থনীতি এবং কৃষকের জবস্থা সম্বন্ধে জনেক নতুন তথ্য জানা সম্ভ্ব।

7.5 শিল্প সংক্রোম্ভ পরিসংখ্যান (Industrial Statistics)

শিল্পনংক্রান্ত সরকারী পরিসংখ্যানকে দুটি প্রধানভাগে ভাগ করা যায়—
(ক) বৃহৎ শিল্পক্রান্ত পরিসংখ্যান (Statistics relating to Large Scale Manufacturing Industries) এবং (খ) ক্ষুদ্র ও কুটার শিল্প সংক্রান্ত পরিসংখ্যান (Statistics relating to Small Scale and Household Industries)। বৃহৎ শিল্প সংক্রোন্ত পরিসংখ্যান অনেকটা বিভারিতভাবে এবং নির্মিতভাবে প্রকাশিত হ'রে থাকে। কিন্তু ক্ষুদ্র এবং কুটার শিল্পন

সংক্রোস্ত পরিসংখ্যান তেমন একটা নিয়মিতভাবে প্রকাশিত হয়না। নীচে এ সম্বন্ধে বিস্তারিত বর্ণনা করা হ'লো।

(ক) বৃহৎ শিল্প সংক্রোন্ত পরিসংখ্যান

বর্ত্তনানে ভারতের বৃহৎ শিল্পসংক্রান্ত পরিসংখ্যানের প্রধান উৎস হ'লো কেন্দ্রীয় পরিসংখ্যান সংস্থা (C.S.O.)-র অন্তর্গত শিল্পসংক্রান্ত শাখা (Industrial Statistics Wing)। ক'লকাতায় অবস্থিত এই বিভাগ কর্তুক প্রকাশিত (1) Monthly Statistics of Production of Selected Industries in India এবং (2) Report of the Annual Survey of Industries নামক প্রকাশনা দুটোতে বহু তথ্য সন্নিবেশিত হয়। Monthly Statistics of Production of Selected Industries in India-য় মাসিক উৎপাদন সূচক (Monthly Index of Industrial Production), উৎপাদনের হিসাব (Production figures), উৎপাদন ক্ষমতার পরিসংখ্যান (Statistics on Productivity) এবং অবিক্রীত উৎপাদিত প্রের পরিমাণ দেখান হয়।

মাসিক উৎপাদন সূচক (ভিত্তিকাল, 1960 = 100) সঙ্কলনের জন্য 201টি উৎপাদিত দ্রেরের (Manufactured Items) সূচক সংখ্যার ভারযুক্ত গড় নেওয়া হ'য়ে থাকে। উৎপাদিত দ্রব্যগুলির ''সংযোজিত মূল্য'' (Value added)-কে ভার (Weight) হিসাবে নেওয়া হ'য়ে থাকে। এভাবে নির্ণীত মাসিক সূচকগুলিকে আবার প্রতিমাসের দিনের সংখ্যার তারতম্যের জন্য এবং খাতুজ ভেদের (Seasonal Variation) জন্য যথোপযুক্ত সংশোধিত করা হ'য়ে থাকে।

বৃহৎ শিল্পগঞ্জে সরকারী পরিসংখ্যানের সবচাইতে তথ্যবহল সাময়িকী হ'লো 'Report of the Annual Survey of Industries''। এটি আকারে অবৃহৎ এবং বোধ হয় এই কারণেই এর প্রকাশে কয়েক বছর বিলম্ব হয়। এতে প্রতিটি বৃহৎ শিল্পের রাজ্যভিত্তিক কারখানার সংখ্যা, উৎপাদন, কাঁচামালের ব্যবহার, মূলধন, শ্রমিক ইত্যাদি সম্পর্কে রাশিতথ্য সন্ধিবেশিত হয়। কয়েকটি বৃহৎ শিল্প, যেমন, পাট, ধাতুশিল্প ইত্যাদি সমকে বিস্তারত তথ্য এই সাময়িকীর অন্তর্ভুক্ত করা হয়।

এছাড়া বিভিন্ন সমরে প্রকাশিত রিপোর্ট এবং অন্যান্য করেকটি সামরিকীতেও বৃহৎ শিল্প সংক্রান্ত নানারকম রাশিতথ্য প্রকাশিত হয়। এমেশ্ব মধ্যে উলেখযোগ্য কয়েকটির নাম নীচে দেওরা হ'হলা—

- (i) Statistical Abstract of India (বার্ষিক সম্কলন)—ভারত সরকারের কেন্দ্রীয় পরিসংখ্যান সংস্থা (C.S.O.) কর্ত্তক প্রকাশিত।
- (ii) Monthly Abstract of Statistics (মাসিক)—C.S.O. কর্তৃ ক' প্রকাশিত।
- (iii) Statistics of Factories (বার্ঘিক)—কেন্দ্রীয় সরকারের শ্রমিক ব্যুরো (Labour Bureau) কর্তৃক সিমলা থেকে প্রকাশিত।
- (iv) Indian Trade Journal (সাপ্তাহিক)—কেন্দ্রীয় সরকারের Director General of Commercial Intelligence and Statistics কর্ত্ত্বক ক'লকাতা থেকে প্রকাশিত।
- (v) Indian Textile Bulletin (মাসিক)—কেন্দ্রীয় সরকারের Textile Commissioner কর্তু ক বোম্বাই থেকে প্রকাশিত।
- (vi) Monthly Bulletin of Iron and Steel Control (মাসিক)— কেন্দ্রীয় সরকারের ইম্পাত ও ভারীশিল্প মন্ত্রক (Ministry of Steel and Heavy Engineering) কর্ত্ত্বক ক'লকাভা থেকে প্রকাশিত।
- (iv) Tea Statistics (বার্ষিক)—Tea Board কর্তৃক ক'লকাতা থেকে প্রকাশিত।

এছাড়া বিভিন্ন বণিক সংস্থা (Chamber of Commerce)-ও আজকাল বৃহৎ শিল্পসংক্রান্ত নানারকম তথ্য সংগ্রহ করে এবং মাঝে মাঝে এগুলিকে পুস্তকাকারে প্রকাশ ক'রে থাকে। বাণিজ্য অর্থনীতি সংক্রান্ত কয়েকটা সাময়িকপত্র—যথা, Capital, Commerce ইত্যাদি—নানাবিধ পরিসংখ্যান প্রকাশ ক'রে থাকে। J. Thomas and Co. Private Ltd. কর্ত্বক প্রকাশিত Monthly Tea Review এবং Indian Jute Mills Association কর্ত্বক প্রকাশিত Monthly Survey of Jute and Gunny Statistics-এর নামও এ প্রসঙ্গে উল্লেখযোগ্য।

(খ) ক্ষুদ্র ও কুটীর শিল্প সংক্রোম্ভ পরিসংখ্যান

1948 সালের কারখানা আইন (Factories Act, 1948) অনুযায়ী (1)
যে সমন্ত কারখানা কারিক শক্তি ভিন্ন অন্য ধরণের শক্তি (যেমন, বৈদ্যুতিক শক্তি, বাষ্ণাচালিত শক্তি ইত্যাদি) ব্যবহার করে এবং দশজন বা ততোধিক শ্রমিক নিয়োগ করে অথবা (2) যে সমন্ত কারখানা কারিক শক্তি ভিন্ন অন্য কোনো প্রকার শক্তি ব্যবহার করে না কিছে বিশক্তন বা ভতোধিক শ্রমিক শক্তি ভারমের বৃহৎ শিল্প হিসাকে

চিহ্নিত করা হ'য়ে থাকে। কারখানা আইনের এক্তিয়ার বহির্ভূত কারখানাগুলিকে ক্ষুদ্র শিল্পের অন্তর্ভুক্ত করা হ'য়ে থাকে। আবার কোনো কোনো ক্ষেত্রে অনধিক 10 লাখ টাকা মূলধন সম্পন্ন এবং বাণিজ্য আধিকারিক (Director of Industry) কর্তুক রেজিন্তীকৃত কারখানাকেও ক্ষুদ্র শিল্প হিসাবে ধরা হ'য়ে থাকে। ভারতের শহর ও গ্রামে অসংখ্য ক্ষু এবং কূটার শিল্প আছে। এদের অধিকাংশই আয়তনে খুব ছোটো। এদের সম্বন্ধে কোনো নিয়মিত পরিসংখ্যান সংগ্রহ অত্যন্ত ব্যয় এবং সময়-সাপেক। এই কারণে এধরণের পরিসংখ্যান নিয়মিতভাবে সংগ্রহ কর। সাধারণত: সম্ভব হয় না। তবে বর্ত্তমানে আদমস্থমারী (Census)-র সাথে সাথে এ সব শিল্প সম্বন্ধেও কিছু কিছু তথ্য সংগ্রহ করা হ'য়ে পাকে। 1961 সালের আদমস্থমারীর রিপোর্ট (Census of India, 1961, Vol-I. Part III (iii))-এ এ ধরণের শিল্প সংস্থার সংখ্যা এবং এগুলিতে নিযুক্ত কর্মীদের সংখ্যার হিসাব দেওয়া হ'য়েছে। 1971 সালের আদম– স্থমারীতেও এদের সম্বন্ধে তথ্য সংগ্রহ করা হ'য়েছে। এ ছাড়া কেন্দ্রীয় সরকারের জাতীয় নমুনা সমীক্ষা সংস্থা (National Sample Survey Organisation) 1953-54 সালের পর হ'তে মাঝে মাঝে কুটীর শিল্প সংস্থাগুলির নমুনা সমীকা ক'রে এ জাতীয় শিল্প সম্বন্ধে নানাবিধ রাশিতথ্য সংগ্রহ ক'রেছে। নমুনা সমীকা সংস্থার রিপোর্ট নং 19, 39, 42 এবং 94-এ এ জাতীয় রাশিতথ্য পরিবেশিত হ'য়েছে। 1968-69 সালে একটি নমুনা সমীকার সাহায্যে এই সংস্থা কুটীর শিল্পের মূল্ধন, কর্ম সংস্থান, আয় ব্যয় এবং উৎপাদন প্রভৃতি সম্বন্ধে বিস্তারিত তথ্য সংগ্রহ ক'রেছে। পশ্চিমবঞ্চ সরকারের ফলিত অর্থনীতি এবং পরিসংখ্যান ব্যুরো (Bureau of Applied Economics and Statistics) 1954 সালের পর হ'তে কয়েকটি সমীক্ষায় এই রাজ্যের কুদ্র শিল্প সংস্থাগুলি সম্পর্কে নানাবিধ মূল্যবান তথ্য সংগ্রহ ক'বেছে। এই সংস্থা কর্তৃ ক প্রকাশিত রিপোর্টগুলির মধ্যে নিমুলিখিতগুলি উল্লেখযোগ্য—(i) Economic Survey of Small Industries, 1954 (জেলা ভিত্তিক) (ii) Type Study on (a) Mat, (b) Bell-metal (c) Coir প্রভৃতি ঘোলটি শিল্প (1958-59) এবং (iii) Economic Survey of Small Industries, 1965 and 1966 (প্রাথমিক রিপোর্ট), (iv) Economic Survey of Small Industries (1965 and 1966)— Report on Food manufacturing Industries, (v) Economic Survey of Small Industries (1965-66), West Bengal, Summary Report এবং (vi) Results of Listing Surveys of Small Industrial units employing 5 or more workers and having investment in plant and machinery not exceeding Rs. 7.5 lakhs in urban areas of West Bengal, 1969-71. পশ্চিমবন্ধ সরকারের শিল্প অধিকার (Directorate of Industries), কিছুদিন হ'লো কুদ্র শিল্পংকান্ত তথ্যপূর্ণ Directory of Small Industries প্রকাশিত ক'রেছে। এ ছাড়া Reserve Bank of India আঞ্চলিক ভিত্তিতে সমীকা ক'রে কুদ্র শিল্পসংক্রান্ত কিছু কিছু তথ্য প্রকাশিত ক'রেছে।

7.6 ব্যবসা-বাণিজ্য এবং আর্থিক বিষয়াদি সংক্রোন্ত পরিসংখ্যান (Statistics relating to Trade and Commerce and Financial matters)

ব্যবসা-বাণিজ্য এবং আথিক বিষয়াদি সংক্রান্ত পরিসংখ্যানসমূহকে নিমুলিখিতভাবে ভাগ করা যেতে পারে—(ক) বাণিজ্য সংক্রান্ত পরি-সংখ্যান, (খ) ব্যাঙ্ক ও মুদ্রা সংক্রান্ত পরিসংখ্যান, (গ) রেজিষ্টাকৃত কোম্পানী সংক্রান্ত পরিসংখ্যান এবং (ঘ) বীমা সংক্রান্ত পরিসংখ্যান।

(ক) বাণিজ্য সংক্রোন্ত পরিসংখ্যাম

ব্যণিক্ষ্য সংক্রান্ত পরিসংখ্যানকে দুটো প্রধান ভাগে ভাগ করা যায়—
(1) বিদেশী বাণিক্ষ্য সংক্রান্ত পরিসংখ্যান এবং (2) আভ্যন্তরীণ বাণিক্ষ্য সংক্রান্ত পরিসংখ্যান । এই দু ধরণের পরিসংখ্যানই প্রধানতঃ ভারত সরকারের Director General of Commercial Intelligence and
Statistics (D. G. C. I. S.) কর্তুক সংগৃহীত হয়। বহির্বাণিক্ষ্য সংক্রান্ত পরিসংখ্যান প্রকাশের ব্যাপারে নিমুলিখিত পত্র-পত্রিকাগুলির নাম উল্লেখযোগ্য:—

(i) Monthly Statistics of Foreign Trade in India, Volume I (Export) & Volume II (Import)

এতে সমুদ্রপথে, শ্বলপথে এবং বিমানযোগে ভারতীয় পণ্যের আমদানী, রপ্তানীর পরিমাণ (Quantity) এবং মূল্য (Value) সংক্রোড নানা রকষ তথ্য পরিবেশিত হ'য়ে থাকে।

(ii) Indian Trade Journal (সাধাহিক)

এতে বাণিজ্য সংক্রান্ত (বিশেষতঃ স্থল বাণিজ্য সংক্রান্ত) নানাবিধ রাণিতব্য প্রকাশিত হ'রে থাকে।

(iii) Monthly Bulletin of the Reserve Bank of India

এতে বিদেশী বাণিজ্য সংক্রান্ত রাশিতথ্য, জাহাত্ত সংক্রান্ত রাশিতথ্য এবং আমদানী-রপ্তানী থেকে উভূত আয়-ব্যয়ের হিসাব (Balance of Payment) ইত্যাদি স্মিবেশিত হ'রে থাকে।

এ ছাড়া নীচে বণিত সাময়িকীগুলিতেও বহিৰ্বাণিজ্য সংক্ৰাম্ভ নানা রকম প্রিসংখ্যান পরিবেশিত হয় :—

- (iv) Supplement to Monthly Statistics of Foreign Trade
- (v) Customs and Excise Revenue Statement of the Indian Union
- (vi) Statistics of Foreign Trade of India by Country and Currency Areas (মাসিক)
- (vii) Export of Indian Artware and Sports goods (মাসিক)

আক্রম্বরীণ বাণিজ্যের পরিসংখ্যান বহির্বাণিজ্যের মতো বিস্তারিতভাবে সংগৃহীত হয় না। তবে পাইকারী বাণিজ্য সম্বন্ধে নানাবিধ রাশিত্ব্য সংগৃহীত হয়। ভারতের আভ্যম্বরীণ বাণিজ্যসংক্রান্ত রাশিত্ব্য প্রধানতঃ নিমুলিবিত সাময়িকীগুলিতে প্রকাশিত হ'য়ে থাকে:—

(i) Accounts relating to Inland (Rail and Riverborne)
Trade of India (নাগিক)

এতে দেশের অভ্যন্তরে 63টি বাছাই করা পণ্যের বাণিজ্যিক দেনদেন সংক্রান্ত তথ্য পরিবেশিত হয়। এই উদ্দেশ্যে সমস্ত দেশকে ভৌগলিক দিক থেকে 36টি বাণিজ্যিক ব্লুক (Trade Block)-এ ভাগ ক'রে এই ব্লুকগুলির ভেতর উল্লিখিত 63টি পণ্যের চলাচল সংক্রান্ত রাশিতখ্য পরিবেশিত হয়।

- (ii) Statistics of the Coasting Trade of India (নাসিক)
 এতে নৌ বাণিজ্য নারকৎ দেশের আনদানী-রপ্তানীর পরিসংখ্যান
 পরিবেশিত হয়।
 - (iii) Statistics of Maritime Navigation of India (गांतिक) এতে জাহাজ সংক্রান্ত পরিসংখ্যান পরিবেশিত হ'রে পাকে।

(খ) ব্যাহ ও মুদ্রা সংক্রান্ত পরিসংখ্যান

এ সৰ পরিসংখ্যান প্রধানত: Reserve Bank of Indian নিমুলিখিত সাময়িকীগুলিতে পরিবেশিত হয়:—

- (i) Report on Currency and Finance (বাৰ্থিকী)
- (ii) Monthly Bulletin of the Reserve Bank of India
 - (iii) Statistical Tables relating to Banks in India (বাৰ্ঘিকী)
- (iv) Trends and Progress of Banking in India (বাৰ্ষিকী)
 —বৰ্ত্তমানে এই প্ৰকাশনটি বন্ধ আছে।

এগুলিতে বাজারে চালু থাক। মুদ্রার পরিমাণ, ব্যাক্ষের আমানত, কেন্দ্রীয় ও রাজ্য সরকারের আমানত, দাদন, অগ্রিম, চেক ক্লিয়ারেন্স (Cheque Clearance) ইত্যাদি সম্পর্কে খবর পরিবেশিত হয়।

(গ) রেজিষ্ট্রীকৃত কোম্পানী সংক্রান্ত পরিসংখ্যান

কেন্দ্রীয় সরকারের অর্থ মন্ত্রণালয় (Finance Ministry)—এর অধীন Company Law Administration দপ্তরের ত্রৈমাসিক Blue Book on Joint Companies—এ কোম্পানীর সংখ্যা, বন্ধ হওয়া কোম্পানীর সংখ্যা, মূল্ধনের পরিমাণ (Paid up Capital) প্রভৃতি সমন্ধে রাশিতথ্য প্রকাশিত হয়। এ ছাড়া C. S. O. কর্তৃক প্রকাশিত Statistical Abstract (বাঘিকী)—এও এ সমন্ধে কিছু কিছু রাশিতথ্য প্রকাশিত হয়।

(घ) बीमा गःकास পরিসংখ্যান

কেন্দ্রীর সরকারের অর্থ মন্ত্রণাল্যের অধীন Controller of Insurance দ্বারা প্রকাশিত Indian Insurance Year Book-এ বীমাসংক্রান্ত রাশিতখ্যাদি প্রকাশিত হয়।

7.7 বানবাহন সংক্রান্ত পরিসংখ্যান (-Transport and Communication Statistics)

মেলপথ সংক্রান্ত নানা প্রকার রাশিতথ্য, যথা, যাত্রীসংখ্যা, আর, ওয়াগন ভব্তি সংক্রান্ত পরিসংখ্যান ইত্যাদি রেল বৌর্ড (Rajiway Board) কর্ত্ব প্রকাশিত মাসিক Monthly Railway Statistics-এ মোটামুটি নিয়মিতভাবে প্রকাশিত হ'য়ে থাকে। এ ছাড়া প্রতি বৎসর প্রকাশিত Report on Indian Railways, Vol-I ও Vol-II-তেও রেলের পরিবহন, মাল পরিবহন, আয়, বয়য় এবং কামরা ও ওয়াগনের সংব্যা ইত্যাদি নানাবিধ পরিসংখ্যান পরিবেশিত হয়। C. S. O. র বামিকী Statistical Abstract-এও রেল সংক্রান্ত কিছু পরিসংখ্যান পরিবেশিত হয়।

ভারতের সড়ক সংক্রান্ত পরিসংখ্যান (Road Statistics) এখনও তেমন বিশদভাবে সংগৃহীত হয় না। যে সমস্ত পরিসংখ্যান পাওয়া যার তাও সাধারণতঃ দু-তিন বৎসরের পুরোনো হ'য়ে থাকে। কেন্দ্রীর সরকারের জাহাজ ও যানবাহন মন্ত্রণালয় কর্ত্ত্ প্রকাশিত Road Facts. India:(বার্ষিকী)-তে বিভিন্ন শ্রেণীর রান্তার দৈর্ঘ্য, এ সব রাম্ভা নির্মাণের এবং রক্ষণাবেক্ষণের ব্যয়, বিভিন্ন ধরণের গাড়ীর সংখ্যা, যাত্রীর সংখ্যা ইত্যাদি সম্পর্কে পরিসংখ্যান প্রকাশিত হয়ে থাকে। C. S. O. র ৰাষিকী—Statistical Abstract-এও সড়ক সংক্ৰান্ত কিছু কিছু ৰাশিতথ্য প্রকাশিত হ'য়ে থাকে। পশ্চিমবঙ্গের এ জাতীয় পরিসংখ্যানের জন্য পশ্চিমবঙ্গ সরকারের ফলিত অর্থনীতি এবং পরিসংখ্যান ব্যুরো (Bureau of Applied Economics and Statistics) কর্ত্ ক প্রকাশিত Statistical Handbook (বার্ষিকী)-এর উল্লেখ করা যেতে পারে। এতে রাজ্যের পূর্ত্ত বিভাগ (P. W. D.)-এর কর্তৃ থাধীন রাস্তার দৈর্ঘ্য (শ্রেণী অনুযায়ী), পৌরসভা, জেলা পরিষদ প্রভৃতি প্রতিষ্ঠান কর্ত্ত্ ক সংরক্ষিত রাস্তার দৈর্ঘ্য, রাস্তায় মোটরগাড়ীর সংখ্যা ইত্যাদি দেখানো হ'মে থাকে।

ভারতের অসামরিক বিমান পরিবহন (Civil Aviation) সম্পর্কিত কিছু কিছু পরিসংখ্যান—ষ্ণা, যাত্রী সংখ্যা, দুর্ঘ, আর-ব্যয় ইত্যাদি— Director General of Civil Aviation কর্তৃক প্রকাশিত Monthly News Letter on Civil Aviation-এ পরিবেশিত হয়।

এ ছাড়া ভারত সরকারের Director General of Post and Telegraph কর্তৃক প্রকাশিত Annual Report of the Post and Telegraph Department-এ বিলিক্ত চিঠি, মনি অর্ডার, পার্শেল, টেলিগ্রাম প্রভৃতির সংখ্যা, মনি অর্ডারের মোট মূল্য, ষ্ট্যাম্প বিক্রীর পরিমাণ্ড, টেলিকোন ও রেডিও সংক্রান্ত রাশিত্থ্য পরিবেশিত হয়।

7:8 ध्वजनः अतिमः अतिमः अतिमः (Labour Statistics)

ভারত সরকারের 'শ্রেম ব্যুরো'' (Labour Bureau) বিভিন্ন আইনের সহারতার শ্রমসংক্রান্ত নানাধরণের পরিসংখ্যান সংগ্রহ ক'রে থাকে। এই আইনগুলির মধ্যে উল্লেখযোগ্য হ'লে। Factories Act (1948), Trade Union Act (1926), Payment of Wages Act (1936), Workmen's Compensation Act (1923) ইত্যাদি। শ্রম ব্যুরো (Labour Bureau) কর্তৃক প্রকাশিত মাসিক-পত্র Indian Labour Journal-এ নিয়মিতভাবে বিভিন্ন শিল্পের কর্মী-সংখ্যা, গড় আয়, খুচরো দরের সূচক (Retail Price Index), শ্রমানারক্রম পরিসংখ্যান প্রকাশিত হয়। এ ছাড়া শ্রম ব্যুরো কত্তৃক প্রকাশিত নিম্নালিখিত সাময়িক গুলিতেও শ্রমিকসংক্রান্ত বিভিন্ন পরিসংখ্যান প্রকাশিত হয়:—

(i) Indian Labour Statistics (বাহিকী), (ii) Statistics of Factories (বাহিকী), (iii) Annual Report on the Working of Indian Trade Union Act, 1926, (iv) Annual Report on the Workmen's Compensation Act, 1923

কেন্দ্রীয় পরিসংখ্যান সংস্থা (C. S. O.) কর্তৃক প্রকাশিত Statistical Abstract of India (বার্ষিকী), Monthly Abstract of Statistics, Census of Central Govt. Employees (বার্ষিকী) এবং Labour Statistics Supplement of the Annual Survey of Industries Reports—এও শ্রমসংক্রান্ত নানারকম তথ্য প্রকাশিত হয়। ভারত সরকারের Director General of Resettlement and Emp'oyment কর্তৃক প্রকাশিত Quarterly Employment Review এবং Annual Employment Review—তে চাকরী বা কর্মসংস্থান সংক্রোন্ত নানারিধ পরিসংখ্যান পরিবেশিত হয়। ভারত সরকারের Chief Inspector of Mines কর্তৃক প্রকাশিত Annual Report of the Chief Inspector of Mines in India নামক সাময়িকীতে খনি শ্রমিক সংক্রোন্ত নানারকম রাশিত্বা সরিবেশিত হ'য়ে থাকে।

পশ্চিমবন্ধ সরকারের শ্রমণগুর (Labour Department) কর্তৃক প্রকাশিত মাসিকপত্র Labour Gazette-এ রাজ্যের শ্রমণ্টের সানারিধ পরিসংখ্যান প্রকাশিত হ'রে থাকে। রাজ্যের Chief Inspector of Factories-এর বার্থিক বিবরণীতে কারখানা শ্রমিকদের সম্বন্ধে নানারকর রাশিতথ্য প্রকাশিত হ'য়ে থাকে। এ ছাড়া রাজ্যের ফলিত অর্থনীতি এবং পরিসংখ্যান ব্যুরো (Bureau of Applied Economics and Statistics) কর্ত্ব প্রকাশিত Census of State Govt. Employees (বার্থিকী), Statistical Handbook (বার্থিকী), Statistical Abstract (বার্থিকী) এবং Economic Review (বার্থিকী) প্রভৃতিতে রাজ্যের কর্মসংস্থান, দরের সূচক, মজুরী ইত্যাদি সংক্রান্ত নানাবিধ পরিসংখ্যান পরিবেশিত হয়।

7.9 খর সংক্রোম্ভ পরিসংখ্যান (Price Statistics)

সব ধরণের পরিসংখ্যানের ভেতর দর সংক্রান্ত পরিসংখ্যানই সাধারণ মানুষের কাছে বিশেষভাবে পরিচিত। বিশেষতঃ শ্রমিক এবং বিভিন্ন শ্রেণীর মধ্যবিত্ত চাকুরীজীবীদের বেতনের সাথে দ্রব্যমূল্য বৃদ্ধিজনিত মহার্ঘভাত। (Dearness Allowance)-র পরিমাণ স্থির করার জন্য ভোজাদের দরের সূচক (Consumer Price Index)-এর ব্যাপক ব্যবহার প্রচলিত হওয়ায় দরসংক্রান্ত পরিসংখ্যান সম্বন্ধে সাধারণ লোকের উৎস্ক্রত্য এবং জ্ঞান—দুইই বৃদ্ধি পেয়েছে।

দর স্কুক্রান্ত পরিসংখ্যানের মধ্যে সব চাইতে প্রয়োজনীয় এবং প্রচলিত হ'লো নানারকম দরের সূচকের সারি (Price Index Series)। দু-শ্রেণীর দরের সূচক বিশেষভাবে উল্লেখযোগ্য। যথা, (i) পাইকারী দরের সূচক (Wholesale Price Index) এবং (ii) ভোক্তাদের দরের সূচক (Consumer Price Index)—যাকে জীবিকা নির্বাহন ব্যয়ের সূচক (Cost of Living Index) নামেও অনেক সময় অভিহিত করা হ'য়ে থাকে।

(ক) পাইকারী দরের সূচক সংখ্যা (Index Number of Wholesale Prices)

বছদিন ধ'রে ভারত সরকারের বাণিজ্য ও শিল্প মন্ত্রণালয়ের অর্থ-নৈতিক উপদেষ্টা (Economic Adviser to the Ministry of Commence and Industry, Govt. of India) কর্তৃক প্রতি, সপ্তাহে ভারতের পাইকারী দরের সূচক সংখ্যা (Weekly Index Number of Wholesale Prices) নিয়নিতভাবে প্রকাশিত হ'রে আসছে। যে সামরিকীতে এই সূচক প্রকাশিত হ'রে থাকে তাতে বিভিন্ন গুরুত্বপূর্ণ পর্ণোর পাইকারী দর্মন্ত প্রকাশিত হ'রে থাকে।

সালের আগষ্ট মাসে যে বৎসর শেষ হর সে বৎসরকে ভিত্তিকাল (Base Year) ধ'রে প্রথমে এই সূচক তৈরারী করা হ'তো। এ উদ্দেশ্যে 78টি প্রধান প্রধান পণ্যের পাইকারী দর 230টি বিভিন্ন জারগা থেকে সংগৃহীত হ'তো। এই 78টি পণ্যকে আবার 5টি প্রধান গোষ্ট্র (Major Group) এবং 18টি উপগোষ্ট্র (Sub Group)-তে ভাগ করা হ'তে।। সাবিক দরের সূচক (Overall Price Index)-টি নিৰ্ণীত হ'তো বিভিন্ন পণ্যের আপেক্ষিক দর (Price Relative)-এর ভারযুক্ত গুণোত্তর গড় (Weighted Geometric Mean) নিয়ে। ভিত্তি-কাল (Base Period)-এ বাজারজাত বিভিন্ন পণ্যের মোট মূল্য (Value)-কে ভার (Weight) হিসাবে ধরা হ'তো। 1952-53 সালের व्याधिक वर्शततक (व्यर्थार त्य वर्शत 1953 शालत मार्क्क लाघ र'त्यह) ভিত্তিকাল হিসেবে ধ'রে ঐ সাল থেকে পাইকারী দরের পরিবত্তিত সূচক প্রচলিত করা হয়। এর জন্য 112টি বিভিন্ন পণ্যের পাইকারী দর 555টি ক্ষেত্র থেকে পাঁচটি প্রধান গোষ্ঠা (Major Group)-তে সংগ্রহের ব্যবস্থা করা হয়। বিভিন্ন পণ্যের আপেক্ষিক দরের (Price Relative) ভারযুক্ত গাণিতিক গড় (Weighted Arithmetic Mean) নিয়ে গাবিক দরের পূচক (Overall Price Index) নির্ণীত হয়। ভিত্তিকালে (Base Period) বাজারে আসা বিভিন্ন পণ্যের মোট মূল্য (Marketed Value)-কে ভার (Weight) হিসেবে ধরা হয়।

বর্তমানে উপরোক্ত দরের সূচকের ভিত্তিকাল আর একবার পরিবত্তিত ক'রে 1961-62 করা হ'য়েছে। এই পরিবৃত্তিত সূচক 1969 সালের জুলাই-এর প্রথম সপ্তাহ থেকে নিয়মিতভাবে প্রকাশিত হ'চ্ছে। এখানে 139টি বিভিন্ন পণ্যের পাইকারী দর 774টি ক্ষেত্র থেকে সাতটি প্রধান গোঞ্চতে সংগ্রহ করা হয়। এখানেও বিভিন্ন পণ্যের আপেক্ষিক দরের ভারযুক্ত গাণিতিক গড় নিয়ে সাবিক সূচকটি নির্দয় করা হয়। ভিত্তিকালে বাজারে আসা বিভিন্ন পণ্যের মোট মূল্যকে ভার হিসেবে ধরা হয়।

দরের সূচকটি যাতে দেশের বিভিন্ন স্থানের দরের গতির নির্দেশক হয় সে সম্বন্ধে নিশ্চিত হবার জন্য সূচকটিতে ব্যবহৃত প্রতিটি পণ্যের দর দেশের বিভিন্ন অঞ্চলের অনেকগুলি বাজার থেকে সংগ্রহ করা হ'য়ে থাকে। এসব দরের গড় নিয়ে প্রতি পণ্যের গড় দর নির্ণয় করা হ'য়ে থাকে। এর পর প্রতিটি পণ্যের চল্তি কালের গড় দরকে ভিত্তিকালের গড় দরের শতকর। হিসাবে প্রকাশ করা হয়। এই শতকর। হিসাবকে নিদিষ্ট পণ্যের আপেক্ষিক দর (Price Relative) ব'লে অভিহিত করা হয়।

পশ্চিমবন্ধ সরকারের ফলিত অর্থনীতি এবং পরিসংখ্যান ব্যুরো (Bureau of Applied Economics and Statistics) 1952-53 সালকে ভিত্তিকাল ধ'রে কলকাতার পাইকারী দরের সূচক নির্ণয় ক'রে থাকে। এখানে ৪৪টি বিভিন্ন পর্ণোর পাইকারীদর 193টি ক্ষেত্রে থেকে সংগ্রহ কর। হ'য়ে থাকে। আপেক্ষিক দরের ভারযুক্ত গাণিতিক গড় নিয়ে সাবিক সূচক নির্ণীত হয়। ভিত্তিকালে বাজারে জাসা বিভিন্ন পর্ণোর মোট মূল্যকে ভার হিসেবে ধরা হয়।

(খ) জীবিকা নির্বাহন ব্যয়ের স্থচক সংখ্যা (Cost of Living Index Number) বা ভোজাদের দরের সূচক সংখ্যা (Consumer Price Index Number)

এ ধরণের দরের সূচক দেশের নানা জায়গা থেকে প্রকাশিত হ'য়ে থাকে। সর্বভারতীয় ভিত্তিতে ভারত সরকারের শ্রম ব্যুরো (Labour Bureau, Govt. of India) কর্তৃক প্রকাশিত মাসিকপত্র Indian Labour Journal-এ দেশের বিভিন্ন কেন্দ্রের শ্রমিক শ্রেণীর জীবিকা নির্বাহণ ব্যয়ের সূচক প্রকাশিত হ'য়ে থাকে। শ্রম ব্যুরো কর্তৃক সঙ্কলিত এবং প্রকাশিত জীবিকা নির্বাহণ ব্যয়ের এই সূচকগুলি তিনটি সারি (Series)-তে প্রকাশিত হয়। (ক) প্রথম সারিটি শ্রম ব্যুরোর সারি (Labour Bureau Series) ব'লে পরিচিত। এতে 21টি কেন্দ্রের দরের সূচক প্রকাশিত হয়। (খ) দ্বিতীয় সারিটি রাজ্যের সারি (State Series) ব'লে পরিচিত। এতে 1৪টি কেন্দ্রের দরের সূচক প্রকাশিত হয়। (খ) দ্বিতীয় সারিটি রাজ্যের স্টুক প্রকাশিত হয়। এ সব দরের সূচকের ক্ষেত্রে 1949 সালকে ভিত্তিকাল ব'লে ধরা হয়। (গ) এ ছাড়া 1960 কে ভিত্তিকাল ধরে 41টি কেন্দ্রের জন্য একটি পরিবাহিত দরের সূচকও প্রকাশিত হ'য়ে থাকে।

পশ্চিমবন্ধ সরকারের ফলিত অর্থনীতি এবং পরিসংখ্যান ব্যুরো (Bureau of Applied Economics and Statistics) ক'লকাতাক্ষ্ম পশ্চিমবন্ধের 25টি কেন্দ্রের জন্য মাসিক জীবিকা নির্ব্বাহন ব্যয়ের সূচক প্রস্তুত ক'রে থাকে। প্রতি কেন্দ্রে পাঁচটি বিভিন্ন ব্যয়ন্তর (Expenditure Level)-এর জন্য আলাদা আলাদা সূচক প্রস্তুত করা হ'রে থাকে। এই ব্যয়ন্তরগুলি হ'লো—(1) যে সব পরিবারের মাসিক ব্যয় 1 টাকা

পেকে 100 টাকা, (2) বে সব পরিবারের মাসিক ব্যয় 101 টাকা থেকে 200 টাকা, (3) বেসব পরিবারের মাসিক ব্যয় 201 টাকা থেকে 350 টাকা, (4)- বেসব পরিবারের মাসিক ব্যয় 351 টাকা থেকে 700 টাকা এবং (5) বেসব পরিবারের মাসিক ব্যয় 701 টাকা কিংবা তার বেশী। এছাড়া ক'লকাতার জন্য প্রতি সপ্তাহে তিনাট ব্যয়ন্তরে তিনাট পৃথক জীবিকা নির্কাহন ব্যয়ের সূচক প্রস্তুত করা হ'য়ে থাকে। এই ব্যয়ন্তরগুলি হ'লো (1) বে সব পরিবারের মাসিক ব্যয় 1 টাকা থেকে 100 টাকা, (2) বেসব পরিবারের মাসিক ব্যয় 101 টাকা থেকে 200 টাকা এবং (3) যে সব পরিবারের মাসিক ব্যয় 201 টাকা থেকে 350 টাকা। আগে এসব সূচকের ভিত্তিকাল ছিলো নভেম্বর, 1950। কিন্তু পরে ভিত্তিকালের পরিবর্ত্তন করা হ'য়েছে। এখন 1960 সালকে ভিত্তিকাল হিসাবে ধরে সূচক সংখ্যা নির্পয় করা হ'চেছ।

ক'নকাতা থেকে প্রকাশিত বাণিজ্য ও অর্থনীতি সংক্রান্ত সাপ্তাহিক প্রক্রিকা Capital-এও ক'নকাতা ও তার শিল্পাঞ্চলের জন্য সাপ্তাহিক জীবিকা নির্ব্বাহণ ব্যয়ের সূচক প্রকাশ করা হ'য়ে থাকে।

কেন্দ্রীয় শ্রম ব্যুরে। এবং পশ্চিমবক্ত সরকারের ফলিত অর্থনীতি এবং পরিসংখ্যান ব্যুরো—এই দুই সংস্থাই জীবিকা নির্বাহন ব্যুরের সূচকের ভার (Weight) নির্বায় করার জন্য মাঝে মাঝে পারিবারিক আয় ব্যয়ক সমীকা (Family Budget Enquiry) ক'রে থাকে।

পশ্চিমবক্ষ সরকারের শ্রম দপ্তর (Labour Department) কর্তৃ ক প্রকাশিত West Bengal Labour Gazette-এ রাজ্যের বিভিন্ন কেন্দ্রের শ্রমিক শ্রেণীর জীবিক। নির্বাহন ব্যয়ের সূচক প্রকাশ করা হ'রে পাকে।

ওপরে উল্লিখিত সংস্থাগুলি ছাড়া তারও অনেক সরকারী এবং বেসরকারী সংস্থা দেশের বিভিন্ন ধরণের পণ্যের দর এবং দরের সূচক সন্ধান ক'রে থাকে। ভারত সরকারের খাদ্য এবং কৃষি মন্ত্রণালয়ের অর্থনৈতিক এবং পরিসংখ্যান অধিকর্তা কর্ত্ত্ ক প্রকাশিত Bulletin of Agricultural Prices (সাপ্তাহিক)—এ প্রতি সপ্তাহে ভারতের বিভিন্ন নির্বাচিত কেন্দ্রের অনেকগুলি কৃষি পণ্যের পাইকারী ও খুচরে। দর পরিবেশিত হয়। কেন্দ্রীয় সরকারের Director General of Commercial Intelligence and Statistics কর্ত্ত্ ক প্রকাশিত সাপ্তাহিক Indian Trade Journal—এ নানারক্য শিল্পাত ও ভোগ্য পণ্যের পাইকারী দর নির্বিত ভাবে প্রকাশিত হয়।

7.10 অপরাপর বিবিধ বিষয় সংক্রোন্ত পরিসংখ্যাল (Miscellaneous Statistics)

(ক) শিক্ষা সংক্রোন্ত পরিসংখ্যান

ভাবে প্রকাশিত হয় না। য়া হয় তা-ও ভাবার বেশ কয়েক বছরের
পুরোণো। তবে ভারত সরকার কর্তৃক প্রকাশিত নিমুলিখিত সাময়িকীগুলিতে শিক্ষাসংক্রান্ত নানাবিধ রাশিতখ্য পরিবেশিত হয়—(i) Education
in India, (ii) Education in Universities in India এবং
(iii) Education in the States in India । এর মধ্যে (i) - নং
সাময়িকীটি কেন্দ্রীয় সরকারের শিক্ষা ও যুবকৃত্যক ময়ণালয় কর্তৃক বার্ষিক
ভিত্তিতে প্রকাশিত হয়। এতে বিভিন্ন শ্রেণীর শিক্ষায়তনের সংখ্যা, শিক্ষক
ও ছাত্রের সংখ্যা, পরীক্ষার ফলাফল, শিক্ষকের বেতন, সরকারী বৃত্তি
প্রভৃতি সংক্রান্ত রাশিতখ্য সয়িবেশিত হ'য়ে থাকে। এছাড়া C.S.O-র
বার্ষিকী Statistical Abstract-এ ভারতের শিক্ষাসংক্রান্ত নানাবিধ পরিসংখ্যান পরিবেশিত হ'য়ে থাকে। লোকগণনার বিবরণী (Census
Report) গুলিতে দেশের মোট জক্ষরজ্ঞান সম্পন্ন লোকের সংখ্যা এবং
শিক্ষার মান জনুযায়ী জনসংখ্যার বিন্যাস ইত্যাদি সংক্রান্ত নানারকম
রাশিতথ্য পরিবেশিত হ'য়ে থাকে।

পশ্চিমবঙ্গ সরকারের ফলিত অর্থনীতি এবং পরিসংখ্যান ব্যুরো (Bureau of Applied Economics and Statistics) কর্তৃক প্রকাশিত বার্ঘিকী Statistical Hand-book-এ পশ্চিমবঙ্গের শিক্ষাসংক্রোম্ভ নানাবিধ রাশিতথ্য পরিবেশিত হয়।

(খ) জাতীয় আয় (National Income) ও আয়কর (Income Tax) সংক্রোন্ত পরিসংখ্যান

কেন্দ্রীয় পরিসংখ্যান সংস্থা (C.S.O.) কর্ত্ত্ব প্রতি বৎসর ভারতের জাতীয় আয়ের গতিপ্রকৃতি সম্বন্ধে Estimates of National Product পরিবেশিত হয়। অনুরূপভাবে পশ্চিমবঙ্গ সরকারের ফলিত অর্থনীতি এবং পরিসংখ্যান ব্যুরো (Bureau of Applied Economics and Statistics) রাজ্যের আয় (State Income) সংক্রান্ত বিবরণী প্রকাশ ক'রে থাকে।

: আরকর সংক্রান্ত রাশিতথা কেন্দ্রীয় সরকারের Central Board of Direct Taxes কর্তৃক প্রকাশিত All India Income Tax Statistics (বামিকী) এবং Statewise Income Tax Statistics (বামিকী)-এ প্রকাশিত হয়।

(গ) বিবিধ

কেন্দ্রীয় পরিসংখ্যান সংস্থা (C.S.O.) কর্তৃক প্রকাশিত Statistical Abstract, India, (বার্থিকী) এবং Monthly Abstract of Statistics এ বছবিধ বিষয়ের যেমন, আবহাওয়া, বিচার ও আইন, সরকারী আম ব্যয় ইত্যাদি পরিসংখ্যান সন্নিবেশিত হ'য়ে থাকে। এসব পরিসংখ্যান সাধারণতঃ সারা ভারত সম্পর্কীয় হয়। অনুরূপভাবে পশ্চিমবক্ষ সরকারের কলিত অর্থনীতি এবং পরিসংখ্যান ব্যুরো (Bureau of Applied Economics and Statistics) কর্তৃক প্রকাশিত Statistical Abstract, West Bengal (বার্থিকী) এবং Statistical Handbook (বার্থিকী) এব রাজ্যের বছবিধ বিষয় সংক্রান্ত পরিসংখ্যান পরিবেশিত হ'য়ে থাকে।

দিতীয় খণ্ড

Total 1

•		

প্রথম পরিছেদ

थाएक विद्यावन

(Analysis of Variance)

1.1.1. ভূমিকা: অনেক সংশয় বিচারের (tests of significance) কেত্রে পূর্ণকের (population) ভেদমানের (variance) चूंहि श्रीक्कननी मान (estimate) निरम्रांश क'त्रा इस । অবেন্দণে যে ভেদ আছে তাকে বিভিন্ন বৈশিষ্টগত উৎসে বিভক্ত ক'রার জন্য R. A. Fisher একটি বিশেষ পদ্ধতির উদ্ভাবন করেন— এর নাম প্রভেদ বিশ্লেষণ। প্রভেদ বিশ্লেষণ হ'ল পরীক্ষার গঠন প্রণালী এবং প্রাসঙ্গিক করাকলকে একটিমাত্র স্থবিন্যন্ত সারণীতে উপস্থাপিত ক'রার একটি গাণিতিক পদ্ধতি যার ফলে প্রয়োজনীয় সংশয় বিচারের পরীক্ষা ্সহজেই ক'র৷ যায়। পরীকার গঠন পদ্ধতি, পরীক্ষার ফলাফল জানার আগেই পরীক্ষাটি পরিকল্পনা ক'রার সময়েই ঠিক ক'র। হয়। এটা নির্ভর ক'রে সম্পূর্ণরূপে পরীক্ষাটির উদ্দেশ্য এবং প্রাপ্য স্থবোগ স্থবিধার উপর 🕽 যেমন ধরা যাক একটি কৃষিবিজ্ঞান সংক্রান্ত পরীক্ষায় কয়েক প্রকার বীদ্ধের গুণাগুণ পরীক্ষা করতে হ'বে। সেক্ষেত্রে পরীক্ষার গঠন পদ্ধতি নির্ভর ক'রবে কতগুলি বীদ্ধকে পরীক্ষা ক'রা হ'বে, প্রত্যেকটি বীদ্ধকে কতবার ক'রে পরীক্ষা ক'রা হ'বে এবং পরীক্ষাটি কিভাবে পরিকল্পনা ক'র। হ'বে তার উপর। উদাহরণ স্বরূপ ধরা যাক আমরা পশ্চিম বচ্ছের বিভিন্ন জেলার ধানের উৎপাদন সম্পর্কে পরীক্ষা ক'রতে চাই। পাঁচ জাতের ধানের বীজ নিয়ে পরীক্ষা হুরু ক'রা হ'ল। ধানের ভাল উৎপাদন হয় এমন আটটি জেলা বেছে নেওয়া হ'ল। প্রতিটি জেলায় সমপরিমাণ স্বারগার একই পদ্ধতি অনুসরণ ক'রে পাঁচ প্রকার ধানের চাঘ ক'রে তাদের উৎপাদন লক্ষ্য ক'রা হ'ল। তাহলে পাঁচ প্রকার বীজের জন্যই আমর। আটটা ক'রে অবেক্ষণ পেলাম। আমাদের স্বীকরণ অনুযায়ী একই **শ্রেণীর বিভিন্ন অবেক্ষণগুলি এ**কে অপরের থেকে পৃথক হওয়ার একমাত্র কারণ সম্ভাবনাশ্ররী লান্তি। এখন এই 40টা অবেক্ষণের মধ্যে যে ভেদ আছে তাবে দুটি ভাগে ভাগ ক'রে ফেলা হল। এক, বিভিন্ন শ্রেণীর গভ্নানগুলির পার্থক্যহেতু যে ভেদ এবং দুই, একই শ্রেণীর মধ্যে বিভিন্ন অবেক্সপন্তালির সংগে ঐ শ্রেশীর গড় মানের পার্ধক্য হেতু বে ভেদ তার

একটা সমষ্ট্রগত পরিমাপ। দুটি ক্ষেত্রেই পূর্ণকের ভেদমানের প্রাককলনী মান পাওরা বাবে তাদের স্কুর্ব। করে আমরা একটি সংশয় বিচারাছ शाव। এখন यपि मत्न दय यि विजिन्न स्वनाधनित्क मनुना यदा निजया ठिक बग्न धर: वीकश्ववित मर्सा भाषका जाए किना छ। जानरा र'तन **प्यनाधनित गर्था एवं भार्थका भारक छ। वाप प्रध्या पत्रकात छ। र**ित আমাদের পরিকল্পনাটির একটু রদবদন করতে হ'বে। আমরা 40টি অবেক্ণকে পাঁচ প্রকার বীজের অনুরূপ পাঁচটি সারিতে ভাগ ক'রলাম। তারপর প্রতি সারির আটটি জেনার অনুরূপ আটটি স্তন্তে ভাগ ক'রা হ'ন। প্রতিটি ছেবার প্রতিটি বীছের জন্য ঠিক একটি ক'রে অবেক্ষণ পাওয়া গেল। এখন সমস্ত অবেন্ধণে যে ভেদ আছে তাকে তিনটি ভাগে ভাগ ক'রে ফেলা সম্ভব হ'বে। এগুলিকে তুলনা ক'রে ব'লা যেতে পারবে বীম্বগুলির मर्सा भार्षका चाह्य किना वा विजिन्न स्वनाधिन गमुना किना। चरनक সময় দেখ। যায় কোন বিশেষ জেলায় বিশেষ প্রকার ধানের উৎপাদন হয়ত ভাল । রাশিবিজ্ঞানের ভাষায় বলা যায় জেলাগুলি এবং বিভিন্ন প্রকার ধানের বীজ্ঞনি একে অপরের অনপেক্ষ নয় এবং কোন জেলায় কোন বীজটি বপন ক'রা হ'ল তার উপর নির্ভর ক'রে পরীক্ষাটির ফলাফল। সেকেত্রে প্রতিটি জেলায় অন্তত: একের অধিক অবেকণ নিয়ে জেলা ও वीक्शनित योषकियात कन পत्रीका क'ता হয়।

প্রভেদ বিশেলনণে যে পদ্ধতি অবলম্বন ক'রা হয় কয়েকটি সহজ্বতর ক্ষৈত্রে আমরা তার আলোচনা করব।

পরবর্তী অনুচ্ছেদগুলিতে আমর। বিশেষক কথাটি বারংবার ব্যবহার করব। তাই বিশেষক বলতে আমর। কি বুঝি বলা দরকার। বিশেষক বলতে আমর। বুঝাব যে উপাদানগুলি সম্পর্কে আমর। পরীকা চালাচ্ছি। উদাহরণ স্বরূপ, কৃষিজ গবেষণারক্ষেত্রে বিশেষক ব'লতে বুঝাব যে কোন প্রকার ''বীজ'' অথব। ''সার'' অথব। ''কৃষি পদ্ধতি''। এমনকি বীজ বপনের কোন উন্নত ধরণের পদ্ধতিকেও বিশেষক হিসাবে চিন্থিত ক'রা হয়।

1.1.2. একবারা শ্রেণীবিশ্বালী উপাত্তের প্রভেদ বিশ্লেষণ : ধরা যাক k শ্রেণীতে বিভক্ত n সংখ্যক অবেক্ষণ আছে ; যার মধ্যে i তম শ্রেণীতে অবেক্ষণের সংখ্যা হ'ল n_i , iতম শ্রেণীর jতম অবেক্ষণটের মান যদি x_{ij} হয় এবং শ্রেণীগুলিকে যদি T_1 , T_2 , ... T_k হিসাবে চিষ্টিত ক'রা হয়, তাহ'লে আমরা সমন্ত অবেক্ষণগুলিকৈ নিচের সারণীতে বিন্যাস ক'রতে পারি i

1.1. जर जानुनी

ধরা যাক, সমস্ত আবেক ণগুলির মোট মান G এবং সমষ্টিগত গড়মান ক্র..

তাহ'লে
$$\bar{x}_i.=\frac{n_i}{n_i}\sum_{i=1}^n x_{ij},\ i=1,\,2,...k$$
 (1.1)

্ববং
$$\bar{w}_{..} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{k} \sum_{j=1}^{n_i} x_{ij} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n_i} n_i \bar{w}_i.$$
 (1.2)

এক্ষনে, সমস্ত অবেক্ষণগুলির মোট ভেদের পরিমাণ

$$\sum_{i=1}^{k} \sum_{j=1}^{n_i} (x_{ij} - \bar{x}_{..})^2 = \sum_{i=1}^{k} \sum_{j=1}^{n_i} x^2_{i} - n\bar{x}^2_{..}$$
(1.3)

এই ভেদকে আমর। নিমুলিখিত ভাবে বিভক্ত ক'রতে পারি

$$k n_{i} k n_{i} \sum_{j=1}^{k} (x_{ij} - \bar{x}_{..})^{2} = \sum_{j=1}^{k} \sum_{j=1}^{k} (x_{ij} - \bar{x}_{i}. + \bar{x}_{i}. - \bar{x}_{..})^{2}$$

$$= \sum_{j=1}^{k} (x_{ij} - \bar{x}_{i}.)^{2} + \sum_{j=1}^{k} (\bar{x}_{i}. - \bar{x}_{..})^{2}$$

$$= \sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}_{i}.)^{2} + \sum_{ij} (\bar{x}_{ij} - \bar{x}_{i}.)^{2}$$

$$+ 2\sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}_{i}.)(\bar{x}_{i}. - \bar{x}_{..})$$

$$= \sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}_{i}.)(\bar{x}_{i}. - \bar{x}_{..})^{2}$$

িকন্ত
$$\Sigma(x_{ij} - \bar{w}_i.)(\bar{w}_i. - \bar{w}..)$$

$$= \sum_i (\bar{w}_i. - \bar{w}..) \Sigma(x_{ij} - \bar{w}_i.)$$

$$= 0$$

বেহেতু
$$\Sigma(x_{ij} - \bar{x}_{i\cdot}) = 0$$
 j
অভএব, $\Sigma(\bar{x}_{ij} - \bar{x}_{\cdot\cdot})^2 = \Sigma(x_{ij} - \bar{x}_{i\cdot})^2 + \Sigma(\bar{x}_{i\cdot} - \bar{x}_{\cdot\cdot})^2$
 ij
 $= \Sigma(x_{ij} - \bar{x}_{i\cdot})^2 + \Sigma n_i(\bar{x}_{i\cdot} - \bar{x}_{\cdot\cdot})^2$
 ij

আমরা যদি $\Sigma(x_{ij}-\bar{w}_{i\cdot})^{2}$ কে $S^{2}W$ নিধি এবং $\Sigma n_{i}(\bar{w}_{i\cdot}-\bar{w}_{\cdot\cdot})^{2}$ কে $S^{2}B$ নিধি, তাহ'নে $\Sigma(x_{ij}-\bar{w}_{\cdot\cdot})^{2}=S^{2}W+S^{2}B\dots$ (1.4)

একটু লক্ষ্য ক'রলে বোঝা যাবে S^2_B হ'ল শ্রেণীগুলির গড়মান সমষ্ট্রিগত গড়মান থেকে কতটা পূথক তার একটা পরিমাপ এবং S^2_W হ'ল একই শ্রেণীর মধ্যে বিভিন্ন অবেক্ষণগুলি কতটা পূথক তার একটা সমষ্ট্রিগত পরিমাপ। যেহেতু একই শ্রেণীর মধ্যে অবেক্ষণগুলি কেন পূথক তার কোন যুক্তিসংগত কারণ দেখান বায় না, তাই S^2_W কে সাধারণতঃ শ্রান্তির পরিমাপ হিসাবে ধরা হয়।

1.1.3. चन् রৈশিক প্রভিন্নপ এবং প্রভেদ বিশ্লেষণ পরীক্ষার বীকরণ: ধরা যাক i শ্রেণীর j তম অবেক্ষণাটর মান xij আমরা xijকে তিনাট অংশের যোগফল হিসাবে ধরতে পারি । প্রথম অংশ হল p, যা প্রতিটি অবেক্ষণের মধ্যে সমপরিমাণ বিদ্যমান। বিভীয় অংশ হ'ল ফা যা তম শ্রেণীর বিশেষ ফল অর্ধাৎ তম শ্রেণীর প্রতিটি অবেক্ষণের মধ্যে যা সমপরিমাণে আছে। আর তৃতীয় অংশ হ'ল ভা অর্ধাৎ xij অবেক্ষণাটর মধ্যে যে পরিমাণ লান্তি আছে।

স্থতরাং আমরা নিখতে পারি

$$x_{ij} = \mu + \tau_i + \epsilon_{ij} \tag{1.5}$$

আমরা ধরে নিতে পারি যে μ কে এমনভাবে নিয়ন্ত্রণ ক'রা হ'ল যাতে $\Sigma \tau_i = 0$. আমরা আরও ধরে নিই যে ϵ_{ij} গুলি হ'ল একে অপরের অনপেক (independent) সন্তাবনাশ্রমী (Random) চলক (variate) বাদের প্রত্যাশা শুন্য এবং বারা শুরু যে অন্য ϵ গুলির সংগেই অনপেক ভাই নয় ভারা τ_i গুলির সংগেও অনপেক। আমাদের পরীক্ষণীয় প্রকন্মটি হ'ল প্রতিটি τ_i এর মান সমান অর্থাৎ বিশেষকগুলির (treatment) নধ্যে কোন পার্থক্য নেই। বিকর প্রকর্মটি (Alternative hypothesis) হ'ল অন্ততঃ একটি τ_i এর মান এই সমমান হ'তে পৃথক। আমাদের পূর্বের শীকরণ $\Sigma \tau_i = 0$ এই প্রকর্মটির সংগে বোগ করনে প্রকর্মটি দাঁড়ার

$$H_o(\tau_1 = \tau_2 = ... = \tau_h = 0)$$

বদি আমরা আরও খীকার ক'রে নিই যে ϵ_{ij} গুলি একটি নর্যাল নিবেশণ বেনে চ'লে যার গড়মান 0 এবং ডেলমান σ^2 এবং যদি প্রকল্পটি সত্য হর তাহঁ'লে $\Sigma(x_{ij}-\bar{\omega}_{\cdot\cdot\cdot})^2/\sigma^2$ এর নিবেশন হ'বে x^2 যার আত্র্য্যাত্রা হ'বে ij n-1. তাছাড়া প্রতিটি i এর জন্য $\Sigma(x_{ij}-\bar{\omega}_{i\cdot\cdot})^2/\sigma^2$ এর নিবেশন হ'বে x^2 যার আত্র্য্যমাত্রা হ'বে n_i-1 এবং যেহেতু $i\neq i'$ হলে $\Sigma(x_{ij}-\bar{\omega}_{i\cdot\cdot})^2/\sigma^2$ এবং $\Sigma(x_{ij}-\bar{\omega}_{i\cdot\cdot})^2/\sigma^2$ একে জন্যের জনপেক, j স্তরাং $\Sigma(x_{ij}-\bar{\omega}_{i\cdot\cdot})^2/\sigma^2$ এর নিবেশনও হ'বে x^2 যার আত্র্য্য মাত্রা হ'বে $\Sigma(n_i-1)=n-k$.

এখন (1.4) নং সমীকরণ হ'তে দেখতে পাচ্ছি বামদিকটি $x^2\sigma^2$ নিবেশন মেনে চ'লে যার স্বাতস্ক্র্য মাত্রা n-1 এবং S^2_W ও $x^2\sigma^2$ নিবেশন মেনে চ'লে যার স্বাতস্ক্র্য মাত্রা হ'ল n-k. স্থতরাং S^2_W ও $x^2\sigma^2$ নিবেশন মেনে চ'লবে স্বাতস্ক্র্য মাত্রা হ'বে (n-1)-(n-k)=k-1.

সূতরাং $F = \frac{S^2_B/k-1}{S^2W/n-k}$ এর নিবেশন হ'বে F এবং স্বাতস্ত্র্য মাত্রা হ'বে k-1 এবং n-k.

এই ফ্লাফনগুলিকে আমর। সংক্ষেপে একটি সারণীতে উপস্থাপিত ক'রি তীর নাম প্রভেদ বিশ্রেষণ সারণী।

1.2 নবর সারণী একধারা শ্রেণী বিন্যাসী উপাত্তের প্রভেদ বিশেলবণ

প্রভেদের উৎস (Source of variation)	স্বাতষ্ট্য মাত্রা (Degrees of freedom)	সমষ্টিবৰ্গ (Sum of Squares)	গড়বৰ্গ (Mean Squares)	F
শ্রেণীগুলির নধ্যে (Between classes)	k-1	$S^{2}_{B} = \sum_{i} n_{i}(\bar{x}_{i} \bar{x})^{2}$	$s^2_B = \frac{S^2_B}{k-1}$	s²B s²W
একই শ্রেণীর নধ্যে (Within classes)	n-k	$S^{2}_{W} = \sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}_{ij})^{2}$	$s^2 w = \frac{S^2 w}{n - k}$	
ट्यांडे	n-1	$S.S.T = \sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x})^2$		

4

1.1. উহাৰ্থাণ। শিশুর ওজনের উপর বিভিন্ন শিশুনাংগ্যর কতচুকু প্রভাব তা জালার জন্য জাট প্রকার শিশুনাংগ্যর জন্য তিন মানে 54টি শিশুর বে পরিমাণ ওজন বৃদ্ধি হ'রেছে তা নিচের সারণীতে পেওরা হ'ল। প্রভেদ বিশ্লেষণ ক'রে দেখ বিভিন্ন প্রকার শিশুনাংগ্যর মধ্যে বিশেষ কোন পার্থক্য আছে কিনা।

1.3 **সম্বর সারণী** শিতখাছের প্রকার

	1	2	3	4	٥	6	/	8
	2.0	3.5	3.3	3.5	2.6	3-1	2.6	2.5
जार ्	2.8	2.8	3.6	3.3	2.6	2.9	2.2	2.4
173 @	3.3	3•2	2.6	3.2	2.9	3.1	2.2	3.0
8 4tc	3.2	3.5	3·1	2.9	2.0	2.5	2:5	1.5
जू कि	4.4	2.3	3 2	3.3	2.0		1.2	
ভিন মাসে বিভিন্ন শ্ৰেণীর শিশুখাদ্যের প্রভাবে শিশুদের ওজন বৃদ্ধির পরিমাণ	3.6	2.4	3 3	2.5	2.1		1.2	
बि <u>लि</u> अटम ब	1.9	2.0	2.9	2.6				
# (F	3.3	1.6	3.4	2.8				
ছি	2.8		3.2			 		
	1.1		3.2	-				

 $\begin{array}{c} \text{ditter } n_1 = 10, \ n_2 = 8, \ n_3 = 10, \ n_4 = 8, \ n_5 = 6, \ n_4 = 4, \ n_7 = 6, \ n_8 = \\ \sum x_{1j} = 28 \cdot 4, \ \sum x_{2j} = 21 \cdot 3, \ \sum x_{2j} = 31 \cdot 8, \ \sum x_{4j} = 23 \cdot 8, \ \sum x_{2j} = 14 \cdot 2, \\ j \qquad \qquad j \qquad \qquad j \qquad \qquad j \\ \sum x_{4j} = 11 \cdot 6, \qquad \sum x_{7j} = 11 \cdot 9, \qquad \sum x_{8j} = 9 \cdot 4, \qquad G = \sum x_{ij} = 152 \cdot 4, \\ i \qquad \qquad i \qquad \qquad i \\ n = \sum n_i = 56; \end{array}$

মুতরাং, অসংশোধিত মোট লম্ট্রের্গ $=\Sigma x^2$ $_{ij}$ =439.40

নংশোৰন অংশ (correction factor)=
$$\frac{G^2}{n}$$
=414·74571
সংখ্যাৰিত বোট সৰষ্ট বৰ্গ= $\Sigma(x_{ij}-\bar{x}..)^2=\Sigma x^2_{ij}-G^2/n$
 ij
=439·40 -414 ·74571
= 24·65429
বিশেষক (treatment) সমষ্টিবৰ্গ=শ্ৰেণীগুলির মধ্যে সমষ্টিবৰ্গ

বিশেষক (treatment) সমষ্ট্ৰৰ্গ = শ্ৰেণী গুলির মধ্যে সমষ্ট্ৰৰ্গ
$$= \Sigma (\bar{x}_i - \bar{x}..)^2 = \sum_i \frac{X_i.^3}{n_i} - \frac{G^3}{n}$$

$$= 422 \cdot 23462 - 414.74571$$

$$= 7 \cdot 48891$$

অতএব লান্তি (error) সমষ্টিবর্গ — একই শ্রেণীর মধ্যে সমষ্টিবর্গ — নোট সমষ্টিবর্গ — বিশেষক সমষ্টিবর্গ — 24·65429 — 7·48891 — 17·16538

1.4. মন্দর সারণী প্রভেদ বিশ্লেষণ সারণী

উৎস	স্বাতস্ত্র্যনাত্রা	সমষ্টিবৰ্গ	গড়বৰ্গ	F
বিশেষক শ্রান্তি	7	7·48891 17·16538	1 0698 •3576	2-99*
মোট	55	24.65429		

এখন আমর। F-নিবেশন সারণী থেকে দেখছি $F_{7,48}$ (.05)=2·20 এবং $F_{7,48}(1\cdot0)=3\cdot03$

স্তরাং আমরা ব'লতে পারি যে 5% সংশয় মাত্রায় বিশেষকটি তাৎপর্যপূর্ণ এবং সেটি বোঝানর জন্য প্রভেদ বিশেলঘণ সারণীতে আমর। যে F পেয়েছি তাকে একটি তারকা চিহ্ন দিয়ে চিহ্নিত ক'রি। সরল ভাষার এর অর্থ দাঁড়ায় বিভিন্ন প্রকার শিশুখাদ্যের মধ্যে গুণগতে পার্থক্য বিদ্যামার ১০

1.1.4. প্রতিষ্ঠি কক্ষে একটি অবেক্ষণ যুক্ত কুইবারা প্রেণী বিছানা উপাত্তের প্রকেশ বিশ্বেষণ। একধারা প্রেণীবিন্যানী উপাত্তের প্রেণ্ডেল বিশ্বেষণ ক'রার সময় আময়৷ ধরে নিরেছিলাম বে প্রভেদের একটিমাত্র উৎস আছে এবং তাহ'ল বিভিন্ন শ্রেণীর মধ্যে পার্থক্য। আর এক শ্রেণীর মধ্যে যে সকল অবেক্ষণ আছে তারা হ'ল একে অপরের বহুষকৃত (replicate) বাদের মধ্যে শুধুমাত্র সম্ভাবনাশ্রমী পার্থক্য বর্তমান। কিন্তু অনেক সময় দেখা বায় পার্রিপার্শিক অবস্থা এমন যে একই শ্রেণীর মধ্যে বিভিন্ন অবেক্ষণগুলির মধ্যে পার্থক্য থাকার পিছনে যুক্তিপূর্ণ কারণ বর্তমান। এই সকল কারণে পরীক্ষাটি পরিকল্পনা ক'রার সময় আময়৷ ধরে নিই যে থ স্তন্তে বিভক্ত এটি সারিতে দেল্ল যে সংখ্যক অবেক্ষণ আছে। অবেক্ষণগুলি এমনভাবে বিন্যস্ত আছে যাতে তেম সারি এবং তেম সংযোগস্থলে ঠিক একটি মাত্র অবেক্ষণ আছে; i=1, 2,... য এবং j=1, 2,... গুতিটি সারি এবং প্রতিটি স্তন্তের সংযোগস্থলকে কক্ষণ আছে এবং প্রতিটি কক্ষে একটি ক'রে অবেক্ষণ আছে।

অবেক্ষণগুলিকে আমরা নিচে বেমনভাবে দেখাচ্ছি সেভাবে সাজান বৈতে পারে। স্তম্ভের শ্রেণীগুলিকে আমরা T-শ্রেণী এবং সারির শ্রেণীগুলিকে B-শ্রেণী বলব।

1.5. जचत्र गात्रभी

•	T ₁	T ₂	•••	T _v
B ₁	x ₁₁	x ₁₂		x _{1v}
B ₂	x ₂₁	x 22		x _{2v}
	:	:		
•	:	:		
B	Xul	X _{W2}		Xwo

একনে x_{ij} হ'ল চারিটি জংশের যোগফল। প্রথম জংশ হ'ল μ , ফা প্রতিটি অবেক্রণের মধ্যে সমপরিমাণে আছে, দ্বিতীয় জংশ হ'ল β_i , iতম B-শ্রেণীর বিশেষ ফল, তৃতীয় জংশ হ'ল τ_j , j তম T-শ্রেণীর বিশেষ ফল এবং চতুর্থ জংশ হ'ল ϵ_{ij} , অবেক্ষণ লান্তি।

স্থতরাং আমরা লিখতে পারি ম $_{ij}=\mu+eta_i+ au_j+ au_{ij}$ (1.6) ::

আপের নতই আমরা ধরে নিই যে μ কে এমন ভাবে নিয়ন্ত্রণ ক'রা হ'য়েছে যাতে $\Sigma \beta_i = \Sigma \tau_i = 0$ এবং ϵ_{ij} গুলি হ'ল একে অন্যের সংগো অনপেক্ষ সম্ভাবনাশ্রী চলক যাদের প্রত্যাশা 0.

এক্ষেত্রে আমাদের পরীক্ষণীয় প্রকল্প হ'ল দুটি,

$$H_{01} (\beta_1 = \beta_2 = ... = \beta u = 0)$$

এবং
$$H_{02}$$
 $(\tau_1 = \tau_2 = ... = \tau_v = 0)$

এক্টেরে আমরা মোট সমষ্টি বর্গকে নিম্নলিখিত ভাবে বিভক্ত ক'রতে পারি : $\Sigma(x_{ij}-\bar{x}..)^2=\Sigma(\bar{x}_i,-\bar{x}..)+(\bar{x}_{.j}-\bar{x}..)+(x_{ij}-\bar{x}_i,-\bar{x}_{.j}+\bar{x}..)]^2$

$$= \sum_{ij} (\bar{x}_i - \bar{x}_{\cdot \cdot})^2 + \sum_{ij} (\bar{x}_{\cdot j} - \bar{x}_{\cdot \cdot})^2 + \sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}_{i} - \bar{x}_{\cdot j} + \bar{x}_{\cdot \cdot})^2$$

(य्टरजू अवना गद जः मधनित मान मृना)

$$= \nu \sum_{i} (\bar{x}_{i} - \bar{x}..)^{2} + \nu \sum_{j} (\bar{x}_{ij} - \bar{x}..)^{2} + \sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}_{i} - \bar{x}_{ij} + \bar{x}..)^{2}$$

এখন সারিগুলির মধ্যে প্রভেদের পরিমাণ হ'ল $S^2_B = v \Sigma (\bar{x}_i - \bar{x}_{\cdot \cdot})^2$

এবং স্তম্ভগুলির মধ্যে প্রভেদের পরিমাণ হ'ল $\mathbf{S^2}\mathbf{I} = \nu \Sigma (\bar{x}_{\cdot j} - \bar{x}_{\cdot \cdot})^2$ আর

অবশিষ্ট প্রভেদ (residual variance) হ'ল $\mathrm{S^2E} = \Sigma (x_{ij} - \bar{x}_{i^*} - \bar{x}_{\cdot j} + ij)$

 $(\overline{x},\cdot)^2$ এখন আমরা যদি ধরে নিই যে সারি বিভাগগুলি স্তম্ভবিভাগের অনপেক তাহ'লে $\mathcal{L}(x_{ij}-\overline{x}_i,-\overline{x}_{ij}+\overline{x}_i.)^2$ কে আমরা পরীক্ষণ বাস্তি ij

(experimental error) হিসাবে ধরে নিতে পারি।

আগের মতই আমর। বদি ধরে নিই যে ϵ_{ij} গুলি প্রত্যেকে অনপেকভাবে নর্ম্যাল নিবেশন মেনে চ'লে যাদের গড়মান হ'ল শূন্য আর ভেদমান σ^2 তাহ'লে S.S.T. $=\Sigma(x_{ij}-\bar{x}.)^2/\sigma^2$ এর নিবেশন হ'বে ii

 $m{x}^2$ বার স্বাতস্ক্র দাজা হ'বে n-1. স্বাবার $m{w}_i$. এর নিবেশন হ'ব দর্য্যান বার ভেলমান হ'ল $m{\sigma}^2/\nu$. স্বতরাং $\mathbf{S}^2_B = \nu \Sigma(m{w}_i - m{w}_i \,.\,)^2/m{\sigma}^2$ এর নিবেশন

হ'বে x^2 যার স্বাতস্থ্য মাত্রা হ'বে u-1 তব্দপ $\frac{S^2T}{\sigma^2}$ এর নিবেশনও x^2 যার স্বাতস্থ্য মাত্রা v-1. স্বতরাং S^2E/σ^2 এর নিবেশন হ'বে x^2 যার স্বাতস্থ্য মাত্রা হ'বে uv-1-(u-1)-(v-1)=(u-1)(v-1). নিম্নের সারণীতে প্রভেদ বিশ্বেষণ দেখান হ'চ্ছে।

1.6. जबन जान्त्री

প্র ভেদের উৎস	স্বাতশ্ব্যমাত্রা	সমষ্টিবৰ্গ	গড়বর্গ	F
সারি	u -1	$S^{2}_{B} = v \sum_{i} (\bar{x}_{i} - \bar{x}_{})^{2}$	$s^2_B = \frac{S^2_B}{u-1}$	$F_1 = \frac{s^2 B}{s^2 E}$
য়ন্ত	v — 1	$S^{2}_{T} = u \Sigma (\bar{x}_{\cdot j} - \bar{x}_{\cdot \cdot})^{2}$	$s^2_T = \frac{S^2_T}{\nu - 1}$	$\mathbf{F}_2 = \frac{s^2 T}{s^2 E}$
ৰান্তি	(u-1)(v-1)	S2E=*	$s^{2}E = \frac{S^{2}E}{(u-1)(v-1)}$	
নোট	uv — 1	S.S.T.= $\sum_{ij} x_{(ij} - \bar{x}_{})^2$		

* বিয়োগ ফল হিসাবে পাওয়া যাবে।

প্রথম প্রকরাট অর্থাৎ $H_{01}(\beta_1=\beta_2=...=\beta_0=0)$ যদি সত্য হয়, তাহলে F_1 এর নিবেশন হ'বে F যার স্বাতস্ত্র মাত্রা হ'বে u-1, (u-1) (v-1). অনুরূপ ভাবে F_2 এর নিবেশন হ'বে F যার স্বাতস্ত্র মাত্রা হ'বে v-1, (u-1) (v-1).

1.2. উপাহরণ। একজন ফ্যাক্টরী ম্যানেজার কতকগুলি মেশিন কিনতে চান। চারটি কোম্পানী এই মেশিনগুলি তৈরী ক'রে। একটি মেশিন চালারার জন্য একজন মাত্র লোক দরকার হয়। কোন মেশিনের উৎপাদন ক্ষমতা বেশী তা জানার জন্য চারটি কোম্পানীর চারটি মেশিন নেওয়া হ'ল। এপ্রলিকে 1,2,3 এবং 4 এইভাবে নছর দেওয়া হ'ল। তারপর কারখানার পাঁচজন শ্রমিককে নির্বাচন ক'রা হ'ল। এই পাঁচজন শ্রমিককে 1 থেকে 5 এই পাঁচটি নছর দেওয়া হ'ল বেহেতু পাঁচজনের কর্মিকতা এক নাও হ'তে পারে সেজনা পাঁচজন লোকের প্রত্যেককে একদিন ক'রে একটি মেশিনে কাজ ক'রতে দেওয়া হ'ল। ক'বে কোন লোক কোন মেশিনে কাজ ক'রবে তা সম-সম্ভব পদ্ধতিতে শ্বির ক'রা হ'ল। প্রদত্ত উপাত্তটি হ'ল প্রতিটি মেশিনের উৎপাদনের পরিমাণ (কেজির হিসাবে) উপাত্তটি বিশেলমণ ক'র।

1.7. স্বর সারণী মেশিন ব্যবহারকারী শ্রমিকের ক্রমিক নম্বর

মেশিনের নম্বর	1	2	3	4	5	শোট
1	22:3	21.8	19-7	21.2	20-0	105.0
2	18:3	18•4	18.5	21.5	17:3	94-0
3	17-2	17-2	17.9	18.8	16.7	87-4
4	14.9	12.6	13·1	14.4	12.4	67•4
মোট	72.7	70.0	69-2	75.9	66•4	354·2

সংশোধন অংশ=
$$\frac{(354\cdot2)^2}{20}$$
=6272·882

মেশিন সমষ্টিবৰ্গ =
$$\frac{(105\cdot0)^2}{5} + \frac{(94\cdot0)^2}{5} + \frac{(87\cdot8)^2}{5} + \frac{(67\cdot4)^2}{20} - \frac{(354\cdot2)}{20}$$

=149.638

শ্ৰম্প ন্ৰাম্বৰ্গ =
$$\frac{-(72 \cdot 7)^3}{4} + \frac{(70 \cdot 0)^3}{4} + \frac{(69 \cdot 2)^3}{4} + \frac{(75 \cdot 9)^3}{4} + \frac{(66 \cdot 4)^3}{4} - \frac{(354 \cdot 2)^3}{20}$$

 $=13^{\circ}043$

1.8. मचत्र गावनी

উৎস	স্বাতস্ত্র্য মাত্রা	সমষ্টিবর্গ	গড়বৰ্গ	F	
শ্রমিক	4	13.043	3-26	4.05*	
মেশিন	3	149:638	49.87	61-95**	
বান্তি	12	9·657	*805		
ৰো ট	19	172:338			

F-নিবেশন সারণীতে $F_{4,12}(\cdot 01) = 5\cdot 41$, $F_{4,12}(\cdot 05) = 3\cdot 26$ এবং $F_{3,12}(\cdot 01) = 5\cdot 95$, $F_{3,12}(\cdot 05) = 3\cdot 49$

স্থতরাং বোঝা যাচ্ছে মেশিনগুলির মধ্যে বেশ তাৎপর্যপূর্ণ পার্থক্য বর্তমান। প্রমিকদের মধ্যেও বে পার্থক্য আছে তার প্রমাণ প্রমিক-জনিত সমষ্টিবর্গ 5% সংশব্ধ মাত্রার তাৎপর্য পূর্ণ।

1.1.5. প্রতিষ্ঠি ককে m(>1) অবেক্ষপযুক্ত ছুইবারা প্রোণীবিভাগী উপাজের প্রতেক বিশ্লেবণ। আগের অনুচেছদে আমরা ধরে নিয়েছিলাম বে প্রতিটি ককে একটি ক'রে অবেক্ষণ আছে এবং আমাদের স্বীকরণ ছিল নারি বিভাগগুলি তত্ত বিভাগের অনপেক। কিন্ত যদি প্রতিটিককে m(>1)টি ক'রে অবেক্ষণ বাকে এবং নারি বিভাগগুলি ত্তম্ভ বিভাগের অনপেক এই বীকরণ যদি যুক্তিসকত না হয় ভাহ'লে উপাত্তের বিশ্লেষণ খুবই অটিল

হ'বে। ধরা যাক (i,j) তম কক্ষের অবেক্ষণগুলি হ'ল $x_{ij1}, x_{ij2}...x_{ijm}$ একনে তেম B-শ্রেণী এবং j তম T-শ্রেণীর kতম অবেক্ষণটির আমরা নিম্নরূপ গাণিতিক প্রতিরূপ দিতে পারি:

$$x_{ijh} = \mu + \beta_i + \tau_j + \gamma_{ij} + \epsilon_{ijh}$$
 (1.7)

যেখানে μ অংশটি সমস্ত অবেক্ষণগুলির মধ্যে সপরিমাণে আছে, β; হ'ল তম B-শ্রেণীর বিশেষ ফল, τ, হ'ল jতম T-শ্রেণীর বিশেষ ফল এবং γι, হ'ল াতম B-শ্রেণী এবং jতম T-শ্রেণীর যৌথক্রিয়া ফল (Interaction effect); ειρ আগের মৃতই অবেক্ষণ শ্রান্তি।

আগের মত্ই আমর। ধরে নিচ্ছি

$$\sum_{i} \beta_{i} = \sum_{j} \tau_{i} = \sum_{j} \gamma_{ij} = 0 \qquad (1.8)$$

এখানে আমাদের পরীক্ষনীয় প্রকল্প হ'ল তিনটি

$$H_{01}: (\beta_1 = \beta_2 = ... = \beta_u = 0)$$

$$H_{02}: (\tau_1 = \tau_2 = \dots = \tau_v = 0)$$

ভার H_{03} ; $(\gamma_{ij}=0$ স্ব i এবং সব j এর জন্য)

আগের অনুচ্ছেদের সংগে তুলনা ক'রলে দেখা যাবে ককগুলিতে অবেক্ষপ্তের সংখ্যা একের অধিক হওয়ায় তৃতীয় প্রকন্পটি নতুন এসেছে। এই প্রকন্পটি যদি সত্য প্রমাণিত হয় তাহ'লে ধরে নেওয়া যেতে পারে সারি শ্রেণী বিভাগগুলি সম্ভ শ্রেণী বিভাগগুলির অনপেক্ষ।

আগের মতই মোট ভেদকে আমরা নিম্নলিখিতভাবে বিভক্ত ক'রতে পারি:

$$\Sigma(x_{ijk} - \bar{x}...)^{2} = \Sigma(x_{ijk} - \bar{x}_{ij}. + \bar{x}_{ij}. - \bar{x}_{i}... - \bar{x}_{j}. + \bar{x}...
+ \bar{x}_{ij}... - \bar{x}... + \bar{x}_{.j}. - \bar{y}...)^{2}
+ \Sigma(x_{ijk} - \bar{x}_{ij}.)^{2} + \Sigma(\bar{x}_{ij}... - \bar{x}_{i}... - \bar{x}_{.j}. + \bar{x}...)^{2}
+ \Sigma(\bar{x}_{ij}... - \bar{x}...) + \Sigma(\bar{x}_{.j}... - \bar{x}...)^{2}
+ \Sigma(\bar{x}_{ijk} - \bar{x}_{ij}.)^{2} + m\Sigma(\bar{x}_{ij}... - \bar{x}_{.i}... - \bar{x}_{.j}. + \bar{x}...)^{2}
+ mv\Sigma(\bar{x}_{ij}... - \bar{x}...)^{2} + mu\Sigma(\bar{x}_{.j}... - \bar{x}...)^{2}$$
(1.9)

$$=S^2_B+S^2_{BX}T+S^2_B+S^2_T$$

$$S^{2}_{E} = \sum_{ijk} (x_{ijk} - \bar{x}_{ij..})^{2}$$

$$S^{2}_{BXT} = m\sum_{ij} (\bar{x}_{ij}. - \bar{x}_{i}... - \bar{x}_{.j}. + \bar{x}...)^{2}$$

$$S^{2}_{B} = mv\sum_{i} (\bar{x}_{i}... - \bar{x}...)^{2}$$

$$S^{2}_{T} = mv\sum_{i} (\bar{x}_{.j}... - \bar{x}...)^{2}$$

জাগের মতই জামরা ধরে নিতে পারি যে ϵ_{ijk} গুলি প্রত্যেকে নর্মান নিবেশন মেনে চ'লে যাদের গড়মান 0 এবং ভেদমান σ^2 . একনে $S.S.T./\sigma^2 = \Sigma(x_{ijk} - \bar{w}...)^2/\sigma^2$ এর নিবেশন হ'ল x^2 যার স্বাতন্ত্র্য মাত্রা হ'ল ijk muv-1; জাবার \bar{w}_i ...এর নিবেশন হ'ল নর্মাল যার ভেদমান হ'ল σ^2/mv , স্বতরাং $mv\Sigma(\bar{w}_i...-\bar{w}...)^2/\sigma^2$ এর নিবেশন হ'বে x^2 যার স্বাতন্ত্র্যমাত্রা হ'বে u-1. তজ্ঞপ $mu\Sigma(\bar{w}.j.-\bar{w}...)^2/\sigma^2$ এর নিবেশন হ'ব মের স্বাতন্ত্র্যমাত্রা হ'বে v-1. জাবার x_{ijk} -এর নিবেশন হ'ল নর্মাল, স্বতরাং $\Sigma(x_{ijk}-\bar{w}.j.)^2/\sigma^2$ -এর নিবেশন হ'ব মের স্বাতন্ত্র্যমাত্রা হ'বে (m-1). জতএব $\Sigma(x_{ijk}-\bar{w}.j.)^2/\sigma^2$ এর নিবেশন হবে ijk যার স্বাতন্ত্র্যমাত্রা হ'বে uv(m-1). স্বতরাং $\Sigma^2_{B\times T}/\sigma^2$ এর নিবেশন হ'বে x^2 যার স্বাতন্ত্র্যমাত্রা হ'বে (muv-1)-(u-1)-(v-1) — uv(m-1)=(u-1) (v-1),

অতএব যদি H_{03} প্রকন্নটি সত্য হয় তাহলে

$$F_{8} = \frac{S^{2}_{B \times T} / \{(u-1)(v-1)\}}{S^{2}_{E} / \{uv(m-1)\}}$$

এর নিবেশন হ'বে F যার স্বাতস্ক্রামাত্রা হ'বে (u-1)(v-1) এবং $\{uv(m-1)\}$. যদি H_{03} প্রকরটি বজিত হয় তাহ'লে H_{01} এবং H_{03} এই প্রকর্মটি পরীকা ক'রা অর্থহীন।

স্থতরাং যদি H_{03} প্রকরটি বর্জন ক'রার মত কোন কারণ না থাকে তাহ'লে

$$F_1 = \frac{S^2 B / (u - 1)}{S^2 E / \{uv(m - 1)\}}$$

এর সাহাব্যে আমরা H_{01} প্রকল্পটি প্রীক্ষা ক'রতে পারি যার নিবেশন হ'বে F এবং স্বাতস্ক্রমাত্রা হ'বে (u-1), uv(m-1)

অনুরূপভাবে
$$F_2 = \frac{S^2 T/(v-1)}{S^2 E/\{uv(m-1)\}}$$

এর সাহাব্যে আমরা H_{62} প্রকলটি পরীক্ষা ক'রতে পারি যার নিবেশন হ'ল F_{v-1} , uv(m-1).

1.9. **নতন্ত্র সার্ণী** প্রভেদ বিশ্লেষণ

প্রভেদের উৎস	স্বাতস্ক্য- শাত্রা	সমষ্টি বৰ্গ	গড়বৰ্গ	<i>F-</i> জনুপাত
<i>B</i> –খেণী	u−1	S²B	$s^2_B = S^2_B/(u-1)$	$F_1 = s^2_B/s^2_E$
<i>T</i> –শ্ৰেণী	v — 1	S ² _T	$s^2_T = S^2_T/(\nu - 1)$	$F_2 = s^2_T/s^2_E$
$B \times T$	(u-1)(v-1)	S ² _{B×T}	$s^{2}_{B\times T} = S^{2}_{B\times T}/$ $(u-1)(v-1)$	$F_3 = s^2_{B \times T}/s^2_E$
বাস্তি	uv(m - 1)	\mathbb{S}^2_E	$s^2_E = S^2_E/uv(m-1)$	
মোট	uvm — 1	S.S.T.		

1.3. উদাৰ্ক। নিচের সারণীতে বালির মধ্যে প্রোটনের পরিমাণ সম্পাকিত একটি সমীক্ষার উপাত্ত দেওয়া আছে। বালির বিভিন্ন শ্রেণী- শুলিকে T-শ্রেণী বিভাগের হারা চিহ্নিত ক'রা হয়েছে। আর মুখ্য বালি উৎপাদক দুটি সংস্থাকে B-শ্রেণী বিভাগ হারা চিহ্নিত ক'রা হ'য়েছে। উপাশুটির বিশ্রেষণ ক'র।

1.10. वस्त्र जाउनी

T		B ₁	B_2		
1	11.44,	≥5 11·18 '	11:22,	11.00	
2	10·12,	9·78	9·54,	9.42	
3	10.59,	10.64	9 ·9 8,	10-08	
4	10.55,	10·39	10.67,	10.87	
5	9.90,	9·85	10.06,	10-21	
6	12·29,	12:45	12·10,	11.89	
7	10.88,	11:30	11-26,	10-83	
8	9-57,	9·74	9.44,	9.61	

1.11. ज्या जावनी

নিচের সারণীতে বিভিন্ন কক্ষের মধ্যে অবেক্ষণগুলির যোগফল এবং প্রান্তিক যোগফলগুলি দেখান হ'ল।

<i>T</i>	B ₁	B ₂	প্রান্তিক যোগফল (T_i)
<i>T</i> ₁	22.62	22.22	44.84
T_2	19•90	18•96	38.86
T_3	21-23	20.06	41-29
T4	20-94	21·54	42.48
T_5	19.75	20.27	40.02
T ₆	24.74	23.99	48.73
T ₇	22·18	22.09	44-27
T_8	19:32	19:04	38·36
প্রান্তিক ম. _{.j} ,	170.68	168-17	338'85

मः त्यांचन जः
$$=\frac{G^2}{muv}=3588\cdot1030$$

অসংশোধিত মোট সমষ্টিবর্গ = 3631-9971

অতএব সংশোধিত মোট সমষ্টিবর্গ =3631·9971 — 3588·1030

$$T$$
—শৌর সমষ্টিবর্গ = $\sum_{i=1}^{8} \frac{T^{2} \dots}{4} - \frac{(338.85)^{2}}{32}$

$$20.9030$$

$$B$$
—শ্রেণীর সমষ্টিবর্গ = $\sum_{j} \frac{T_{\cdot j}^2}{16} - \frac{(338.85)}{32}$
= 1977

$$B \times T$$
 এর সমষ্টিবর্গ = $S^2_{BXI} = \sum_{ij} \frac{T_{\cdot ij}^2}{m} - \sum_{i} \frac{T_{\cdot i}^2}{vm} - \sum_{i} \frac{T_{\cdot ij}^2}{um} + \frac{G^2}{n}$

(বেখানে T_{ij} . হ'ল (i,j)-তম কক্ষের মোট উৎপাদন) $=1\cdot 1354$

অতএব স্রান্তি সমষ্টিবর্গ =21.6580

1.12. मचत्र जात्रशी

প্রভেদ বিশ্লেষণ

উৎস	স্বা তন্ত্ৰ্যমাত্ৰা	সমষ্টিবর্গ	গড়বর্গ	<i>F</i>	F-সারণী থেকে 5%	F-এর মান 1%
B-শ্ৰেণী	1.	•1977	·1977	•15	4-49	8-53
<i>T-</i> द्वनी	7	20.9030	2.9433	2.18	2.66	4.03
$B \times T$	7	1.1354	·1622	·12	2.66	4.03
वाखि	16	21.6580	1.3536			
যোট	31	43.8941		!		

অতএব দেখা যাচ্ছে B-শ্রেণী বিভাগ, T-শ্রেণীবিভাগ অথবা তাদের যৌথক্রিয়াফল কোনটিই তাৎপর্য পূর্ণ নয়।

সহভেদমান বিশ্লেষ্ণ (Analysis and Covariance)

- 1.2.1. ভূমিকা। পূর্ববর্তী অনুচেছদগুলিতে আমাদের দৃষ্টিনিবদ্ধ ছিল একটিমাত্র চলকে। যদি অন্য কোন চলক থেকে থাকে তাহ'লে আমরা ধরে নিয়েছিলাম যে তার জন্য পৃথক তাবে প্রভেদ বিশ্লেষণ ক'রতে হ'বে। কিছ ক্রেম ক্রমে আমরা এমন একটি ছটিল গাণিতিক প্রতিরূপ উদ্ভাবন ক'রতে পেরেছি যাতে পরীক্ষণী লান্তির অন্য কোন উৎস থাকলে তাকে দূর ক'রাও আমাদের পক্ষে সম্ভব হ'বে। একটি উদাহরণের সাহায়ে আমরা আমাদের বক্তব্য পরিস্ফুট ক'রার চেটা ক'রছি। ধরা যাক আমরা ৯-শ্রেণীর (প্রকার) শিশুখাদ্যের গুণাগুণ পরীক্ষা ক'রতে চাই। গুণাবজার সূচক হিসাবে আমরা একমাসে শিশুর কত ওজন বৃদ্ধির হ'য়েছে তার পরিমাণ নিলাম। ধরাযাক, তেম শ্রেণীর ঠতম শিশুটির ওজন বৃদ্ধির পরিমাণ হ'ল স্বানু, আমরা সকলেই জানি তেম শ্রেণীর ঠতম শিশুটির প্রারম্ভিক ওজন বৃদ্ধির পরিমাণ নির্ভর ক'রবে তেম শ্রেণীর ঠতম শিশুটির প্রারম্ভিক ওজন বৃদ্ধির পরিমাণ নির্ভর ক'রবে তেম শ্রেণীর ঠতম শিশুটির প্রারম্ভিক ওজন কতছিল তার উপর। এক্ষনে ঐ শিশুটির প্রারম্ভিক ওজন বৃদ্ধির পরিমাণ নির্ভর ক'রবে তাম শ্রেণীর ক'রে তা দূর ক'রতে পারলে আমাদের পরীক্ষাটি আরও শক্তিশালী হ'বে।
- 1.2.2. একধারা শ্রেণীবিন্যাসী উপাত্তের সহভেদমান বিশ্লেষণ।
 ধরা যাক একধারা শ্রেণীবিন্যাসের প্রতিটি শ্রেণীতে ক'রেক জোড়া ক'রে
 অবেক্ষণ আছে। তেম শ্রেণীর ঠতম অবেক্ষণ জোড়াটি হ'ল (y_{ij} , x_{ij}).
 ধরা যাক y_{ij} গুলি প্রত্যেকে নর্ম্যাল নিবেশন মেনে চ'লে যার ভেদমান σ^2 আর সরল নির্ভর অপেক্ষক (linear regression function) হ'ল $\alpha_i + \beta_i \ x_{ij}$.

্যতম শ্রেণী হ'তে উদ্ভূত সরল নির্ভর রেখা হ'তে প্রভেদের সমষ্টিকর্গ (Sum of squares of deviations) হ'ল,

$$\Sigma (y_{ij} - \alpha_i - \beta_i x_{ij})^2 = \Sigma (y_{ij} - \lambda_i - \beta_i x_{ij})^2
+ (\beta_i - \beta_i)^2 \Sigma (x_{ij} - \bar{x}_i)^2
+ n_i (\bar{y}_i - \alpha_i - \beta_i \bar{x}_i)^2$$
(1.11)

$$\Sigma(y_{ij} - \bar{y}_{i\cdot})(x_{ij} - \bar{x}_{i\cdot})$$
 त्वशाल $\beta_i = \frac{\sum_i (x_{ij} - \bar{x}_{i\cdot})}{\sum_i (x_{ij} - \bar{x}_{i\cdot})}$ (1.12)

ৰেং
$$\hat{\mathbf{a}}_i = \bar{y}_i - \beta_i \bar{x}_i$$
. (1.13)

(1.11) নং সমীকরণের ডান দিকের সমষ্টিগুলির মধ্যে $\Sigma(y_{ij}-\hat{a}_i-\beta_i x_{ij})^2$ $/\sigma^2$ এর নিবেশন হ'ল x^2 যার স্বাতস্ক্রমাত্রা হ'ল j (n_i-2) , $(\beta_i-\beta_i)^2$ $\Sigma(x_{ij}-\bar{w}_i.)^2/\sigma^2$ এর নিবেশন হ'ল x^2 যার স্বাতস্ক্রান্ত্রা হ'ল 1 এবং $n_i(\bar{y}_i.-\alpha_i-\beta_i\bar{w}_i.)^2/\sigma^2$ এর নিবেশন হ'ল x^2 যার স্বাতস্ক্রমাত্রা হ'ল 1.

iএর বিভিন্নমানের জন্য এই সমীকরণগুলিকে যদি যোগ ক'র। যায় তাহ'লে,

$$\Sigma (y_{ij} - \alpha_i - \beta_i \ x_{ij})^2 = \sum_{ij} (y_{ij} - \hat{\alpha}_i - \beta_i \ x_{ij})^2 + \sum_{ij} (\beta_i - \beta_i)^2 (x_{ij} - \bar{x}_i)^2 + \sum_{i} n_i (\bar{y}_i - \alpha_i - \beta_i \ \bar{x}_i)^2 \qquad (1.14)$$

স্পষ্টত: এটা হ'ল বিভিন্ন নির্ভরণ সরলরেখা খেকে প্রভেদের জন্য উভূত মোট সমষ্টিবর্গের তিনটি অংশে বিভাজন। 💅 দিয়ে ভাগ ক'রার পর এর প্রথমটির নিবেশন হ'বে 🔑 যার স্বাতস্ক্যমাত্রা হ'বে $\mathcal{L}(n_i-2)$, ছিতীয়

অংশটির নিবেশন হ'বে x^2 যার স্বাতস্থ্যমাত্র। হ'ল k এবং তৃতীয়টির নিবেশন হ'ল x^2 যার স্বাতস্থ্যমাত্র। হ'ল k.

এক্ষনে আমরা প্রথম যে প্রকন্নটি পরীক্ষা ক'রব তাহ'ল প্রতিটি সরলরেখার ঢল (slope) সমান। এর জন্য আমরা প্রথমে নিখছি

$$\beta_i = \beta + \gamma_i \tag{1.15}$$

স্থতরাং আমাদের প্রকলাটি দাঁড়োল $H_o(\gamma=0)$ (1·16) আমরা এরপর আমাদের দৃষ্টি নিবদ্ধ ক'রব (1.14) নং সমীকরণের ডানদিকের মাঝের অংশটির উপর। এই অংশটিকে আমরা নিম্নলিখিত ভাবে দুটি অংশে ভেক্তে কেলতে পারি:

$$\Sigma(\beta_{i}-\beta_{i})^{2}(x_{ij}-\bar{x}_{i}.)^{2} = \Sigma(\beta_{i}-\gamma_{i}-\beta)^{2}(x_{ij}-\bar{x}_{i}.)^{2}$$

$$+(\beta-\beta)^{2}\Sigma(x_{ij}-\bar{x}_{i}.)^{2} \qquad (1.17)$$

β এবং βর मान হ'ল यथाकरम,

$$\beta = \frac{\sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}_{i\cdot})^2 \beta_i}{\sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}_{i\cdot})^2}$$
(1.18)

$$\Sigma(x_{ij}-\bar{x}_{i\cdot})^2$$
 β_i
এবং $\beta=\frac{\Sigma(x_{ij}-\bar{x}_{i\cdot})^2}{ij}$ (1·19)

এক্লে β_i এর নিবেশন হ'ল নর্মাল যার গড়মান হ'ল β_i এবং ভেদমান হ'ল $\sigma^2/\sum_i (x_{ij} - \bar{\omega}_i.)^2$.

আবরা জানি $x_1, x_2, ..., x_n$ প্রত্যেকে যদি অনপেক্ষ ভাবে নর্ব্যান নিবেশন বেনে চ'লে যাদের গড়মান একই কিন্তু ভেদমানগুলি হ'ল σ_1^2 , $\sigma_2^2, ..., \sigma_n^2$ তাহ'লে $u = \frac{\sum x_i |\sigma_i|^2}{\sum \frac{1}{|\sigma_i|^2}}$ এবং $v = \sum (x_i - u)^2 |\sigma_i|^2$ এর নিবেশন

হ'বে একে অপরের অনপেক এবং u এর নিবেশন হ'বে নর্মান আরু v এর নির্দেশন হ'বে x^2 যার স্বাতন্ত্র্য সাত্রা হ'বে n-1.

স্তরাং $\Sigma(eta_i-\gamma_i-eta)^2(x_{ij}-ar{x}_i.)^2$ σ^2 এর নিবেশন হ'বে x^2 বার

ষাতন্ত্র্যমাত্রা হ'বে k-1 এবং $(\beta-\beta)^2 \Sigma (x_{ij}-\tilde{x}_i)^2/\sigma^2$, এর নিবেশন হ'বে x^2 যার স্বাতন্ত্র্যমাত্রা I. একনে আমাদের মুখ্য প্রকলটি $H_{\bullet}(\gamma_i=0)$ যদি সত্য হয় তাহ'নে

$$F = \frac{\sum_{ij} (\beta_i - \gamma_i - \beta)^2 (x_{ij} - \bar{x}_i \cdot)^2 / (k-1)}{\sum_{ij} (y_{ij} - \bar{x}_i - \beta_i x_{ij})^2 / \sum_i (n_i - 2)}$$
(1.20)

এর নিবেশন হ'বে F যার স্বাতস্ক্রমাত্র। হ'বে k-1 এবং $\mathcal{E}(n_i-2)$ অনুরূপ ভাবে $H(\beta=0)$ প্রকর্মটি যদি সত্য হয়, তাহ'লে

$$F = \frac{\sum_{ij} (\beta - \beta)^2 (x_{ij} - \bar{x}_{i\cdot})^2}{\sum_{ij} (y_{ij} - \hat{x}_i - \beta_i x_{ij})^2 / \sum_{i} (n_i - 2)}$$
(1.21)

এর নিবেশন হ'বে F_1 , n-2k.

তারপর (1.14) নং সমীকরণের তৃতীয় অংশটির উপর দৃষ্টি নিবদ্ধ ক'রা বাক। প্রতিটি β_i এর মান যদি শুনা হয় তাহ'লে অবিলম্বে আমরা আগের মত $H(\alpha_1=\alpha_2=...=\alpha_k)$ এই প্রকল্পটির পরীক্ষা করতে পারি। (একধারা শ্রেণীবিন্যাসী উপাত্তের প্রভেদ বিশ্বেষণের সাহাব্যে), β_i ভালির বান যদি শুনা নাও হয়, কিন্তু তাদের প্রত্যেকের মান যদি সমান হয়, আবরা $H(\alpha_1=\alpha_2=...=\alpha_k)$ এই প্রকল্পটি পরীক্ষা ক'রতে পারি।

$$E(\bar{y}_i) = \alpha + \beta' \bar{x}_i. \tag{1.22}$$

মান্দ্র বি $\{\alpha_i-\alpha\}+(\beta_i-\beta')\bar{x}_i$. কে δ_i লিখি, তাহ'লে $\Sigma n_i[\bar{y}_i.-\alpha-\beta'\bar{x}_i.)-(\alpha_i-\alpha)-(\beta_i-\beta')\bar{x}_i.]^2$

$$= \sum n_i (\bar{y}_i - \delta_i - \alpha - \beta' \bar{x}_i)^2 \qquad (1.23)$$

এখন $u_i = \bar{u}_i - \delta_i$ কে মনে ক'র। যাক একটি নতুন সম্ভাবনাশ্রয়ী চ'ল। তাহ'লে আমরা লিখতে পারি।

$$\sum_{i} n_{i} (\bar{y}_{i} - \delta_{i} - \alpha - \beta' \bar{x}_{i})^{2}$$

$$= \sum_{i} n_{i} (\bar{y}_{i} - \delta_{i} - \lambda_{\delta} - \beta_{\delta} \bar{x}_{i})^{2} + (\beta_{\delta} - \beta_{\delta})^{2} \sum_{i} n_{i} (\bar{x}_{i} - \bar{x}_{i})^{2}$$

$$+n(\bar{x}..-\bar{\delta}-\alpha-\beta'\bar{x}..)^{2}$$
 (1.24)

रक्षात दे₈ जरः β' 8 जर मान ह'न

$$\mathbf{a}_{\delta} = \bar{y} \dots - \bar{\delta} - \beta'_{\delta} \bar{x} \dots \tag{1.25}$$

$$\underline{\boldsymbol{\alpha}} : \boldsymbol{\beta}' = \frac{\boldsymbol{\Sigma}(\bar{y}_i - \boldsymbol{\delta}_i - \bar{y}_{\cdot \cdot} + \boldsymbol{\delta})(\bar{x}_i - \bar{x}_{\cdot \cdot})}{\boldsymbol{\Sigma}(\bar{x}_i - \bar{x}_{\cdot \cdot})^2} \tag{1.26}$$

এখানে ϵ_δ এবং eta'_δ এর নিচে δ লিখে বোঝাতে চাওয়া হ'য়েছে যে এই প্রাক কলব দুটি δ_i এর উপর নির্ভর ক'রছে।

(1.22) নং সমীকরণে নিখিত প্রকর্মট যদি সত্য হয়, ভাহ'নে

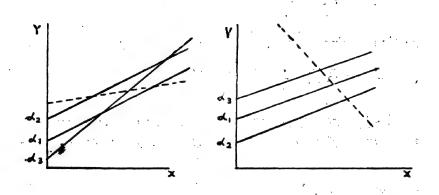
$$\mathbf{\hat{c}_0} = \bar{y} \dots - \beta'_0 \bar{z} \tag{1.27}$$

$$\mathbf{d}\mathbf{d}^* \boldsymbol{\beta}'_{\bullet} = \frac{\Sigma(\bar{y}_i - \bar{y}_{\cdot \cdot})(\bar{x}_i - \bar{x}_{\cdot \cdot})}{\Sigma(\bar{x}_i - \bar{x}_{\cdot \cdot})^2}$$
(1.28)

অর্ধাৎ $(\bar{y}_i., \bar{w}_i.)$ এই বিশুগুলির ভিতর যেন একটি নির্ভরণ সরলরেখা টানা হ'রেছে। (1.24) নং সমীকরণের ডানদিকের তিনটি অংশকেই σ^s

দিয়ে ভাগ ক'রলে তাদের নিবেশন হ'বে x^2 যার স্বাতস্ক্রামাত্রা হ'বে বধাজন্ত্রন k-2, 1 এবং 1. $H(\delta_i=0)$ এই প্রকলটি পরীক্ষা ক'রার জন্য আমর। (1.24) নং সমীকরণের প্রথম অংশটিতে $\delta_i=0$ বসিয়ে (1.14) নং সমীকরণের প্রথম অংশটির সঙ্গে তুলনা ক'রব একটি F-নিবেশনের সাহায়ে। এখন $H(\delta_i=0)$ এর অর্থ কি দাঁড়ায় দেখা যাক।

নিচের রেখচিত্র দুটির বামদিকেরটিতে অবিচ্ছিন্ন রেখাগুলি $y=4;+\beta;$ x এই নির্ভরণ সরলরেখাগুলি সূচনা ক'রেছে আর খণ্ডিত রেখাটি সূচনা ক'রছে $y=4,+\beta,x$, অর্থাৎ বিভিন্ন শ্রেণীর গড়মানগুলির নধ্যে যে নির্ভরণ সরলরেখা টানা যায়।



অবিচিন্ন সরলরেখার বিশুগুলি হ'ল (\bar{y}_i, \bar{x}_i) আর মুখ্য প্রকন্নটিতে ব'লা হ'ছে যে খণ্ডিত রেখা হ'তে খাড়া প্রভেদের (vertical deviations) প্রত্যাশিত মান হ'ল শুন্য । স্কতরাং মুখ্য প্রকন্নটি বর্জন ক'রার অর্থ ই হ'ল বিভিন্ন শ্রেণীগুলির মধ্যে পূর্ণকান্ধ (parameter)গুলি পৃথক । আবার ডানদিকের রেখচিত্রটি থেকে দেখতে পাচ্ছি যে বিভিন্ন শ্রেণীর গড়মানগুলি একটি সরলরেখায় থাকতে পারে এবং শ্রেণীগুলির নিজেদের মধ্যে চল সমান হ'লেও α_i গুলি পৃথক হ'তে পারে । কিন্তু যদি $H(\beta'=\beta)$ প্রকর্মটি সত্য হয় তাহ'লে $H(\alpha_1=\alpha_2=\ldots=\alpha_k)$ প্রকর্মটিও সত্য হ'বে ।

ধরে নেওয়। যাক $H(\delta_i=0)$ এবং $H(\beta_i=\beta)$ প্রকর্মপুঁটি সত্য। আমরা এখন $H(\beta'=\beta)$ প্রকর্মটিকে পরীক্ষা ক'রব। এখন $\delta_i=0$ ব'সাবে β এবং β_0' একে অপরের অনপেকভাবে নর্মান নিবেশন মেনে চলবে যাদের গড়মান হ'বে যথাক্রমে β এবং β' এবং ভেদমান হ'বে যথাক্রমে

 $\sigma^2/m{\Sigma}(x_{ij}-ar{w}_i.)^2$ এবং $\sigma^2/\{m{\Sigma}n_i\;(ar{x}_i.-ar{x}_i.)^2\}$ সূতরাং $m{eta}-m{eta}_0'$ এর নিবেশন

হ'বে নর্ম্যাল যার গড়মান হ'বে eta-eta' এবং ভেদমান হ'বে এই দুটি etaলকের স্বতন্ত্র্য ভেদমানের সমষ্টি। স্নতরাং

$$\frac{[\beta-\beta'_0-(\beta-\beta')]^2}{\sigma^2\left[\frac{1}{\Sigma(x_{ij}-\bar{x}_{i\cdot})^2}+\frac{1}{\Sigma n_i(\bar{x}_{i\cdot}-\bar{x}_{\cdot\cdot})^2}\right]}$$

$$=\frac{[\beta-\beta_0'-(\beta-\beta')]^2}{\sigma^2\Sigma(x_{ij}-\bar{x}_{..})^2}\sum_{ij}(x_{ij}-\bar{x}_{i\cdot})^2\Sigma n_i(\bar{x}_{i\cdot}-\bar{x}_{..})^2 \qquad (1.29)$$

এর নিবেশন হ'বে 🖈 যার স্বাতস্থ্যমাত্রা হ'বে 1. স্বাবার

$$\sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}_{i\cdot})^2 \beta + \sum_{i} n_i (\bar{x}_{i\cdot} - \bar{x}_{\cdot\cdot})^2 \beta_o'$$
 (1.30)

 $eta-eta'_o$ এর সংগে অনপেক্ষ ভাবে নর্মান নিবেশন মেনে চ'লবে যার গড়মান হ'বে $\Sigma(x_{ij}-ar{x}_i.)^2eta+\Sigma n_i(ar{w}_i.-ar{x}_{..})^2$ eta' এবং ভেদমান

হ'বে
$$\sigma^2 \Sigma (x_{ij} - \bar{x} \dots)^2$$
.

স্ত্রাং

$$\frac{\left[\sum_{ij}(x_{ij}-\bar{x}_{i\cdot})^{2}(\hat{\beta}-\beta)+\sum_{i}n_{i}(\bar{x}_{i\cdot}-\bar{x}_{\cdot\cdot})^{2}(\hat{\beta}'_{o}-\beta')\right]^{2}}{\sigma^{2}\Sigma(x_{ij}-\bar{x}_{\cdot\cdot})^{2}}$$
(1.31)

এর নিবেশন হ'বে x^2 যার স্বাতস্ক্রামাত্র। হ'বে 1. আর (1.31) নং সমীকরণের চলকটি (1.29) নং সমীকরণের চ'লকটির সংগে অনপেক্ষ। স্বতরাং $H(\beta=\beta')$ যদি সত্য হর তাহ'লে (1.31) নং সমীকরণ থেকে আমর। পরীক্ষা ক'রতে পারি তাদের উভয়ের মান শুন্য কিনা। পরের পাতায় সারণীতে সমষ্ট্রবর্গকে বিভিন্ন সংশে ভাগ ক'রে শেখান হ'ছে।

1.13. aug

উৎস	স্বাতষ্ক্র মাত্রা	 সমটি বৰ্গ
$Ho(\beta_i-\beta=0)$	k-1	$\sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}_{i\cdot})^2 (\beta_i - \beta)^2$
$Ho(\delta_i=0)$	k-2	$\sum_{i} n_{i} (\bar{y}_{i}\hat{\alpha}_{o}-\hat{\beta}_{o}\bar{x}_{i}.)^{2}$
$H_0(\beta-\beta'=0)$	1	$\frac{(\beta-\beta_o)^2 \sum_{ij} (x_{ij}-\bar{x}_{i\cdot})^2 \sum_{i} n_i (\bar{x}_{i\cdot}-\bar{x}_{\cdot\cdot})^2}{\sum_{ij} (x_{ij}-\bar{x}_{\cdot\cdot})^2}$
$Ho(\beta=\beta'=0)$	1	$\frac{[\beta \sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}_{i\cdot}) + \beta_o' \sum_{i} n_i (\bar{x}_{i\cdot} - \bar{x}_{\cdot\cdot})^2}{\sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x}_{\cdot\cdot})^2}$
ৰান্তি	n-2k	$\sum_{ij} (y_{ij} - \lambda_i - \beta_i x_{ij})^2$
শেট	n-1	$\sum_{ij}(y_{ij}-\bar{y}\ldots)^2$

বিভিন্ন পরীক্ষাগুলির বৈশিষ্ট্য:

- H_o(β;-β=0). বিভিন্ন শ্রেণীগুলির নির্ভরণ সরলরেখার চল যদি সমান থাকে, তাহ'লে প্রথম গড় বর্গকে ল্রান্তি গড় বর্গ দিয়ে ভাগ ক'রলে তার নিবেশন হ'বে F_{k-1}, _{n-2k} । এই প্রকরাট যদি সত্য না হয়, তাহ'লে বুয়তে হ'বে x এবং y উভয়েই পরীক্ষাটিকে প্রভাবিত ক'রে। কারণ নির্ভরণাক্ষগুলি যদি পৃথক হয়, তাহ'লে তাদের নধ্যে অন্ততঃ একটি শুন্য হ'তে পৃথক হ'বে।
- 2. $H_o(\delta_i=0)$. β_i গুলি এক হোক বা না হোক, যদি বিভিন্ন শ্ৰেণীর গড়মানগুলি এক সরলরেখায় থাকে তাহ'লে হিতীয় গড় বর্গ কে স্রান্তি গড়বর্গ দিয়ে ভাগ ক'রলে তার নিবেশন হ'বে F_{k-2} , n-2k.

- 3. $H(\beta-\beta'=0)$. প্রথম দুটি প্রকল্প যদি গ্রহণ যোগ্য না হয় এবং $H(\beta-\beta'=0)$ এই প্রকল্পটি যদি সত্য হয় তা হ'লে তৃতীয় গড় বর্গ কে বান্তি গড়বর্গ দাবা ভাগ ক'বলে তার নিবেশন হ'বে F_1 , $_{n-2k}$ । প্রথম দুটি প্রকল্পের একটিও যদি বর্জন ক'বতে হয় তাহ'লে এই প্রকল্পটি পরীক্ষা ক'রা অর্থহীন । কিন্তু এই তিনটি প্রকল্প সত্য হওয়ার অর্থ হ'ল $H_o(\alpha_1=\alpha_2=\ldots=\alpha_k)$ এবং $H_o(\beta_1=\beta_2=\ldots=\beta_k)$ এই প্রকল্পটি সত্য ।
- 4. $H(\beta=\beta'=0)$. যদি প্রথম তিনটি প্রকল্পর গ্রহণযোগ্য হয় তাহ'লেই এই প্রকল্পটি পরীক্ষা ক'রা যুক্তি সঙ্গত। এই পরীক্ষাটি থেকে $H(\beta=\beta'=0)$ এই প্রকল্পটি বর্জন ক'রার মত কারণ না থাকলে বোঝা যাবে যে x এবং y কেউই পরীক্ষাটিকে প্রভাবিত ক'রে না।
- 1.4. উদাহরণ: নিচের সারণীতে 20টি শিশুর জন্মকালীন ওজন এবং তিনপ্রকার শিশু খাদ্য ব্যবহার ক'রার ফলে তাদের একবছরে ওজন বৃদ্ধির পরিমাণ (পাউণ্ডের হিমাবে) দেওয়া আছে। জন্মকালীন ওজনের প্রভাব বাদ দিয়ে উপাডটি বিশ্লেষণ ক'র।

সারণী মং 1.14 শিশুখাছের প্রকার

1			2			3		
•	у	x	y .	x ./	y -	x		
***	2.1	6.0	3.0	5.2	4.0	6.0		
•	3.0	7-1	3.2	5.4	4.1	6.1		
• :	1.5	4.8	4.1	6.0	4.0	6.2		
1.0	2.0	6-5	4.2	6.2	4.2	6.1		
	1.8	5.2	3.2	5.6	3.9	7.1		
. p. W	1.6	5.0	3·1	6.0				
	1.2	6.0	2.5	6.1	1 2 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1			
	1.3	5.0	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	100				

সহপাঠ্য পুত্তকাবলী

- [1] Anderson, R. L. & Bancroft, T. A.: "Statistical Theory in Research". Mc. Grow Hill, 1952.
- [2] Fisher, R. A.: "Statistical Methods for Research workers", Oliver & Boyd, 1944.
- [3] Goon, A. M., Gupta, M. K. & Dasgupta, B: "Fundamentals of Statistics" vol. 2. World Press, 1968.
- [4] Goulden, C. H.: "Methods of Statistical Analysis"
 Asia Publishing House, 1959.
- [5] Kenny, J. F. & Keeping, E. S.: "Mathematics of Statistics", (Part II) D. Van Nostrand Co. Inc. 1956.
- [6] Mood, A. M.: Introduction to the theory of Statistics", Mc. Graw Hill, 1950.
- [7] Snedecor, G. W.: "Statistical Methods" The Iowa State College Press, Ames, Iowa 1940.

वयुग्रजना

1. প্র প্রতিটি কক্ষে সমসংখ্যক অবেক্ষণ যুক্ত দুইধারা শ্রেণী বিন্যাসী উপাত্তের প্রভেদ বিশ্রেষণ সারণী সংক্ষিপ্তাকারে নিচে দেওরা হ'ল।

প্রভেদের উৎস	স্বাতস্ক্রানাত্রা	সমষ্টিবৰ্গ	গড়বর্গ	F. অনুপাত
সারি	•••	1089		
ন্তম্ভ	2	109		
যৌধক্ৰিয়াফল	8	875		
বান্তি				
<u> </u>	59	3244		

সারণীটি সম্পূর্ণ ক'রে, (i) সারিগুলির মধ্যে, (ii) স্তম্ভগুলির মধ্যে এবং (iii) সারি ও স্তম্ভের যৌথ ক্রিয়া ফলের মধ্যে কোনরূপ তাৎপর্যপূর্ণ পার্থকা আছে কিনা পরীক্ষা কর।

- 1.2. প্রভেদ বিশ্লেষণের স্বীকরণগুলি কি কি ? এক ধারা শ্রেণী বিন্যাসী উপাত্তের সহভেদমান বিশ্লেষণ প্রণালী বর্ণনা ক'র।
- 1.3. সমস্ত স্বীকরণগুলি পরিষ্কার ভাবে উল্লেখ ক'রে একধার। শ্রেণীবিন্যাসী উপাত্তের প্রভেদ বিশ্লেষণ প্রণালী বর্ণনা ক'র।
- 1.4. পশ্চিম বজের বিভিন্ন জেলার পাঁচপ্রকার যবের বীজের গুনাবজা পরীক্ষা ক'রতে হ'বে। বিভিন্ন জেলার বীজগুলির মান ভিন্ন ধরণের হ'তে পারে। পরীকাটি কি ভাবে পরীকল্পনা ক'রবে, পরীক্ষণীর প্রকর্মটি বা প্রকল্পগুলি কি হ'বে এবং বিশ্বেষণ পদ্ধতির (একটি ফাকা সারণীতে) বিশ্বদ আলোচনা ক'র।

দ্বিতীয় পরিচ্ছেদ পরীক্ষণ পরিকল্পনা

- 2.1. ভূমিকা: অনেক সময় নানারূপ বৈজ্ঞানিক পরীকা নিরীকার ক্ষেত্রে রাশিবিজ্ঞানীর সাহায্য চাওয়া হয়। এগুলি সাধারণত: কৃষিজ, শিল্পসংক্রান্ত, চিকিৎসাশান্ত বিষয়ক, জীববিজ্ঞান, উদ্ভিদবিদ্যাবিষয়ক, রসায়নশান্ত্র সংক্রান্ত বা হয়ত পদার্থবিদ্যার পরীকা। কিন্তু একজ্বন রাশিবিজ্ঞানীর কাছে এত বিভিন্ন বিষয়ে স্কুমপষ্ট জ্ঞান আশা ক'রা অনুচিত। যে বিষয়ে রাশি বিজ্ঞানীর স্কুম্পষ্ট জ্ঞানও নেই, সে বিষয়ের গবেষণায় তাঁর কি করনীয় থাকতে ।পারে তা জানতে হ'লে যে কোনরূপ বৈজ্ঞানিক গবেষণার পিছনে কি যুক্তি কাজ ক'রে তা বিশেষ ভাবে জানা প্রয়োজন।
- 2.2. देवकां विक शदव शांत्र युक्तिः विकान मात्न विश्व कान । কোনও বৈজ্ঞানিক গবেষণার ক্ষেত্রে আমাদের উদ্দেশ্য থাকে অবেক্ষণ গুলিকে শ্রেণীবিভাগ ক'রে তাদের সন্তানিহিত সত্যাট উপলব্ধি ক'রা। এ বিষদ্ধে আরোহবিদ্যার ভূমিকা ধুবই গুরুৎপূর্ণ। অনেকে ভাবেন কিছু তর্ণ্য সংগ্রহ এবং বিশ্লেষণই বৈজ্ঞানিক গবেষণা। যদিও এ তম্ব সম্পূর্ণরাপে অস্বীকার ক'রা যায় না, তবু কেবল তথ্য সংগ্রহ এবং তার বিশ্লেষণের স্থানীয় বা সাময়িক কিছু গুরুষ থাকলেও এর কোন বৌলিক গুরুষ নেই। যে কোনরূপ বৈজ্ঞানিক গবেষণা, যেখানে বিশেষ বস্তু বা ঘটনাকে পর্যবেক্ষন ক'রে সাধারণ সত্য বা সাধারণ নিয়ন ·(general laws) প্রতিষ্ঠা ক'রার চেষ্টা ক'রা হয়, সেধানে আরোহবিদ্যা (Process of induction) মুখ্য ভূমিকা গ্রহণ ক'রে। কোন বিশেষ ঘটনাকে পর্যবেক্ষন ক'রে সাধারণ সত্য প্রতিষ্ঠা ক'রার নিয়নকে ব'লা হয় সামান্যীকরণ (generalisation). বিশেষ থেকে সামান্যে উপনীত হওরার জন্য যুক্তি বিদ্যার দুটি নিয়মের উপর আমরা নির্ভরশীল। এই দুটি নিয়মের একটি হ'ল প্রকৃতির ''এক রূপতা বিধি'' এবং অপরটি ''কার্যকারণ নিয়ন''। প্রকৃতির একরূপতা বিধি ব'লতে আমরা বুঝি একই অবস্থার ৰদি পুনরাবৃত্তি ক'র। যায় তাহ'লে প্রকৃতি একইরপ আচরণ ক'রবে। वकरे भतित्वा, वकरे कांत्रा, वकरे कांव बहेता।

কার্যকারণ নিরমানুসারে প্রতিটি কার্যের পিছনে একটি কারণ থাকবে। বৈজ্ঞানিক আরোহ অনুমান পদ্ধতি (Inductive Inferenc) ব'লতে আমরা বুঝি প্রকৃতির একরপেতা ও কার্যকারণ নিয়মের সাহায্যে ক'য়েকটি বিশেষ বস্তু বা ঘটনাকে লক্ষ্য ক'রে তার সাহায্যে একটি সাধারণ নিয়ম প্রতিষ্ঠা ক'রার প্রক্রিয়া।

আন্তরাহবিদ্যার সাহাব্যে আমর। খুব সহজেই প্রায় নিশ্চিতরূপে বিশেষ ঘটনা থেকে সাধারণ সত্যে উপনীত হ'তে পারি। প্রথমে কোন বিশেষ বিষয়ে তথ্য সংগ্রহ ক'রা হয় এবং স্বাতস্ক্র্য বা সাযুক্ষ্য তেদে তাদের শ্রেণী বিভাগ ক'রা হয়। তারপর স্বাতস্ক্র্য বা সাযুক্ষ্য যা দেখা গেল, তার কারণ অনুসদ্ধান ক'রে একটি নিয়ম প্রতিষ্ঠা ক'রার চেটা ক'রা হয়। একবার কারণটি জানতে পারলে বৈজ্ঞানিকের পক্ষে আরও নিশ্চিতরূপে পূর্বাভাস (forcast) দেওয়া সম্ভব হয়।

স্তরাং দেখা যাচ্ছে আরোহ অনুমান পদ্ধতির মূল ক'ণা হ'ল তথ্য সরবরাহ ক'রার অভিজ্ঞতা । এই অভিজ্ঞতা সঞ্চয় ক'রার উপায় পর্যবেক্ষন বা পরীক্ষণ প্রণালী (Observation or experimentation)। পর্যবেক্ষণ ক'রার অর্থ ঘটনার গতি প্রকৃতিকে কোনুরূপ প্রভাবিত ক'রার চেষ্টা না ক'রে শুধু তাদের লক্ষ্য ক'রা এবং প্রাকৃতিক নিয়মে যে পরিবর্তন আসে তা নিরীক্ষণ ক'রা। কিন্তু কেবল পর্যবেক্ষন হারা জ্ঞানের যে অগ্রগতি হয় তা খুবই মছর, অনিশ্চিত এবং অনিয়মিত (Slow, Uucertain and irregular) # পরীক্ষণ প্রণালীর সাহায্যে আমর৷ ঘটনার গতি প্রকৃতির ইচ্ছামত পরিবর্তন সাধন ক'রে তার ফলাফল লক্ষ্য ক'রি। বাস্তবক্ষেত্রে বিভিন্ন উপাদানের প্রভাব মূল্যায়নের সময় যে বিশেষ উপাদানটির প্রভাব মূল্যায়ন ক'রতে চাই সেটি ছাড়া जना गर উপাদান श्वित বা जरिवन রেখে পরীকা চালান হয়। তবে অধিকাংশ ক্ষেত্রেই এই পদ্ধতি বিশেষ ফলপ্রস্ নয়। কারণ বাস্তব ক্ষেত্রে একটি উপাদান ছাড়া অন্য সব উপাদানকে স্থির রাখা সম্ভব হয় না। উদাহরণ স্বরূপ ধরা বাক আমরা একটি কৃষিত্ব পরীক্ষায় দুই প্রকার বীব্দের গুনাবত্তা পরীকা ক'রতে চাই। ঠিক সমান মাপের পাশাপাশি দু'বও ছমি নেওয়া হ'ল। এর একটি জমিতে প্রচলিত বীছটি নেওয়া হ'ল আর অপরাটতে বোনা হ'ল পরীক্ষণীয় বীষ্টি। এখন **बका**हित कनन यनि जनाहित कार्य दिनी दय ठाइ'तारे कि लाहित जनाहित চেয়ে ভাল বলা বাবে ? সম্পূর্ণ আকম্মিক কারণেও ত' একটির কলন অন্যাটর চেরে বেশী হ'তে পারে ৷ এ সম্পর্কে সাধারণত: নির্দেশ দেওয়া হ'য়ে থাকে যে ভিন্ন জাতের বীক্ষ বোনা ছাড়া জন্য সব বিষয়ে জনিছুটিক একই রূপ ব্যবস্থার বিষয়ীভূত ক'রতে হ'বে। কিছ বান্তর কেত্রে পৌন: পৌনিক অবেকণ গুলির মান ভিন্ন হয়। এর খেকে বেৰা

বার যে এরপে সাবিক পরীক্ষণী নিয়ন্ত্রণ সম্ভব নয়। যে যে কারপ্তে অনুরূপ অবস্থায় গৃহীত অবেক্ষণগুলির মান ভিন্ন হ'তে পারে তা নিচে সংক্ষেপে বর্ণনা ক'রা হচ্ছে।

- (i) একক প্রান্তি (Unit error): বিশেষকের (treatment). একই অবস্থার বিভিন্ন পরীক্ষণী এককগুলির উৎপাদন এক হয় না।
- (ii) প্রয়োগিক ব্রান্তি (Technical error): একটি বিশেষক এবং তার প্রয়োগ অবস্থার পুনরাবৃত্তি করা সম্ভব হয় না। যেমন দুইখণ্ড জমির উর্বরতা কখনই এক ক'রা সম্ভব নয়)।
- (iii) পরিমাপক বান্তি (Measuremental error): একই জিনিমের পৌন: পৌনিক মাপগুলি সম্পূর্ণরূপে এক হয় না। (যেমন ঠিক কতটা জমি থেকে ফলন পাওয়া গেল বা উৎপাদনের পরিমাণ নির্ভুল ভাবে মাপা সম্ভব নয়)।

এই সমস্ত ক্রটি সাধ্যমত নিয়ন্ত্রণ ক'রা যেতে পারে—কিন্ত এগুলিকে কখনই সম্পূর্ণ রূপে পরিহার ক'রা সম্ভব নয়।

রাশি বিজ্ঞানের ভাষায় আমরা বলি জমির উর্বরতা, আবহাওয়া পরিস্থিতি, ব্যবস্ত সারের গুনাবত্তা ইত্যাদির উপর নির্ভরশীল কোন একটি বিশেষ বিশেষকের একটি প্রকৃত উৎপাদন (true yield) আছে। যে কোন বছরের বা যে কোন সময়ের উৎপাদন হ'ল প্রকৃত উৎপাদনের সংগে কিছু সমভাবনাশ্রমী লান্তির (random error) মিলিত ফল। বছবছর ধরে বিশেষকটিকে যদি ঐ একই জমিতে একই পরীক্ষণী পরিস্থিতিতে পুন: পুন: প্রয়োগ ক'রা হয় তাহ'লে তার গড় উৎপাদনকে প্রকৃত উৎপাদন ব'লে ভাবা যেতে পারে। স্বতরাং বোঝা যাচেছ প্রকৃত উৎপাদন হ'ল একটি প্রকল্পিত (hypothetical) বস্তু যার প্রাক্তননীমান (estimate) হ'ল বান্তব উৎপাদন (actual yield).

স্তরাং আমাদের মূল উদ্দেশ্য হ'ল বিভিন্ন প্রান্তির উৎসকে যতদূর সম্ভব নিয়ন্ত্রন ক'রা। পরবর্তী পরিচ্ছেদণ্ডলিতে আমরা যে সব তত্ত আলোচনা ক'রব সেগুলির অধিকাংশক্ষেত্রে যদিও কৃষিত্ব পরীক্ষার উদাহরণ দেওয়া হ'বে, তবু সেগুলি যে কোন বৈজ্ঞানিক গবেষণার ক্ষেত্রে প্রযোজ্য)।

2.3. প্রীক্ণী পরিকল্পার অন্তর্নিছিত তম্ব (Basic principles of Design of Experiments)

2.3.1. सम मस्यो कत्। (Randomisation): शूर्व वर्जी शतिरक्त्र

-**বেখেছি,** যথাসম্ভব যত্ন নেওয়া সম্বেও সম্পূর্ণরূপে প্রান্তি পরিহার ক'র। সম্ভব নয়। তাই আমাদের উদ্দেশ্য হ'ল যতদুর সম্ভব লান্তি নিয়ন্ত্রণ ক'রা এবং যাতে পার্থকা পরীকার জন্য একটি সকত সংশয় বিচারাক (valid test of significance) পাওয়া যায় সেদিকে লক্ষ্য রাখা। স্থতরাং পরীক্ষাটি এমন ভাবে পরিকল্পনা ক'রতে হবে যাতে তা হ'তে উদ্ভূত ফলগুলিকে সংশয় বিচারের সাহায্যে সমপূর্ণ বিপরীত অর্ধবহ দুটি শ্রেণীতে ভাগ ক'রে কেলা যায়। এর একটি শ্রেণীতে থাকবে সেইসৰ ফলগুলি যা একটি নিদিষ্ট প্রকল্প হ'তে গুরুষ পূর্ণ পার্থক্য নির্দেশ ক'রে; আর অন্য শ্রেণীতে থাকবে যেগুলি কোন গুরুষ পূর্ণ পার্থক্য নির্দেশ ক'রে না। ্যে কোন পরীক্ষা প্রসঙ্গে আমরা এইরূপ প্রকল্পটিকে ব'লি মুখ্য প্রকল্প (null hypothesis)। পরীকাটির উদ্দেশ্য হ'ল উভূত তথ্যগুলির সাহায্যে সুখ্য প্রকল্পটিকে মিধ্যা প্রমাণ ক'রার চেষ্টা ক'রা। অতএব পরীক্ষনী ক্লাকৌশনের প্রাকৃতিক অবস্থা এমন হওয়া দরকার বাতে যে পার্থক্যের ভন্য পরীকা ক'রা হ'চ্ছে তা যদি আদৌ না থাকে তাহ'লে পরীকাটির ফলাফল সম্পূর্ণরূপে আপতন (chance) হারা নিয়ন্তিত হ'বে। অন্যরূপ হওয়া যে সম্ভব সে কথা বুঝতে বেশী অস্থবিধা হওয়ার কথা নয়। কারণ যদিও ব'লা হয় যে সমস্ত বিশেষগুলিকে একইরূপ প্রীক্ষণী অবস্থার বিষয়ীভূত ক'রতে হ'বে, কিন্তু একণা ব'লার কোন মানে হয়না; কারণ আমরা জানি যে এরপে সম্পূর্ণ জাট মুক্ত পরীকণী পরিবেশ স্বাষ্ট ক'রা সম্ভব নর। তাই কিছু কিছু ক্রাট থেকে যাবেই। সেজন্য আমাদের লক্ষ্য রাখতে হ'বে যাতে ঐসব জাট পরীক্ষার মূল छिष्मभाष्टि नष्ट ना क'रत । अतीक्षणी क'ना कोमालत मरशा এই अअतिकार्य শর্তটিকে রক্ষা করার উপায় হ'ল বিশেষকগুলিকে সমসম্ভব পদ্ধতিতে প্রয়োগ ক'রা। পরীক্ষণী ক'লা কৌশলের মধ্যে এই পদ্ধতিটিই আপতন নিয়ম প্রয়োগের একমাত্র উৎস। একমাত্র সম সম্ভব করণের সাহায্যেই পরীকাটির ক'লা কৌশলের মধ্যে যেসব ক্রাটি দূর করা যায়নি তাদের হাত হ'তে পরীকাটির বিশুদ্ধতা রকা ক'রে সংশয় বিচারের একটি সঞ্চত বিচারান্ত পাওয়া সম্ভব ।

2.3.2. নিরমানুগ বিন্যানের পক্ষপাত (Bias of Systematic Arrangement): যে কোন একটি কৃষিত্ব গবেষণার কথা ভাবা যাক। অনেক সুরয় বিশেষকণ্ডলিকে বিভিন্ন পরীক্ষণী এককে এমন ভাবে প্রোগ ক'রা সম্ভব্ যাতে সমসন্তব পদ্ধতিতে বিশেষকণ্ডলিকে প্রয়োগ ক'রেল বিভিন্ন পরীক্ষণী এককের রখ্যে উর্বরভার যে পার্থক্য থাকত জ্ঞানে উর্বরভার পার্থক্য

তার চেমেও কম হয়। একটি সম উপনানীয় পরীক্ষার* (Uniformity trial) ক্ষেত্রে বিশেষকগুলিকে এরূপ ভাবে প্রয়োগ ক'রলে সংশয় বিচারাঙ্কের উপর তার কি প্রভাব পড়ে তা দেখা যাক। যেহেতু পরীকাটি সমউপাদানীয় পরীক্ষা অতএব বাস্তব উপাদানগুলির মান এই প্রয়োগ পদ্ধতিতে কোনরূপ প্রভাবিত হ'বে না। স্থতরাং প্রভেদ বিশ্রেঘণের সময় মোট সমষ্টি বর্গের পরিমাণ একই থাকবে। স্থতরাং এই প্রয়োগ ব্যবস্থায় উর্বরতার পার্থক্য কম হওয়ায় বিশেষক (-জনিত) সমষ্টিবর্গের যে পরিমাণ হাস ঘটবে ব্রান্তি (-জনিত) সমষ্টিবর্গের পরিমাণ ঠিক ততটুকু বৃদ্ধি পাবে। অতএব এরূপ প্রয়োগ ব্যবস্থায় প্রীকাটির প্রকৃত ভ্রান্তির (real error) পরিমাণ কনে যাবে কিন্তু প্রান্তির প্রাক কলনীমান বেড়ে যাবে। অতএব দেখা যাচ্ছে পরীক্ষাটির স্ক্রাতা¹ (precision) যদিও বেড়ে গেছে তাদের স্ব্যুতা² (accuracy) গেছে কমে, আর তার ফলে স্বাভাবিক ভাবেই পরীন্দাটির নির্ভরযোগ্যতা (reliability) হ'বে কম। বিপরীতক্রমে, যদি ভুল সিদ্ধান্তবশত: নিয়মানুগ বিন্যাসের ফলে পরীক্ষাটির ল্রান্তি ক'মার পরিবর্তে বেডে যায়, তাহ'লে প্রান্তি-সমষ্টিবর্গের পরিমাণ ক'মে যাবে। ফলে প্রান্তির প্রাককলনী মানও ক'মে যাবে। অতএব উপরের দৃটি কারণেই পরীকাটির নির্ভরযোগ্যতা খুবই কম হ'বে। অতএব দেখা যাচ্ছে সম-সম্ভব পদ্ধতিতে ্বিশেষক জীলকে প্রয়োগের বিকল্প পদ্ধতি কোনক্রমেই বাঞ্চিত নয়।

2.3.3 বছকরণ (Replication): বিভিন্ন বিষয়ের পরীক্ষার একটি বৈশিষ্ট হ'ল তাদের যখন পুনরাবৃত্তি ক'রা হয়, তখন তাদের উদ্বৃত্ত ফলগুলির মধ্যে পার্থক্য থাকে। সে কারণে এই ফলগুলির উপর ভিত্তি ক'রে যে সব সিদ্ধান্তে উপনীত হওয়া যায় তার মধ্যে কিছু অনিশ্চয়তা থেকে যায়। এমনকি বেশ কয়েকবার পুনরাবৃত্তি ক'রার পরও গবেষকের পক্ষে বলা সম্ভব নয় যে পুনর্বার যদি পরীক্ষাটিক'রা হয় তাহ'লে তার ফল কি হ'বে। যেমন আমরা যদি দুটি বিশেষক

^{*} সমউপাদানীর পরীক্ষা হ'ল পাশাপাশি অনেকগুলি জমিতে একই জাতের বীজ বোনা এবং সব ক'টি জমিতেই একই পরীক্ষী পরিবেশ সৃষ্টি করা।

^{1.2. &#}x27;'স্কাতা'' বলতে সামরা ব্বি বস্তুটির পোনঃ পোনিক অবেক্ষণশুলির মান প্রার্থভির, কিন্তু ভ্রমশৃক্ততা ব'লতে বোঝার বস্তুটির প্রকৃত মান থেকে অবেক্ষণটির মানের পার্থক্য কত কম। স্তরাং বোঝা যাছে ভ্রম শৃক্ত অবেক্ষণ নিক্রই স্ক্র হ'বে—কিন্তু স্ক্রতা বাক্তবাক্ত পারে।

নিমে পরীকা শুরু ক'রি তাহ'লে ধারাবাহিক পরীক্ষার ফলগুলি এমন পূথক হ'তে পারে যে শেষ পর্যন্ত কোন বিশেষকটি ভাল ব'লে প্রতিপায় হ'বে তা ব'লা খুবই মুশকিল। এখন ধরা যাক, আমাদের উদ্দেশ্য হ'ব প্র এবং ৪ এই দুটি বিশেষকের মধ্যে কোনটি ভাল তা পরীক্ষা ক'রা। তাহ'লে আমাদের মুখ্য প্রকন্নটি হ'বে প্র এবং ৪ এই দুটি বিশেষকের মধ্যে কোন পার্থক্য নেই। হয়ত যুক্তি দেখান যেতে পারে আমরা একই পরীক্ষণী পরিবেশে বিশেষক দুটিকে দশবার পরীক্ষা ক'রে দেখব দশবারের মধ্যে কতবার প্র এর উৎপাদন ৪ এর চেয়ে বেশী, কতবার ৪ এর উৎপাদন প্র এর চেয়ে বেশী এবং পার্থক্যের পরিমাণই বা কি? কিন্তু এরূপ বর্ণনামূলক পদ্ধতি বিশেষ তাৎপর্যপূর্ণ নয়। কারণ ঐ পরীক্ষাটিকে আরও দশবার যদি পুনরাবৃত্তি ক'রান যায় তাহ'লে আমাদের উপসংহার যে একই হ'বে এক্ষপ আন্থা আমাদের নেই। বর্ণনামূলক পদ্ধতির এই অসম্পূর্ণতার জন্য আমরা নিম্নলিখিত ভাবে যুক্তি দেখাই।

ধরে নেওয়া যাক, একই পারিপাশ্বিক পরিবেশে অসংখ্যবার পরীক্ষাটিকে পুনরাবৃত্তি ক'রা সম্ভব। তাহ'লে গড় পার্থক গগুলি মোটামুটি একটি স্থির মানে এসে দাঁড়াবে। এই স্থির মানটিকে ধরে নেওয়া যেতে পারে A এবং B এই বিশেষক দুটির উৎপাদনের প্রকৃত পার্থক্য। গবেষকের উদ্দেশ্য হ'ল প্রকৃত পার্থক্যের একটি প্রাক্তকানী মান পাওয়া। পরীক্ষণী শ্রান্তির পরিমাপক হিসাবে সাধারণতঃ একক-প্রতি-শ্রান্তি বিভেদের (error variance per experimental unit) প্রয়োগ ক'রা হয়। একক-প্রতি শ্রান্তি-বিভেদ হ'ল একটি পরীক্ষণী এককে যে পরিমাণ শ্রান্তি আছে তার বর্গের প্রত্যাশিত মান। এর বর্গমূলকে ব'লা হয় একক প্রতি সমক শ্রান্তি (standard deviation) পরিমাণ যদি ত হয় এবং যদি বিশেষক দুটিকে দ বার পুনরাবৃত্তি ক'রা হয় তা'হলে দুটি বৈশেষকের গড়ের পার্থক্যের সমক শ্রান্তি হ'ল তা /2—.

এই উদ্দেশ্যে বিশেষকগুলিকে বারংবার পুনরাবৃত্তি ক'রান হয়। পরীক্ষণীয় বিশেষকের এই পুনরাবৃত্তিকে বলা হয় ''বছকরণ''। নিচে একটি উদাহরণের সাহায্যে বিশেষকগুলিকে ক'তবার পুনরাবৃত্তি ক'রতে হ'বে অর্ধাৎ বছকরপ সংখ্যাটি ক'ত হ'বে তা বের ক'রার পদ্ধতি বর্ণনা ক'রব।

ধরা বাক 🖝 দেওয়া আছে 2.5 একক। আমরা ভানতে চাই

গড়মানের 5 এককের পার্থক্য 5% সংশয় মাত্রায় (5 percent level of significance) ধরা প'ড়তে হ'লে বছকরণ সংখ্যাটি কত হ'বে ?

এক্ষেত্রে আমাদের 🖊 এমন ভাবে নিতে হ'বে যাতে

$$\frac{5}{2.5\sqrt{\frac{2}{r}}} \ge 1.96 \ (i.e. \ \tau_{.05})$$

. অথবা, $\sqrt{2r} \geqslant 1.96$

অতএব বহুকরণ সংখ্যাটির ন্যুনতম মান হ'ল 2। এই আলোচনার আমরা ধরে নিয়েছিলাম যে আমাদের ত জানা আছে। কিন্তু অধিকাংশ ক্ষেত্রেই ত জানা থাকে না। অবশ্য অনেক প্রকার গ্রেঘণার ক্ষেত্রে সমউপাদানীয় পরীক্ষা থেকে আমরা ত সম্পর্কে মোটামুটি একটা ধারনা পেতে পারি যাকে কাজে লাগিয়ে বহুকরণ সংখ্যাটি বের করা যায়।

- 2.3.4. ছানীয় নিয়ন্ত্রণ বা জান্তি নিয়ন্ত্রণ (local control or error control): পরীক্ষণী বিষয় এবং পরীক্ষণী পরিবেশ সম্পর্কে সম্যক জ্ঞান থাকার ফলে গবেষক নিজে আরও নানা উপায়ে লান্তি নিয়ন্ত্রণ ক'রতে প্রাক্তন। এগুলি সন্মিলিত ভাবে স্থানীয় নিয়ন্ত্রণ বা লান্তি নিয়ন্ত্রণ নামে খ্যাত। আমরা এরপ কতকগুলি উপায় সম্পর্কে আলোচনা ক'রব।
- (i) পরীক্ষণী এককগুলিকে সমরূপ (homogenous) কতকগুলি ব্লুকে ভাগ ক'রা হয়। এর ফলে এই ব্লুকগুলির মধ্যে যে পার্ধক্য তা বিদূরিত হ'য়ে স্রান্ডির পরিমাণ ক'মে যায়। ফলে পরীক্ষাটির দক্ষতা (efficiency) আরও বাড়ে। তাই কৃষিজ গবেষণার ক্ষেত্রে উর্বর্তার নতি (fertility gradient) জানা থাকলে ব্লুকগুলি নির্বাচন ক'রা সহজ্ব হয়।
- (ii) এছাড়া উর্বরতার নতি জানা থাকলে অনেক ক্ষেত্রে ঐ পরীক্ষণী এককগুলিতেই যদি ভবিষ্যতে কোন পরীক্ষা করা হয় তাহ'লে তাঃ থেকেও জমির উর্বরতাজনিত পার্থক্য বাদ দিয়ে শ্রান্তির পরিমাণ ক'মানো যায়।
- (iii) যেহেতু পরীক্ষণী স্রান্তিগুলি স্বভাবত: সমসম্ভব, সে কারণে আশা ক'রা অন্যায় হ'বে না যে তাদের অনাপেক্ষিক মান (absolute value) ছোট ছোট পরীক্ষণী এককগুলিতে যা হ'বে, তুলনামূলক ভাবে

বড় বড় পরীক্ষণী এককগুলিতে তার চেয়েও কম হবে। কারণ বড় বড় পরীকণী এককগুলিতে কতকগুলি ধনাদ্মক এবং কতকগুলি ঋণাস্থক প্রান্তি একে অপরকে বাতিল ক'রে দেওয়ায় কতকগুলি ছোট ছোট এককে লান্তির অনাপেক্ষিক মানের সমষ্টি যা হ'বে সম আয়তনের একটি বড় পরীকণী এককে প্রান্তির অনাপেক্ষিক মান তার চেয়ে কম হওয়ার সম্ভাবনাই বেশী। অতএব বড় বড় পরীক্ষণী একক নেওয়ার দিকে একটা প্রবণতা থাকা স্বাভাবিক। কিন্তু বড় বড় পরীক্ষণী একক নেওয়ার ফলে ব্লকগুলির আয়তন যাবে বেড়ে এবং তার ফলে জমির সমরূপতা নষ্ট হ'য়ে যাওয়ার সম্ভাবনাও বেড়ে যাবে। উর্বরতার সামান্যতম হ্রাস বৃদ্ধির क्ति ज्ञानिक ज्ञानिक ज्ञानिक जिल्ला क्रिका क অতএব দেখা যাচ্ছে পরীক্ষণী এককগুলির আয়তন পরিবর্তনের ফলে পরীক্ষণী নান্তির উপর দুই বিপরীত প্রবণতার প্রভাব প'ড়ছে। ফলে **এককগুলির আয়তন নিরূপণের কাজ খুব কঠিন হ'য়ে দাঁড়ায়। এই দুই** বিপরীত প্রবণতার মধ্যে সমতা রেখেই এই সমস্যার সমাধান বের ক'রতে হ'বে। এর জন্য সাধরণত: সম-উপাদানীয় পরীক্ষা থেকে উভ্ত উপাত্তের ব্যবহার করা হয়। সাধারণ পদ্ধতি হ'ল অনেকটা জমিতে একটি ফসল বোনা হয়। সমস্ত জিমিটিকে সব বিষয়ে একইরূপ পরিবেশের বিষয়ীভূত ক'রা হয়। পরে জমিটিকে সমান মাপের কতকগুলি ছোট ছোট এককে ভাগ ক'রে ফেলা হয়। প্রতিটি এককের উৎপাদন পৃথকভাবে লিপিবদ্ধ করা হয়। তারপর ছোট ছোট এককগুলিকে মিলিয়ে বিভিন্ন মাপের বড় বড় একক তৈরী ক'রে, আয়তনের পরিবর্তনের ফল লক্ষ ্করা হয়।

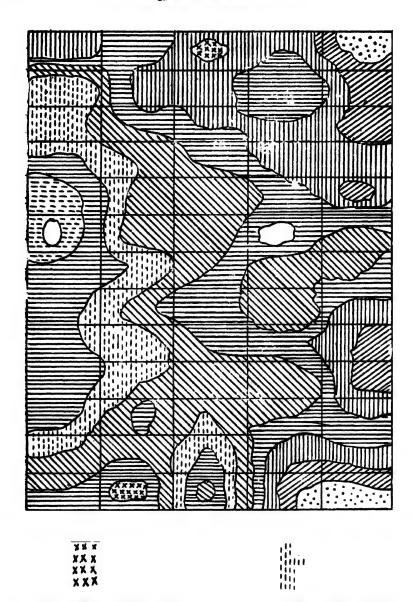
আয়তন স্থির ক'রার পর (অথবা অনেক ক্ষেত্রে একই সঙ্গে) একক গুলির গঠন প্রকৃতি (অর্থাৎ—সরু লম্বা অথবা এই মাপের চওড়া-চ্যাপটা) স্থির ক'রা হ'য়। এই পরিচ্ছেদের পরিশিষ্টে আমরা এককগুলির আয়তন ও গঠন প্রকৃতি কিভাবে বের ক'রা যায় এবং উর্বরতার নতিই বা কি ভাবে নিরূপণ ক'রা যায় তার একটি উদাহরণ দেব।

(iv) অনেক সময় একটি সমগতি সম্পন্ন চলের (correlated variable) সম্পর্কে জ্ঞান অর্জন ক'রে এবং সহভেদমান বিশ্লেষণের সাহায্যে পরীক্ষা হ'তে উদ্ভূত ফলগুলি থেকে সমগতি সম্পন্ন চ'লের প্রভাব বাদ দিয়ে পরীক্ষণী লান্তি ক'মান সম্ভব হয়। যেমন ধরা যাক, মূল পরীক্ষাটির আপে প্রারম্ভিক বছরে ঐ সব পরীক্ষণী একক গুলিতে একটি সমভিনাদানীয় পরীক্ষা করা হল। একই ব্লকের বিভিন্ন পরীক্ষণী এককের

মধ্যে যে উর্বরতা-পার্থক্য বর্তমান থাকে তা দুর করা সম্ভব না হওরার পরীক্ষণী নান্তির পরিমাণ বেড়ে যায়। কিছ ঐ পরীক্ষণী একক গুলির মধ্যে উর্বরতার পার্থক্য বিভিন্ন বছরে একই থাকবে আশা করা যেতে পারে। অতএব প্রারম্ভিক বছরের উৎপাদন, মকে একটি সমগতিসম্পন্ন চল হিসাবে ব্যবহার করা যেতে পারে এবং পরীক্ষণী বছরের উৎপাদন মকে মএর উপর নির্ভরণজনিত অংশ বাদ দিয়ে সংশোধিত ক'রে নেওয়া যেতে পারে। যদি প্রারম্ভিক বছরের সমউপাদানীয় পরীক্ষার উৎপাদন না পাওয়া যায় তাহ'লে অন্য কোন একটি সম্পর্কিত চলকে ম হিসাবে ঘ্যবহার করা যেতে পারে। যেমন ধরা যাক আমরা কয়েক প্রকার শিশু খাদ্যের গুণাবতা পরীক্ষা ক'রতে চাই। সেক্ষেত্রে শিশুদের প্রারম্ভিক ওজনগুলিকে একটি সহায়ক (auxiliary) চল হিসাবে ব্যবহার করা যেতে পারে।

2.4 পরিশিষ্ট

প্ষায় সম্পাদিত একজাতীয় গমের একটি সমউপাদানীয় পরীক্ষার ফলাফল নিচে 2.1 নং সারণীতে দেওয়া হ'ল। [R. D. Bose : Soil heterogeneity trials at Pusa and the size and shape of experimental plots. Indian Jour. of Agri. Sc. vol V, 1935, pp 579—608]. এক একরের এক চতুর্থাংশ জমিতে পুষা 52 জাতের গম বোনা হ'রেছিল 1930—31 এ। ফসল কাটার সময় চারিধারের বেশ কিছুটা অংশ বাদ দিয়ে সমস্ত জমিটিকে 390টি সমান অংশে ভাগ ক'রা হয়। এরপ প্রতিটি পরীক্ষণী এককের আয়তন ছিল চার বর্গ ফুট। এই সব এককগুলির ফসল পৃথক পৃথক ভাবে তুলে তাদের খালাদ। খালাদা ভাবে রাখা হল । এরপর জমিটির একটি সম-উর্বরতা রেখাবলী (Contour map) আঁকার জন্য বিভিন্ন প্রাথমিক এককগুলির 2 🗙 3 সন্মিলন নেওয়া হ'ল। এর ফলে জমিটি 65টি সন্মিলিত এককে ভাগ হ'য়ে গেল। ভারপর ধরা হ'ল প্রতিটি এককের গড় উৎপাদন তার মধ্য বিন্দুতে অবস্থিত। এইভাবে যে সব এককগুলির গড় উৎপাদন জমিটির গড় উৎপাদনের চেয়ে 10%, 20%, 30%, 40%, 50% কম বা বেশী তাদের এই চিত্রটিতে সেইন্নপভাবে চিহ্নিত করা হ'ল। এই সব বিন্দু-ও্বিকে যোগ করে সম-উর্বরতা রেখাবলী পাওয়া গেল। এই সম-উর্বরতা রেখাবলীটি একটু ভালভাবে অনুধাবন করলে বোঝা যাবে যে উর্বরতার বিশেষ পার্থক্য বর্তমান এবং এই পার্থক্য কোনরূপ নিয়নের বিষয়ীভূত:



-50 -40 -30 -20 -10 0 < 10 +20 +30

নয়। এই চিত্র দেখে বোঝা যায় খুব কয় পরিমাণ জয়ির উর্বরতা
সমরূপ। আমরা পাশাপাশি পরীক্ষণী এককগুলির উৎপাদন যোগ করে

বিভিন্ন আয়তন এবং গঠন প্রকৃতির পরীক্ষণী একক পেতে পারি (2.1) ,নং
সারণীর উপাত্তের সাহাযে এরূপ বিভিন্ন আয়তন এবং গঠন প্রকৃতির
পরীক্ষণী এককগুলির কল (2.2)নং সারণীতে দেখান হচ্ছে।

পরীক্ষণ পরিকল্পনা

2.1. নম্বর সারণী

গ্রামের হিসাবে গমের উৎপাদন

		1		_	1					1				1	
श्रम हराष्ट्र	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
সারির নং											[
1	70	220	265	230	248	322	205	250	180	225	235	280	165	190	120
2	248	258	215	220	200	185	105	258	120	215	145	190	210	18,	120
3	275	402	225	120	275	195	200	220	217	185	335	250	235	190	170
4	270	400	385	240	225	200	200	252	255	268	235	220	300	180	170
5	195	230	335	272	200	210	190	340	205	222	295	160	230	235	155
<u> </u>	240	348	335	296	185	250	185	235	160	170	235	235	250	132	140
7	257	280	325	390	200	215	210	175	212	142	270	240	220	120	270
8	218	335	400	370	235	340	260	310	305	160	200	200	836	232	100
9	260	415	430	365	230	220	245	370	232	232	222	215	235	15ú	130
10	275	375	360	340	240	250	160	375	257	232	340	260	260	190	210
11	335	392	305	300	200	232	225	345	210	280	180	185	310	280	245
12	345	380	360	320	265	255	220	420	200	155	250	255	23.	260	200
13	270	310	415	385	250	262	230	290	190	280	320	220	290	160	240
- 14	155	395	355	398	330	265	255	350	172	260	328	190	280	255	295
15	295	318	305	408	218	247	235	4.0	182	280	315	245	345	140	250
16	335	185	422	190	220	210	155	335	130	268	245	300	208	140	220
17	242	280	295	305	225	210	295	345	132	258	215	132	130	135	205
18	305	310	400	312	450	210	305	290	182	342	275	145	210	180	255
19	380	250	320	322	300	327	232	290	320	308	260	165	140	140	190
20	318	367	355	225	348	232	230	320	150	345	290	265	265	160	280
- 21	34	412	280	300	290	208	287	315	188	355	220	240	280		295
22	260	308	305	230	230	205	315	385	188	228	257	222	287	200	230
23	26	308	280	270	310	235	265	380	288	227	235	200		165	250
24	24	31	280	270	208	278	320	328	24	192				185	240
25	210	316	265	260	158	200	418	370	25	170	150	-			115
26	230	302	180	270	170	200	830	312	314	160	100	187	155	150	82

2.2. নম্বর সারণী বিভিন্ন আয়তন এবং গঠন প্রকৃতির পরীক্ষণী এককের ভেদাঙ্ক (Coefficient of variation)

সন্মিলিত একক	জনিখণ্ডের আয়তন	ভেদাঙ্ক (শতকরা হিসাবে)
1 × 1	4' × 4'	· 24·894
2×1	8' × 4'	20.871
3 × 1	12' × 4'	19·240
4×1	16' × 4' ~	18:288
6 × 1	24' × 4'	16.807
8 × 1	32' × 4'	16:204
· 12 × 1	48' × 4'	15.501
24 × 1	96' × 4'	12.555
1 🗙 3	4' × 12'	18·590
2 × 3	8' × 12'	19·159
3 × 3	12' × 12'	16:078
4×3	19' × 12'	15:722
6×3	24' × 12'	14.975
8×3	32' × 12'	14.508
12 × 3	48' × 12'	15:387

উপরের সারণী থেকে বোঝা যাচ্ছে যে ভেদাঙ্কের প্রসার হ'ল 24 x 1 এরূপ এককগুলির ক্ষেত্রে শতকরা 12·555 থেকে 1×1 এরূপ একক-গুলির ক্ষেত্রে শতকরা 24·894 ভবিষ্যতে পরীক্ষার জন্য ঐ জনিটির উপযোগী সন্মিলিত এককগুলি হল 24×1 , 12×3 , 8×3 এবং 6×3 . (2.2) নং সারণী থেকে আমর। পরীক্ষণী এককগুলির বিভিন্ন সন্মিলন নিম্নে (2.3) নং সারণীটি তৈরী ক'রতে পারি। একটি লক্ষণীয় বিষয় হ'ল সমান আমতনের ভিন্ন গঠন প্রকৃতির জন্য ভেদাঙ্কের মধ্যে পার্থক্য বিদ্যমান। অতএব বোঝা যাচ্ছে আয়তনের মত গঠন প্রকৃতি নির্ণয়ও খুবই গুরুছপূর্ণ।

2.3 **নং সারণী** একই আয়তনের ভিন্ন গঠন প্রকৃতির জন্য ভেদাঙ্কের পার্থক্য

জমির আয়তন (বর্গফুট)	ভেদাস্ক			
384	14*508			
384	12:555			
192	15.722			
192	15.501			
96	19·159			
96	16.807			
	(বৰ্গফুট) 384 384 192 192 96			

2.5. সম্পূর্ণরূপে সম-সম্ভব পরিকল্পনা (Completely randomised design)

পরীক্ষণী পরিকল্পনাগুলির মধ্যে সহজ্ঞতম পরিকল্পনাটি হ'ল সম্পূর্ণরূপে সম-সম্ভব পরিকল্পনা। কতকগুলি বিশেষকের (treatment) গুণাগুণ পরীক্ষা ক'রার জন্য আমাদের প্রথম প্রয়োজন একটি সমসম্ভব নমুনা (random sample) এই নমুনাটি পাওয়ার জন্য নির্দিষ্ট জ্বমিটিকে সমান আয়তনের কতকগুলি টুকরা টুকরা জমিতে ভাগ ক'রে নেওয়া হয় যাতে প্রত্যেকটি বিশেষককে বেশ ক'য়েকবার পুনরাবৃত্তি ক'র। যায়। তারপর কোন সম-সম্ভাবী করণ পদ্ধতি গ্রহণ ক'রে বিশেষক-গুলিকে জমিগুলিকে বণ্টন ক'রা হয়।

ধরা যাক আমাদের ν সংখ্যক বিশেষককৈ পরীক্ষা ক'রতে হ'বে আর তেম বিশেষকটির বছকরণ সংখ্যা হ'ল r_i . স্থতরাং মোট পরীক্ষণী এককের সংখ্যা হ'ল $n=\Sigma r_i$. সম্পূর্ণরূপে সমসম্ভব পরিকল্পনার ν সংখ্যক বিশেষককৈ শুধুমাত্র সমসম্ভবী করণ পদ্ধতিতে n সংখ্যক পরীক্ষণী এককে বণ্টন ক'রা হয়। অনেকভাবেই বিশেষকগুলি বণ্টন ক'রা যেতে পারে।

একটি বিশেষ বিশেষক একটি বিশেষ এককে পরীক্ষা ক'রা হ'বে কিনা তা নির্ভর ক'রবে শুধুবাত্র আপতনের (chance) উপর। অর্থাৎ গবেষক যদি পক্ষপাত দুষ্ট (biased) হ'য়ে একটি বিশেষ বিশেষককে একটি বিশেষ 'পরীক্ষণী এককে না ফেলেন তাহ'লেই চ'লবে। এই বণ্টনের জন্য সাধারণতঃ সম—সম্ভব সংখ্যা সারণী ব্যবহৃত হয়। সারি ও শুদ্ধে বিভক্ত কতকগুলি সংখ্যা এই সারণীগুলিতে পাশাপাশি সাজান আছে। এই সংখ্যাগুলি পাওয়া গেছে এমন কোন বিশেষ পদ্ধতিতে যার হারা সমসম্ভব সংখ্যার উদ্ভব হয়—আর পরে পরীক্ষা ক'রেও দেখা গেছে এই সংখ্যাগুলির সমসম্ভবতা গুণ আছে।

n সংখ্যক পরীক্ষণী এককে স্থ্রিধা মত তাবে 1, 2,..,n এই সংখ্যাগুলি ঘারা চিহ্নিত ক'রা হ'ল। তারপর n সংখ্যক সম-সম্ভব সংখ্যা নেওয়া হ'ল। তারপর প্রথম r₁ সংখ্যক সমসম্ভব সংখ্যাগুলিতে বে যে সংখ্যা আছে সেই সেই সংখ্যাবিশিষ্ট পরীক্ষণী এককগুলিতে প্রথম বিশেষকটি প্রয়োগ ক'রা হ'ল। পরবর্ত্তী r₂ সংখ্যক সম-সম্ভব সংখ্যাগুলিতে যে যে সংখ্যা আছে সেই সংখ্যাবিশিষ্ট পরীক্ষণী এককগুলিতে ঘিতীর বিশেষকটি প্রয়োগ ক'রা হ'ল। অনুরূপভাবে শেষ r₀ সংখ্যক সমসম্ভব সংখ্যাগুলিতে যে যে সংখ্যা আছে সেই সেই সংখ্যা বিশিষ্ট পরীক্ষণী এককগুলিতে যে যে সংখ্যা আছে সেই সেই সংখ্যা বিশিষ্ট পরীক্ষণী এককগুলিতে শেষ বিশেষকটি প্রয়োগ ক'রা হ'ল।

উপাত্তের বিশ্লেষণ । সম্পূর্ণরূপে সম-সম্ভব পরিকল্পনা হ'তে উদ্ভূত উপাত্তের বিশ্লেষণ একধার। শ্রেণী বিন্যাসী উপাত্তের বিশ্লেষণের অনুরূপ। এখানেও আমরা ঋজুরৈথিক প্রতিরূপটিকে লিখতে পারি

 $x_{ij} = \mu + \tau_i + \epsilon_{ij}$

বেখানে x_{ij} হ'ল তেম শ্রেণীর jতম অবৈক্ষণ, μ হ'ল একটি সাধারণ কল যা প্রতিটি অবেক্ষণের মধ্যে সমপরিমাণে আছে ; τ_i হ'ল তেম শ্রেণীর বিশেষ কল আর ϵ_{ij} হ'ল অবেক্ষণ শ্রান্তি। একধারা শ্রেণী বিন্যাসী উপাত্তের প্রভেদ বিশ্লেষণে সময় আমরা যেমন ধরে নিয়েছিলাম যে ϵ_{ij} গুলি একে অপরের অনপেক্ষ ভাবে নর্মাল নিবেশন মেনে চ'লে যাদের গড়মান শূন্য আর ভেদমান σ^* এখানেও সেইসব স্বীকরণ প্রয়োজন।

এখানেও আমাদের পরীক্ষণীয় প্রকন্নটি হ'ল $H_0(\tau_1=\tau_2=\cdots\tau_v)$ আর বিকন্ন প্রকন্নটি হ'ল অন্ততঃ একটি τ_i অন্য সবগুলি থেকে পূথক। এই প্রকন্নটি পরীক্ষার জন্য এখানেও আমর। প্রভেদ বিশ্লেমণের সাহায্য নেব।

2.4. মন্তর সারণী সম্পূর্ণরূপে সম-সম্ভব পরিকল্পনার প্রভেদ বিশ্লেষণ

'প্রতেদের উৎস	স্বাতন্ত্র্য শাত্রা	শ্মষ্টিব ৰ্গ	গড়বৰ্গ	F
বিশেষক	v — 1	$S^2_T = \Sigma r_i (\bar{x}_i - \bar{x}_{\cdot \cdot})^2$	$s^2_T = S^2_T/\nu - 1$	S^2T/S^2E
वास्त्रि	n-y	C9 C C =	$s^2_E = S^2_E/n - v$	
নো ট	n-1	S.S.T. = $\sum_{i} \sum_{j} (x_{ij} - \bar{x}_{})^2$		

এই সারণীথেকে যে F পাওয়া যাবে তার মান যদি I-সারণীতে প্রদন্ত $F\alpha$; $\nu-1$, $n-\nu$ এর চেয়ে বেশী হয় তাহ'লে মুখ্য প্রকলটিকে বর্জন ক'রতে হ'বে। মুখ্য প্রকলটি যদি বর্জন ক'রতে হয় তাহ'লে যে কোন দুটি বিশেষকের মধ্যে প্রকৃত পার্ধক্য বিদ্যমান কিনা তা পরীক্ষা ক'রার জন্য আমরা t-নিবেশনের সাহায্য নিয়ে থাকি। A এবং B যদি যে কোন দুটি বিশেষক হয় এবং তাদের গড়মান যদি \bar{w}_A এবং \bar{w}_B হয় তাহ'লে আমরা তাদের মধ্যে প্রকৃত পার্থক্য বিদ্যমান আছে ব'লব তথনই অথব দেখব

$$\left|\bar{x}_A - \bar{x}_B\right| > t_A$$
, $n-v$ $s_E \sqrt{\left(\frac{1}{r_A} + \frac{1}{r_B}\right)}$

ভণাভণ। একটি সম্পূর্ণরূপে সম-সম্ভব পরিকল্পনাকে একটি স্থাচিন্তিত পরিকল্পনা হিসাবে বিচার ক'রতে গেলে এর মূল্য খুবই কম। পরিকল্পনাটি খুবই সরল। বিশ্লেষণও খুবই সহজ। কিছু ব্যবহারিক ক্ষেত্রে এর খুবই সীমিত প্রয়োগ হ'য়ে থাকে। একটি স্থপরিকল্লিত পরিকল্পনার অত্যাবশ্যক গুণগুলির মধ্যে যদিও সম-সম্ভব ক'রণ এবং বহুকরণের প্রয়োগ এখানে ক'রা হ'য়েছে কিছু স্থানীয় নিয়ন্ত্রণের প্রয়োগ না থাকায় পরীক্ষণী লান্তির পরিমাণ খুব বেশী হওয়ার সম্ভাবনাই বেশী। তাই যে ধরণের পরীক্ষায় পরীক্ষণী লান্তির পরিমাণ খুবই কম সেখানেই এর সীমিত প্রয়োগ হ'য়ে থাকে। যেমন গবেষণাগারে কোন একটি রাসায়নিক পরীক্ষা অথবা একটি নিয়ন্ত্রিত শিল্প-সংক্রান্ত পরীক্ষা যেখানে বিভিন্ন পরীক্ষণী এককগুলির মধ্যে খুবই কম জনামপ্রস্য আছে, সেখানে এই পরিকল্পনা এককগুলির মধ্যে খুবই কম জনামপ্রস্য আছে, সেখানে এই পরিকল্পনা প্রয়োগ ক'রা যেতে পারে।

2.6. সম-সম্ভব ব্লক পরিকল্পনা (Randomised Block Design)

সম–সম্ভব ব্লুক পরিকল্পনা হ'ল সহজ্বতম পরিকল্পনা যেখানে পূর্ব পরিচ্ছেদে বণিত সব আবশ্যকীয় নিয়মগুলির প্রয়োগ ক'রা হ'য়েছে।

যদি v সংখ্যক বিশেষক থাকে এবং প্রত্যেকটি বিশেষকের বছকরণ সংখ্যা (replication) হয় r, তাহ'লে মোট পরীক্ষণী এককের সংখ্যা হ'ল n=vr. এই পরীক্ষণী এককগুলিকে প্রথমে মোটামুটি সমরূপ চটি ব্লকে ভাগ ক'রা হয়। তারপর প্রতিটি ব্লককে গট এককে তাগ ক'রা হয়। এখন ৮ সংখ্যক বিশেষককে প্রত্যেকটি ব্রকে একবার ক'রে বণ্টন ক'র। হয়। এই বণ্টন ক'রা হয় সম্পূর্ণরূপে সম-সম্ভব পদ্ধতিতে এবং একটি ব্লুকে বিশেষকগুলি কেমন ভাবে বণ্টন ক'রা হ'ল তার সংগে অন্য ব্লুকে বিশেষকগুলিকে কেমন ভাবে বণ্টন ক'রা হ'বে তার কোন সম্পর্ক নেই। নতুন ক'রে বণ্টন ক'রা হয়। স্থতরাং এরূপ একটি পরিকল্পনা ক'রতে হ'লে প্রথমে বছকরণ সংখ্যাটি ঠিক ক'রে নিতে হ'বে। সম্পূর্ণরূপে সম-সম্ভব পরীক্ষণী পরিকল্পনায় প্রতিটি বিশেষকের জন্য বহুকরণ সংখ্যাটির মান ভিন্ন হওয়ার স্থযোগ ছিল। এখানে কিন্তু বছকরণ সংখ্যাটির মান অভিন্ন। একটি সম–সম্ভব ব্লক পরিকল্পনা ক'রার জন্য প্রতিটি ব্লককে গট পরীক্ষণী এককে ভাগ ক'রা হ'ল। তারপর প্রতিটি পরীক্ষণী একককে 1 থেকে

দ পর্যন্ত এই সংখ্যাগুলির যে কোন একটি দিয়ে স্থবিধামত ভাবে চিহ্নিত ক'রা হ'ল। তারপর সম-সম্ভব সংখ্যা সারণী থেকে ৮টি সম-সম্ভব সংখ্যা নেওয়া হ'ল। প্রথম যে সম–সম্ভব সংখ্যাটি পাওয়া গেল প্রথম পরীক্ষণী এককে সেই বিশেষকটিকে প্রয়োগ ক'র। হ'ল। তারপর যে সমসম্ভব সংখ্যাটি পাওয়া গেল হিতীয় পরীক্ষণী এককে সেই বিশেষকটিকে প্রয়োগ ক'রা হ'ল। এই ভাবে খটি পরীক্ষণী এককে খটি বিশেষককে প্রয়োগ ক'রা হ'ল। এই ভাবে প্রথম ব্রকটি পাওয়া গেল। প্রথম ব্রক পাওয়ার পর অনরূপভাবে হিতীয় ব্রকটিও পাওয়া যাবে। এই ভাবে দটি ব্লক পাওয়া যাবে।

উপাত্তের বিশ্লেষণ: সম-সম্ভব ব্লুক পরিকল্পনা হ'তে উভূত উপাত্তের বিশ্লেষণে দুই ধারা শ্রেণীবিন্যাসী উপাত্তের বিশ্লেষণের অনুরূপ। iতম ব্লুকে jতম বিশেষকটির ফল (yield) যদি x_{ij} হয়, তাহ'লে ঋজু রৈখিক প্রতিরূপটি হ'বে

$$x_{ij} = \mu + \beta_i + \tau_i + \epsilon_{ij}$$

শুহি ধারা শ্রেণী বিন্যাসী উপাত্তের ন্যায় এখানেও স্বীকরণ হ'ল स्म শুলি একে অপরের অনপেক্ষ ভাবে নর্ম্যাল নিবেশন মেনে চ'লবে যার গড়মান শূন্য আর ভেদমান ত². এখানে পরীক্ষণীয় প্রকল্পটি হ'ল

$$H_0(\tau_1 = \tau_2 = \cdots = \tau_v)$$

দুইধারা শ্রেণী বিন্যাসী উপাত্তের ন্যায় এখানেও আমরা সহচ্ছেই প্রভেদ-বিশ্লেষণ সারণীটি নিখতে পারি।

2.5. নম্মর সারণী সম-সম্ভব ব্লক পরিকল্পনার প্রভেদ বিশ্লেষণ

উৎস	স্বাতন্ত্র্য মাত্রা	সমষ্টিবৰ্গ	গড়বৰ্গ	<i>F</i>
ব্লক	r-1	$S^2_B = \nu \sum_j (x_{ij} - \bar{x}_{i\cdot})^2$		
বিশেষক	v-1	$S^{2}_{T} = r \sum_{i} (x_{ij} - \bar{x}_{ij})^{2}$	$s^2_T = \frac{S^2_T}{v-1}$	s^2T/s^2E
ৰান্তি	$= (r-1)(\nu-1)$	$S_E^2 = S.S.T S_B^2 - S_T^2$	$s^2_E = \frac{S^2_E}{v_E}$	
যোট	n-1	$S.S.T. = \Sigma (x_{ij} - \bar{x})^2$		

এই সারণী থেকে যে F পাওয়া যাবে তার মান যদি Flpha $;
u-1,
u_E$ এর চেয়ে বড় হয় তাহ'লে আমাদের মূধ্য প্রকলটি বর্জন ক'রতে হ'বে।

ন্ত্রণান্তণ: সম্পূর্ণরূপে সম-সন্তব পরিকল্পনার মত সম-সন্তব ব্লক্ষ্পরিকল্পনাও খুবই সরল। এই পরিকল্পনা থেকে উদ্ভূত উপাত্তের বিশ্লেঘণও খুবই সহজ। স্থানীয় নিয়ন্ত্রণ প্রয়োগ ক'রে এখানে প্রান্তি নিয়ন্ত্রণের স্থ্যোগ রয়েছে। তাই এই পরিকল্পনাটি বছল ব্যবস্তা। কিছে এই পরিকল্পনায় ৮এর মান যদি খুব বেশী হয় তাহ'লে ব্লক্ষের ভিতরে সমন্ত্রপতা নই হ'রে যায়। ফলে পরীক্ষাটি ক্রাটিপূর্ণ হ'রে যায়।

2.1. উদাহরণ: ছয়-প্রকার গমের বীজের গুণাবত। পরীক্ষা ক'রার জন্য চারটি ব্লকে একটি সম-সম্ভব ব্লক পরিকল্পনা ক'র। হ'রেছে ছ উপাতটি বিশ্লেষণ ক'র।

ব্রকের নম্বর

1.	ν ₂	ν ₈ 27·7	ν ₆ 24·9	ν ₁ 27·8	ν ₄ 16·2	ν ₅ 16:2
2.	ν ₁ 27·3	ν ₄ 15·0	ν ₆ 22·5	28·8	ν ₅ 17·0	ν ₃ 22·7
3.	v ₆	v₂	v ₄	v ₈	ν ₁	ν ₅
	27∙7	31·0	14·1	34·9	28·5	17·7
4.	ν ₄	v ₆	ν _δ	ν ₂	v ₃	ν ₁
	14·1	22·7	17·7	39·5	36·8	38·5

iতম ব্লকের সমষ্টিকে যদি B_i ছারা চিহ্নিত ক'র। যায় এবং jতম বিশেষকের সমষ্টিকে যদি T_j লেখা হয়, তাহলে $B_1=143\cdot4$, $B_2=133\cdot3$, $B_3=148\cdot9$, $B_4=169\cdot3$, $V_1=122\cdot1$, $V_2=129\cdot9$, $V_3=122\cdot1$, $V_4=59\cdot4$, $V_5=68\cdot6$, $V_6=92\cdot8$, $G=594\cdot9$, $\Sigma x_{ij}{}^2=15174\cdot43$

$$\Sigma B_i^2 = 89166.15$$
, $\Sigma T_j^2 = 63536.99$,

সংশোধন অংশ=
$$\frac{G^2}{n}$$
=14746·08375

সংশোধিত মোট সমষ্টিবর্গ = 16174·43 - 14746·08375 = 1428·34625

বুক সমষ্টি বৰ্গ =
$$\frac{89166 \cdot 15}{6} - \frac{G^2}{n}$$

114.94125

বিশেষক সমষ্টিবৰ্গ =
$$\frac{63536.99}{4} - \frac{G^2}{n}$$
 = 1138.16375

2.6. নম্বর সারণী প্রভেদ বিশ্লেষণ

উৎস	স্বাতন্ত্র্য মাত্রা	সম টি বৰ্গ	গড়বৰ্গ	F
্যুক	3	114.94125	·	
বিশেষক	5	1138-16375	227-63275	19-485**
<u>ৰান্</u> ডি	15	175-24125	11.68275	
শেট	23	1428 · 34625		

এক্ষণে $F_{01}(5,15)$ = 56, স্থতরাং বিশেষকগুলির মধ্যে তাৎপর্যপূর্ণ পার্থক্য বর্ত্তমান ।

মানের পর্যায়ে আমরা বিশেষকগুলিকে নিচেরমত সাজাতে পারি V_3 V_3 V_1 V_6 V_5 V_4

যে কোঁন দুই প্রকার বীজের মধ্যে পার্থক্য বিদ্যমান কিনা তা দেখার জন্য আমরা ে নিবেশনের সাহায্যে তাদের গড়মানকে পরীক্ষা ক'রতে পারি। যদি গড়মান দুটি m_i এবং m_i হয় তাহ'লে

$$\frac{m_j - m_j'}{\sigma \sqrt{\frac{2}{\pi}}} > t v_E(2\alpha)$$

হ'লে আমরা ব'লব jতম এবং j'–তম বিশেষক দুটির পার্থক্য $\alpha\%$ মাত্রায় তাৎপর্যপূর্ণ। যেমন ধরা যাক আমরা জানতে চাই V_3 এবং V_5 এর মধ্যে যে পার্থক্য তা 5% মাত্রায় তাৎপর্যপূর্ণ কিনা।

তা 5% মাত্রায় তাৎপথপুণ বিশা ।

এখানে
$$\frac{m_3 - m_5}{\hat{\sigma}\sqrt{\frac{2}{r}}} = \frac{13.375}{11.68275 \times \sqrt{\frac{2}{4}}} = \frac{13.375 \times 1.414}{11.68275}$$

= $1.62 > t_{15}(\cdot 10) = 1.75$

স্মৃতরা; ৮_৪ এবং ৮_১ এর মধ্যে পার্থক্য থাকলেও তাকে তাৎপর্যপূর্ণ। ব'লা যার না।

2.7 ল্যাটিন বৰ্গ পরিকল্পনা (Latin Square Design)

সম সম্ভব ব্লক পরিকল্পনায় আমরা দেখেছি পরীক্ষণী এককগুলিকে কয়েকটি ঘন সন্নিবিষ্ট ব্লকে ভাগাক'রে প্রত্যেকটি ব্লকে প্রত্যেকটি বিশেষককে ঠিক একবার ক'রে প্রয়োগ ক'রলে পরীক্ষণী প্রান্তি ক'নে যাবে এবং পরীক্ষাটির দক্ষতা বাড়বে। কৃষিত্র গবেষণার ক্ষেত্রে ব'লা হ'য় যেদিকে উর্বরতার নতি, সেদিকে সমান্তরাল ক'রে যদি rটি সম-সম্ভব ব্লকের পরিকল্পনা ক'রা হয় তাহ'লে ব্লুকগুলির মধ্যে উর্বরতার পার্থক্যঞ্চনিত যে অসমতা আছে তা দুর হ'মে পরীক্ষাটি আরও যথাযথ হ'বে। প্রশু জাগে, এমন তো কোন বাঁধাধরা নিয়ম নেই যে উর্বরতার নতি তথু মাত্র একদিকেই থাকবে ! বিভিন্ন দিকেই তো এই পার্থক্য পরিলক্ষিত হ'তে পারে। ্বেদিকেও কি ভ্রান্তি দূর ক'রার কোন উপায় আছে ? এর উত্তর খুঁজে পাওয়া যাবে ন্যাটিন বর্গ পরিকল্পনায়। যদিও পরিকল্পনাটর মধ্যে বর্গ ক'থাটি র'রেছে কিন্ত ল্যাটিন বর্গ পরিকল্পনার সংগে বর্গ ক্ষেত্রের কোন সম্পর্ক নেই—আয়তক্ষেত্র হ'লেই চ'ল্বে । যদি ৮ সংখ্যক বিশেষক থাকে তাহ'বে আয়তক্ষেত্রটিকে 🗠 সংখ্যক সমান মাপের পরীক্ষণী এককে ভাগ ক'রতে হ'বে। তারপর v² সংখ্যক পরীক্ষণী একককে v সংখ্যক বিশেষকের মধ্যে এমনভাবে বণ্টন করতে হবে যাতে প্রতিটি সারি এবং প্রতিটি স্বস্তে প্রতিটি বিশেষক ঠিক একবার ক'রে থাকে। স্নতরাং এখানে ব্রক্তরণ সংখ্যাটিও ৮ যদি তথু মাত্র সারি শ্রেণীবিভাগগুলিকে ধরা যায়, তাহ'লে vটি ব্লুকে বিভক্ত একটি সমসম্ভব ব্লুক পরিকল্পনা পাওয়া যাবে। অনুরূপভাবে স্বস্তু শ্রেণীবিভাগগুলিকে ধরলেও ν ব্লুকে বিভক্ত একটি সমসম্বৰ ব্রক পরিকল্পনা পাওয়া যাবে। যেহেতু প্রথম যখন এই পরিকল্পনাটির উদ্ভাবন ক'রা হয়, তখন ল্যাটিন বর্ণমালার সাহায্যে এই বর্গটিকে লেখা হ'ত সেকারণে এটিকে আমরা ল্যাটিন বর্গ ব'লি। শুধু যে যেখানে দইদিকে এরূপ উর্বর্তার পার্থক্য প্রকট সেখানেই ল্যাটিন বর্গ প্রয়োগ ক'রা যাবে তাই নয় অনেক সময় হয়ত উর্বরতার নতি কোনদিকে তাই জানা নেই : সেক্ষেত্রেও ল্যাটিন বর্গ পরিকল্পনার সাহায্যে পরীক্ষাটি ক'রা যেতে পারে। কারণ কোনদিকে যদি উর্বরতার নতি থাকে তাহ'লে তচ্জনিত দ্রান্তির অংশ বিদরিত হ'বে।

আমরা আর্গের পরিচ্ছেদে দেখেছি যে কোন পরীক্ষণী পরিকল্পনার তিনটি মূল সূত্র হলে সমসম্ভবীকরণ, বছকরণ এবং স্থানীয় নিয়ন্ত্রণ। ল্যাটিন বর্গ পরিকল্পনার যে বর্ণনা দেওয়া হ'য়েছে তার থেকে বোঝা যার, অখানে বছকরণ ও স্থানীয় নিয়ন্ত্রণের প্রয়োগ ক'রা হ'য়েছে। কিছ সমসন্তাবীক'রণ কিভাবে ক'র। সন্তব ? সম সন্তাবীক'রণ ক'রার অর্ধ বে
কোন সারি বা যে কোন স্তন্তের যে কোন পরীক্ষণী এককে যে কোন
বিশেষককে প্রয়োগ ক'র। যেতে পারে। কিছ ল্যাটিন বর্গ পরিকল্পনার
পরিকল্পনাটি এমন যে সম্পূর্ণরূপে যথাসন্তব পরিকল্পনা বা সম সন্তব ব্লক্ষ
পরিকল্পনায় যেভাবে সমসন্তাবী ক'রণ ক'রা হ'য়েছে তা এখানে প্রযোজ্য
নয়। এখানে সম-সন্তাবী ক'রণের জন্য আমরা ক'য়েকটি পদ্ধতি বর্ণনা
ক'রব।

ল্যাটিন বর্গ পরিকল্পনায় সম সম্ভাবী ক'রণের একটি পদ্ধতি হ'ল Fisher ও Yates এর সারণী থেকে $\nu \times \nu$ যে সব ল্যাটিন বর্গ দেওয়া 'আছে সমসম্ভব পদ্ধতিতে তার একটি বেছে নেওয়া : তারপর সারি**গুলির** ভিতরের বিশেষকগুলিকে ঠিক রেখে সারিগুলিকে সমসম্ভব করা : সারি-গুলিকে সমসম্ভব ক'রার পর ভিতরের বিশেষকগুলিকে ঠিক রেখে অম্ভ-গুলিকে সম-সম্ভব ক'রা। কিন্ত এই পদ্ধতি এই জন্য জটিপূর্ণ যে এখানে Fisher ও Yates এর সারণী পৃস্তকটি অত্যাবশ্যক। অপচ লাটিনবর্গের সংগে Fisher ও Yates বই-এর এমন কোন সম্পর্ক নেই যে এ বইটি ছাড়া न্যাটিন বঁগী পাওয়া যাবেঁ না। আমরা সরাসরি ন্যাটিন বর্গ পাওয়ার জন্য পুটি পদ্ধতির বর্ণনা ক'রছি। ধরা যাক আমাদের একটি 4×4 ল্যাটিন বর্গ পরিকল্পনা ক'রতে হ'বে। বিশেষকগুলিকে A, B, C এবং D ঘারা চিহ্নিত করা হ'ল। তারপর সম-সম্ভব পদ্ধতিতে প্রথম সারিটি টানা হ'ল। ধর। যাক প্রথম সারিটি পাওয়া গেল DABC এর পর দিতীয় সারিটি পাওয়ার জন্য প্রথম সারির যে স্থানে A আছে, সেখানে যদি A আসে, বেখানে B আছে সেখানে যদি B আসে, বেখানে C আছে সেখানে যদি C আসে অথবা ষেখানে D আছে সেখানে যদি D আসে, তাহ'লে সেগুলিকে পরিত্যাগ ক'রতে হ'বে। ধরা যাক, ধিতীয় সারিটি এল BDCA. তৃতীর সারিটি পাওয়ার সময় লক্ষ্য রাখতে হ'বে প্রথম বর্ণটি যেন B বা D না হয়, ৰিতীয় বৰ্ণটি যেন A বা D না হয়, তৃতীয় বৰ্ণটি যেন B বা C না হয় এবং চতুপ বর্ণটি যেন C বা A না হয়। ধরা যাক তৃতীয় বর্ণটি পাওয়া গেল CBAD. স্বতরাং চতুর্থ সারিটি হ'বে ACDB এবং সম্পূর্ণ বর্গটি হ'বে

D A B C
B D C A
C B A D
A C D B

এরপর এক থেকে চার পর্যন্ত চারটি সম–সম্ভব সংখ্যা টানা হ'ল ▶ সংখ্যাগুলি যদি 4213 হয় তাহ'লে সারিগুলিকে সম–সম্ভব ক'রার পর বর্গটি: দাঁছাবে

A C D B B D C A

DABC

CBAD

এরপর শুদ্ধগুলিকে সম-সম্ভব ক'রার জন্য আবার চারটি সংখ্যা টানা হ'ল দি ধরা বাক সংখ্যাগুলি এল 1423. তাহ'লে শুদ্ধগুলিকে সম-সম্ভব ক'রার: পর বর্মটি পাব

ABCD

BADC

DCAB

CDBA

কিন্ত এই পদ্ধতি ক্লান্তিকর ও বথেষ্ট সময় সাপেক্ষ। তাই সাধারণতঃ ফে: পদ্ধতি গ্রহণ করা হর তাহ'ল

ABCD

BCDA

CDAB

DABC

এই বর্গার্ট নেওয়া হ'ল। তারপর সারি এবং শুদ্রগুলিকে সম-সম্ভব ক'রা হ'ল। তারপর বিশেষকগুলিকে সম-সম্ভব পদ্ধতিতে A, B, C এবং D এই চারটি বর্ণের মধ্যে বণ্টন ক'রা হ'ল।

উপাত্তের বিশ্লেষণ : ল্যাটিন বর্গের টেম সারি এবং টিম শুস্তের বিশেষকটি প্রয়োগ ক'রা হ'রে থাকে এবং তচ্জ্ঞনিত উৎপাদনের প্রিমাণ বদি \dot{x}_{tik} হয় তাহ'লে

 $E(x_{ijk}) = \mu + \rho_i + \beta_j + \tau_k$; $i, j, k = 1, 2, ..., \nu$ বেখানে μ হ'ল একটি সাধারণ ফল যা প্রতিটি অবেক্ষনের মধ্যে সমপরিষাণে আছে; ρ_i হ'ল তেম সারির বিশেষ ফল, β_j হ'ল তেম স্বাহের বিশেষ ফল আর τ_k হ'ল kতম বিশেষকের বিশেষ ফল। μ কে এবন ভাবে নিরন্ত্রণ ক'রা হ'ল যাতে $\Sigma \rho_i = \Sigma \beta_j = \Sigma \tau_k = 0$.

আমাদের স্বীকরণ হ'ল প্রতিটি x_{ijk} নর্ম্যাল নিবেশন মেনে চ'লে যার গড়মান $E(x_{ijk})$ আর ভেদমান σ^2 . যদি তেম সারির গড়মানকে $\bar{\omega}_{i,\cdot,\cdot}$ ঠতম স্বস্তের গড়মানকে $\bar{\omega}_{i,\cdot,\cdot}$ এবং kতম বিশেষকের গড়মানকে $\bar{\omega}_{\cdot,\cdot,\cdot}$ ব'লা যার এবং সমস্ত অবেক্ষনের গড়মান হয় $\bar{\omega}_{\cdot,\cdot}$ তাহ'লে আমরা মোট সমষ্টি বর্গকে নিমুলিখিত ভাগে ভাগ ক'রতে পারি।

$$\Sigma_{ijk} (x_{ijk} - \bar{x}_{...})^2 = \Sigma_{ij} (\bar{x}_{ij} - \bar{x}_{i} ... - \bar{x}_{.j} - \bar{x}_{...k} + 2\bar{x}_{...})^2
+ \nu \Sigma_{ij} (\bar{x}_{i} ... - \bar{x}_{...})^2 + \nu \Sigma_{ij} (\bar{x}_{.j} - \bar{x}_{...})^2
+ \nu \Sigma_{ij} (\bar{x}_{...k} - \bar{x}_{...})^2 ... (2.1)$$

(2.1) নং সমীকরণের ডানদিকের প্রতিটি অংশকে σ^2 দিয়ে ভাগ ক'রলে তাদের নিবেশন হ'বে χ^2 যাদের স্বাতস্ক্য মাত্রা হ'বে যথাক্রমে $(\nu-1)$ $(\nu-2)$, $(\nu-1)$, $(\nu-1)$ এবং $(\nu-1)$.

এখানে মুখ্য প্রকলটি হ'ল

$$H_{01} \left(\tau_1 = \tau_2 = \dots = \tau_v \right) \tag{2.2}$$

অর্থাৎ বিশেষকগুলির মধ্যে কোন পার্থক্য নেই। অনেক সময় অবশ্য সারি এবং উত্ত শ্রেণীবিভাগগুলির কোনরূপ যৌজিকতা আছে কিনা দেখতে চাওয়া হয়। সারি শ্রেণীবিভাগের যৌজিকতা বিচার ক'রার জন্য প্রকর্মী হ'ল

$$H_{02} (\rho_1 = \rho_2 = ... \rho_v)$$
 ... (2.3)

আর শুম্ভ শ্রেণীবিভাগগুলির যথার্থতা যাচাই ক'র। হ'র

$$H_{03} (\beta_1 = \beta_2 = \dots = \beta_v)$$
 ... (2.4)

এই প্রকন্নটির সাহায্যে।

প্রথম প্রকল্পটি পরীক্ষা ক'রার জন্য উপযুক্ত নমুনান্কটি হ'ল

$$F_{1} = \frac{v \Sigma (\bar{x}_{...k} - \bar{x}_{...})^{2}/(v-1)}{\Sigma (\bar{x}_{ij} - \bar{x}_{i}_{...} - \bar{x}_{.j} - \bar{x}_{i..k} + 2\bar{x}_{...})^{2}/(v-1)(v-2)}$$
(2.5)

এই নমুনান্ধটির নিবেশন হ'বে F_{v-1} , $\binom{v-1}{v-1}$ $\binom{v-2}{v-2}$. স্থতরাং যদি F_1 এর মান $F_{<\!c}$, $\binom{v-1}{v-1}$, $\binom{v-1}{v-2}$ এর চেয়ে বেশী হয় তাহ'লে H_{01} প্রকাটি বর্জন করতে হ'বে।

অনুরূপ ভাবে H_{o2} প্রকরটি পরীক্ষা ক'রার জন্য যথাযথ নসুনাক্ষ্য হ'ল

$$F_{a} = \frac{\nu \Sigma (\bar{x}_{i}..-\bar{x}...)^{2}/\nu - 1}{\Sigma (\bar{x}_{ij}.-\bar{x}_{i}..-\bar{x}_{.j}.-\bar{x}_{.j}.-\bar{x}_{...}+2\bar{x}...)^{2}/(\nu - 1) (\nu - 2)}$$
(2.6)

যার নিবেশ্বন হ'ল F_{n-1} , $\binom{n-1}{n-1}$

এবং H_{03} প্রকল্পটি পরীক্ষা ক'রার জন্য উপযোগী নমুনাস্ক হ'ল

$$F_{8} = \frac{v\Sigma (\bar{x}_{.j}.-\bar{x}_{...})^{2}/v-1}{\Sigma (\bar{x}_{ij}.-\bar{x}_{i..}-\bar{x}_{.j}.-\bar{x}_{..k}+2\bar{x}_{...})^{2}/(v-1)(v-2)}$$
(2.7)

 F_3 এর নিবেশনও হ'বে F_{v-1} , $\left(v-1\right)\left(v-2\right)$

2.7. जबन जाननी ল্যাটিন বর্গ পরিকল্পনার প্রচ্ছেদ বিশ্লেষণ

প্র ভ ড়ের উৎস	শতিষ্য শত্ৰা	সমষ্টিবৰ্গ	গড়বর্গ	F
সারি	ν-1	$S^2_R = v \Sigma (\bar{x}_i \bar{x})^2$	$s^2_R = \frac{S^2 k}{\nu - 1}$	$F_3 = \frac{s^2 R}{s^2 E}$
75	y — 1	$S^{2}_{C} = \nu \Sigma (\bar{x}_{\cdot j} - \bar{x}_{\cdot \cdot \cdot})^{2}$	$s^{a}_{C} = \frac{S^{a}_{C}}{\nu - 1}$	$F_{s} = \frac{s^{a} C}{s^{a} E}$
ৰিশে ষক	v — 1	$S^{2}_{T} = \nu \Sigma (\vec{a}_{k} - \vec{a}_{})^{2}$	$s^{a}_{T} = \frac{S^{a}_{T}}{v - 1}$	$F_1 = \frac{s^2 \gamma}{s^2 p}$
ৰান্তি	$v_E = (v-1) \\ (v-2)$	S* _E =*	$s^{2}E = \frac{S^{2}E}{r_{E}}$	
বোট	γ ² — 1	$\Sigma(x_{ijk}-\bar{x})^2$		

2.2. উদাহরণ: ছর প্রকার বিশেষকের গুণাবভা পরীক্ষা ক'রার खना একটি 6×6 ল্যাটিন বর্গ পরিকল্পনার পরীকা ক'র। হ'য়েছে। বিশেষকণ্ডলিকে A, B, C, D, E এবং F হারা চিহ্নিত ক'রা হ'রেছে। প্রতিটি বিশেষকের নিচে ঐ সারি ও ঐ স্বস্তে ঐ বিশেষকটি প্ররোগ ক'রে বে উৎপাদন পাওয়া গেছে, তা দেওয়া হ'ল। উপাবটি বিশ্লেষণ কর।

		পরীক্	পরিকয় না		53
		2.8. স্ব	ন্ত্ৰ লাৱণী		
B	$oldsymbol{F}$	· D	A	\boldsymbol{E}	C
220	98	149	92	282	16 0 -
A	$oldsymbol{E}$	B	· C	$oldsymbol{F}$	D
74	238	163	228	48	168
D	C	F	$oldsymbol{F}$. B	A
188	279	118	278	176	133
E	B	A	D	C	F
295	222	54	104	213	163
C	D	$oldsymbol{E}$	$oldsymbol{F}$	A .	B
187	90	242	96	66	188
F	A	C	В	D	E
90	124	195	109	79	211

2.9. वस्त्र गात्री

সারি স্তম্ভ ও বিশেষকগুলির মোট ফল দেওয়া হ'ল

সারি	স্তম্ভ	বিশেষক
	1054	543
	1051	1078
	921	1262
	907	778
	864	1546
	1023	613
	गाति 1001 919 1172 1051 869 808	1001 1054 919 1051 1172 921 1051 907 869 864

G=5820, সংশোধন অংশ= $\frac{G^2}{36}$ =940900

সারির সমষ্টিবর্গ=14562, শুন্তের সমষ্টিবর্গ=5672, বিশেষক সমষ্টিবর্গ=129224·3

নোট সমষ্টি বৰ্গ=173824 স্বতরাং লাডি সমষ্টি বর্গ=24365·7

প্ৰভেদ বিশ্বেষণ ও পক্ষীকণ পরিকল্পনা

2.10. নম্মর সারণী প্রভেদ বিশ্লেষণ

উৎস.	স্বাতস্ক্রানাতা	সমষ্টিবৰ্গ	গড়বৰ্গ	F	
শারি	5	14562.0	2912-4	2-391	
' তন্ত	5	5672.0	1132·4	0.907	
বিশেষক	5	129224-3	25844.86	21-214**	
বাণ্ডি	20	24365·7	1211:28		
মোট	35	173824:0			

একণে F সারিণীথেকে $F_{5,15}$ এর মান হ'ল 1% সংশয়মাত্রায় $4\cdot 10$ এবং 5% সংশয় মাত্রায় $2\cdot 71$. স্বতরাং বোঝা যাচ্ছে বিশেষকগুলির স্বেশ তাৎপর্য পূর্ণ পার্থক্য বিদ্যমান।

2.8. উপাদানীয় পরীকা

2.8.1. ভূমিকা। আমরা পূর্ববর্তী পরিচ্ছেদগুলিতে কতকগুলি পরীক্ষণী পরিকয়নার আলোচনা ক'রেছি। এই পরীক্ষাগুলিতে আমরা ধরে নিয়েছিলাম, পরীক্ষণীয় বিশেষকগুলি এমন যে একটি বিশেষকের উপস্থিতি অন্য একটি বিশেষককে কোনরূপ প্রভাবিত ক'রেনা এবং একটি বিশেষককে যে পরিমাণে প্রয়োগ ক'রা হ'চ্ছে তা ঐ বিশেষকটিকে অথবা অন্য কোন বিশেষককে কোনরূপ প্রভাবিত ক'রেনা। কিন্তু কার্যক্ষেত্রে অনেক পরীক্ষাই অন্য ধরনের। অর্থাৎ শুরু যে একটি বিশেষককে কি পরিমাণে প্রয়োগ ক'রা হ'চ্ছে তা ঐ বিশেষকটিকেই প্রভাবিত ক'রে তাই নয়, বহু ক্ষেত্রেই তা অন্য বিশেষকগুলিকেও প্রভাবিত করতে পারে। Cochran ও Cox এর বই থেকে একটি উদাহরণ তুলে দিয়ে আমরা আমরা বিষয়টি বিশ্বভাবে আলোচনা ক'রছি। বীটের উৎপাদনের ক্ষেত্রে জমি কর্মণের পরিমাণ এবং তার সংগ্রে নাইট্রোজেন ঘটিত সারের প্রভাব পরীক্ষা ক'রার জন্য একটি পরীক্ষার পরিকয়না ক'রা হ'য়েছে।

নাইটোজেন ঘটিত সারকে দুটি মাত্রায় প্ররোগ ক'রা হ'রেছে। সে দুটি হ'ল (i) নাইটোজেন হীন (no) এবং তিন হলর সালুফেট অব্ এমোনিয়া (n1)। আর শীতকালীন জমি কর্মণের পরিমাণ (সাত ইঞ্চি এবং এগার ইঞ্চি)। জানুয়ারী মাসের শেষে জমিতে লাজল দেওয়া হ'রেছে। এপ্রিল মাসের শেষে জমিতে লাজল দেওয়া হ'রেছে। এপ্রিল মাসের শেষে জমিতে নাইটোজেন ঘটিত সার প্ররোগ ক'রা হ'রেছে আর বীজ বোনা হ'রেছে মে মাসের গোড়ার দিকে। যেহেতু এখানে দুটি উপাদান (নাইটোজেন এবং জমি কর্মণের পরিমাণ) দুই মাত্রায় প্ররোগ ক'রা হ'রেছে তাই আমরা এটিকে একটি 2 × 2 অথবা 2° উপাদানীয় পরীকা ব'লি। চারটি সম্মিলিত বিশেষক (treatment combination) এবং প্রতি একরে এই সম্মিলিত বিশেষক প্ররোগ ক'রার ফ'লে প্রাপ্ত বীট হ'তে প্রস্তুত চিনির গড় পরিমাণ (হলরের হিসাবে) নিচে দেওয়া হ'ল। সন্মিলিত বিশেষক ও চিনির উৎপাদন (প্রতি একরে হলরের হিসাবে)

1 2 3 4 $(n_0, 7in.)$ $(n_1, 7in.)$ $(n_0, 11in.)$ $(n_1, 11in.)$ 40.9 47.8 42.4 50.2

এই উৎপাদনগুলিকে আমরা নিম্নলিখিত রূপে একটি 2 x 2 সারণীতে প্রকাশ ক'রতে পারি:

2.11. मचत्र मात्रगी

নাইট্যোজেন প্রয়োগে পরিমাণ জমি কর্মণের গভীরতা	त्र 	<i>n</i> ₁	গড়	নাইট্রোজেন প্রয়োগের পরিমাণ বাড়ানর কলে বৃদ্ধির পরিমাণ
7 in.	40.9	47.8	44.35	6.9
11 in.	42-4	50.2	46.30	7.8
গড়	41.65	49.00	45·325	
কর্মণের গভীরতা স্বাড়ানর ফলে উৎপাদন বৃদ্ধির পরিমাণ	1.2	2·4		

উপরোক্ত পরীক্ষায় প্রাপ্ত ফলকে আমরা সংক্ষেপে নিম্ননিধিত ভাকে বর্ণনা ক'রতে পারি:

এই পরীন্দাটিতে দেখা যাচ্ছে যে কর্মণের কম গভীরতার নাইট্রোজন প্ররোগ ক'রার ফলে উৎপাদন বৃদ্ধির পরিমাণ হ'ল 6·9 হলর। কিছেবেশী গভীরতার নাইট্রোজেন প্রয়োগ ক'রার ফলে উৎপাদন বৃদ্ধির পরিমাণ হ'ল 7·8 হলর। এইগুলিকে ব'লা যার নাইট্রোজেন প্রয়োগের সাধারণ কল (Simple effect) তক্রপ 7" গভীরতার কর্মণের চেয়ে 11" গভীরতার কর্মণের ফলে নাইট্রোজেন না থাকা কালে উৎপাদন বৃদ্ধির পরিমাণ ছিল 1·5 হলর কিছ নাইট্রোজেন প্রয়োগের ফলে এই উৎপাদন বৃদ্ধির পরিমাণ দাঁছিরেছে 2·4 হলর।

আমরা এই পরীক্ষার ফলটিকে অন্য ভাবেও দেখতে পারি। অনেক সমর দেখা যায় বিশেষক দুটি একে অপরের অনপেক। অর্থাৎ কর্মণ গভীরই হোক আর অগভীরই হোক, নাইট্রোজেন না দেওয়া কালীন উৎপাদনের চেমে নাইট্রোজেন দেওয়ার ফলে উৎপাদন বৃদ্ধির পরিমাণ একই থাকবে। সেইরূপ নাইট্রোজেন দেওয়া হোক আর না হোক গভীর এবং অগভীর কর্মণের মধ্যে উৎপাদন বৃদ্ধির পরিমাণের পার্থক্য একই থাকবে। একেত্রে নাইট্রোজেন প্রয়োগের যে দুটি সাধারণ ফল পাওয়াঃ গেছে অর্থাৎ 6.9 হলর এবং 7.8 হলর সেদুটিই হ'ল একই বস্তর প্রাক্তি বান্তি। স্বতরাং নাইট্রাজেন প্রয়োগের ফল পাওয়ার ক্রন্য অনার দুটি অবেক্ষণের গড়মান নিয়ে বলতে পারি নাইট্রোজেন প্রয়োগের মুখ্যফলঃ (Main effect) হ'ল 7.4 হলর। অনুরূপ ভাবে কর্মণের গভীরতার বাড়ানর মুখ্য ফল 1.5 হলর এবং 2.4 হলরের গড় অর্থাৎ 1.9 হলর।

স্তরাং আমাদের যদি জানা থাকে যে উপাদান দুটির একটি অন্যাটর অনপেক তাহ'লে আমরা উপরোক্ত পরীক্ষাটির ফলকে সংক্ষেপে ব'লতে পারি যে নাইট্রোজেন প্রয়োগ করার ফলে উৎপাদন বৃদ্ধির পরিমাণ হ'ল 7·4 হন্দর আর কর্মণের গভীরতা বাড়ানর ফলে উৎপাদন বৃদ্ধির পরিমাণ হ'ল 1·9 হন্দর।

এখন প্রশু হ'ল, উপাদান দুটি একে অপরের অনপেক্ষ কিনা জান র উপায় কি ? রাশি বিজ্ঞানীর পক্ষে এই প্রশুর উত্তর দেওয়া মুশকিল। কিছ কৃষিবিজ্ঞানী হয়ত যুক্তি দেখাবেন, কর্মণের গভীরতা বেশী থাকার গাছের পক্ষে তার মুলগুলিকে আরও বেশী বিভার ক'রে আরও বেশী নাইট্রোজেন টেনে নেওয়া সম্ভব। অ্তরাং তাঁর মতে গভীরতা বেশী হ'লে নাইট্রোজেন প্রয়োগ করার ফলে উৎপাদন বৃদ্ধির পরিমাণ বেশী হ'বে। সংক্ষেপে, আমরা আগের অনুচ্ছেদে বে ধরে নিয়েছিলাম বে উপাদান দুটি একে অপরের অনপেক্ষ তা যুক্তিসংগত নয়।

অনেক সময় অবশ্য উপাদানীয় পরীক্ষা থেকেই অনপেক্ষতার পরীক্ষা ক'রা যেতে পারে। যেমন এক্ষেত্রে কর্মণের গভীরতা যদি নাইট্রোজেন প্রয়োগে যে উৎপাদন বৃদ্ধি ঘটে তাকে প্রভাবিত ক'রে তাহ'লে বেশী গভীরতার নাইট্রোজেন প্রয়োগে যে উৎপাদন বৃদ্ধি হ'য়েছে (অর্থাৎ 7·8 হন্দর) তার থেকে কম গভীরতায় নাইট্রোজেন প্রয়োগের ফলে যে উৎপাদন বৃদ্ধি হ'য়েছে (অর্থাৎ 6·9 হন্দর) তা বাদ দিলে আমরা বেশী গভীরতা নাইট্রোজেনকে কিভাবে প্রভাবিত ক'রছে (0·9 হন্দর) তার একটা পরিমাপ পাব। এই পার্থক্যকে । নিবেশনের সাহায্যে সংশয় বিচারের পরীক্ষা ক'রে যদি দেখি যে পরীক্ষাটি বর্জন যোগ্য তাহ'লে বুঝতে হ'বে অনপেক্ষতার স্বীকরণ লান্তিমূলক। উৎপাদন বৃদ্ধির এই পরিমাণকে ব'লা হয় নাইট্রোজেন এবং গভীর কর্মণের যৌথক্রিয়াফল (Interaction)।

অনুরূপ ভাবে উপাদান দুটিকে উলটে দিয়ে আমর। দেখতে পারি কর্মণের গভীরতা জনিত উৎপাদন বৃদ্ধি নাইট্রোজেনের উপস্থিতিতে প্রভাবিত হ'চ্ছে কিনা। এইক্ষেত্রে যৌথক্রিয়াফলের পরিমাণ হ'ল 2·4 হন্দর (ব্রুনী গভীরতায় নাইট্রোজেন প্রয়োগে যে উৎপাদন বৃদ্ধি হ'য়েছে) এবং 1·5 হন্দর (বেশী গভীরতায় নাইট্রোজেন প্রয়োগ না ক'রে যে উৎপাদন বৃদ্ধি হ'য়েছে) তার বিয়োগ ফল অর্থাৎ 0·9 হন্দর। যেহেতু এখানে সংশ্লিষ্ট উপাদানের সংখ্যা দুই, সেকারণে এরূপ যৌথক্রিয়াফলকে আমরা দুই উপাদানী যৌথক্রিয়াফল (Two-factor interaction) বা প্রথম পর্যায়ের যৌথক্রিয়াফল (First order interaction) ব'লি।

2.8.2. উপাদানীয় পরীক্ষার বিশেষ গুণ। উপাদানীয় পরীক্ষার গুণাগুণ নির্ভর করে পরীক্ষাটির উদ্দেশ্যের উপর। ধরা যাক আমাদের উদ্দেশ্য হ'ল পরীক্ষাটিতে ব্যবহৃত অন্য উপাদানগুলিকে কতকগুলি পূর্ব-নির্দিষ্ট সীমার মধ্যে পরিবর্তন করিয়ে প্রতিটি উপাদানের কলাফল দেখা। অর্ধাৎ কোন সমিলত বিশেষকের জন্য বেশী উৎপাদন হয় তা জানার চেয়েও প্রতিটি বিশেষকের উৎপাদন ক্ষমতা জানার জন্যই আমরা বেশী উৎস্থা। এরজন্য একটি উপাদ্ম হ'ল প্রতিটি উপাদানকে পৃথক পৃথক নিয়ে প্রতিটি উপাদানের জন্য একটি ক'রে পরীক্ষা ক'রা। অন্য উপায় হ'ল একটি উপাদানীয় পরীক্ষায় সব উপাদানগুলিকে একসংগ্রে পরীক্ষা ক'রা।

বদি উপাদানীর পরীক্ষাটির প্রতিটি উপাদান একে অপরের অনপেক श्य তार'ल উপাদানীয় পরীক্ষায় অনেক সময় এবং অর্থের সাশ্রয় হ'বে। কারণ বেহেত উপাদানগুলি একে অপরের অনপেক স্থতরাং প্রতিটি **- छे**शानात्नत्र मुश्राकन **जा**ना शाकरनरे जना छेशानानश्चनिरक विভिन्न माजात्र প্রয়োগ ক'রলে তার ফল কি হ'বে তাও আমর৷ মোটামুটি ব'লতে পারব। তাছাড়া উপাদানীয় পরীক্ষায় মুখ্যফলগুলিকে পাওয়া বাচ্ছে সমস্ত অবেক্ষণগুলির গড় হিসাবে। স্থতরাং পরীক্ষাটির নির্ভূবতাও অনেক বেশী। যেমন আগের উদাহরণটিতে, অর্দ্ধেকগুলি পরীক্ষণী এককে নাইট্রোজেন আছে আর বাকী অর্দ্ধেকগুলিতে নাইট্রোজেন নেই। স্থতরাং তথুমাত্র নাইটোজেনের জন্য সম–সংখ্যক পরীক্ষণী একক নিয়ে একটি পরीका क'तरन পরীকাটির নির্ভূনতা यা হ'ত, একেত্রেও নাইট্রোদেনের ্বন্য নির্ভুলতার পরিমাণ সেই একই থাকছে। অন্য উপাদানটির সম্পর্কেও সেই একই কথা প্রযোজ্য। অথচ একই নির্ভূবতাযুক্ত দুটি এক উপাদানীয় (single-factor) পরীক্ষা ক'রতে হ'লে পরীক্ষণী একক প্রয়োজন হ'ত এর **হিগুণ। অতএব n সংখ্যক উপাদান থাকলে** এবং প্রতিটি উপাদানকে দুটি মাত্রায় প্রয়োগ ক'রা হ'লে n সংখ্যক উপাদানীয় পরীক্ষায় যতগুলি পরীক্ষণী একক প্রয়োজন হ'ত একটি n উপাদান বিশিষ্ট উপাদানীয় পরীক্ষায় পরীক্ষণী একক প্রয়োজন হ'বে তার n ভাগের এক ভাগ। স্মৃতরাং মনে হ'তে পারে n কে যত বড় -নেওয়া যাবে উপাদানীয় পরীক্ষায় নাভের পরিমাণ ততই বাড়বে। কিঙ্ক n কে খুব বেণী বড় নেওয়ার অমুবিধাও আছে। যেমন, কৃষিত গবেষণার -ক্ষেত্রে যদি অনেকগুলি উপাদানকে একটি উপাদানীয় পরীক্ষায় একসংগে পরীক্ষা ক'রা হয়, তাহ'লে ছমির একরূপতা (Homogenuity of soil) নষ্ট হয়ে গিয়ে পরীক্ষণী ভ্রান্তির পরিমাণ বেডে যেতে পারে।

উপাদানগুলি যদি একে অপরের অনপেক্ষ না হয় তাহ'লে কিছ আমাদের উপাদানীয় পরীক্ষা ছাড়া গত্যস্তর নেই। কারণ একটি উপাদানের উৎপাদন ক্ষমতা নির্ভর ক'রছে অন্য উপাদানগুলি কোন মাত্রায় আছে তার উপর। স্থতরাং এম্বলে এক উপাদানীয় পরীক্ষা হ'তে উছুত উপাত্তগুলি মূল্যহীন। কারণ এগুলিকে একত্র ক'রে বিশ্লেষণ ক'রা যাবে না। অথচ উপাদানীয় পরীক্ষায় শুধু যে উপাদানগুলির মুখ্যফল পাওয়া যাবে তাই নয়, একটি উপাদান অন্য উপাদানগুলি হার। কিভাবে প্রভাবিত হ'চেছ্ তাও জানা যাবে এই উপাদানীয় পরীক্ষায়।

2 8.3. यूथाकन ও दोधकियाकन

ছুই উপাধানীর পরীকা: ধরা যাক নাইট্রোজেন এবং কসকরাস এই দুটি উপাদানের একটি উপাদানীয় পরীক্ষা ক'রা হ'রেছে। নাইট্রোজেনকে প্রয়োগ ক'রা হ'রেছে দুটি মাত্রায় n_0 এবং n_1 আর কসকরাসকে প্রয়োগ ক'রা হ'রেছে দুটি মাত্রায় p_0 এবং p_1 . তাহ'লে কারটি সমিবলিত বিশেষক হ'ল

 $n_0 p_0$ $n_1 p_0$ $n_0 p_1$ $n_1 p_1$

এখানে দুটি উপাদান নাইট্রোজেন এবং ফসফরাস প্রত্যেককে দুটি মাত্রায় প্রয়োগ ক'র। হ'য়েছে। এরূপ পরীক্ষাকে সংক্ষেপে 2×2 পরীক্ষা বা 2^2 উপাদানীয় পরীক্ষা ব'লা হয়। ফসফরাসের দুটি মাত্রাতেই আমরা নাইট্রোজেনের উৎপাদন ক্ষমতা বের ক'রতে পারি। সেগুলি হ'ল ফসফরাসকে যখন p_0 মাত্রায় প্রয়োগ ক'রা হ'চ্ছে, তখন নাইট্রোজেনের ফল

$$= n_1 p_0 - n_0 p_0 \qquad ... \qquad (2.8)$$

ফ্রাফরাসকে যখন p1 মাত্রায় প্রয়োগ ক'রা হ'চ্ছে তথন নাইট্রোজেনের

$$\nabla A = n_1 p_1 - n_0 p_1 \qquad ... \qquad (2.9)$$

স্মৃতরাং নাইট্রোজেন প্রয়োগের ফল পাওয়ার জন্য (2·8) নং এবং (2·9) নং সমীকরণের গড় নিয়ে আমর। বলতে পারি যে নাইট্রোজেন প্রয়োগের গড়মান হ'ল

$$N = \frac{1}{2} (n_1 p_1 - n_0 p_1 + n_1 p_0 - n_0 p_0)$$

= $\frac{1}{2} (n_1 - n_0) (p_1 + p_0)$... (2.10)

(2·10) নং সমীকরণের গুণণীয়ক দুটিকে বীজগাণিতিক নিয়মে তেকে সমিদিত বিশেষকগুলির পরিবর্তে উৎপাদনের মান বসাতে হ'বে।

এই দুটি উপাদান যদি একে অপরের অনপেক্ষ হয় তাহ'লে আমাদের প্রত্যাশা কসকরাসের দুটি মাত্রাতেই নাইট্রোজেন প্রয়োগ ক'রার কলে উৎপাদন বৃদ্ধির পরিমাণ অভিন্ন হ'বে। কিন্তু অধিকাংশ ক্ষেত্রেই এই দুটির মান ভিন্ন হয়। স্ত্তরাং কসকরাসের p_1 মাত্রায় নাইট্রোজেন প্রয়োগক'রায় উৎপাদন বৃদ্ধির যে পরিমাণ তার থেকে কসকরাসের p_0 মাত্রায়

নাইট্রোব্দেন প্ররোগে উৎপাদন বৃদ্ধির পরিমাণ বাদ দিলে আমর। কসকরাসের উপস্থিতি নাইট্রোব্দেনের উৎপাদন ক্ষমতাকে কি ভাবে প্রভাবিত ক'রে তার পরিমাপ পাব। বর্ত্তমান ক্ষেত্রে এই পরিমাপ হ'ল

$$. NP = \frac{1}{2}(n_1p_1 - n_op_1 - n_1p_o + n_op_o)$$

$$= \frac{1}{2}(n_1 - n_o)(p_1 - p_o)$$
(2.11)

অনুরূপভাবে আমরা ফসফরাস প্রয়োগে উৎপাদৃন বৃদ্ধির পরিমাপও বের ক'রতে পারি।

নাইটোজেনের no মাত্রায় ফসফরাস প্রয়োগ করার ফল

$$=n_o p_1 - n_o p_o \tag{2.12}$$

এবং নাইট্রোজেনের n1 মাত্রায় ফসফরাস প্রয়োগ ক'রার ফল

$$= n_1 p_1 - n_1 p_0 \tag{2.13}$$

অতএব ফসফরাস প্রয়োগে উৎপাদন বৃদ্ধির গড় পরিমাণ হ'ল

$$P = \frac{1}{2}(n_1p_1 - n_1p_o + n_op_1 - n_op_o)$$

$$= \frac{1}{2}(n_1 + n_o)(p_1 - p_o)$$
(2.14)

আগের মতই নাইট্রোজেনের n_1 মাত্রায় ফসফরাস প্রয়োগ ক'রার ফলে উৎপাদন বৃদ্ধির যে পরিমাপ তার থেকে নাইট্রোজেনের n_0 মাত্রায় ফসফরাস প্রয়োগ ক'রার ফলে উৎপাদন বৃদ্ধির পরিমাণ বাদ দিলে নাইট্রোজেনের উপস্থিতি ফসফরাসের উৎপাদন ক্ষযতাকে কেমন তাবে প্রভাবিত ক'রে তার পরিমাপ পাওয়া যাবে। আমরা যদি এই পরিমাপকে PN হারা চিহ্নিত ক'রি তাহ'লে

$$PN = \frac{1}{2}(n_1p_1 - n_1p_o - n_op_1 + n_op_o)$$

= \frac{1}{2}(n_1 - n_o)(p_1 - p_o) (2.15)

এক্ষপে (2.11) নং এবং (2.15) নং সমীকরণ দুটির তুলন। ক'রলে দেখা যাবে

$$NP = PN$$
 (2.16)

এই সাধারণ মানকে আমরা ব'লব নাইট্রোজেন এবং কসকরাসের বৌপক্রিয়া ফল ।

2.8.4. ভূই উপাদানীয় কলের সমষ্টিবর্গ এবং তার সংশর বিচার (Sum of squares due to factorial effects and its test of significance) ঃ ধরা যাক /টি সমসম্ভব ব্লাকে পরীকাটিকে পুনরাবৃদ্ধ ক'রা হ'বেছে। তাহ'লে বছকরপ সংখ্যাটি হ'ল r। একেত্রে কোন ৰুব্য বা বৌথ ক্রিয়াকলের সমষ্টি বর্গ পাওয়ার জন্য কলটির বগকে 4r বারা ভাগ ক'রতে হ'বে।

স্তরাং এক্দেত্রে N এই মুখ্যফলটির সমষ্টিবর্গ $=\frac{[N]^2}{4r}$, স্বাতস্ত্রমাত্রা 1

P এই মুখ্য ফলটির সমষ্টিবর্গ $=\frac{[P]^2}{4r}$, স্বাতস্ত্রসমাত্রা 1

NP এই যৌথ ক্রিয়া ফলের সমষ্টি বর্গ= $\frac{[NP]^2}{4r}$, স্বাতম্যমাত্রা 1

2.12. **নম্বর সারণী**r সংখ্যক সমসম্ভব ব্লকে পরীক্ষিত 2° পরীক্ষার প্রভেদ বিশ্লেষণ

-প্রভেদের উৎস	স্বাতস্ত্র্য শাত্রা	সমষ্টিবর্গ	গড়বৰ্গ	F
বুক	<i>r</i> − 1	বুকের সমষ্টিবর্গ		
. N	1	$S.S.[N] = \frac{[N]^2}{4r}$	s.s.[N]	$F_1 = \frac{S.S.[N]}{M.S.E}$
₽	1	$S.S.[P = \frac{[P]^2}{4r}]$	S.S.[P]	$F_2 = \frac{S.S.[P]}{M.S.E}$
.NP	1	$[S.S.[NP] = \frac{[NP]^2}{4r}$	S.S.[NP]	$F_3 = \frac{S.S.[NP]}{M.S.E.}$
ৰান্তি	$v_E=3(r-1)$	S.S.E=বিয়োগফল হিসাবে পাওয়া যাবে	$M.S.E. = \frac{S.S.E.}{v_E}$	
মোট	4r — 1	$\sum_{ij}(y_{ij}-\bar{y}\ldots)^2$		

F₁, F₂ এবং F₃ এদের প্রত্যেকটির নিবেশন হ'বে Fα; 1,3(r-1) স্থতরাং

মুখ্য প্রকল্পটি (অধাৎ উপাদানীয় ফল থাকার প্রকল্পটি বর্জন ক'রতে হ'কে যদি দেখা যায়

$$F_i > F\alpha$$
; 1, 3(r-1), $i=1,2,3$ (2.17)

2.8.5. ভিন উপাদানীয় পরীকা: এরপর ধরা যাক আমরা তিনটি উপাদান নিম্নে একটি পরীকা ক'রছি। তিনটি উপাদান হ'ল নাইট্রোব্দেন দটি মাত্রায় (n_0 এবং n_1) ফসফরাস দুটি মাত্রায় (n_0 এবং p_1) আর পটাশ দুটি মাত্রায় $(k_o$ এবং $k_1)$ । এই পরীকাটিকে সংক্ষেপে আমরা ϵ 2×2×2 भरीका वा 23 भरीका व'लि।

এখানে সন্মিলিত বিশেষকগুলি হ'ল

$$n_{0} p_{0} k_{0}$$
 $n_{1} p_{0} k_{0}$
 $n_{0} p_{1} k_{0}$
 $n_{1} p_{1} k_{0}$
 $n_{0} p_{0} k_{1}$
 $n_{1} p_{0} k_{1}$
 $n_{0} p_{1} k_{1}$
 $n_{1} p_{1} k_{1}$
 $n_{1} p_{1} k_{1}$
 $n_{2} k_{3}$
 $n_{3} k_{4}$
 $n_{4} k_{5}$

আমরা পরে দেখব এই সম্মিলিত বিশেষকগুলিকে যে পর্যায়ে (order)-'त्नश इ'रम्रष्ट जा विरम्भ वर्षवर।

2°-পরীকার মত এখানেও আমরা নাইটোজেন প্রয়োগের মাত্রা no থেকে n1 এ বাড়ালে উৎপাদন বৃদ্ধির পরিমাণ কত হ'বে তা বের ক'রতে পারি। স্বভাবত:ই এটি নির্ভর ক'রবে ফসফরাস এবং পটাশ কোন মাত্রায় আছে তার উপর। নিচের সারণীতে ফসফরাস এবং পটাশের বিভিন্ন ৰাত্ৰায় নাইট্ৰোব্দেন প্ৰয়োগের ফল কত হ'বে তা বের ক'রছি।

2.13. মন্তব সাবণী

ক ্সকরাসের	পটাশের	নাইট্রোব্দেন প্রয়োগের ফল
<u> শাত্রা</u>	মাত্রা	
Po	ko	$n_1 p_o k_o - n_o p_o k_o$
p_1	k_o	$n_1 p_1 k_0 - n_0 p_1 k_0$
Po	k_1	$n_1 p_0 k_1 - n_0 p_0 k_1$
p_1	k_1	$n_1 p_1 k_1 - n_2 p_1 k_1$

স্থাকন হ'ল $\frac{1}{2}[n_1p_ok_o-n_op_ok_o+n_1p_1k_o-n_op_1k_o+n_1p_ok_1 -n_op_ok_1+n_1p_1k_1-n_op_1k_1]$

$$= \frac{1}{4} [n_1 - n_o] [p_1 + p_o] [k_1 + k_o]$$
 (2.19)

অনুরূপ ভাবে, ফসফরাসের মুখ্যফল হ'বে

$$\frac{1}{4}(n_1+n_o)(p_1-p_o)(k_1+k_o) \tag{2.20}$$

এবং পটাশের মুখ্যফল হ'বে

$$\frac{1}{4}(n_1+n_o)(p_1+p_o)(k_1-k_o) \tag{2.21}$$

ঐ সারণী ধেকে আমর। আরও দেখতে পাচ্ছি যে পটাশের দুটি মাত্রার উপর যদি গড় নেওয়া যায় তাহ'লে ফসফরাসের নিম্নমাত্রায় (p_o) নাইট্রোজেনের ফল $=\frac{1}{2}(n_1p_o\mathbf{k}_o-n_op_ok_o+n_1p_ok_1-n_op_ok_1)$ (2.22) অনুরূপ তাবে, ফসফরাসের উচ্চমাত্রায় (p_1) নাইট্রোজেনের ফল

$$= \frac{1}{2} (n_1 p_1 k_o - n_o p_1 k_o + n_1 p_1 k_1 - n_o p_1 k_1)$$
 (2.23)

(2.22) নং এবং (2.23) নং সমীকরণের মান যদি অভিন্ন হয় তাহ'লে বুঝতে হ'বে পটাশের বিভিন্ন মাত্রায় নাইট্রোজেন প্রয়োগের ফল ফসফরাস কোঁন মাত্রায় আছে তার অপেক্ষা রাখে না। কিন্তু সাধারণতঃ (2.22) নং এবং (2.23) নং সমীকরণ দুটির মান ভিন্ন হ'বে। সেক্ষেত্রে (2.23) নং সমীকরণ থেকে (2.22) নং সমীকরণ বাদ দিলে পটাশের বিভিন্ন মাত্রায় নাইট্রোজেন প্রয়োগের ফলে উৎপাদন বৃদ্ধির পরিমাণকে ফসফরাস কি ভাবে প্রভাবিত ক'বে তার পরিমাপ পাওয়া যাবে। এই পরিমাপটি হ'ল ফসফরাস এবং নাইট্রোজেনের যৌথ ক্রিয়াফল। এটিকে আমরা

NP ছারা চিহ্নিত ক'বব।

মুতরা:
$$NP = \frac{1}{4}(n_1 - n_o)(p_1 - p_o)(k_1 + k_o)$$
 (2.24)

অনুরূপ ভাবে
$$NK = \frac{1}{4}(n_1 - n_o)(p_1 + p_o)(k_1 - k_o)$$
 (2.25)

এবং
$$PK = \frac{1}{4}(n_1 + n_o)(p_1 - p_o)(k_1 - k_o)$$
 (2.26)

আবার উপরোক্ত সার্ণী থেকে পটাশের বিভিন্ন মাত্রায় নাইট্রোচ্ছেন এবং ফসকরাসের যৌথ ক্রিয়াফল বেরক'রা যেতে পারে। যেমন, পটাশের k_o নাত্রায় নাইট্রোচ্ছেন এবং ফসকরাসের যৌথ ক্রিয়াফল হ'ল

$$\frac{1}{2}(n_1 p_1 k_o + n_o p_o k_o - n_1 p_o k_o - n_o p_1 k_o)$$
 (2.27)

এবং পটাশের k_1 মাত্রায় নাইট্রোজেন এবং ফসফরাসের যৌথ ক্রিয়াফল হ'ল $\frac{1}{2}(n_1p_1k_1+n_0p_0k_1-n_1p_0k_2-n_0p_1k_1)$ (2.28)p

(2.27) নং এবং (2.28) নং সমীকরণের গড় নিলে আমরা পাব পটাশের বিভিন্ন মাত্রায় নাইট্রোজেন এবং ফসফরাসের যৌথক্রিয়া ফল অর্থাৎ NP. কিছ (2.28) নং সমীকরণ থেকে (2.27) নং সমীকরণ বাদ দিলে আমরা পাব বিভিন্ন মাত্রায় পটাশের উপস্থিতি নাইট্রোজেন এবং ফরফরাসের যৌথ ক্রিয়াফলকে কি ভাবে প্রভাবিত ক'রে তার পরিমাপ অর্থাৎ নাইট্রোজেন, ফসফরাস এবং পটাশ এই তিনটি উপাদানের যৌথ ক্রিয়াক্কর। এই যৌথ ক্রিয়াফলটিকে আমরা NPK হারা চিহ্নিত ক'রি। স্মুক্তরাং

$$NPK = {}^{1}(n_{1}-n_{o})(p_{1}-p_{o})(k_{1}-k_{o})$$
 (2.29)

বেহেতু এখানে তিনটি উপাদান জড়িত তাই আমরা এটিকে তিন উপাদানী যৌথ ক্রিয়াফল (three factor interaction) বলি। আবার অনেক সময় এটিকে খিতীয় পর্যায়ের যৌথ ক্রিয়াফলও (Second order interaction) ব'লা হয়।

উপরোক্ত আলোচনা থেকে আমরা দেখতে পাই যে সন্মিলিত বিশেষকের উৎপাদনকে নানাভাবে যোগ-বিয়োগ ক'রে এই যোগফলকে 4 বারা ভাগ ক'রে আমরা সমস্ত মুখ্যফল এবং যৌথ ক্রিয়াফল গুলি পাই"। এই যোগফলগুলিতে কোন সন্মিলিত বিশেষকের উৎপাদন যোগ ক'রতে হ'বে এবং কোন সন্মিলিত বিশেষকের উৎপাদন বিযোগ ক'রতে হ'বে তা আমরা নিচের সারণীতে প্রদর্শন ক'রছি। লেখার স্থবিধার জন্য এই সারণীতে কোন বিশেষক যদি নিমনমাত্রায় থাকে তাহ'লে তাকে 1 বারা চিহ্নিত ক'রব এবং যে বিশেষক উচ্চমাত্রায় থাকে সেগুলিকে অনুক্রপ অক্ষরটি বারা চিহ্নিত ক'রব। এইভাবে $n_o p_o k_o$ কে আমরা চিহ্নিত ক'রব (1) বারা, $n_1 p_o k_o$ কে n বারা, $n_o p_i k_i$ কে p k বারা ইত্যাদি।

তিন উপাদানীয় পরীক্ষার সমষ্টিবর্গ বের করার পদ্ধতি এবং সংশয় বিচার ঠিক দুই উপাদানীয় পরীক্ষার অনুরূপ। আমরা একটি উদাহরণের সাহায্যে তিন উপাদানীয় পরীক্ষার সমষ্টিবর্গ বের করার পদ্ধতি এবং সংশয় বিচারের আলোচনা ক'রব।

2.8.6. উপাদানীয় পরীক্ষার কল সমষ্টি বের ক'রার ইয়েট্স্-এর পক্ষি:

উপরোক্ত আলোচনায় আমরা দেখেছি যে যে কোন একটি উপাদানের মুখ্যফন বা যৌথ ক্রিয়াফন পেতে গেলে অর্দ্ধেকগুলি উৎপাদনকে যোগ

2.14. নম্মর সার্গী

শীতন উপাদানীয় পরীক্ষার মুখ্যফল এবং যৌথক্রিয়াফল

সমিলিত বিশেষক

रान	(1)	n	p	np	k	nk	pk	npk
-			***************************************					-
শোট	+	+	+	+	+	+	+	+
N	-	. +	_	+	-	+	-	+
P	_	_	+	+	-		+	.+
NP	+		_	+	+	-	-	+
K	-	-	-	-	+	+	+	+
NK	+	_	+	_	-	+	_	+
PK	+	+	-		_	_	+	+
NPK	_	+	+	-	+		_	4

ক'রতে হ'বে এবং বাকী অর্দ্ধেক উৎপাদনকে বিয়োগ ক'রতে হ'বে।

প্রতিবার এরূপ ভাবে প্রতিটি ফল পাওয়া খুবই সময় সাপেক এবং ক্লান্তিকর। ইয়েট্স্ 2ⁿ পরীকার ক্লেত্রে এই ফলগুলি পাওয়ার জন্য একটি স্থাসম্বন্ধ পদ্ধতি দিয়েছেন। আমরা 2^a পরীকার ক্লেত্রে পদ্ধতিটি বর্ণনা ক'রছি।

প্রথমে আটাট সমিনিত বিশেষককে স্থাসম তাবে সাজান হ'ল। এর জন্য প্রথমে লেখা হ'ল (1) এই সমিনিত বিশেষকটি। তারপর ক্রমে ক্রমে n, p, k এই জক্ষরগুলিকে যোগ ক'রা হ'ল। কোন একটি জক্ষর বোগ ক'রার পর পূর্বে যে সব সমিনিত বিশেষক আছে তাদের প্রত্যেকের সংগে এই জক্ষরটি যোগ ক'রবে সে সমস্ত সমিনিত বিশেষক পাওরা বার তাদের সব ক'টিকে ক্রমে ক্রমে কেখা হ'ল। এইভাবে প্রথম ভ্রমটি

পাওরা গেল। বিতীর স্বড়ে সমস্ত পুনরাবৃত্ত অংশগুলি থেকে সম্মিলিতঃ বিশেষকগুলির[মোট উৎপাদনগুলি কেখা হ'ল।

প্রথম বৃটি স্বস্ত্ব এইভাবে ভতি ক'রার পর তৃতীর স্বস্কৃটি পাওয়ার জন্য হিতীয় স্বস্কের সমস্ত সংখ্যাগুলিকে পরপর দৃটি ক'রে জোড়ায় জোড়ার ভাগ ক'রা হ'ল (অর্থাৎ 1 এবং 2; 3 এবং 4; 5 এবং 6; 7 এবং 8 এই ভাবে)। এখন তৃতীয় স্বস্কের প্রথম অর্দ্ধেক অংশটি পাওয়া বাবে একই জোড়ার দুটি সংখ্যাকে যোগ ক'রে, আর হিতীয় অর্দ্ধেক অংশ পাওয়া বাবে একই জোড়ার দুটি সংখ্যার নিচেরটি হ'তে উপর্বেরটি বাদ দিরে। হিতীয় স্বস্কু থেকে যেভাবে তৃতীয় স্বস্কু পাওয়া গেছে ঠিক সেই পদ্ধতিতে তৃতীয় স্বস্কু থেকে চতুর্ধ স্বস্কু এবং চতুর্ধ স্বস্কু থেকে পঞ্চম স্বস্কুটি পাওয়া বাবে। পঞ্চম স্বস্কু রে বাংখ্যাগুলি পাওয়া গেল সেগুলিই হ'ল সমস্কু বিশেষকগুলির মোট ফল, বিভিন্ন মুখ্যফল এবং যৌথক্রিয়াফল। প্রথম স্বস্কুর বে সারিতে যে সম্মিলিত বিশেষকগুলি আছে পঞ্চম স্বস্কুর উপাদানগুলির ফল পাওয়া যাবে।

উদাহরণের সাহায্যে আমরা একটি 2° পরীক্ষার বিশ্লেষণ পদ্ধতি প্রদর্শণ ক'রছি—তাতে আমাদের বক্তব্য আরও পরিম্কার ভাবে পরিম্ফুট হ'বে।

একটি 23- পরীক্ষার পরিকল্পনা ও উৎপাদনগুলি হ'ল নিমুরূপ :

			1 न	ব্লক			
np	pk	\boldsymbol{k}	nk	(1) -	p	n	npk
291	398	312	373	101	265	106	450
			2 न	व्रक			
pk	k	p	np	n	npk	nk	(1)
407	324	272	306	89	449	338	106
	i e		3 m	र ज़क			
\boldsymbol{k}	(1)	nk	pk	np	P	n	npk
323	87	324	423	334	279	128	471
			4 7	R NT	-	,	
nk	np	n	k	p	(1)	npk	pk
361	272	103	324	302	131	437	445

রকণ্ডলির সমষ্টি

ব্লকের নম্বর	সমষ্টি
1 नः द्वाक	. 2296
2 নং ব্লুক	2291
3 নং ব্লুক	2369
4 नः त्रुक	2375
শোট	9331

2.15 নম্বর সারণী ইয়েট্স্ এর পদ্ধতিতে 2° পরীক্ষার ফল সমষ্টি

সন্মিলিত বিশেষক 🕭	মোট উৎপাদন				ফল
(1)	(2)	(3)	(4)	(5)	
(1)	. 425	851	3172	9331	মোট ফল বা গড়মান
n ·	426	2321	6159	333	N
p	1118	2679	86	2271	P
np	1203	3480	247	105	NP
. k	1283	1	1470	2987	K
nk	1396	85	801	161	NK
p k	1673	113	84	-669	PK
npk	1807	134	21	-63	NPK

2.16. বুজর সারণী প্রভেদ বিশ্লেষণ

উৎস	স্বাতহ্যমাত্রা	সমষ্টিবৰ্গ	গড়বৰ্গ	F
ব্লক	3	774-2	258.7	•74
N	1	3465·3	3465·3	9.99 **
P	1	161170-0	161170-0	464•46 **
NP	1	344.5	344·5	•99
K	1	278917-8	278817-8	803-51 **
NK	1	810.0	810.0	2.33
PK	1	13986·3	13986·3	40-30
NPK	1	124.0	124.0	•36
বান্তি	21	7 2 8 7 ·6	347.0	
<u>ৰোট</u>	31	4667 79 ·7		

স্বতরাং দেখা বাচ্ছে N,P,K এই তিনটি মুখ্যফল এবং PK এই বৌণক্রিয়া ফলটি খুবই তাৎপর্য পূর্ব ।

2.8.7. উপাদানগুলি যখন ছুই এর অধিক মাজার প্ররোগ ক'র৷ হয় তথন ছুই উপাদানীয় পরীকা:

আমরা এতক্ষণ যে সব উপাদানীয় পরীক্ষার আলোচনা ক'রলাম সেগুলিতে প্রতিটি উপাদানকে ঠিক দুটি মাত্রায় প্রয়োগ ক'র: হ'রেছে। কিছ বাত্তব ক্ষেত্রে অনেক সময় দুই এর অধিক মাত্রায় প্রয়োগ ক'রার প্রয়োজন দেখা দের। এসকল ক্ষেত্রে বিশ্লেষণ খুবই ছটিল হয়। কারণ এবানে বিশ্লেষণের মধ্যে অনেক কিছু দেখার থাকে। আমরা খুব একটি সাধারণ পরীক্ষার উদাহরণ দেব এবং সেধানেও খুব বেশী অটিলতার মধ্যে না গিয়ে শুধু মাত্র মুখ্যফল এবং যৌথ ক্রিয়াফল বের ক'রার পদ্ধতিটুকুই বর্ণনা ক'রব।

গমের উৎপাদনের উপর নাইট্রোজেন এবং ফসফরাস ঘটিত সারের প্রভাব দেখার জন্য একটি পরীক্ষার পরিকল্পনা ক'রা হ'য়েছে। এখানে নাইট্রোজেনকে পাঁচটি মাত্রায় (n_0,n_1,n_2,n_3,n_4) এবং ফসফরাসকে তিনটি মাত্রায় (p_0,p_1,p_3) প্রয়োগ ক'রা হ'য়েছে।

2.17. **রন্ধর সারণী** এক নম্বর বছকরণ ফসফরাসের সাত্রা

নাইট্রো জে নের নাত্রা	Po	<i>p</i> ₁	P2	শোট
no	17.0	20•0	19•7	56.7
n ₁	16.1	18-9	20-3	55.3
n ₂	21.1	23-1	21.8	66.0
n _s	15•4	20.9	18.4	54.7
n ₄	20.3	21.0	14.2	55.5
त्तांहे	89.9	103-9	94·4	288-2

প্ৰভেদ বিশ্লেষৰ ও প্ৰীক্ষৰ পৰিকল্পনা

2.18. নাম্ম সার্থী ছাই নাম্ম মছকরণ ক্যকরাসের সাত্রা

নাইট্রোজেনের বাঁত্রা	Po	<i>p</i> ₁	. P ₂	শেচি	
··no	22.8	20.7	23.5	67-0	
`n ₁	24•3	26.2	26.7	77-2	
na	27-2	24•9	24.6	76.7	
n _a	27.8	26.3	24.0	78-1	
n ₄	24.0	23.7	23·3	71-0	
				<u> </u>	
ৰোট	126·1	121.8	122-1	370-0	

স্তরাং এক্টেরে মোট সমষ্টবর্গ (অসংশোষিত)
$$= \Sigma y_{ij}^{\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ } = 14803\cdot 440$$

$$G=658\cdot 2$$
 অন্তর্গর সংশোধন জংশ = $\frac{G^2}{n}$ = $\frac{(658\cdot 2)^2}{30}$ = $14440\cdot 908$ বছকরণ সমষ্টবর্গ = $\frac{(288\cdot 2)^2}{15}$ + $\frac{(370\cdot 0)^2}{15}$ - $\frac{(658\cdot 2)^2}{30}$ = $223\cdot 042$

একৰে প্রতিষ্টি সমিনিত বিশেষকের কলকে দুটি বছকরণ বেকে বোগ ক'রে আনরা বিভিন্ন দুসিনিত বিশেষকের ফলকে একটি সাক্ষীতে প্রকাশ কর্মণে পারি।

2.19. নম্ব সার্গী

	Po	p_1	p_2	নোট
n ₀	39•8	40·7	43.2	123.7
n ₁	40·4	45·1	47.0	132:5
n ₂	48-3	48.0	46-4	142.7
n _s	43.2	47·2	42.4	132.8
n ₄	44-3	44.7	37.5	126.5
নোট	216.0	225.7	216·5	628:2

অতএব
$$N$$
 এর সমষ্টিবর্গ = $\frac{(123\cdot7)^2}{6} + \frac{(132\cdot5)^2}{6} + \cdots + \frac{(126\cdot5)^2}{6} - \frac{(658\cdot2)^2}{30}$

$$=35.645$$

অনুরূপ ভাবে
$$P$$
এর সমষ্টিবর্গ $=\frac{(216\cdot0)^2}{10}+\frac{(225\cdot7)^2}{10}+\frac{(216\cdot5)^2}{10}$

(658·2)²

=5 966

একৰে উনিশ নং সারণীর মোট সমষ্টি বর্গ

$$= \frac{(39\cdot8)^2}{2} + \frac{(40\cdot7)^2}{2} + \frac{(43\cdot2)^2}{2} + \frac{(40\cdot4)^2}{10} + \dots + \frac{(37\cdot5)^2}{2} - \frac{(658\cdot2)^2}{30}$$

স্থ্তরাং N×P এর সমষ্ট্রবর্গ = 74·322 - 35·645 - 5·966 = 32·711

2·20 সম্বর প্রভেদ বিশ্লেষণ

উৎস	স্বাতস্ক্যমাত্রা	সম ষ্টি বৰ্গ	গড়বর্গ	F
বছকরণ	1	223 042		
N	4	35.645	8•911	1.913
P	2	5.966	2.983	•640-
N×P	8	32.711	4.089	·878-
ষান্তি	14	65·168	4.659	
বোট	29	362-532		

শাইত: এখানে N,P এবং NPর কোনরূপ তাৎপর্যপূর্ণ ফল নেই।

নহপাঠ্য পুতকাৰলী

- [1] Anderson, R.L. & Bancroft, T.A.: "Statistical Theory in Research" Mc-Graw Hill, 1952.
- [2] Cochran, W.G. & Cox, G.M.: "Experimental Designs"

 John Wiley & Sons, New York, 1957.
- [3] Fisher, R.A.: "The Design of Experiments", Oliver & Boyd, 1947.
- [4] Goon, A.M., Gupta. M.K. & Dasgupta, B.: "Fundamentals of Statistics, Vol". 2. 1968
- [5] Goulden, C.H.: "Methods of Statistical Analysis", Asia Publishing House, 1959.

- [5] Kempthorne, O.: "The Design and Analysis of Experiments," John Wiley, 1952.
- [7] Kenny, J. F. & Keeping, E.S.: "Mathematics of Statistics", Part II, D. Van. Nostrand Co. Inc. 1956.
- [8] Leonard, W.H. and Clark, A.G.: "Field plot Technique", Burgess Publishing Co., 1945.
- [9] Panse, V.G. & Sukhatme, P.V.: "Statistical Methods for Agricultural Workers", Indian Council of Agricultural Research, 1957.
- [10] Wishart, J. and Sanders, H.G.: "Principles and practice of field experimentation," Commonwealth Bureau of Plant breeding and genetics; Tech. Com. No. 18, 1955.
- [11] Yates, F.: "The Design and analysis of factorial experiments," Imperial Bureau of Soil Science; Tech. Com. No. 35, Harpenden, England, 1937.

जन्मेननी

2.1. পরীক্ষণ পরিকল্পনার সম-সম্ভবী করণ, বছকরণ ও স্থানীর নিয়ন্ত্রণ এর ভূমিক। ব্যাখ্যা কর ।

একটি সমসম্ভব গ্লক পরিকল্পনার বর্ণনা দাও এবং উহার বিশ্লেষণ প্রধানী দাও।

- 2.2. উপাদানীয় পরীক্ষা ব'লতে কি বোঝ ? উপাদানীয় পরীক্ষাকে এক উপাদানীয় পরীক্ষা হ'তে অপেক্ষাকৃত উৎকৃষ্ট ব'লে গন্য ক'রা হয় কেন ?
 - একটি 2° উপাদানীয় পরীক্ষার পরিকল্পনা এবং বিশ্লেষণ প্রণালী দাও।
- 2.3. পরীক্ষণী এককগুলিকে সদৃশব্ধকে বিন্যাস ক'রার ফলে
 কিভাবে পরীক্ষণী প্রান্তি নিয়ন্ত্রিত হয় উদাহরণ সাহায্যে ব্যাখ্যা ক'র।
 একটি ল্যাটিন বর্গ পরিকল্পনা ও তার বিশ্লেষণ প্রণালী বর্ণনা
 (ক.বি. 1970)
- 2.4. দুই উপাদানীয় পরীক্ষায় মুখ্যফল ও যৌথক্রিরাফল কাহাকে
 ব'লে ? সমসন্তব প্লকে পরিচালিত একটি দুই-উপাদানীয় পরীক্ষার বিশ্লেষণ
 প্রধানী বিশদভাবে বর্ণনা কর।

ে 2:5. পরীকণী পরিকলনার মূলতম তিনটি ব্যাব্যা ক'ছ।

একটি সম্পূর্ণরপে সমসম্ভব পরিকল্পনা থেকে একটি সমসম্ভব ব্লক পরিকল্পনা এবং তারপর বখন একটি ল্যাটিন বর্গ পরিকল্পনার কথা চিন্তা ক'রা হয় তখন বিশেষকের সংখ্যা এবং বছকরণ সংখ্যার উপর বেসব বিধিনিমেধ আরোপ ক'রার প্রয়োজন হয় তা' আলোচনা ক'র।

উপরোক্ত পরিকল্পনাগুলিতে কিভারে সরলতা (flexibility) বিসর্জন দিয়ে পরীক্ষণী দ্রান্তির উপর বেশী নিয়ন্ত্রণ অর্জন ক'রা যায় তাও আলোচনা কর।

- 2.6. (a) একটি সমসম্ভব ব্লুক্তে পরিচানিত একটি 2³— পরীক্ষার বিশ্বেষণ বিশ্বভাবে আলোচনা কর।
- (b) একটি ফগলের A, B এবং C তিন প্রকার বীত্বকে একটি সমসন্তব ত্রুক পরিকল্পনায় পরীক্ষা ক'রা হ'ল যার বছকরণ সংখ্যাটি হল চার। পাউণ্ডের পরিমাপে প্রতিটি পরীক্ষণী এককের উৎপাদনসহ পরীক্ষণী পরিকল্পনাটি নিচে দেওয়া হ'ল। পরীক্ষাটি হ'তে উভূত উৎপাদনগুলির বিশ্বেষণ ক'র এবং তোমার মতামত দাও।

প্রয়োজন বোধে এণ্ডলি ব্যবহার ক'রতে পার, $F_{.05,2,6}=5\cdot143,\ F_{.01,2,6}=10\cdot925,\ F_{.05,3,6},=4.757\ ; F_{01,3,6}=9\cdot779)$

С	5	A	6	В	9	A -	8
A	4	C	8	C	9	B	6
В	6	В	7	A	6	C	10

- 2.7. একটি ল্যাটিন বর্গ পরিকল্পনার সমস্ত স্থীকরণগুলির উল্লেখ ক'রে পরিকল্পনাটি এবং তার বিশ্লেষণ প্রণালী বর্ণনা কর ৷ F-বিচারাক্ষ বখন তাৎপর্যপূর্ণ, তখন বিভিন্ন বিশেষক যুগলের (treatment pairs) মধ্যে পার্থক্য তাৎপর্যপূর্ণ কিনা কিভাবে বিচার ক'রবে ?
- 2.8. পরীক্ষণ পরিকরনার সনসম্ভবীকরণ ও বছকরণের ভূমিকার উপর সংক্ষিপ্ত টীকা লিখ।

2.9. একটি বাজারদর সংক্রান্ত গবেষণায় একটি প্রধান বন্ত (staple: item) আলুর দাম নিয়ে পরীক্ষা ক'রা হ'য়েছিল। যে অঞ্চলে পরীক্ষা ক'রা হয়, সেখানে পাঁচটি শহর এবং প্রতিটি শহরে পাঁচ ধরণের গুদামছিল। যেহেতু পাঁচ প্রকার বছল প্রচলিত আলুই প্রতিটি শহরের প্রতিটি গুদামে দৈনন্দিন বিক্রি হ'ত সেজন্য একটি ল্যাটিন বর্গ পরিকল্পনায় পরীক্ষাটি ক'রা হ'য়েছিল। প্রতি কেজি আলুর গড়দাম (প্রসার হিসাবে) নিচে দেওয়া হ'ল।

শহর			গুদামের প্রব	কার		
		1	2	3	4	5
1	·	['] 59(<i>C</i>)	65(A)	63 (B)	60(D)	65(E)
2		65(E)	54(D)	68(C)	58(A)	60(B)
3 .		64(B)	61(E)	65(A)	64(C)	63(D)
4		63(D)	68(C)	62(E)	62(B)	67(A)
5	*	68(A)	65 (B)	62(D)	63(E)	65(C)

5% সংশয় মাত্রায় বিচার ক'রে দেখ (i) বিভিন্নপ্রকার আলুর মধ্যে কোন পার্থক্য আছে কিনা; (ii) বিভিন্নপ্রকার গুদামের মধ্যে কোন পার্থক্য আছে কিনা; (iii) শহরগুলির মধ্যে কোন পার্থক্য আছে কিনা?

বিভিন্নপ্রকার আলুর দামের প্রাক্কলনী মান বের কর।

- 2.10. নিমুলিখিত পরীক্ষাগুলির জন্য পরিকল্পনাগুলি বের কর:-
- (a) A,B এবং C এই তিনটি বিশেষক নিয়ে একটি সম্পূর্ণরূপে সমসন্তবী পরিকল্পনা উদ্ভাবন ক'র যাদের বহুকরণ সংখ্যাগুলি যথাক্রমে 2,3 এবং 4 ৷
- (b) দুটি ব্লুকে 4টি বিশেষক নিয়ে একটি সমসম্ভব ব্লুক পরিকল্পনা কর।
- 2.11. নিচের সারণীতে A,B,C,D,E এবং F এই ছ্মপ্রকার সারের খ্রাবত্ত প্রক্রীক্ষার জন্য চারটি সমসম্ভব ব্লকে পরিচালিত একটি পরীক্ষার উপাত্ত দেওয়া আছে।

1 নং ব্লুক	B	D	A	C	E	F
	52	33	36	58	44	53
2 नः द्वक	F	A	E	B	D	C
	48	40	43	50	39	50
3 নং ব্লক	B	C	F	D	E	A
	47	49	51	33	42	43
-4 নং ব্লুক	A	F	C	D	B	E
	45	44	55	35	51	43

উপান্ডটি পরীক্ষা ক'রে উপযুক্ত দিদ্ধান্ত গ্রহণ কর। A এবং B
এই দুই প্রকার সারের মধ্যে তাৎপর্যপূর্ণ পার্থক্য আছে কিনা দেখ।

- 2.12. একটি 5 x 5 ল্যাটিন বর্গ পরিকল্পনার পরিকল্পনাটি প্রস্তুত
- 2.13. ল্যাটন বর্গ পরিকল্পনায় পরিচালিত বীটের উপর সেচসংক্রাম্ভ পরীক্ষার উপাত্ত দেওয়া আছে।

(টনের হিসাবে প্রতি একরে বীটের উৎপাদন)

E 18:5	D 19.5	A 20·7	B 22:7	C 18·6
C 20·7	E 14·3	D 18.8	A 20·0	B 20·6
A 26·0	C 17·5	B 21·1	E 18·9	D 20·0
D 22·5	B 23·0	E 17·2	C 17·1	A 20.6
B 24·4	A 20·2	C 18•9	D 19·7	E 14·1

উদ্বাগটি পরীকা ক'রে দেখ বিশেষকগুলির মধ্যে তাৎপর্বপূর্ণ পার্থক্য বিদ্যানান কিনা এবং দ্বনিটির সারি ও গুল্প বিভাগের বৈনাদৃশ্য সম্পর্কে নক্ষর কর। 2.14. সমসন্তব ব্লক পরিকরনার ছর প্রকার বীজের পার্ধক্য সংক্রান্ত একটি পরীক্ষার পাউণ্ডের হিসাবে উৎপাদনের পরিমাণ এবং পরীক্ষণী পারিকরনাটি (বর্ষনীর মধ্যে সংখ্যাদারা চিহ্নিত) দেওয়া হ'ল।

া নং গ্লুক	(1)	(3).	(2)	(4)	(5)	(6)
•	27.8	27.7	30.6	16.2	16.2	24.9
2 নং ব্লুক	(3)	(2)	(1)	(4)	(6)	(5)
	22.7	28.8	27.3	15.0	22.5	17-0
3 नः त्रुक	(6)	. (4)	(1)	(3)	(6)	(5)
	26.3	19.6	38.5	36.8	39.4	15.4
4 নং ব্লুক	(5)	(2)	(1)	(4)	(3)	(6)
e	17.7	31.1	28.5	14.3	34.9	22.6

উপাতাট বিশ্লেষণ ক'র এবং বীঞ্জনিকে নিক্টতার ক্রমপর্যায়ে সাম্বাও।

2

निर्वाश्रष्ट । माजनीमपूर

পরিশিষ্ট: সারণীসমূহ

সারণী I. মোল নর্ম্যাল চলকের (গড় 0 ও সমকপার্থক্য ।) নিবেশনের অক্ষরেখা (ordinate) ও ক্ষেত্রফল (area)*

7	$\phi(\tau)$	$\Phi(au)$	τ	$\phi(au)$	$\Phi(au)$	au	$\phi(au)$	$\Phi(au)$
.00	.3989423	.5000000						
.01	.3989223	.5039894	.51	.3502919	.6949743	1.01	.2395511	.8437524
.02	.3988625	.5079783	.51 .52	.3484925	.6984682	1.02	.2371320	.8461358
.03	.3987628	.5119665	.53	.3456677	.7019440	1.03	.2347138	.8484950
.04	.3986233	.5159534	.54	.3448180	.7054015	1.04	.2322970	.8508300
.05	.3984439	.5199388	.55	.3429439	.7088403	1.05	.2298821	.8531409
.06	.3982248	.5239222	.56	.3410458	.7122603	1.06	.2274696	.8554277
.07	.3979661	.5279032	.57	3301243	.7156612	1.07	2250599	.8576903
.08	.3976677	.5318814	.58	.3371799	.7190427	1.08	.2226535	.8599289
.09	.3973298	.5358564	.59	.3352132	.7224047	1.09	.2202508	.8621434
.10	.3969525	.5398278	.60	.3332246	.7257469	1.10	.2178522	.8643339
11	.3965360	.5437953	.61	.3312147	.7290691	1.11	.2154582	.8665005
.11	.3960802	.5477584	.62	.3291840	.7323711	1.12	.2130691	.8686431
.13	.3955854	.5517168	.63	.3271330	.7356527	1.13	.2106856	.8707619
.14	.3950517	.5556700	.64	.3250623	.7389137	1.14	.2083078	:8728568
.15	.3944793	.5596177	.65	.3229724	.7421539	1.15	.2059363	.8749281
.16	:3938684	.5635595	.66	.3208638	.7453731	1.16	.2035714	.8769756
.17	.3932190	.567,4949	.67	.3187371	.7485711	1.17	.2012135	.8789995
.18	.3925315	.5714237	:68	.3165929	.7517478	1.18	.1988631	.8809999
10	.3918060	.5753454	.69	.3144317	7540020	1.19	.1965205	.8829768
.13	.3910427	.5792597	.70	.3122539	.7549029 .7580363	1.20	.1941861	.8849303
21	.3900419	.5831662	.71	.3100603	.7611479	1.21	1918602	.8868606
22	.3894038	.5870644	.72	.3078513	.7642375	1.22	.1895432	.8887676
.22	.3885286	5909541	.73	.3056274	.7673049	1.22 1.23	.1872354	.8906514
-23	.3876166	.5948349	.74	.3033893	.7703500	1.24	.1849373	.8925123
25	.3866681	.5987063	.75	.3011374	.7733726	1.25	.1826491	.8943502
-25		.6025681	.76	.2988724	.7763727	1.25 1.26	.1803712	.8961653
27	.3856834		./0	.2965948	.7793501	1.27	.1781038	.8979577
-21	.3846627	.6064199	.77 .78	.2943050	7022046	1.27	.1758474	.8997274
-28	.3836063	.6102612	.79	.2920038	.7823046 .7852361	1.28 1.29	.1736022	.9014747
.29	.3825146	.6140919	./9	2920000	7001446	1.30	.1713686	.9031995
-30	.3813878	.6179114	.80	.2896916	.7881446	1.30	.1691468	.9049021
.31	.3802264	.6217195	.81 .82	.2873689	.7910299 .7938919	1.31 1.32	.1669370	.9065825
.32	.3790305	.6255158	.82	.2850364	./938919	1.33	.1647397	.9003023
.33	.3778007	.6293000	.83	.2826945	.7967306	1.33	.1625551	.9098773
.34	.3765372	.6330717	.24	.2803438	.7995458	1.34	.1603833	.9114920
.35	.3752403	.6368307	.85	.2779849	.8023375	1.35	1502249	0120000
.19 .20 .21 .22 .23 .24 .25 .27 .28 .29 .30 .31 .32 .33 .34 .35 .36 .37	.3739106	.6405764	.86	.2756182	.8051055	1.36	.1582248	.9130850
.37	.3725483	.6443088	.87	.2732444	.8078498	1.37	.1560797	.9146565
.38	.3711539	.6480273	.88	.2708640	.8105703	1.38	.1539483	.9162067
.39	.3697277	.6517317	.89	.2684774	.8132671	1.39	.1518308	.9177356
.38 .39 .40	.3682701	.6554217	.90	.2660852	.8159399	1.40	.1497275	.9192433
.41	.3667817	.6590970	.91	.2636880	.8185887	1.41	.1476385	.9207302
.42	.3652627	.6627573	.92 .93	.2612863	.8212136	1.42	.1455641	9221962
.43	.3637136	.6664022	.93	.2588805	.8238145	1.43	.1435046	.9236415
.44 .45	.3621349	.6700314	.94	.2564713	.8263912	1.44	.1414600	.9250663
.45	.3605270	.6736448	.95	.2540591	.8289439	1.45	.1394306	.9264707
.46	.358890 3	.6772419	.96	.2516443	.8314724	1.46	.1374165	.9278505
.47	.3572253	.6808225	.97	.2492277	.8339768	1.47	.1354181	.9292191
.48	.3555325	.6843863	,98	,2468095	.8364569	1.48	.1334353	.9305634
.49	3538124	.6879331	:99	.2443904	.8389129	1.49	.1314684	.9318879
EA	3520653	.6914625	1.00	2419707	8413447	1.50	.1295176	.9331928

রাশিবিজ্ঞানের প্রয়োগপদ্ধতি

7	$\phi(au)$	$\Phi(au)$		$\phi(\tau)$	${m \Phi}(au)$		$\phi(au)$	$\Phi(au)$
1.51	.1275830	.9344783	2.01	.0529192	.9777844	2.51	.0170947	.9939634
1.52	.1256646	9357445	2.02	.0518636	.9783083	2.52	.0166701	.9941323
1.53	.1237628	.9369916	2.03	.0508239	.9788217	2.53	.0162545	.9942969
1.54	.1218775	.9382198	2.04	.0498001	.9793248	2.54	.0158476	.9944574
1.55	.1200090	.9394292	2.05	.0487920	.9798178	2.55	.0154493	.9946139
1.56	.1181573	.9406201	2.06	.0477996	.9803007	2.56	.0150596	.9947664
1.55 1.56 1.57	.1163225	.9417924	2.07	.0468226	.9807738	2.57	.0146782	.9949151
1.58 1.59	.1145048	.9429466	2.08	.0458611	.9812372	2.58	.0143051	.9950600
1.59	.1127042	.9440826	2.09	.0449148	.9 816911	2.59	.0139401	.9952012
1.60	.1109208	.9452007	2.10	.0439836	.9821356	2.60	.0135830	.9953388
1.61	1091548	.9463011	2.11	.0430674	.9825708	2.61	.0132337	.9954729
1.62	.1074061	.9473839	2.12 2.13	.0421661	.9829970	2.62	.0128921	.9956035
1.63	1056748	.9484493	2.13	.0412795	.9834142	2.63	.0125581	.9957308
1.64 1.65	.1039611	.9494974	2.14	.0404076	.9838226	2.64	.0122315	.9958547
1.66	.1022649	.9505285	2.15 2.16	.0395500	.9842224	2.65	.0119122	.9959754
1.67	.1005864	.9515428	2.10	.0387069	.9846137	2.66	.0116001	.9960930
1.68	.0972823	.9525403 .9535213	2.17	.0378779	.9849966 .9853713	2.67 2.68	.0112951	.9962074 .9963189
1.00	.0956568	.9535215	2.19	.0362619	.9857379	2.69	.0107056	.9964274
1.69 1.70	.0930308	.9554345	2.20	.0354746	.9860966	2.70	.010/030	.9965330
1.71	.0924591	.9563671	2.21	.0347009	.9864474	2.71	.0101428	.9966358
1.72	.0908870	.9572838	2.22	.0339408	.9867906	2.72	.0098712	.9967359
1.73	.0893326	.9581849	2.23	.0331939	.9871263	2.73	.0096058	.9968333
1.74	.0877961	.9590705	2.24	.0324603	.9874545	2.74	.0093466	.9969280
1.75	.0862773	.9599408	2.25	.0317397	.9877755	2.75	.0090936	.9970202
1.76	.0847764	.9607961	2.26	.0310319	.9880894	2.76	.0088465	.9971099
1.77	.0832932	.9616364	2.27	.0303370	.9883962	2.77	.0086052	.9971972
1.78	.0818278	.9624620	2.28	.0296546	.9886962	2.78	.0083697	.9972821
1.79	.0803801	.9632730	2.29	.0289847	.9889893	2.79	.0081398	.9973646
1.80	.0789502	.9640697	2.30	.0283270	.9892759	2.80	.0079155	.9974449
1.81	.0775379	.9648521	2.31	.0276816	.9895559	2.81	.0076965	.9975229
1.82 1.83	.0761433 .0747663	.9656205	2.32	.0270481	.9898296	2.82	0074829	.9975988
1.83	.0747663	.9663750	2.33	.0264265	.9900969	2.83	.0072744	.9976726
1 24	.0734068	.9671159	2.34	.0258166	.9903581	2.84	.0070711	.9977443
1.85	.0720649	.9678432	2.35	0252182	.9906133	2.85	.0068728	.9978140
1.85 1.86 1.87	.0707404	.9685572	2.36	.0246313	.9908625	2.86	.0066793	.9978818
1.87	.0694333	.9692581	2.37	.0240556	.9911060	2.87	.0064907	.9979476
1.88 1.89	.0681436	.9699460	2.38	.0234910	.9913437	2.88	.0063067	.9980116
1.89	.0668711	.9706210	2.39	.0229374	.9915758	2.89	.0061274	.9980738
1.90 1.91	.0656158	.9712834	2.40	.0223945	.9918025	2.90	.0059525	.9981342
1.91	.0643777	.9719334	2:41	.0218624	.9920237	2.91	.0057821	.9981929
1.92	.0631566	.9725711	2.42	.0213407	.9922397	2.92	.0056160	.9982498
1.93 1.94	.0619524	.9731966	2.43	.0208294	.9924506	2.93 2.94	.0054541	9983052 9983589
1.94	.0607652	.9738102	2.44	.0203284	.9926564	2.94		.9984111
1.95	.0595947	.9744119	2.45 2.46	.0198374	.9928572 .9930531	2.95 2.96	.0051426	.9984618
1.96 1.97	.0584409	.9750021	2.40 2.47	.0193503	.9932443	2.90	.0049929	.9985110
1.98	.0573038	.9755 808 .9761 482	2.48	.0184233	.9934309	2.98	.0046470	.9985588
1.99	.0561831 .0550789	.9767045	2.49	.0179711	.9936128	2.99	.0047656	.9986051
2.00	.0539910	.9772499	2.50	.0175283	.9937903	3.00	.0043300	.9986501
4.00	10333310	3114777	2.50	.017.000	.,,,,,,,,,	0.00	.0077010	.,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,

श्रतिनिष्टे : गावनीगर्यूष

7	$\phi(au)$	${m \Phi}(au)$	τ	$\phi(au)$	$\Phi(au)$. 7	$\phi(au)$	$\Phi(au)$
3.01	.0043007	.9986938	3.21	.0023089	.9993363	3.41	.0011910	.9996752
3.02	.0041729	.9987361	3.22	.0022358	.9993590	3.42	.0011510	.9996869
3.03	.0040486	.9987772	3.23	.0021649	.9993810	3.43	.0011122	.9996982
3.04	.0039276	.9988171	3.24	.0020960	.9994024	3.44	.0010747	.9997091
3.05	.0038098	.9988558	3.25	.0020290	.9994230	3.45	.0010383	.9997197
3.06	.0036951	.9988933	3.26	.0019641	.9994429	3.46	.0010030	.9997299
3.07	.0035836	.9989297	3.27	.0019010	.9994623,	3.47	.0009689	.9997398
3.08	.0034751	.9989650	3.28	.0018397	.9994810	3.48	.0009358	.9997493
3.09	.0033695	.9989992	3.29	.0017803	.9994991	3.49	.0009037	.9997585
3.10	.0032668	.9990324	3.30	.0017226	.9995166	3.50	.0008727	.9997674
3.11	.0031669	.9990646	3.31	.0016666	.9995335	3.51	.0008426	.9997759
3.12	.0030698	.9990957	3.32	.0016122	,9995499	3.52	.0008135	.9997842
3.13	.0029754	.9991260	3.33	.0015595	.9995658	3.53	.0007883	.9997922
3.14	.0028835	.9991553	3.34	.0015084	.9995811	3.54	.0007581	,9997999
3.15	.0027943	.9991836	3.35	.0014587	.9995959	5.55	.0007317	.9998074
3.16	.0027075	.9992112	3.36	.0014106	.9996103	3.56	.0007061	.9998146
3.17	.0026231	.9992378	3.37	.0013639	.9996242	3.57	.0006814	.9998215
3.18	.0025412	.9992636	3.38	.0013187	.9996376	3.58	.0006575	.9998282
3.19	.0024615	.9992886	3.39	.0012748	.9996505	3.59	.0006343	.9998347
3.20	.0023841	.9993129	3.40	.0012322	.9996631	3.60	.0006119	.9998409

Statisticians, Vol I এর Table I থেকে সংক্ষেপিত

मात्रनी II. तोन नर्यान वनत्कत नित्तनन: न ्- अत मानगर्र

α	.05	.025	.01	.005
Ta	1.645	1.960	2.326	2.576

রাশিবিজ্ঞানের প্রয়োগপদ্ধতি

iv:

সার্কী II x²-এর নিবেশন*: x²α, y এর মানসমূহ

								_
v a	0.995	0.99	0.975	0.95	0.05	0.025	0.01	0.005
		0.000	0.001	0.004	3.841	5.024	6.635	7.878
1	0.000	0.000	0.001	0.103	5.999	7.378	9.210	10.597
2	0.010	0.020	0.051 0.216	0.103	7.815	9.348	11.345	12.838
3	0.072	0.115	0.484	0.711	9.488	11.143	13.277	14.860
1 2 3 4 5	0.207	0.297	0.831	1.145	11.070	12.832	15.086	16.750
5	0.412	0.554	0.001	1.175	11.070	•====		
	0.474	0.872	1.237	1.635	12.592	14.449	16.812	18.548
9	0.676	1.239	1.690	2.167	14.067	16.013	18.475	20.278
7	0.989	1.646	2.180	2.733	15.507	17.535	20.090	21.955
8	1.344 1.735	2.088	2.700	3.325	16.919	19.023	21.666	23.589
6 7 8 9	2.156	2.558	3.247	3.940	18.307	20.483	23.209	25.188
10 1	2.150	2.330	UMITE	0.5.0	-		0.4 705	0/ 2/2
••	2.603	3.053	3.816	4.575	19.675	21.920	24.725	26.757
11 12	3.074	3.571	4.404	5.226	21.026	23.337	26.217	28.300
13	3.565	4.107	5.009	5.892	22,362	24.736	27.688	29.819
14	4.075	4.660	5.629	6.571	23.685	26.119	29.141	31.319
15	4.601	5.229	6.262	7.261	24.996	27.488	30.578	32.801
13	7.001					00.045	32.000	34.267
16	5.142	5.812	6.908	7.962	26.296	28.845	33,409	35.718
16 17	5.697	6.408	7.564	8.672	27.587	30.191		37.156
18	6.265	7.015	8.231	9.390	28.869	31.526	34.805 36.191	38.582
10	6.844	7.633	8.907	10.117	30.114	32.852	37.566	39.997
19 20	7.434	8.260	9.591	10.851	31.410	34.170	37.300	, 37.771
				44 504	22 (71	35.479	38.932	41.401
21	8.034	8.897	10.283	11.591	32.671 33.924	36.781	40.289	42.796
22	8.643	9.542	10.982	12.338		38.076	41.638	44.181
21 22 23	9.260	10.196	11.688	13.091	35.172	39.364	42,980	45.558
24	9,886	10.856	12.401	13.848	36.415 37.652	40.646	44.314	46.928
24 25	10.520	11.524	13.120	14.611	37.034	40.040	77.021	1000
		44 400	12044	15.379	38.885	41.923	45.642	48.290
2 6	11.160	12.198	13.844	16.151	40.113	43.194	46.963	49.645
26 27	11.808	12.879	14.573	16.928	41.337	44.461	48,278	50.993
28	12.461	13.565	15.308	17.708	42.557	45.722	49.588	52,336
28 29 30	13.121	14.256	16.047 16.791	18.493	43.773	46.979	50.892	53.672
30	13.787	14.953	10./91	10.470	45.770	10.575		
40.1	00 807	22.164	24.433	26.509	55.759	59,342	63.691	66.760
40	20.706	22.10 4 29.707	32.537	34.764	67.505	71.420	76.154	79.490
50	27.991	29.707 37.485	40.482	43,188	79.082	83.298	88.379	91.952
60	35.535		48.758	51.739	90.531	95.023	100.425	104.21
70	43.275	45.442 53.540	57.153	60.391	101.879	106.629	112.329	116.32
80	51.172	61.754	65.647	69.126	113.145	118.136	124.116	128.29
90 100	59.196		74.222	77.929	124.342	129.561	135. 807	140.169
100	67.328	70.065	17.466	7.7 .727				

^{*} Biometrika Trustees-এর অনুষ্তানুসারে Biometrika Tables for Statisticians-এর Table 8 থেকে সংক্ষেপিত।

 $[\]nu$ এর বৃহত্তর মানের জন্য $\sqrt{2x^2}-\sqrt{2\nu-1}$ কে প্রমাণ নর্ম্যান চলক হিসাবে বরা বেতে পারে ।

পরিশিষ্ট: সারণীসমূহ

সারণী IV. 1-নিবেশন: * 10,0 এর মানসমূহ

a	0.05	0.025	0.01	0.005	-
				**	,3
1 2 3 4 5	6.314 2.920 2.353 2.132	12.706 4.303 3.182 2.776	31.821 6.965 4.541 3.747	63.657 9.925 5.841 4.604	
5	2.015	2.571	3.365	4.032	
6	1.943	2.447	3.143	3.707	
7	1.895	2.365	2.998	3.499	
8	1.860	2.306	2.896	3.355	
9	1.833	2.262	2.821	3.250	
10	1.812	2.228	2.764	3.169	
11	1.796	2.201	2.718	3.106	
12	1.782	2.179	2.681	3.055	
13	1.771	2.160	2.650	3.012	
14	1.761	2.145	2.624	2.977	
15	1.753	2.131	2.602	2.947	
16	1.746	2.120	2.583	2.921	
17	1.740	2.110	2.567	2.898	
18	1.734	2.101	2.552	2.878	
19	1.729	2.093	2.539	2.861	
20	1.725	2.086	2.528	2.845	
21	1.721	2.080	2.518	2.831	
22	1.717	2.074	2.508	2.819	
23	1.714	2.069	2.500	2.807	
24	1.711	2.064	2.492	2.797	
25	1.708	2.060	2.485	2.787	
26	1.706	2.056	2.479	2.779	;
27	1.703	2.052	2.473	2.771	
28	1.701	2.048	2.467	2.763	
29	1.699	2.045	2.462	2.756	
30	1.697	2.042	2.457	2.750	
40 60 120	1.684 1.671 1.658 1.645	2.021 2.000 1.980 1.960	2.423 2.390 2.358 2.326	2.704 2.660 2.617 2.576	

^{*} Biometrika Trustees-এর অনুমত্যনুসারে Biometrika Tables for Statisticians এর Table 12 থেকে সংক্ষেপিত।

	मान्यम्ह
	Ş
1	12, 72
•	1.0
	ני ושנתחשים

·																										
	254.3	19.50		33	5.5 5.7	200	2	27	3	35	38	2.13	28	3 7	25	28	3	2	173	3	1.65	2	1.5	5 6	3	377
120	253.3	19.49	8,55 15,75 15,75	9.00	4.4 5.5	32	29	273	2.58	32	222	2.18	2.11	95	56	30	18	2	2	1.75	1.71	8	.58	1.47	3	7
8	252.2	19.48	8.57	9	35	9	3.01	2.79	25.62	400	230	222	2.16	2.11	35	4 5 5 5 6	25	8	1.82	8.	1.77	1.74	2	53	3	136
\$	251.1	19.47	8 5 5 5 6	276	12	33	200	283	9:	3.	23.2	227	220	2.15	2.15 2.05 2.05 2.05 2.05 2.05 2.05 2.05 2.0	35	8	1.94	1.89	1.85	1.82	1.79	99	50	3	NO.
8	250.1	19.46	20,	0.7		33	3.08	28 188 188	2.7	200	238	2.31	225	2.19	2.13	201	250	1.98	1,2	8.1	1.87	1.8	1.74	1.65		3
22	249.1	19.45	\$ 1	1	2	34	3.12	8:	2.74	20.0	242	2.35	220	775	2.2 2.5	2.5	208	203	1.98	1.95	1.9	28	2	2	3	36.
8	248.0	19.45	20 c	5 4 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5	200	34	3.15	318	11.7	2.0 2.7	246	2.39	2.33	200	35	217	212	2.07	2.03	8	. .8	1.93	2	1.75	8	1.3
15	245.9	1943	5,5	86	38	3.51	322	3.01	, St	200	253	2.46	3.6	2.35	200	223	220	2.15	2.11	2.07	2,2	2.07	23	\$	35	7.0
22	243.9	3	200	16.6	38	3.57	328	3.07	200	267	260	2.53	2.48	24.5	25	231	2.28	223	2.18	2.15	2.12	2.00	2.00	23	3:	1.73
9	2419	35.6	, c	32	400	30	3.35	3.14	200	275	2.67	2.8	25	5.4	\$2	238	2.35	2.30	2.25	222	2.19	2.16	2.08	8:3	2.5	3
0	20.5	15.50 5.00 5.00 5.00 5.00 5.00 5.00 5.00	350	35	4.10	3.68	3.39	3.18	38	288	2.71	2.65	2.50	46	2.5 5.5	242	2.39	2.34	2.30	2.27	2.24	221	2.12	2.5 2.5	<u> </u>	1.00
•	238.9	19.37	95	28	4.15	3.73	3.4	323	20°C	285	2.77	2.70	4.0	2.50	2.5 5.7	2.48	2.45	2.40	2.36	2.32	2.29	2.27	2.18	27.0	70.7	Į.
	236.8	3 3	200	200	42	3.70	3.50	328	3.14	291	2.83	2.76	7.7	87	3	2.54	2.51	2.46	2.42	239	2.36	233	2.2	7.5	35	4.01
9	234.0 2	3	1 2	4	3	3.87	3,58																			
5	2302 2	35	38	200	4.39	3.97	3.69	₩, w 4, w 5, t, w	36	3.11	3.03	88	3,5	20.0	277	2.74	2.71	2.66	2.62	2.59	2.56	2.53	3,5	3,50	36	DIG.
+	224.6 2	550	100		4.53	-	-	-	-		-					-			~	-	_	~ -		-	~ h	. 1
•				541	4.76	55	9	85	35.	3.49	3.41	3.34	300	200	3.16	3.13	3.10	3.05	3.01	238	2.35	7.7	8	200	85	3:3
~	199.5	250	3	2	5.14	474	4.	85	38	388	381	374	2.00	30	35,5	3.52	3.49	8. 4.	3.40	3.37	40.0	3.32	3.43	2.13	36	3
-	161.4		777	9	88	55	225	25	3	475	4.67	3:	4	7	4	4.38	4.35	4 .30	426	3	3:	4.1 200	35	38		
5/5		4 =	14		0	~	20 c	75	2=	2	<u> </u>	4.		20	. 99	0	8	2	*	8	88	25	25	38	3 #	,

क, ए वित्र मनियम्
•
): .F.
(श्र्वानुसंबर्)
F जिल्लान
मात्रका V.

	88%2002444 www.w.w.g.g.g.g.g.g.g.g.g.g.g.g.g.g.g.g
120	838 8428110274444888888888888888888888888888888888
8	28822 58822 58826 5886 588
4	8882 8882 84482 8644 8644 8646 8646 8646
8	2822277744425252424277777777777777777777
.57	8882 84884 84884 8684 8684 8684 8684 868
8	98842 94853445884468868886888488488888888888888
13	288427.02.444449.4.2.2.2.2.2.2.2.2.2.2.2.2.2.2.2
23	282427.0224444.000000000000000000000000000
9	88745 8878 8878 8878 8878 8878 8878 8878
٥	887451 2888528844444466666888823833687844
∞	88245 8248 8248 8248 8248 8248 8248 8248
2	887.45 86 8 8 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4
0	88 82 12 2 4 2 4 3 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4
20	2842254254254244444444455 28422542542542222222222
4	282211077.00000044444444444462000 227782324224762324247623242
6	28.25.20 84.20 ANNINGRANGE 4444444444 87.4888488848848484888288727242288
2	88888888888888888888888888888888888888
-	28218211111111111111111111111111111111

* Biometrika Trustees धन अनुम्लामुनातन, Biometrika Tables for Statisticians धन Table 18 (श्रदक मरत्याभिष्ठ। $v_{\rm s}, v_{\rm s}$ এর অন্যান্য মানের জন্য $1/v_{\rm s}$ ও $1/v_{\rm s}$ কে অনপেক চনক ধরে অন্তঃ প্রকেপণ করা যেতে পারে

রাশিবিজ্ঞানের প্ররোগপছতি ুশারণী VI. সমসম্ভব সংখ্যাসারি।*

4652 9031 2030 0641 8479 9917 6376 7287 0592 6499 0769 8678 0178 3392 0264	3819 7617 2327 1489 6062 3490 9899 0983 4912 9118 1109 4873 7794 0963 6009	8431 1220 7353 0828 5593 5533 9259 3236 3457 3711 7909 2061 6488 6364 1311	2150 4129 6007 0385 6322 2577 5117 3252 8773 8838 4528 1835 7364 5762 5873	2352 7148 9410 8488 9439 4348 1336 0277 5146 0691 8772 5054 4094 6322 5926	2472 1943 9179 0422 4996 0971 0146 8001 2519 1425 1876 5026 1649 2592	0043 4890 2722 7209 1322 2580 0680 6058 3931 7768 2113 2967 2284	3488 1749 8445 4950 4918 1943 4052 4501 6794 9544 4781 6560 7753
9031 2030 0641 8479 9917 6376 7287 0592 6499 0769 8678 0178 3392 0264 4089	7617 2327 1489 6062 3490 9899 0983 4912 9118 1109 4873 7794 0963 6009	1220 7353 0828 5593 5533 9259 3236 3457 3711 7909 2061 6488 6364 1311	4129 6007 0385 6322 2577 5117 3252 8773 8838 4528 1835 7364 5762	7148 9410 8488 9439 4348 1336 0277 5146 0691 8772 5054 4094 6322	1943 9179 0422 4996 0971 0146 8001 2519 1425 1876 5026 1649	2722 7209 1322 2580 0680 6058 3931 7768 2113 2967 2284	8445 4950 4918 1943 4052 4501 6794 9544 4781 6560 7753
2030 0641 8479 9917 6376 7287 0592 6499 0769 8678 0178 3392 0264 4089	2327 1489 6062 3490 9899 0983 4912 9118 1109 4873 7794 0963 6009	7353 0828 5593 5533 9259 3236 3457 3711 7909 2061 6488 6364 1311	6007 0385 6322 2577 5117 3252 8773 8838 4528 1835 7364 5762	9410 8488 9439 4348 1336 0277 5146 0691 8772 5054 4094 6322	9179 0422 4996 0971 0146 8001 2519 1425 1876 5026 1649	2722 7209 1322 2580 0680 6058 3931 7768 2113 2967 2284	4950 4918 1943 4052 4501 6794 9544 4781 6560 7753
0641 8479 9917 6376 7287 0592 6499 0769 8678 0178 3392 0264 4089	1489 6062 3490 9899 0983 4912 9118 1109 4873 7794 0963 6009	0828 5593 5533 9259 3236 3457 3711 7909 2061 6488 6364 1311	0385 6322 2577 51117 3252 8773 8838 4528 1835 7364 5762	8488 9439 4348 1336 0277 5146 0691 8772 5054 4094 6322	0422 4996 0971 0146 8001 2519 1425 1876 5026 1649	7209 1322 2580 0680 6058 3931 7768 2113 2967 2284	4950 4918 1943 4052 4501 6794 9544 4781 6560 7753
9917 6376 7287 0592 6499 0769 8678 0178 3392 0264	6062 3490 9899 0983 4912 9118 1109 4873 7794 0963 6009	5593 5533 9259 3236 3457 3711 7909 2061 6488 6364 1311	2577 5117 3252 8773 8838 4528 1835 7364 5762	9439 4348 1336 0277 5146 0691 8772 5054 4094 6322	4996 0971 0146 8001 2519 1425 1876 5026 1649	2580 0680 6058 3931 7768 2113 2967 2284	1943 4052 4501 6794 9544 4781 6560 7753
9917 6376 7287 0592 6499 0769 8678 0178 3392 0264	3490 9899 9983 4912 9118 1109 4873 7794 0963 6009	5533 9259 3236 3457 3711 7909 2061 6488 6364 1311	2577 5117 3252 8773 8838 4528 1835 7364 5762	4348 1336 0277 5146 0691 8772 5054 4094 6322	0971 0146 8001 2519 1425 1876 5026 1649	2580 0680 6058 3931 7768 2113 2967 2284	1943 4052 4501 6794 9544 4781 6560 7753
6376 7287 0592 6499 0769 8678 0178 3392 0264	9699 0983 4912 9118 1109 4873 7794 0963 6009	9259 3236 3457 3711 7909 2061 6488 6364 1311	5117 3252 8773 8838 4528 1835 7364 5762	1336 0277 5146 0691 8772 5054 4094 0322	0146 8001 2519 1425 1876 5026 1649	2580 0680 6058 3931 7768 2113 2967 2284	4052 4501 6794 9544 4781 6560 7753
6376 7287 0592 6499 0769 8678 0178 3392 0264	9699 0983 4912 9118 1109 4873 7794 0963 6009	9259 3236 3457 3711 7909 2061 6488 6364 1311	5117 3252 8773 8838 4528 1835 7364 5762	1336 0277 5146 0691 8772 5054 4094 0322	0146 8001 2519 1425 1876 5026 1649	6058 3931 7768 2113 2967 2284	4501 6794 9544 4781 6560 7753
7287 0592 6499 0769 8678 0178 3392 0264	0983 4912 9118 1109 4873 7794 0963 6009	3236 3457 3711 7909 2061 6488 6364 1311	3252 8773 8838 4528 1835 7364 5762	5146 0691 8772 5054 4094 0322	8001 2519 1425 1876 5026 1649	3931 7768 2113 2967 2284	6794 9544 4781 6560 7753
0592 6499 0769 8678 0178 3392 0264	4912 9118 1109 4873 7794 0963 6009	3457 3711 7909 2061 6488 6364 1311	8838 4528 1835 7364 5762	5146 0691 8772 5054 4094 0322	2519 1425 1876 5026 1649	3931 7768 2113 2967 2284	9544 4781 6560 7753
0769 8678 0178 3392 0264	9118 1109 4873 7794 0963 6009	3711 7909 2061 6488 6364 1311	8838 4528 1835 7364 5762	0691 8772 5054 4094 0322	1425 1876 5026 1649	7768 2113 2967 2284	4781 6560 7753
0769 8678 0178 3392 0264	1109 4873 7794 0963 6009	7909 2061 6488 6364 1311	4528 1835 7364 5762	8772 5054 4094 0322	1876 5026 1649	2113 2967 2284	6560 7753
0769 8678 0178 3392 0264	4873 7794 0963 6009	2061 6488 6364 1311	1835 7364 5762	5054 4094 0322	5026 1649	2967 2284	6560 7753
8678 0178 3392 0264 4089	4873 7794 0963 6009	2061 6488 6364 1311	1835 7364 5762	5054 4094 0322	5026 1649	2284	7753
0178 3392 0264 4089	7794 0963 6009	6488 6364 1311	7364 5762	4094 0322	1649	2284	
3392 0264 4089	0963 6009 7732	6364 1311	5762	0322	2502		
0264 4089	6009 7732	1311	5873	5926	Z372	3452	9002
4089	7732	•	50/0		8597	9051	8995
		M 40			4 3	***	
		8163	2798	1984	1292	0041	2500
9376		7987	1937	2251	3411	6737	0367 9211
3039	3780	2137	7641	4030	1604	2517	9211
8971	8653	1855	5285	5631	2649	6696	5475
	4153	5199	5765	2067	6627	3100	5716
10373	7200	-				0000	£12E
9092	4773	- 0002	7000	7800	2292	2933	6125 7080
2464	1038	3163	3569	7155	2029	2538	
3027	6215	3125	5856	9543 1865	3660	0255	5544
5754	9247	1164	3283	1865	5274	5471	1346
4358	3716	6949	8502	1573	5763	5046	7135
				4 4 404	.4864	0629	5100
7178	8324	8379	7365	4577	7249	1738	2721
5035	5939	3665	2160	6700	8664	2185	7290
3318	0220	3611	9887	4608	8286	8901	5534
9058	1735	7435	6822	6622	3306	8088	3899
7886	5182	7595	0305	4903	3300	0000	0077
		2004	1222	5345	6565	3159	3991
3354	8454	7386	1333	1790	9449	6285 0755	2525
3415	7671	0846	7100	2268	1898	0755	6034
.3918	5872	7898	6125	6533	0917	6673	5721
6138	9045	6950	8843	4637	7329	3156	3291
3825	1704	2835	4677	4037	1347	0100	•=-
6616	644	9311	9787	1284	0769	8422	1077
1349 4234	0417		6504	2754	4044	0842	9080
4234	0248	7760	3657	5263	0374	7563	6599
6880	3201	7044	303/ 1134	5342	1608	5179	0967
0714	5008	5076	0583	1260	0662	7257	0766
3448	6421	3304	0303	1200	0000		
-	7242	7539	3684	9397	5335	4031	1486
5711	7343	0553	2427	3598	2580	7017	9176
2588	3301		5264	5411	3431	3092	8573
8581	4253	7404	9675	6533	1133	8776	2216
8475	6322	3949 8549	5552	7469	2799	2822	9620
0272	5624	6347	3336	. 107			
9909	7795	7939	2652	4456	6993	2950	8573
7383	2089	7729	0945	3901	4445	7117	8186
5126	3760-	0939	7319	5939	3432	2030	4752
2064	8185	7805	6294	7072	6491	4012	1016
9315 6814	8752	3462	6001	3302	3895	7371	3432

4433	0247	9747	0412	3893	2503	2972	4154
9193	7314	1501	4702	7030	9601	0630	3727
4246	0693	6041	0931	2952	4968	8239	7729
6974	1051	8966	5157	2154	9558	7646	3043
5673	1602	8741	0513	8713	6108	7329	7698
7370	7319 0165 6953 7249 3295	4104	6025	4209	5042	4501	7824
6934		3319	6222	4129	6524	4322	9422
1592		7868	5874	0805	1138	9428	0189
4683		1998	0956	8325	4001	2261	8844
4206		1732	6780	8409	6957	5292	5041
5885	3316	1187	1217	3912	1107	7220	0035
2584	4222	9438	9652	0338	9712	8715	9587
1275	5976	4273	4895	5751	3112	5082	6050
6801	1709	0038	1231	5222	2473	8909	9970
6853	9282	1196	0347	3135	5902	2384	7929
3210	4345	4448	0229	0371	8269	4448	3348
1684	5742	1897	2503	1656	5702	4613	4108
2391	2897	3406	4844	8756	8011	0246	3663
2543	3913	1429	6379	3369	9040	5983	0436
6793	5986	8153	0769	3347	4014	7007	9018
8118	4646	9668	3408	8878	3534	5549	6929
4970	2717	9943	1136	9504	0519	5240	0991
4496	1109	8238	9173	6244	7230	0991	1463
9022	5050	5383	9582	1326	2516	5589	4051
4816	1007	1067	2866	7916	2674	5578	1675
* 8897 4234 6933 0502 6440	4869 7491 578 9450	3221 8194 6675 7793 8896	3266 5072 7853 1529 1441	3567 6555 8325 4067 7718	3365 0799 9408 5459 4849	3675 1940 3252 8641 3192	2195 1232 6799 3247 5958
1248	0405	4572	6861	3737	9558	1025	8707
3110	1168	6046	5837	6243	6745	2362	7710
8822	3604	7844	2085	7923	7979	0648	9003
8680	1201	2536	0308	8733	9722	4556	4684
5327	1250	9502	0340	9894	0438	2677	9200
3798 2688 8552 8713	0805 7601 8348 5638 4716	8037 3408 7934 7620 7582	7474 6525 1530 3148 4576	0516 2710 3523 4508 8105	8715 4547 6882 3123 7527	8398 9156 4334 4023 9082	5552 1623 7237 4560 2426
2104 6503 0085 3822 2193 5392	8499 0711 3407 9184 1390	3100 9557 5603 4815 7100	2209 8428 5431 0566 4578	3406 4332 0083 1214 5107	6314 9685 7074 8483 7946	6910 6492 6929 2282 4502	8051 7422 7054 0916 2765
4635	6166	3085	4297	8619	0912	6917	5364
0495	3715	6053	1723	0114	8257	4650	9901
3296	3067	3040	0852	2939	4015	6927	7710
1348	5573	7270	6840	7450	5933	6472	3750
3132	2603	5574	1528	8104	5520	7279	7940

क्षान्य University College এর Department of Statistics এর অনুমতানুসারে Tracts for Computers, No. XV (L.H.C Tippett এর স্বস্থব সংখ্যাসারি), পূঠা 12—13 থেকে পুননিখিত।

]x **::**

माज्ञभी VII. निश्चश्च क्यिंटिज निर्वायत्र बना श्रंत्यांकनीय छेशीमनित्रमूष्ट ।*

	D.	3.267 2.575 2.282 2.115	Опини	6 1.744 8 1.692 9 1.671 8 1.652	4 1.536 4 1.536 4 1.596 4 1.586	5 1.575 3 1.557 2 1.548 9 1.541
	, Ds	, 888 888 1888 1888		0.256 0.284 0.284 0.308 0.329 0.329		00.425 79 0.434 96 0.443 11 0.452 88 0.459
	D_1 D_2	3.64 4.31 4.91	5.078 205 5.203 87 5.307 46 5.394 87 5.469	2.812 5.53 5.924 5.59 1.026 5.64 1.121 5.69 1.207 5.73	1.285 5.779 1.359 5.817 1.426 5.854 1.490 5.888 1.548 5.922	
1	1, D1	22338	34 47 47 70 70 70 70 70 70 70 70 70 70 70 70 70			
		1.128 1.693 2.059 2.326	2.2.2.2.2.2.2.2.2.2.2.3.078	3.173 3.336 3.407	3.532 3.640 3.640 3.735 3.735	
		3.267 2.568 2.266 2.089		21 1.679 54 1.646 52 1.618 56 1.594 88 1.572	48 1.552 66 1.534 82 1.518 97 1.503 10 1.490	,
	B.	1.858 0 1.858 0 1.808 0 1.756 0	.711 0.030 .638 0.185 .609 0.239 .584 0.284	.561 0.321 .523 0.382 .523 0.406 .507 0.406	1.478 0.448 1.455 0.466 1.454 0.482 1.443 0.497	.424 0.523 .415 0.534 .407 0.545 .399 0.555 .392 0.565
	B_1 B_1	######################################	5026 1.7 0.105 1.6 0.167 1.6 0.219 1.6 0.262 1.5	0.299 1.5 0.331 1.5 0.384 1.5 0.406 1.4	0.427 1.4 0.445 1.4 0.461 1.4 0.477 1.4	
		0.5642 0 0.7236 0 0.7979 0 0.8407 0	1,8686 0 1,8882 0 1,9027 0 1,9139 0 1,9227 0	0.9300 0.9359 0.9410 0.9453 0.9490	0.9523 0.29551 0.29576 0.29599 0.29519 0.29519	00000
		1.880 0 1.023 0 0.729 0 0.577 0	0.419 0 0.373 0 0.337 0 0.308 0	0.285 0.266 0.249 0.235 0.223	0.203 0.203 0.194 0.184 0.180	0.173 0 0.167 0 0.162 0 0.157 0
		3.760 2.394 1.880 1.596	1.410 1.277 1.175 1.024 1.028	0.973 0.925 0.884 0.848 0.816	0.788 0.762 0.738 0.717 0.697	0.679 0.662 0.647 0.632 0.619
	¥	2.121 1.732 1.500 1.342	1.225	0.905 0.832 0.832 0.775	0.750 0.707 0.688 0.688	0.655 0.626 0.612 0.600
-	`	diameter.			·	30200
•	*	(46)40)	~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~	2222	25228	22222

* American Society for testing and Materials এর অনুমত্যনুসারে Manual on Quality Control and materials

्ध्र Table B2, ASTM SPT-15C त्यंत्र भूननिषिछ।

বণান্মক্রমিক সুচী ও পরিভাষা

প্রথম খণ্ড

অনিয়মিত গতিধারা (Irregular fluctuations)—181-182 অংশক (Sample)—1 আদমস্মারী বা জনগণনা (Population census)-41 আবৰ্তকান (Period)-216 পরীক্ষামূলক (Trial-period)—216 প্রকৃত (True-period)—217 এর তীব্রতা (Intensity of period)—216 আবর্তরেখা চিত্র বিশ্লেঘণ (Periodogram analysis)—215-218 আরোহী অনমিতি (Inductive inference)—1 ইণ্টারভিউ পদ্ধতি (Interview method)—5 উপাত্তের সারণী বিন্যাস (Tabulation of data)—7 छेशांख गः भाषनी विहात (Scrutiny of data)-6 ঋজুরৈখিক মডেল (Linear model)—92 ঋতুজ ভেদ (Seasonal fluctuations)—179-180 .. এর পরিমাপ (measurement)—198-215 কালীন সারি (Time series)—178 এর বিভিন্ন অংশ (Components)—178-182 ক্রেতার ঝুঁকি (Consumer's risk)—122 খালি হাতে রেখা নিরূপণ পদ্ধতি (Free hand curve method)— 184-185 গ্রপার তুজু রেখা (Gompertz curve)—197 গড় নমুনা শংখ্যা (Average sample number)—122 গাণিতিক রেখা নিরূপণ পদ্ধতি (Method of mathematical curves) 188-190 শুণ ৰাপক (Quality measurers)—102-103

গোষ্টা গড পদ্ধতি (Group average method)—195-198

এর পরিমাপ (measurement)—215-218

क्वीन (Gy (Cyclical fluctuations)—181

```
চলতি কাল (Current period)—138, 139
 চলমান গড় (Moving averages)—185-186
       পদ্ধতি (method)—185-186, 199-200
 खनगपनामकः পরিসংখ্যান (Census data)—41
 জন্মগত বরণ (Chronological age)—97
 জন্মহার, অশোধিত (Crude birth rate)—55
 जीवन गांत्रवी (Life table)—50-54
          এর প্রস্তকরণ (construction)—52-53
           এর ব্যবহার (uses)--53-54
           এর বর্ণনা (description)—50-52
জীবনসংক্রান্ত ঘটনা (Vital events)-41
                 এর হার (rate)-42-43
            পরিসংখ্যান (Statistics)—41
            রাশিবিজ্ঞানের রেজিস্টার (vital statistics registers)—41
            সচক (Vital index)—57
(हेन्हें (Test)—76
টেট তই (Test theory)—92-96
টেস্টের নির্ভরবোগ্যতা (Reliability of test)—94
                     এর প্রাক্কলন (estimation)—94-96
টেস্টের বান্তি ভেদমান (Standard error of measurement)—94
টেস্ট সক্তি (Validity of test)-96
ধী-সূচক ভাগকন (Intelligence Quotient)—97
नम्ना (Sample)—1, 12-13
नम्ना একক (Sampling unit)—5
      .. এর পর্ণ তালিকা (frame)—6
नर्ना চরन (Sampling)-6, 7-12
      . এর প্রণালী (technique)—7-12
                   गमगञ्ज (random)--7-12
नवनावीच्यन,
                 नक्रिन गांशिया (Sampling inspection by
            କ୍ଷ୍ୟବ
            attributes)-121-132
नवनावीचन धनानी (method)-123-132
                4季 (single)—123-126
```

जनभंगांबी (sequential)—128-132

```
नवनारीचन धनानी, दिनर्यगारी (double)—126-128
                  বছ পর্যায়ী (multiple)—128
नयुना गरीका (Sample survey)-1-2
             পাতীয় (National)—35-36
             এর পরিকল্পন (design)—6, 16-35
             পরিকল্পন উদ্দেশ্যমূলক (purposive)—21-22, 141
        ,,
                      श्रेष्ट्रविक (line)—33
                      ছিমুখী (double)—34-35
                      निग्रमान्श (systematic)—32-33
                      বছপর্য্যায়ী (multiphase)-33-34
        ,,
                      বহু বিভাগী (multistage)—31-32
                      ন্তরবিন্যন্ত সমসম্ভব (stratified random)—
        "
                 ,,
  ,
                      22-31
                              সমসম্ভব (simple random)—16-21,
                        সরল
  ,,
                        141
নমুনা সমীক্ষার বিভিন্ন কার্য্যক্রম (Different steps)-4-7
নম্না সমীক্ষায় বিভিন্ন ধরণের পক্ষপাত ও প্রান্তি (Biases and errors)—
       1346
नगुना नगीकांत्र गुन नीजिनगुर (Principles)-2
नम्ना नमीकांत जूविशा नमद (Advantages)-3-4
নিয়ন্ত্রণ ক্রমচিত্র (Control charts)—103-114
               গড় (mean)—106-108
                ত্ৰুচীয়ন্ত খণ্ড ভগুাংশ (fraction defective)—
               112-113
              ক্রচীযুক্ত থ সংখ্যা (number defective)—111-112.
               ক্রিটা শংখ্যা (number of defects)—113-114
               श्रेगात (range)--110-111
               সমকপার্থক্য (standard deviation)—109-110
পর্ম শুন্য বিন্দু (Absolute zero-point)—76
প্রশারীণ আপেকিক পদ্ধতি (Link Relative method)-210-212
প্রীক্ণ প্রিক্ল্লনা (Design of experiments)—1
প্রজনন হার, বরস বিশেষিত (Age-specific fertility rate)—56
  , সংক্লিড (total)—56-57
```

```
थेषनन शंद, गांवांत्र (general) -55-56
 थ्र शानी नियम (Process control)—102, 114-115
প্রস্থার বাঁকি (Producer's risk)—121-122
প্ৰাক্ৰনক, অনুপাত লব্ধ (Ratio Estimate)-35
প্রাক্কলক, নির্ভরণ লব্ধ (Regression estimate)-35
পৰ্ণক (Population)—'সমগ্ৰক' দেখুন
ব্যবহারিক বৈশিষ্ট্য (Operating characteristic)—122-123
ৰহিৰ্গামী গুণ গুড সীমা (Average outgoing quality limit)—
       122, 124-125, 127
বিচার-প্রস্ত গুচ্ছাংশ (Rational subgroups)—103
विवत्रनी (Report)—7
 বিবরণ লিপি (Questionnaire or Schedule of enquiry)—5
বিবরণ লিপি, ডাকবোগে পাঠানো (Mail-questionnaire)—5
 বৃদ্ধি পরীকা (Intelligence tests)-96-97
বৃদ্ধিহার, অশোধিত স্বাভাবিক (Crude rate of natural increase)—
       57
ভিত্তিকাল (Base period)—138, 139-140
 ৰাত্ৰা নিৰূপণ পদ্ধতি (Scaling procedures)—77-92
                    টেস্ট আইটেমের কাঠিন্যের (difficulty of test-
                   items)--77-78
                  টেস্ট নম্বরের (test scores)—78-84
                  বিচারের (judgment)—88-92
                   यानकरमत्र (ranks)—85-86
                   बनागित्व (ratings)-85
মানসিক অনুপাত (Mental Ratio)-97
মানসিক বয়স (Mental age)-97
याननायां (Scale)-76
মৃত্যহার (Death rate)-43-47
         অশোধিত (crude)—43-44
         প্রমাণীক্ত (standardised)—45-47
         বিশেষিত (specific)—44-45
सोन गरीक्वर्णगर (Normal equations)—190-191
স্থাশিবিজ্ঞানসম্বত তথ নিয়ন্ত্ৰণ (Statistical Quality Control)—7
```

```
রাশিবিজ্ঞান সন্মত বিশ্লেষণ (Statistical Analysis)—102
লবিষ্ট বৰ্গ সমষ্টি পদ্ধতি (Least square method)-190-191
नार् निराधन (Lot control)—102
লজিষ্টক রেখা (Logistic curve)—62-72, 197
             এর সায়জ্যতা নির্ণয় (fitting)—64-72
                         পার্ল (Pearl) ও রীডের (Reed)-এর পদ্ধতি
                       রোড্সের (Rhodes) পদ্ধতি—67-72
শমগ্রক (Population)—1, 4, 12-13
সম্পর্কযুক্ত চলক (Related variables)—137
সম্পূর্ণ সমীক্ষা বা সেন্দাস্ (Complete enumeration)—1
সমসম্ভব সংখ্যাসারি (Random sampling numbers)-8-11
                 ব্যবস্ত বিচারসমূহ (tests applied to)—10-11
                 বিভিন্ন সারির বর্ণনা (different series)—9
                 শংজা (definition)—8
                 স্থবিধাসমূহ (advantages)—8-9
সমান্তরাল টেপ্টসমূহ (Parallel tests)—92-94
স্মীকা ক্মীদের টেনিং (Training of investigators)—6
সরকারী পরিসংখ্যান (Official statistics)—222-250
                    ক্ষি সংক্ৰান্ত (agricultural)—231-236
        99
                   ক্ৰমবিকাশ (development)—222-225
                   জনসংখ্যা সংক্রান্ত (population)—225-230
                   জনস্বাস্থ্য সংক্রান্ত (public health)—230
                   জাতীয় আয় ও আয়কর সংক্রান্ত (National
                   income and income tax)-249-250
                   দর সংক্রান্ত (Price)—245-248
                   ব্যবসা বাণিজ্য সংক্রান্ত (Trade and Commerce)
                   -240-241
                    ব্যাক ও মুদ্রা সংক্রান্ত (Banking and Currency)
                   -242
                    বিবিধ (Misceallaneous)—250
```

বীমা সংক্রাম্ভ (Insurance)—242

```
সরকারী পরিসংখ্যান, বৃহৎ শিল্প সংক্রান্ত (Large-scale industries)-
              236-238
                বানবাহন সংক্ৰান্ত (Transport and Communi-
       33
                 cations)-242-243
                 রেজিহীকত কোম্পানী৷
                                        সংক্ৰান্ত
                                                    (Registered
                  companies)-242
                  শ্ৰম শংক্ৰান্ত (Labour)-244-245
                   শিকা সংক্রান্ত (Education)—249
       99
                    কুত্র ও কৃটীর শিল্প সংক্রোম্ভ (Small-scale and
       99
                Cottage industries)—238-240
স্পীন পূৰ্ণক জনিত শুদ্ধি (Finite population correction)—20
শংখনন হার (Reproduction rates)—57-60
            नी हे (net)—59-60
            च्न (gross)—57-59
গাৰঞ্জন্য (Validity)—2
नायर्ग (Ability)—76
স্থাসিত গতিধারা (Secular trend)—179, 183-198
                   এর • হারা ভাগকরণ পদ্ধতি (Ratio-to-trend
  99
          99
            method)—205-210
                এর পরিমাপ (measurement)—183-198
  ,,
                 এর প্রাভাষ (forecast)—190
শুচৰসংখ্যা, জীবিকা নিৰ্বাহণ ব্যয়ের (Cost of living index numbers)
                 -137, 151, 159-161
```

পশ্চিবজের 25টা শহরের-167-169 23

पद्यत (Price)—137

পাইকারী দরের (Wholesale price)—137, 151

সৰ্বভারতীয় (All India)-165-167 ,,

পাশের পুত্র (Paache's formula)—149

কিশারের আদর্শ সূত্র (Fisher's ideal formula)—150

মার্শাল-একওয়ার্থের সূত্র (Marshall-Edgeworth's formula) " -149

ভারবৃক্ত অপোত্তর (Weighted geometric mean)—146

- সূচক সংখ্যা, ভারযুক্ত বিবর্ত যৌগিক (Weighted harmonic mean)—
 - ,, ভারযুক্ত যৌগিক (Weighted arithmetic mean)—
 145-146
 - ,, ভারহীন বা সরল (Unweighted)—143
 - ,, লাসপেয়ার্সের সূত্র (Laspeyres' formula)—147-148
 - ,, শুখালযুক্ত (Chain)—156-159
- সূচক সংখ্যার বিভিন্ন ধরণের লান্তি (Different types of errors)—
 151-153
 - -, সামঞ্জস্য বিচার (Tests of consistency)—153-156
 - ., , উপাদান বিবৰ্তনী (Factor Reversal)— 154-156
 - , , কাল বিবৰ্তনী (Time Reversal)—153-154

দিতীয় খণ্ড

पर्नाहे श्राट्य (Residual variance)—9

অবেকণ বান্তি (Observational error)-9

উপাদানীয় পরীকা (Factorial experiment)—54

উপাদানীয় পরীক্ষার ফল সমষ্টি বের করবার ইয়েট্স-এর পদ্ধতি (Yates Method of determining factorial effects total)—64

উপাদানগুলি যখন দুই-এর অধিক মাত্রায় প্রয়োগ করা হয় তখন উপাদানীয় পরীকা (Factorial experiments when factors appear at more than two levels)—68

ঋজুরৈখিক প্রতিরূপ (Linear Model)—4

এক উপাদানীয় পরীকা (Single factor experiment)—58

একক ব্ৰান্তি (Unit error)—31

একধারা শ্রেণীবিন্যাসী উপাত্তের প্রভেদ বিশ্লেষণ (Analysis of variance

for one-way classified data)-2

একধারা শ্রেণীবিন্যাসী উপাত্তের সহভেদমান বিশ্লেঘণ (Analysis of covariance for one-way classified data)—19

ভিন উপাদানী যৌথ জিৱাফন (Three factor Interaction)—64
ভিন উপাদানীয় পরীকা (Three factor experiment)—62

```
দুই উপাদানী পরীকা (Two-factor experiment)—59
 पुष्टे जिनानीय (योधिकयांकन (Two factor Interaction)—57
 দুইবারা শ্রেণীবিন্যাসী উপাত্তের প্রভেদ বিশ্রেষণ (Analysis
       variance for two-way classified data)-8
 বিতীয় পর্যায়ের যৌপক্রিয়াফল (Second-order Interaction)—64
 নির্মানুগ বিন্যানের পক্পাত (Bias of systematic arrangement)—
       32
 পরিবাপক বান্তি (Measurmental error)—31
 পরীক্ষণ বান্তি (Experimental error)—9
 পরীক্ণী পরিকল্পনার অন্তনিহিত তম (Basic principles of Design
       of experiments)-31
 প্রথম পর্বায়ের যৌপক্রিয়াফল (First order Interaction)—57
 প্রভেদ বিশ্বেষণ (Analysis of variance)—1
বছকরণ (Replication)—33
বহুষকৃত (Replicate)—8
বিশেষক (Treatment)—2
절 (Block)—35
ভেদ্যান (Variance)—1
मुक्त (Main effect)—56
रवेपिक्यांकन (Interaction effect)—13
ল্যাটিন বৰ্গ পরিকল্পনা (Latin square design)-48
সম উপাদানীয় পরীক্ষা (Uniformity trial experiment)—33
সমসম্ভব ব্লুক পরিকল্পনা (Randomised Block design)---44
সমসন্তবীকৰণ (Randomisation)-31
সহভেদমান বিশ্লেষণ (Analysis of Covariance)—19
সম্পূৰ্ণক্লপে সমসম্ভব পরিকল্পনা (Completely randomised design)
সন্মিলিত বিশেষক (Treatment combination)—55
সাধারণ ফল (Simple effect)—56
श्वामीय नियंत्रण (Local control)—35
```

শুদ্বিপত্ৰ

COMP

বিভীয় খণ্ড

পাতা	লাইন	পাছে	হ'বে
3	12	$ \begin{array}{ccc} k & ni \\ \Sigma & \Sigma & x_i^3 - n\bar{\omega}^2 \\ i=1 & j^{-1} \end{array} $	$ \begin{array}{ccc} k & ni \\ \Sigma & \Sigma & x_{ij}^2 - n\bar{x}^2 \\ i-1 & j-1 \end{array} $
	2	$\sum_{ij} (\bar{a}_{ij} - \bar{a})^2$	$\sum_{ij} (x_{ij} - \bar{x} \cdots)^2$
6 .	19	n_{δ} =	$n_8=4$
8	8	$\Sigma \tau_i = 0$	$\Sigma \tau_j = 0$
13	22	$+\bar{x}_i\bar{x}+\bar{x}_{\cdot j}\bar{y})^2$	$+\bar{x}_{i}\bar{x}$ $+\bar{x}_{\cdot j}\bar{x})$
14	1	$\Sigma(x_{ijk}-ar{x}_{ij})^2$	$\Sigma (x_{ijk} - \bar{x}_{ij\cdot})^2$ ijk
18		Σ T ² Σ 4	$\sum_{i=1}^{8} \frac{T_i^a}{4}$
20	4 *	$\sum_{i} (y_{ij} - \hat{a}_i - \beta_i x_{ij})^2 / \sigma^2$	$\sum_{j} (y_{ij} - \hat{\alpha}_i - \beta x_{ij})^2 / \sigma^2$
21	11	$\sum_{ij} (\beta_i - \gamma_i - \beta)^2 (x_{ij} - \bar{x}_{i\cdot})^2 \sigma^2$	$\sum_{ij} (\beta_i - \gamma_i - \beta)^{\alpha} (x_{ij} - x_{i.})^{\alpha}$
			σ^2

